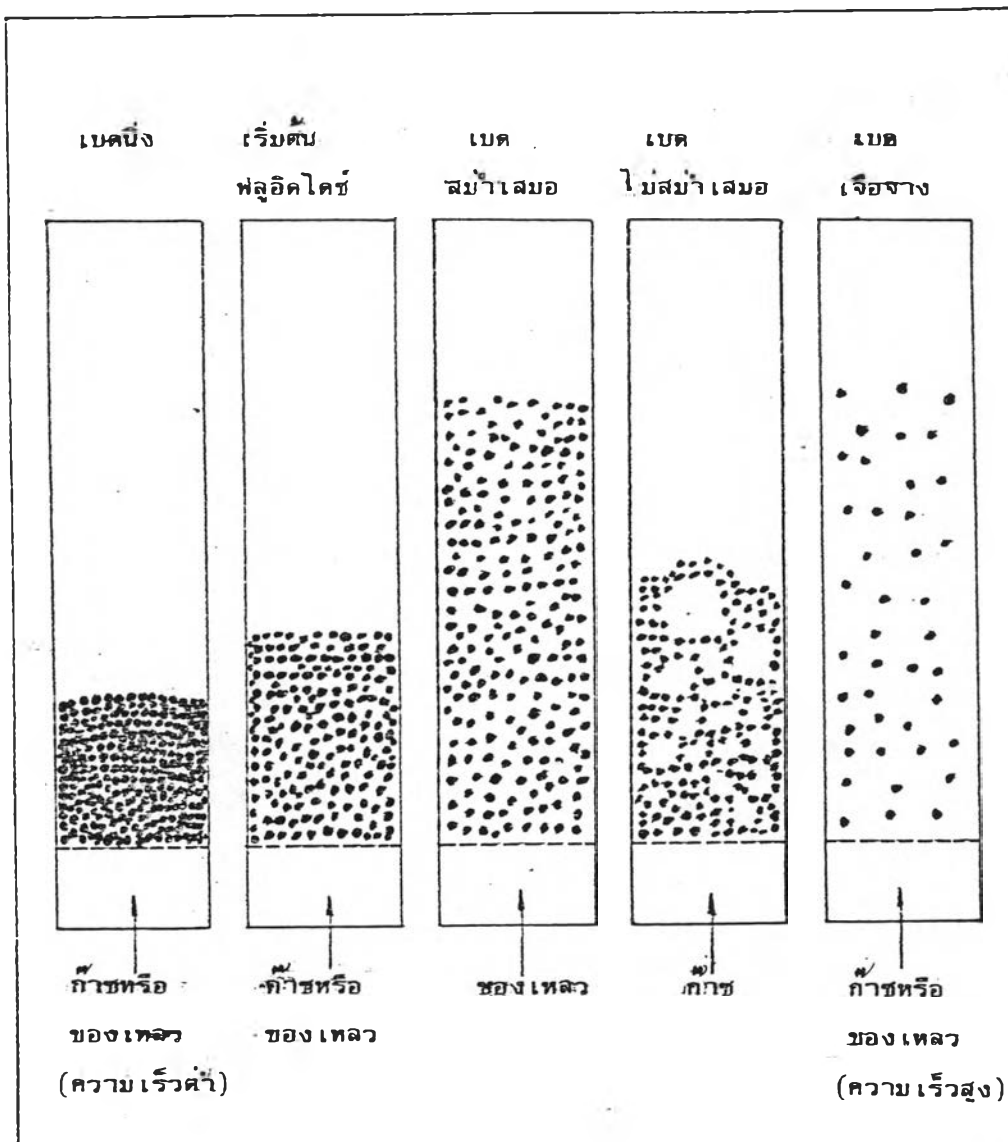


## 3.1 ปรัชญาการณของฟลูอิดไดเซชัน

เมื่อมีของไหลเช่น ก๊าซหรือของเหลว ไหลผ่านอนุภาคที่บรรจุอยู่ในภาชนะรูปทรงกระบอกหรือรูปทรงอื่น ๆ ขณะที่ของไหลมีอัตราการไหลต่ำก็จะค่อย ๆ ไหลผ่านช่องว่างระหว่างอนุภาคที่คงที่นั่นคล้ายกับการกรอง ขณะนี้จะเรียกอนุภาคทั้งหมดว่า เบดนิ่ง (Fixed bed) และเมื่อเพิ่มความเร็วของของไหลขึ้นอีก อนุภาคก็จะค่อย ๆ เคลื่อนตัวแยกออกจากกัน บางส่วนของอนุภาคจะเกิดการสิ้นไหวและเคลื่อนที่อยู่ในอาณาเขตจำกัด ซึ่งสภาพของเบดขณะนี้จะเรียกว่า เบดขยายตัว (Expanded bed)

เมื่อความเร็วของของไหลเพิ่มมากขึ้นจนถึงจุดหนึ่ง อนุภาคจะถูกแขวนลอยหรือลอยตัว เป็นอิสระอยู่ในของไหลที่ไหลผ่านอนุภาคนั้น และที่จุดนี้เองแรงเสียดทานที่เกิดขึ้นระหว่างอนุภาคและของไหลจะเท่ากับน้ำหนักของอนุภาคทั้งหมดนั้น นั่นคือแรงกกระหว่างอนุภาคจะหายไปด้วย และความดันตกที่หน้าตัดใด ๆ ของเบดจะเท่ากับน้ำหนักของของไหลและอนุภาคที่หน้าตัดนั้น ๆ สภาพของเบดขณะนี้จะเป็นการเริ่มต้นของฟลูอิดไดซ์เบดหรือเบดที่อยู่ภาวะเริ่มต้นของปรากฏการณ์ฟลูอิดไดเซชัน เมื่อเลยจุดนี้ไปแล้วถ้าเพิ่มความเร็วของไหลมากขึ้นจะทำให้เบดขยายตัวมากขึ้นตามความเร็วของของไหล แต่อนุภาคยังเคลื่อนไหวแบบรวมตัวกันเป็นกลุ่มก้อนอยู่ เบดลักษณะนี้เรียกว่า ฟลูอิดไดซ์เบดแบบหนาแน่น (Dense-phase fluidized bed) และถ้าความเร็วของของไหลเพิ่มขึ้นไปอีก ของไหลก็จะพยายามพาอนุภาคของแข็งให้ลอยสูงขึ้น และแยกตัวห่างออกจากกันมากขึ้น เบดลักษณะนี้เรียกว่า ฟลูอิดไดซ์เบดเจือจาง (Diluted-phase fluidized bed) หลังจากนั้นถ้าความเร็วของของไหลเพิ่มขึ้นอีกเพียงเล็กน้อย อนุภาคของแข็งจะหลุดลอยออกจากภาชนะบรรจุไป ซึ่งในลักษณะนี้จะ เป็นลักษณะคล้ายส่งของแข็งด้วยอากาศ (Pneumatic transport) และถ้าเป็นของเหลวจะเรียกว่า ขนส่งด้วยของเหลว (Hydraulic transport) ฟลูอิดไดซ์เบดที่ของไหลเป็นของเหลว การขยายตัวของเบดเป็นไปอย่างสม่ำเสมอ การแขวนลอยตัวและการหมุนรอบตัวเองของอนุภาคของแข็ง เป็นไปอย่างช้า ๆ เรียกเบดนี้ว่า เบดสม่ำเสมอหรือเบดที่เป็นเนื้อเดียวกัน (Particulated bed of homogeneously bed or Smoothly fluidized bed or Liquid fluidized bed) สำหรับฟลูอิดไดซ์เบดที่

ของไหล เป็นก๊าซลักษณะของ เบดจะแตกต่างจากปรากฏการณ์ของของเหลว ทั้งนี้เพราะเมื่อความเร็วของก๊าซสูงกว่าความเร็วที่ทำให้เกิดฟลูอิดไดซ์ เบดแล้ว ก๊าซส่วนหนึ่งจะทำหน้าที่ให้เกิดการลอยตัวของอนุภาคของแข็ง แต่อีกส่วนหนึ่งจะรวมตัวกันเกิดเป็นฟองก๊าซแทรกขึ้นมายังผิวหน้าของเบด และจะแตกตัวไปในที่สุด ขณะที่ฟองก๊าซลอยขึ้นมาจะมีอนุภาคของแข็งลอยตามขึ้นไปด้วย และเมื่อห้องอากาศแตกออกอนุภาคของแข็งนี้จะตกกลับมายัง เบดอีกครั้ง ถ้าสังเกตดูในเบดขณะนี้จะพบว่า การเคลื่อนที่ของของแข็ง เป็นไปอย่างสุ่มปน่วนวาย เบดชนิดนี้เรียกว่า ฟลูอิดไดซ์เบดวุ่นวาย สำหรับขั้นตอนต่าง ๆ ของการเกิดปรากฏการณ์ฟลูอิดไดเซชันจะแสดงในรูปที่ 3-1



รูปที่ 3.1 ขั้นตอนการเกิดปรากฏการณ์ฟลูอิดไดเซชันของอนุภาคของแข็ง

### 3.2 การแบ่งประเภทของฟลูอิดไอเด เซชัน

ฟลูอิดไอเด เซชันอาจแบ่งเป็นประเภทต่าง ๆ ได้ดังนี้

#### 3.2.1 ฟลูอิดไอเด เซชันสองสถานะ

หมายถึงภายในภาชนะบรรจุหรือท่อทดลองจะประกอบด้วยสสารสองสถานะคือของแข็งและของไหล ของไหลอาจเป็นก๊าซหรือของเหลวก็ได้ ถ้าเป็นก๊าซจะเรียกว่า ก๊าซฟลูอิดไอเด เซชันและถ้าเป็นของเหลวจะเรียกว่า ฟลูอิดไอเด เซชันของเหลว (Liquid fluidization)

#### 3.2.2 ฟลูอิดไอเด เซชันสามสถานะ (Three phase Fluidization)

หมายถึงภายในภาชนะบรรจุจะประกอบด้วยสสารสามสถานะอยู่ด้วยกัน คือ ของแข็ง ของเหลว และก๊าซ กลไกของกระบวนการเกิดฟลูอิดไอเด เซชันสามสถานะนี้ สลับซับซ้อนมาก บางครั้งอาจพัฒนาไปสู่ฟลูอิดไอเด เซชันสองสถานะ

### 3.3 ก๊าซฟลูอิดไอเด เซชัน

ฟลูอิดไอเด เซชันสองสถานะที่ประกอบด้วยสารที่เป็นของแข็งและก๊าซหรือที่เรียกว่า ก๊าซฟลูอิดไอเด เซชันนั้น กลไกของกระบวนการดังกล่าวจะสลับซับซ้อนมากกว่าฟลูอิดไอเด เซชันของเหลว กล่าวคือ ในขณะที่เบดเริ่มมีลักษณะการเป็นฟลูอิดไอเด เซชันใหม่ ๆ จะมีส่วนคล้ายกับลักษณะของเบดที่เกิดขึ้นในฟลูอิดไอเด เซชันของเหลว แต่เมื่อความเร็วของก๊าซเพิ่มขึ้นจะมีก๊าซบางส่วนรวมตัวกัน แล้วก่อตัวเหมือนอุทกอากาศซึ่งเรียกว่า ฟองอากาศหรือฟองก๊าซ และส่วนที่มีแค้อนุภาคของแข็งแขวนลอยตัวอยู่เรียกว่า เบดหนาแน่น (Dense bed) หรือวัฏภาคของอิมัลชัน (Emulsion phase) และถ้าเรียกรวมกันจะเรียกว่า เบดรวมกลุ่ม (Aggregate bed)

เมื่อความเร็วของก๊าซเพิ่มขึ้น จำนวนฟองก๊าซจะมีมากขึ้น และจะรวมตัวกันใหญ่ขึ้นจนกระทั่งลอยถึงผิวหน้าก็จะแตกกระจายออก และอนุภาคที่ถูกพาขึ้นมาด้วยจะตกกลับลงไปยังเบดใหม่ บริเวณที่มีฟองก๊าซและบริเวณเหนือผิวหน้าของเบดที่มีฟองก๊าซแตกกระจายจะเรียกว่า เบดที่มีของแข็งน้อย (Lean bed) ปรากฏการณ์ของก๊าซฟลูอิดไอเด เซชันนี้จะเกี่ยวข้องกับงานวิจัยครั้งนี้เป็นอย่างมาก

### 3.4 ฟลูอิดไลซ์เบด

ฟลูอิดไลซ์หมายถึงการที่ของแข็ง (Solid) มีพฤติกรรมต่าง ๆ ที่คล้ายกับของ

ไหล (Fluid) ส่วนที่เป็น เบด (Bed) หมายถึงบริเวณหรืออาณาเขตในหอทดลองที่มีปริมาณอนุภาคของแข็งบรรจุอยู่ ไม่ว่าอนุภาคเหล่านั้นจะอยู่นิ่งหรือเคลื่อนไหวด้วยของไหลก็ตามจะมีระดับตั้งแต่แผ่นกระจายของไหล (Distributor plate) จนถึงระดับสูงสุดคือผิวหน้าที่อนุภาครวมอยู่ในหอทดลอง

ปัจจัยสำคัญที่ทำให้เกิดพฤติกรรมของฟลูอิดไดซ์ที่ตีคือ (6)

- ก. อนุภาคควรมีขนาดเล็กและเหมาะสมกับขนาดของหอทดลอง
- ข. ขนาดของอนุภาคต้องไม่แตกต่างกันมากเกินไป
- ค. รูปร่างทางกายภาพของอนุภาคควรใกล้เคียงกับทรงกลม
- ง. ตัวกระจายของของไหล (Distributor) ต้องสามารถกระจายของ

ของไหลได้อย่างสม่ำเสมอ

จ. ความเร็วของของไหลภายในเบดต้องพอเหมาะกับขนาดของเบดที่ใช้ทดลอง อย่างไรก็ตามถ้าอนุภาคมีขนาดเล็กมาก และมีแรงดึงดูดระหว่างผิวของอนุภาคสูงก็อาจทำให้เกิดฟลูอิดไดซ์ได้ยาก อีกประการหนึ่งถ้าอนุภาคมีความหนาแน่นค่ามากเกินไปแรงโน้มถ่วงของโลกที่กระทำต่ออนุภาคจะลดน้อยลง ดังนั้นโอกาสที่ของไหลจะผ่านทะลุขึ้นมาเป็นช่อง (Channeling) นั้นง่ายและรุนแรงมาก

### 3.5 พฤติกรรมต่าง ๆ ของฟลูอิดไดซ์เบด

#### 3.5.1 ความเร็วค่าสุดของการเกิดฟลูอิดไดซ์เบด

ดังที่ได้กล่าวมาแล้วว่า เมื่อปรับความเร็วของของไหลสูงขึ้นถึงจุดหนึ่งจะเริ่มปรากฏการณ์ของฟลูอิดไดซ์ขึ้น พฤติกรรมที่เห็นได้ชัดเจนคือ

- ก. ลักษณะของวัสดุที่ใช้เป็นเบดจะสม่ำเสมอ เป็นเนื้อเดียวกันตลอดทั้งเบด
- ข. ผิวหน้าของอนุภาคในเบดจะราบเรียบและอยู่ในแนวระดับ
- ค. อนุภาคของของแข็งจะเริ่มลอยอยู่ในกระแสของของไหล และมีระยะห่างกัน

ระหว่างอนุภาคน้อยมาก แต่การสัมผัสระหว่างอนุภาคจะลดลงอาจมีการเคลื่อนไหวบ้างเล็กน้อย และอยู่ในวงจำกัด

ง. ถ้าเป็นก๊าซฟลูอิดไดซ์ขึ้นจะไม่มีฟองของก๊าซเกิดขึ้น โดยก๊าซจะเคลื่อนที่ผ่านอนุภาคในเบดอย่างสม่ำเสมอ และไม่มีการรวมตัวของก๊าซเกิดขึ้นจนมองเห็นได้

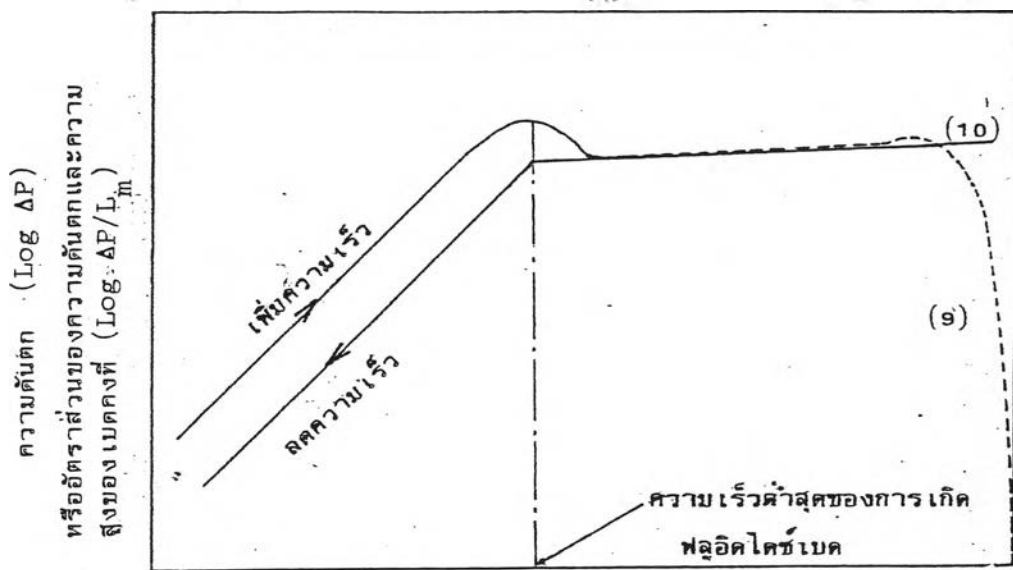
#### 3.5.1.1 การหาค่าความเร็วค่าสุดของการเกิดฟลูอิดไดซ์เบด

การหาค่าความเร็วค่าสุดของการเกิดฟลูอิดไดซ์เบดนั้น หา

ได้ 2 วิธีคือ

### 3.5.1.1.1 โดยวิธีกราฟ

วิธีดังกล่าวนี้จะอาศัยหลักที่ว่า เมื่อความเร็วของของไหลเพิ่มขึ้นทีละน้อยนั้น ความดันตก (Pressure drop) จะค่อย ๆ เพิ่มขึ้นพร้อมกับการเพิ่มความเร็วของของไหล ดังนั้นถ้าวาดกราฟระหว่างความดันตกกับความเร็วของอากาศ หรืออัตราส่วนของความดันตกและความสูงของ เบนดงที่กับความเร็วของอากาศ ดังแสดง ในรูปที่ 3-2 ก็จะสามารถหาค่าความเร็วต่ำสุดของของไหลได้<sup>(9) (10)</sup>



ความเร็วของของไหล (Log  $U_0$ )

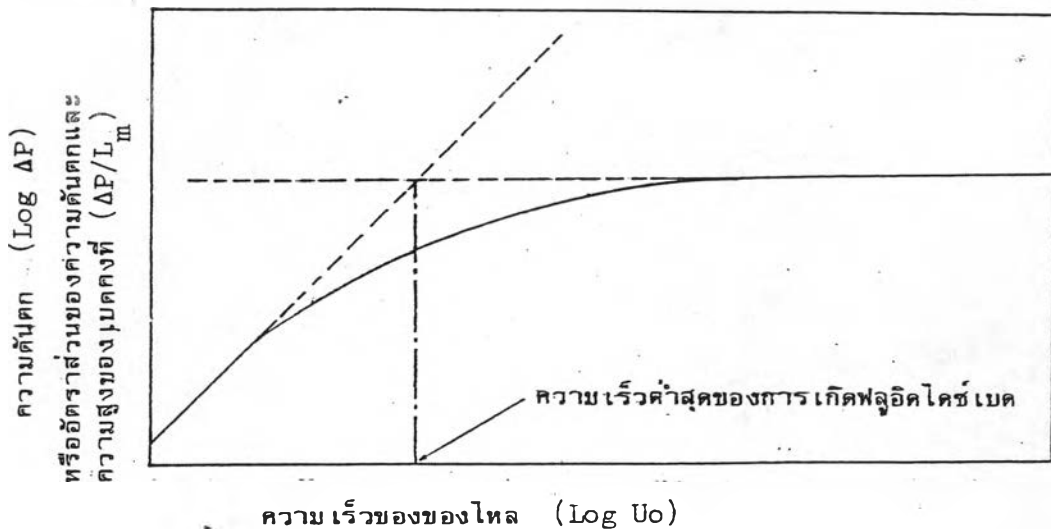
รูปที่ 3-2 ความสัมพันธ์ระหว่างความดันตก (หรืออัตราส่วนของความดันตกต่อความสูงของ เบนดงที่) กับความเร็วของของไหล

จากรูปที่ 3-2 นั้น เป็นการทดลองเมื่ออนุภาคมีขนาดใกล้เคียงกัน ซึ่งจะสังเกตได้ว่าเส้นกราฟจะมีความแตกต่างกัน เมื่อเพิ่มและลดความเร็วของของไหล โดยเส้นกราฟที่แสดงถึงการเพิ่มความเร็วของของไหลจะมีส่วนที่โค้งขึ้น บริเวณดังกล่าวนี้แสดงว่าต้องใช้แรงดันมากเป็นพิเศษที่จะใช้กระจาย หรือแยกอนุภาคให้ออกจากกันและจัดเรียงตัวให้เป็นระเบียบ เมื่อเรียงตัวเรียบร้อยแล้วความดันตกจะค่อย ๆ ลดลง และคงที่ตลอดไป

สำหรับเส้นกราฟที่แสดงถึงการลดความเร็วในช่วงแรกจะคงที่ ส่วนช่วงหลังจะค่อย ๆ ลดลงโดยเส้นกราฟจะขนานกันกับเส้นกราฟเพิ่มความเร็ว แต่จะมีค่าความดันตกน้อยกว่า จากการทดลองพบว่า ความดันตกในการเพิ่มความเร็วจะมากกว่าความดันตกในการลดความเร็วประมาณร้อยละ 5 ถึง 10<sup>(5)</sup> ทั้งนี้ เป็น เพราะขณะที่ เบนดงเปลี่ยนจากฟลูอิดโคช

เบคเข้าสู่เบคหนึ่ง อนุภาคของแข็งจะเรียงตัวเองแล้ว และไม่ต้องสูญเสียพลังงานในการจัด  
ช่วงว่างในเบคให้เป็นระเบียบอีก และเมื่อใดก็ตามถ้าเราทดลองซ้ำในเบคเดิมอีก เส้นกราฟ  
ที่แสดงการเพิ่มความเร็วใหม่นี้จะเดินตามเส้นลดความเร็วในการทดลองครั้งแรก

สำหรับอนุภาคที่มีขนาดแตกต่างกันมากหรือมีขนาดกระจาย (Size distribution)  
ลักษณะของกราฟที่ได้จะดูราบเรียบกว่า และจากกราฟดังกล่าวก็จะสามารถหาค่าความเร็วค่า  
สุดของการเกิดฟลูอิดโคชเบคได้ ดังแสดงในรูปที่ 3-3 (6) (9) (10)



รูปที่ 3-3 ความสัมพันธ์ระหว่างความดันตก (หรืออัตราส่วนของความดันตกและ  
ความสูงความเบคคงที่) กับความเร็วของของไหล เมื่ออนุภาคมี  
ขนาดแตกต่างกันมากหรือมีขนาดกระจาย

การใช้อนุภาคที่มีขนาดแตกต่างกันมาก ๆ เช่น มีอนุภาคนขนาดเล็กมากปนกับขนาด  
ใหญ่มาก และรวมอยู่เพียง 2 ขนาด ก็อาจทำให้เกิดปรากฏการณ์ฟลูอิดโคชเช่น เฉพาะขนาด  
เล็กขึ้นในช่วงว่างระหว่างอนุภาคนขนาดใหญ่ ในขณะที่อนุภาคนใหญ่อยู่กับที่และยังไม่  
เคลื่อนไหวเลย ปรากฏการณ์เช่นนี้มักจะเกิดขึ้น เมื่อความแตกต่างของเส้นผ่านศูนย์กลางของ  
อนุภาคทั้งสองในอัตราส่วน 6:1 หรือมากกว่า<sup>(9)</sup>

สิ่งที่สำคัญอีกประการหนึ่งคือ การหาค่าความเร็วค่าสุดของการเกิดฟลูอิดโคชเบค  
จากรูปที่ 3.2 และ 3.3 โดยวิธีกราฟนั้น ควรจะหาขณะที่ใส่เบคครั้งแรก เพราะเมื่อทดลอง  
ซ้ำครั้งที่ 2 เบคบางส่วนที่หายไปในการทดลองครั้งแรกหรือเกิดการจับตัวกันหรือเกิดการหด  
ตัว หรือเกิดปฏิกิริยากันก็จะเป็นเหตุให้ได้ค่าความเร็วค่าสุดของการเกิดฟลูอิดโคชเบคแตก  
ต่างกับครั้งแรก ทั้งนี้ปรากฏการณ์ดังกล่าวมักจะเกิดขึ้นได้ง่าย เมื่อใช้อนุภาคที่มีขนาดเล็กมาก

หรือมีอนุภาคหลาย ๆ ขนาดรวมกัน (9)

### 3.5.1.1.2 โดยวิธีคำนวณ

จากที่ได้กล่าวแล้วว่า ขณะเมื่อเริ่มเกิดปรากฏการณ์  
ฟลูอิดไอเซชันนั้น อนุภาคของของแข็งจะเริ่มลอยตัวเป็นอิสระอยู่ในกระแสการไหลของของ  
ไหลหรือก๊าซ การที่อนุภาคลอยอยู่ได้นั้น เนื่องจากของแข็งอยู่ในสภาวะสมดุลย์ของแรงสอง  
แรงที่มีทิศทางตรงกันข้าม คือแรงที่เกิดจากน้ำหนักของอนุภาคของแข็งเอง และแรงพยุงเนื่อง  
จากของไหลหรือเกิดจากแรงเสียดทานกับแรงต้านของของไหล ซึ่งจะเขียนเป็นสมการได้ดังนี้คือ

$$\text{แรงพยุง (แรงเสียดทาน + แรงต้าน)} = \text{น้ำหนักของอนุภาค} \quad (3.1)$$

หรือ (ความดันตกในพื้นที่ภาคตัดขวางของ เบด) (พื้นที่ภาคตัดขวางของท่อทดลอง) =

$$(\text{ปริมาตรของ เบด}) (\text{เศษส่วนของอนุภาคใน เบด}) (\text{ความถ่วงจำเพาะของของแข็ง}) \quad (3.2)$$

$$\text{หรือ} \quad \Delta P \cdot A_t = W = (A_t \cdot L_{mf})(1 - \epsilon_{mf})(\rho_s - \rho_g) \frac{g}{g_c} \quad (3.3)$$

จัดสมการใหม่ เพื่อให้ได้สภาวะค่าสุดของฟลูอิดไอเซชัน

$$\frac{\Delta P}{L_{mf}} = (1 - \epsilon_{mf})(\rho_s - \rho_g) \frac{g}{g_c} \quad (3.4)$$

จากสมการของ ERGUN<sup>(12)</sup> ซึ่งแสดงความสัมพันธ์ของความดันตกในขณะ เบด-

นิ่งไว้ดังนี้

$$\frac{\Delta P_c}{L} = 150 \frac{(1 - \epsilon_m)^2}{\epsilon_m^3} \frac{\mu U_o}{(\phi_s d_p)^2} + 1.75 \frac{(1 - \epsilon_m)}{\epsilon_m^3} \frac{\rho_g U_o^2}{\phi_s d_p} \quad (3.5)$$

ซึ่งสมการดังกล่าวนี้สามารถนำมาประยุกต์ใช้ได้ขณะที่เริ่มเกิดปรากฏการณ์ฟลูอิดไอ-  
เซชัน ทั้งนี้เพราะปริมาณช่องว่างขณะที่เริ่มเกิดนั้นจะมีค่ามากกว่าปริมาณช่องว่างในขณะ เบดนิ่ง  
เล็กน้อย ดังนั้นจากสมการที่ (3.5) จึงเขียนใหม่ได้ดังนี้ (9)

$$\begin{aligned} & \frac{1.75}{\phi_s \epsilon_{mf}^3} \left( \frac{d_p U_{mf} \rho_g}{\mu} \right)^2 + \frac{150(1 - \epsilon_{mf})}{\phi_s^2 \epsilon_{mf}^3} \left( \frac{d_p U_{mf} \rho_g}{\mu} \right) \\ & = \frac{d_p^3 \rho_g (\rho_s - \rho_g) g}{\mu^2} \quad (3.6) \end{aligned}$$

ในเบตที่มีขนาดอนุภาคเล็กจะทำให้สามารถใช้ความเร็วของของไหลเพียงเล็กน้อยก็ทำให้เกิดฟลูอิดไดเซชันแล้ว เพราะฉะนั้นความเร็วต่ำสุดที่จะทำให้เกิดฟลูอิดไดซ์เบตสามารถคำนวณได้จากสมการ

$$U_{mf} = \frac{(\phi_s dp)^2}{150} \cdot \frac{(\rho_s - \rho_g)}{\mu} \cdot g \left( \frac{\epsilon_{mf}^3}{1 - \epsilon_{mf}} \right) \text{ เมื่อ } Re_p < 20 \quad (3.7)$$

และสำหรับเบตที่มีขนาดอนุภาคขนาดใหญ่ ซึ่งต้องใช้ความเร็วของของไหลสูงมากจึงจะทำให้อนุภาคของแข็งลอยตัวเป็นอิสระได้ กล่าวคือ ค่าของพลังงานจลน์จะเป็นจุดเด่นในกรณีนี้ ดังนั้นความเร็วต่ำสุดของของไหลที่จะทำให้เกิดฟลูอิดไดซ์เบตจึงคำนวณจากสมการ

$$U_{mf}^2 = \frac{\phi_s dp}{1.75} \cdot \frac{(\rho_s - \rho_g)}{\rho_g} \cdot g \cdot \epsilon_{mf}^3 \text{ เมื่อ } Re_p \geq 1000 \quad (3.8)$$

การหาค่าความเร็วต่ำสุดในการเกิดฟลูอิดไดซ์เบต ( $U_{mf}$ ) นั้นบางครั้งการหาค่าแฟคเตอร์รูปร่าง ( $\phi_s$ ) และค่าสัดส่วนของช่องว่างต่ำสุดของเบต ( $\epsilon_{mf}$ ) อาจทำได้ยาก ดังนั้นจึงมีผู้พยายามที่จะหลีกเลี่ยงการใช้ค่าทั้งสองโดยตรง ทั้งนี้ก็เพราะจะทำให้สมการข้างต้นให้อยู่ในเทอมของขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางของอนุภาคของแข็ง เช่น สมการของ C.Y. Wen และ Y.H. YU เป็นต้น<sup>(13)</sup> ซึ่งได้เสนอผลคูณของช่องว่างต่ำสุด และแฟคเตอร์รูปร่างมีค่าคงที่ ซึ่งได้จากการวิเคราะห์จากข้อมูลต่าง ๆ รวมทั้งผลการทดลองที่ได้กระทำเอง ทำให้สรุปได้ว่า

$$\text{ค่าของ } \frac{1}{\phi_s \epsilon_{mf}^3} \approx 14 \quad \frac{1 - \epsilon_{mf}}{\phi_s^2 \epsilon_{mf}^3} \approx 11$$

ดังนั้นเมื่อนำค่าดังกล่าวแทนลงในสมการที่ (3.6), (3.7) และ (3.8) ก็สามารถเขียนสมการได้ใหม่ คือ

$$\frac{d_p U_{mf} \rho_g}{\mu} = \left[ \frac{(33.7)^2 + 0.0408 \frac{d_p^3 \rho_g (\rho_s - \rho_g) g}{\mu^2}}{\mu^2} \right]^{1/2} - 33.7 \quad (3.9)$$

สำหรับเบตที่มีขนาดของอนุภาคใหญ่ สามารถเขียนสมการได้ใหม่คือ

$$U_{mf}^2 = \frac{d_p (\rho_s - \rho_g) g}{24.5 \rho_g} \text{ เมื่อ } Re_p > 1000 \quad (3.10)$$

และสำหรับเบตที่มีขนาดของอนุภาคเล็กสามารถเขียนสมการได้คือ

$$U_{mf} = \frac{d_p^2 (\rho_s - \rho_g) g}{1650 \mu} \text{ เมื่อ } Re_p < 20 \quad (3.11)$$



อย่างไรก็ตาม จากการวิเคราะห์ความแม่นยำของสมการใหม่นี้ โดยการเปลี่ยนแปลงค่าความหนาแน่นขนาดของอนุภาค ความหนืดของก๊าซ และใช้ค่าเรย์โนลด์นัมเบอร์ ตั้งแต่ 0.001 ถึง 4000 นั้น ค่าความเร็วค่าสุด ( $U_{mf}$ ) ที่คำนวณได้จะมีค่าเบี่ยงเบนประมาณร้อยละ 34<sup>(9)</sup>

นอกจากนี้ก็มีผู้เสนอสมการสำหรับคำนวณค่าความเร็วค่าสุดของการเกิดฟลูอิดไดซ์เบด ( $U_{mf}$ ) ดังนี้คือ

Miller และ Logwinuk<sup>(14)</sup> ได้ทำการทดลองกับอนุภาคหลายชนิดและพยายามรวมตัวแปรเป็นกลุ่มแบบไม่มีหน่วยแล้วตัดแปลงมา เพื่อคำนวณค่าความเร็วค่าสุดของการเกิดฟลูอิดไดซ์เบดดังนี้

$$U_{mf} = \frac{0.00125 d_p^2 (\rho_s - \rho_g)^{0.9} \rho_g^{0.1} g}{\mu} \quad (3.12)$$

Johnson<sup>(15)</sup> ได้ทำการทดลองในระบบของก๊าซและของแข็ง โดยพยายามศึกษาถึงคุณสมบัติต่าง ๆ ของเบด อาทิเช่น ความหนาแน่น และความหนืด เป็นต้น โดยศึกษาขณะเบดอยู่ในลักษณะฟลูอิดไดซ์เชชัน และได้เสนอสมการสำหรับคำนวณค่าความเร็วค่าสุดของการเกิดฟลูอิดไดซ์เบดดังนี้คือ

$$U_{mf} = \frac{d_p^2 \phi_s^2 g (\rho_s - \rho_g) \epsilon_{mf}^3}{18 \mu (1 + 0.5(1 - \epsilon_{mf}))} \quad Re_p < 2 \quad (3.13)$$

และ

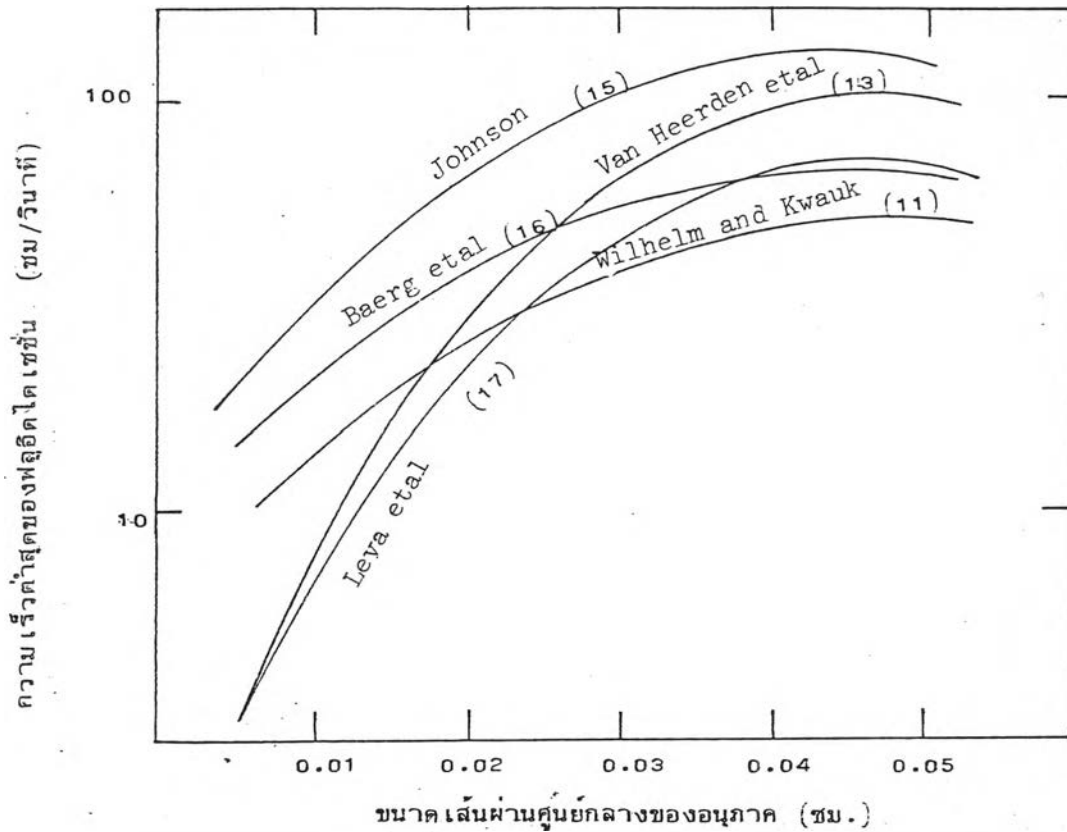
$$U_{mf} = 0.171 d_p \phi_s \frac{(\epsilon_{mf})^3}{1 - \epsilon_{mf}} \cdot \frac{g^2 \rho_s \epsilon_{mf}^6}{\mu (1 - \epsilon_{mf}) (1 + 0.5(1 - \epsilon_{mf}))} \quad Re_p > 2 \quad (3.14)$$

Baerg และผู้ร่วมงาน<sup>(16)</sup> ได้ศึกษาถึงไฮโดรไดนามิกของเบด และได้สรุปเป็นสูตรสำหรับคำนวณค่าความเร็วค่าสุดในการเกิดฟลูอิดไดซ์เบด คือ

$$U_{mf} = 1.8 \times 10^2 (d_p \rho_b)^{1.23} \quad (3.15)$$

สมการต่าง ๆ ที่กล่าวมาแล้วทั้งหมดจะสังเกตได้ว่าค่าความเร็วค่าสุดของการเกิดฟลูอิดไดซ์เบดนั้น จะขึ้นอยู่กับขนาดของอนุภาคเป็นสำคัญ เพราะค่าอื่น ๆ เช่น ความหนาแน่นของอนุภาค ความหนาแน่นของของไหล และความหนืดของของไหล มักจะคงที่ขณะทำการทดลอง ดังนั้นเมื่อเปลี่ยนขนาดของอนุภาคให้โตขึ้น หรือ เล็กลงก็จะทำให้

ค่าความเร็วดำสุดในการเกิดฟลูอิดโคชเบคเปลี่ยนแปลงไปด้วย ดังจะสังเกตุได้จากรูปที่ 3-4 ส่วนขนาดของเบคนั้นจะไม่มีผลต่อค่าความเร็วดำสุดในการเกิดฟลูอิดโคชเบคเช่นแต่อย่างใด



รูปที่ 3-4 แสดงผลการทดลองหาความสัมพันธ์ระหว่างความเร็วดำสุดของฟลูอิดโคชเบคกับขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางของอนุภาคของแข็ง

### 3.5.2 ความเร็วตกอิสระของอนุภาคของแข็งในของไหลที่อยู่นิ่ง

ในฟลูอิดโคชเบคนั้น ความเร็วของ

เร็วสองความเร็วคือ ความเร็วดำสุดในการเกิดฟลูอิดโคชเบค และความเร็วของไหลที่เพิ่มขึ้นจากความเร็วดำสุดจนกระทั่งทำให้อนุภาคของแข็งหลุดลอยออกจากหอคทดลองไป ซึ่งความเร็วนี้จะมีค่าเท่ากับความเร็วตกอิสระของอนุภาคในของไหลที่อยู่นิ่งพอดี

แต่โดยทั่วไปมักจะจำกัดความเร็วของไหลไม่ให้เกินความเร็วอันหลังนี้ ทั้งนี้เพื่อป้องกันการสูญหายของเบค เนื่องจากการหลุดลอยของอนุภาค ซึ่งจะช่วยให้ปรากฏการณ์ฟลูอิดโคชเบคเปลี่ยนแปลงไปในขณะทดลอง

สำหรับความเร็วตกอิสระของอนุภาคนั้นสามารถคำนวณได้โดยใช้สมการ  
ซึ่งได้จากการศึกษาเกี่ยวกับการไหลของของไหล คือ (19)

$$U_t = \left[ \frac{4gd_p(\rho_s - \rho_g)}{3\rho_g C_d} \right]^{1/2} \quad (3.16)$$

เมื่อ  $C_d$  คือสัมประสิทธิ์ของการเสียดทาน (Drag coefficient)

จากการทดลองหาค่าสัมประสิทธิ์ของการเสียดทานของอนุภาคทรงกลมโดยนักวิทยาศาสตร์หลาย  
ท่านพบว่าค่าสัมประสิทธิ์ดังกล่าวนี้จะแปรผันตามขนาดของอนุภาค และเขียนความสัมพันธ์ได้ดังนี้คือ

$$C_d = \frac{24}{Re_p} \quad \text{เมื่อ} \quad Re_p < 0.4 \quad (3.17)$$

$$C_d = \frac{10}{Re_p^{1/2}} \quad \text{เมื่อ} \quad 0.4 < Re_p < 500 \quad (3.18)$$

$$\text{และ} \quad C_d = 0.43 \quad \text{เมื่อ} \quad 500 < Re_p < 200,000 \quad (3.19)$$

เพื่อที่จะหลีกเลี่ยงการสูญเสียวัสดุที่เป็น เบนด์ ในขณะที่ทดลองก็ต้องระมัดระวังการใช้ความเร็วของ  
ของไหลที่ผ่านเข้าไปใน เบนด์ โดยพยายามควบคุมไม่ให้เกินความเร็วตกอิสระของอนุภาคของแข็ง  
ดังกล่าวนี้

Pinchbeak และ Popper (18) ได้เสนออัตราส่วนของความเร็วตกอิสระและ  
ความเร็วต่ำสุดของการเกิดฟลูอิดไดเซชัน ( $U_t/U_{mf}$ ) ดังนี้คือ

สำหรับอนุภาคขนาดเล็ก และค่าเรย์โนลด์นัมเบอร์ ( $Re_p$ ) ไม่เกิน 0.4

$$\text{อัตราส่วน} \quad U_t/U_{mf} = 91.6 \quad (3.20)$$

และสำหรับอนุภาคขนาดใหญ่ และค่าเรย์โนลด์นัมเบอร์ ( $Re_p$ ) เกินกว่า 1000

$$\text{อัตราส่วน} \quad U_t/U_{mf} = 8.72 \quad (3.21)$$

อย่างไรก็ตามในการทดลองทั่วไปจะใช้ความเร็วของก๊าซประมาณ 2 ถึง 3 เท่าของความเร็วต่ำ  
สุดของการเกิดฟลูอิดไดเซชัน

### 3.5.3 การผสมผสานของของแข็งในฟลูอิดไดเซชัน

จากที่ได้กล่าวในตอนต้นแล้วว่าเมื่อเพิ่มความเร็วของก๊าซที่ผ่านเข้าไปใน เบนด์  
ให้สูงกว่าความเร็วต่ำสุดที่ทำให้เกิดฟลูอิดไดเซชันแล้ว ก็จะทำให้ก๊าซส่วนหนึ่งรวมตัวกัน เป็นฟอง  
ก๊าซลอยแทรกขึ้นมายังผิวหน้าของ เบนด์ และจะแตกตัวไปในที่สุด ขณะที่ฟองก๊าซลอยตัวขึ้นก็จะมี  
อนุภาคของแข็งลอยตามขึ้นมาด้วย และเมื่อฟองก๊าซแตกออกอนุภาคของแข็งก็จะตกกลับมายัง

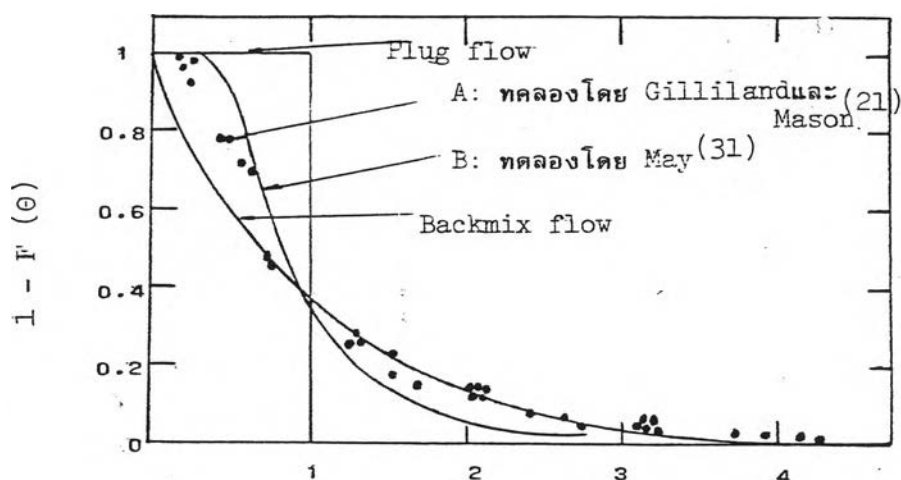
เบตอีกครึ่งหนึ่ง ซึ่งอนุภาคดังกล่าวบางส่วนมีโอกาสที่ฟองก๊าซที่เกิดขึ้นใหม่จะพากลบขึ้นไปอีกและอนุภาคบางส่วนก็ตกลงด้านล่างของเบต ดังนั้นอนุภาคของแข็งจึงมีโอกาสกระจายไปทุกหนทุกแห่งในเบตได้เสมอ กล่าวสรุปคือ อนุภาคของแข็งและก๊าซจะผสมผสานกันอย่างสม่ำเสมอทุกส่วนของเบต และมีพฤติกรรมต่าง ๆ คล้ายกับของไหล

Kondukov และผู้ร่วมงาน<sup>(20)</sup> ได้ศึกษาการเดินทางของอนุภาคของแข็งภายในเบตพบว่า การเคลื่อนที่ของอนุภาคของแข็งจะเป็นไปอย่างรวดเร็วขณะเคลื่อนตัวขึ้นด้านบน และจะวนเวียนอยู่ส่วนบนของเบตช่วงระยะเวลาหนึ่ง จากนั้นจะตกลงสู่ด้านล่างของเบตด้วยอัตราความเร็วช้ากว่าตอนเคลื่อนที่ขึ้น ดังนั้นอนุภาคของแข็งจะใช้เวลามากขณะตกลงสู่เบื้องล่างของเบต แต่ถ้าตัวกระจายก๊าซไม่ดีจะมีการหมุนเวียนของอนุภาคอยู่เหนือตัวกระจายก๊าซเป็นเวลานานกว่าปกติ แล้วจึงหลุดจากการหมุนเวียนและเคลื่อนที่สู่ส่วนบนของเบต

#### 3.5.4 ลักษณะการไหลของก๊าซในฟลูอิดไดซ์เบต

การไหลของก๊าซในฟลูอิดไดซ์เบตนั้น ได้มีผู้ทำการศึกษาดังวิธีต่าง ๆ หลายวิธีที่นิยมกันมากคือ การใช้เทคนิคตัวนำ (tracer) ทั้งแบบต่อเนื่องและไม่ต่อเนื่อง สารตัวนำอาจเป็นก๊าซหรือของแข็งก็ได้ ซึ่งผลการทดลองของนักวิจัยหลายท่านปรากฏดังนี้

Gilliland และ Mason<sup>(21)</sup> ได้ทำการทดลองในเบตขนาดต่าง ๆ ด้วยความเร็วของก๊าซต่าง ๆ กัน พบว่าการไหลของก๊าซในเบตนั้น เป็นการไหลอยู่ในระหว่างแบบ (Plug-flow) กับการไหลย้อนกลับ (Backmix flow) ดังแสดงในรูปที่ 3.5

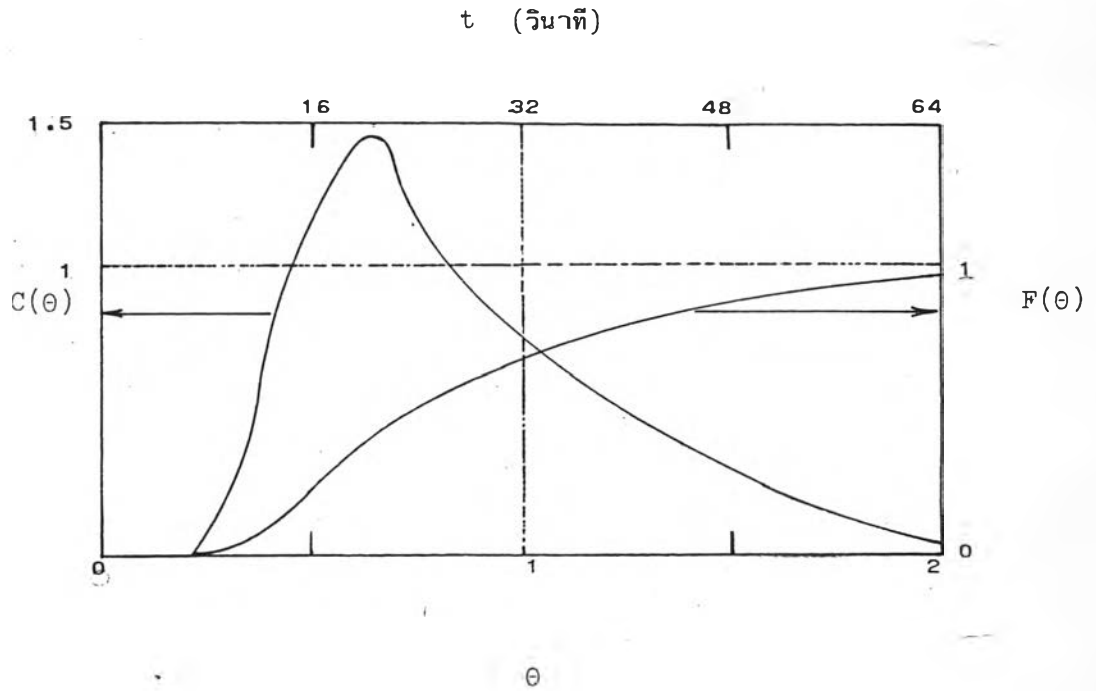


๐

รูปที่ 3.5 F-diagram สำหรับก๊าซฟลูอิดไดซ์เบต

Danckwerts และผู้ร่วมงาน<sup>(22)</sup> ได้ทำการทดลองร่วมกับอนุภาคของแข็ง  
ที่เป็นตัวเร่งปฏิกิริยาและพบลักษณะการไหลของก๊าซคล้ายกับการไหลย้อนกลับ ดังแสดงในรูปที่

3.6



รูปที่ 3.6 C และ F diagram สำหรับก๊าซฟลูอิดไดซ์เบดทดลอง  
โดย Danckwerts และผู้ร่วมงาน