

## บทที่ 3

### การดำเนินงานวิจัย

ในการศึกษา คุณสมบัติทางกายภาพและคุณสมบัติเชิงกลของของผงโลหะผสมของเหล็ก ทองแดง และ แกรไฟต์ เป็นส่วนผสม

โดยมีขั้นตอนในการดำเนินการศึกษาวิจัยทั้งหมด ดังนี้

1. การเตรียมชิ้นงานและการขึ้นรูปชิ้นงาน
2. การตรวจสอบรูปทรง ของผงเหล็ก ผงทองแดง และแกรไฟต์
  - 2.1) การตรวจสอบรูปทรงของผงวัสดุ
3. การทดสอบคุณสมบัติทางกายภาพ
  - 3.1) อัตราส่วนผสมในโลหะผสม
  - 3.2) ความถ่วงจำเพาะ (Specific Gravity)
  - 3.3) การเปลี่ยนแปลงขนาด (dimensional change)
4. การทดสอบคุณสมบัติเชิงกล
  - 4.1) แรงดัดชนิด 2 แกน (biaxial bending strength)
  - 4.2) โมดูลัสความยืดหยุ่น (modulus of elastic)
  - 4.3) ความแข็ง (Hardness)
5. การวิเคราะห์ผลเชิงสถิติ

### 3.1 การเตรียมชิ้นงาน และการขึ้นรูปชิ้นงาน

#### 3.1.1 วัสดุ และอุปกรณ์

วัสดุ และอุปกรณ์ที่ใช้ในการเตรียมและขึ้นรูปชิ้นงาน สำหรับการศึกษาวิจัยนี้ คือ

- 1) ผงเหล็ก ชนิด NC 100.24
- 2) ผงทองแดง
- 3) ผงแกรไฟต์
- 4) สารหล่อลื่น (Lubricant) ชนิด ซิงก์สเตอเรต(Zinc-sterate)
- 5) เครื่องผสม (Mixer) ขนาดความจุ 5 กิโลกรัม
- 6) เครื่องอัดแบบเพลาข้อเหวี่ยง (mechanical eccentric press)
- 7) เตาเผาสายพาน ภายใต้อากาศก๊าซไอเอมโมเนีย

#### 3.1.2 วิธีการเตรียมชิ้นงานสำหรับผงโลหะผสม

วิธีการในการเตรียมขึ้นรูปชิ้นงานสำหรับงานวิจัยนี้ มีขั้นตอนดังต่อไปนี้

- 1) สุ่มชั่งผงโลหะชนิดต่างๆตามส่วนผสมที่กำหนดไว้ในตารางแผนการทดลองตารางที่ 3.1
- 2) นำส่วนผสมที่ชั่งแล้วทั้งหมดมาผสมกันในเครื่องผสม (Mixer) โดยส่วนผสมที่มีลักษณะเป็นผงจะถูกผสมให้เข้ากัน
- 3) นำผงของส่วนผสมที่ผสมเป็นเนื้อเดียวกันแล้ว ไปใส่ในแม่พิมพ์ (mold) มีขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 16 มิลลิเมตร ซึ่งแม่พิมพ์ได้ติดตั้งในเครื่องอัดแบบเพลาข้อเหวี่ยง (mechanical eccentric press) แล้ว โดยตั้งแรงอัดที่ไว้ที่ 10 ตัน และทำการอัดผงโลหะในแม่พิมพ์ ซึ่งจะได้ชิ้นงานเป็นแผ่นทรงกระบอกบาง หนาประมาณ 3 มิลลิเมตร
- 4) นำชิ้นงานที่ได้รับการขึ้นรูปด้วยเครื่องอัดขึ้นรูปแล้ว เข้าเตาเผาแบบสายพานซึ่งเตาเผาชนิดนี้ ยาวประมาณ 50 ฟุต บรรยากาศภายในเตาเผาเป็นก๊าซไอเอมโมเนีย โดยอุณหภูมิในการเผานั้นตามที่กำหนดไว้ในตารางแผนการทดลอง ตารางที่ 3.1 เวลาที่ใช้ในการเผาเป็นเวลา 2 ชั่วโมง นับตั้งแต่ใส่ชิ้นงาน จนชิ้นงานถูกนำออกมาจากเตาเผา ปล่อยให้เย็นในบรรยากาศ

ตารางที่ 3.1 ส่วนผสมของผงโลหะผสมระหว่าง เหล็ก ทองแดง แกรไฟต์ และ อลูมิเนียมการเผา

ส่วนผสมที่	เหล็ก (% โดยน้ำหนัก)	ทองแดง (% โดยน้ำหนัก)	แกรไฟต์ (% โดยน้ำหนัก)	อลูมิเนียมการเผา (องศาเซลเซียส)
1	100	0	0	1120
2	98	2	0	1120
3	96	4	0	1120
4	94	6	0	1120
5	92	8	0	1120
6	90	10	0	1120
7	99.6	0	0.4	1120
8	97.6	2	0.4	1120
9	95.6	4	0.4	1120
10	93.6	6	0.4	1120
11	91.6	8	0.4	1120
12	89.6	10	0.4	1120
13	99.2	0	0.8	1120
14	97.2	2	0.8	1120
15	95.2	4	0.8	1120
16	93.2	6	0.8	1120
17	91.2	8	0.8	1120
18	89.2	10	0.8	1120
19	98.8	0	1.2	1120
20	96.8	2	1.2	1120
21	94.8	4	1.2	1120
22	92.8	6	1.2	1120
23	90.8	8	1.2	1120
24	88.8	10	1.2	1120

ตารางที่ 3.1(ต่อ) ส่วนผสมของผงโลหะผสมระหว่าง เหล็ก ทองแดง แกรไฟต์ และอนุภูมิภาคเผา

ส่วนผสมที่	เหล็ก (% โดยน้ำหนัก)	ทองแดง (% โดยน้ำหนัก)	แกรไฟต์ (% โดยน้ำหนัก)	อนุภูมิภาคเผา (องศาเซลเซียส)
25	100	0	0	950
26	98	2	0	950
27	96	4	0	950
24	94	6	0	950
29	92	8	0	950
30	90	10	0	950
31	99.6	0	0.4	950
32	97.6	2	0.4	950
33	95.6	4	0.4	950
34	93.6	6	0.4	950
35	91.6	8	0.4	950
36	89.6	10	0.4	950
37	99.2	0	0.8	950
38	97.2	2	0.8	950
39	95.2	4	0.8	950
40	93.2	6	0.8	950
41	91.2	8	0.8	950
42	89.2	10	0.8	950
43	98.8	0	1.2	950
44	96.8	2	1.2	950
45	94.8	4	1.2	950
46	92.8	6	1.2	950
47	90.8	8	1.2	950
48	88.8	10	1.2	950

ตารางที่ 3.1(ต่อ) ส่วนผสมของผงโลหะผสมระหว่าง เหล็ก ทองแดง แกรไฟต์ และอุณหภูมิการเผา

ส่วนผสมที่	เหล็ก (% โดยน้ำหนัก)	ทองแดง (% โดยน้ำหนัก)	แกรไฟต์ (% โดยน้ำหนัก)	อุณหภูมิการเผา (องศาเซลเซียส)
49	100	0	0	880
50	98	2	0	880
51	96	4	0	880
52	94	6	0	880
53	92	8	0	880
54	90	10	0	880
55	99.6	0	0.4	880
56	97.6	2	0.4	880
57	95.6	4	0.4	880
58	93.6	6	0.4	880
59	91.6	8	0.4	880
60	89.6	10	0.4	880
61	99.2	0	0.8	880
62	97.2	2	0.8	880
63	95.2	4	0.8	880
64	93.2	6	0.8	880
65	91.2	8	0.8	880
66	89.2	10	0.8	880
67	98.8	0	1.2	880
68	96.8	2	1.2	880
69	94.8	4	1.2	880
70	92.8	6	1.2	880
71	90.8	8	1.2	880
72	88.8	10	1.2	880

หมายเหตุ : การทดลองจะกระทำซ้ำ 2 ครั้ง ( two replicates)

### 3.2 การตรวจสอบรูปทรงผงวัสดุ

เป็นการศึกษาลักษณะรูปทรงของผงเหล็ก ผงทองแดง และแกรไฟต์ ด้วยภาพถ่ายจากเครื่อง Scanning Electron Microscope (SEM) จากบริษัท Jeol Co., Ltd รุ่น JSM-5410 LV ของศูนย์เครื่องมือวิจัยวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย โดยการนำผงวัสดุที่ต้องการจะทำการศึกษา โรยบนเทปกาว 2 หน้าซึ่งติดอยู่บนแท่นทองเหลืองสำหรับติดชิ้นงาน(stub) นำแท่นทองเหลืองนั้น ไปผ่านกระบวนการฉาบทอง เมื่อผ่านขั้นตอนการฉาบทองแล้ว จึงนำผงวัสดุไปส่องดูกับ เครื่อง SEM เลือกความต่างศักย์ของเครื่อง กำลังขยายที่เหมาะสม ระยะโฟกัส ความสว่าง และ ความคมชัด จากนั้นจึงทำการถ่ายภาพตามตำแหน่งที่ต้องการ

### 3.3 การทดสอบคุณสมบัติทางกายภาพ

การทดสอบคุณสมบัติทางกายภาพของชิ้นส่วนภายหลังการเผา มีดังนี้ คือ

1. อัตราส่วนผสมในโลหะผสม
2. ความถ่วงจำเพาะ (specific gravity)
3. การเปลี่ยนแปลงขนาด (dimension change)

#### 3.3.1 การตรวจสอบอัตราส่วนผสมในโลหะผสม

เป็นการศึกษาการเปลี่ยนแปลงของเปอร์เซ็นต์ของเหล็ก ทองแดง และแกรไฟต์ ในโลหะผสมหลังจากการเผา เพื่อเปรียบเทียบกับเปอร์เซ็นต์ในส่วนผสมก่อนการเผา จากเครื่อง Scanning Electron Microscope (SEM) จากบริษัท Jeol Co., Ltd รุ่น JSM-6400 พร้อมชุดวิเคราะห์ธาตุด้วยรังสีเอกซ์ ของศูนย์เครื่องมือวิจัยวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย โดยใช้โปรแกรมในการวิเคราะห์ธาตุ โดยการนำชิ้นงานที่ต้องการจะทำการศึกษา ติดกับแท่นทองเหลืองสำหรับติดชิ้นงาน (stub) นำแท่นทองเหลืองนั้น เข้าเครื่อง SEM แล้วเข้าสู่โปรแกรมคอมพิวเตอร์ ทำการเลือกธาตุที่จะทำการศึกษา จากนั้นจึงทำการเลือกตำแหน่งบนชิ้นงานที่ต้องการเมื่อตำแหน่งที่ต้องการแล้ว ใช้คำสั่งให้คอมพิวเตอร์คำนวณค่าเปอร์เซ็นต์ของธาตุในชิ้นงาน

### 3.3.2 ความถ่วงจำเพาะ (Specific Gravity)

นำชิ้นงานที่เตรียมได้ มาวัดหา ค่าความถ่วงจำเพาะ ด้วยวิธีการแทนที่น้ำ (Archimedes's Method) โดยใช้ขวดแก้ว Pycnometer ขนาดความจุ 100 ซีซี. (ดังแสดงในรูปที่ 3.1) โดยในการวัดค่าความถ่วงจำเพาะนี้ จะกระทำซ้ำ 2 ครั้ง

สูตรที่ใช้สำหรับคำนวณค่าความถ่วงจำเพาะของชิ้นงาน แสดงได้ดังสมการที่ (3.1) ตามมาตรฐาน ASTM D-792

$$\text{Sp.gr.} = \frac{a}{(a + w - b)} \quad (3.1)$$

เมื่อ Sp.gr. = ความถ่วงจำเพาะ  
 a = น้ำหนักของชิ้นทดสอบที่ชั่งในอากาศ (กรัม)  
 w = น้ำหนักรวมของน้ำและภาชนะใส่ (กรัม)  
 b = น้ำหนักรวมของชิ้นทดสอบ น้ำและภาชนะ (กรัม)

### 3.3.3 การเปลี่ยนแปลงขนาด (dimension change)

นำชิ้นงานที่ผ่านกระบวนการเผาแล้ว และอยู่ในสภาพที่เย็นตัวในอุณหภูมิปกติ มาทำการวัดเส้นผ่านศูนย์กลางของชิ้นงาน ( $L_S$ ) และทำการวัดเส้นผ่านศูนย์กลางของแม่พิมพ์ ( $L_D$ ) โดยเปรียบเทียบเป็นเปอร์เซ็นต์

สำหรับสูตรที่ใช้สำหรับคำนวณหาการเปลี่ยนแปลงขนาด แสดงได้ดังสมการ 3.2 ตามมาตรฐาน ASTM E-18

$$D\% = \frac{[L_{S_s} - L_D]}{L_D} \times 100 \quad (3.2)$$

เมื่อ D = การเปลี่ยนแปลงขนาด (เปอร์เซ็นต์)  
 $L_S$  = เส้นผ่านศูนย์กลางของชิ้นงาน (มิลลิเมตร)  
 $L_D$  = เส้นผ่านศูนย์กลางของแม่พิมพ์ (มิลลิเมตร)

### 3.4 การทดสอบคุณสมบัติเชิงกล

การทดสอบคุณสมบัติเชิงกลของชิ้นส่วนภายหลังการเผา มีดังนี้ คือ

1. คุณสมบัติภายใต้แรงดัดชนิด 2 แกน (biaxial bending properties)
2. ความแข็ง (hardness)
3. การตรวจสอบลักษณะเกรนของผงโลหะผสมภายหลังการดัดชนิด 2 แกน
4. การตรวจสอบการกระจายของผงโลหะผสมภายหลังการดัดชนิด 2 แกน

#### 3.4.1 คุณสมบัติภายใต้แรงดัดชนิด 2 แกน (biaxial bending properties)

นำชิ้นงานรูปทรงกระบอกแบน ทดสอบเพื่อหาค่าแรงดัดชนิด 2 แกน (biaxial bending strength) และ โมดูลัสความยืดหยุ่น (modulus of elasticity) โดยใช้อุปกรณ์ทดสอบแรงดัดชนิด 2 แกน ที่มีส่วนรองรับเป็นลูกบอลขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 0.318 mm. จำนวน 3 ลูก บนเส้นรอบวงที่มีเส้นผ่านศูนย์กลางระยะ 25.2 mm. และบอลแต่ละลูกห่างกัน 120 องศา และมีหัวเข็มเส้นผ่านศูนย์กลาง 1.58 mm. (ดังแสดงในรูปที่ 3.2) โดยใช้อุปกรณ์ทดสอบบนที่รองรับของเครื่องทดสอบแรงดัด ชนิด 2 แกน ของบริษัท Hounsfield Test Equipment., Ltd. รุ่น H10K-C (ดังแสดงในรูปที่ 3.3) เลือกใช้เมนูสำหรับการทดสอบเป็น Compression to Extension (N) Bottom Zone โดยจะเป็นการให้แรงกดผ่านหัวเข็ม ในแนวตั้งตรงตำแหน่งกึ่งกลางของชิ้นงาน เครื่องทดสอบจะเพิ่มแรงกดด้วยอัตราคงที่จนกระทั่งชิ้นทดสอบแตก ด้วยวิธีการวัดแบบดังกล่าว ทำให้สามารถวัดค่าแรงกด และ ระยะแอ่น ณ จุดที่ชิ้นงานแตกหัก

สำหรับการทดสอบนี้ ได้กำหนดค่าความเร็ว สำหรับการทดสอบ (test speed) ไว้ที่ 2 มิลลิเมตร/นาที และจำนวนชิ้นงานที่จะต้องทำการทดสอบสำหรับแต่ละตัวอย่างเท่ากับ 10 ชิ้น

สำหรับสูตรที่ใช้ในการคำนวณค่าแรงดัดชนิด 2 แกน และ โมดูลัสความยืดหยุ่น แสดงไว้ในสมการที่ 3.3 และ 3.4



$$S = \frac{-0.2387P(X - Y)}{d^2} \quad (3.3)$$

- เมื่อ
- S = ค่าความเค้นดึงสูงสุดที่จุดศูนย์กลาง (N/mm<sup>2</sup>)
  - P = ค่าแรงกดที่ทำให้แตกหัก (N)
  - X =  $(1+V)\ln\left(\frac{B}{C}\right)^2 + \left\{\frac{(1-V)}{2}\right\}\left(\frac{B}{C}\right)^2$
  - Y =  $(1+V)\left\{1+\ln\left(\frac{A}{C}\right)^2\right\} + (1-V)\left(\frac{A}{C}\right)^2$
  - A = รัศมีของบอตรองรับ(มิลลิเมตร)
  - B = รัศมีของพื้นที่รับแรงกด(มิลลิเมตร)
  - C = รัศมีของชิ้นงาน(มิลลิเมตร)
  - d = ความหนาของชิ้นงานที่รอยแตก(มิลลิเมตร)
  - V = ค่าสัดส่วนของปัวซอง เท่ากับ 0.23\*

$$E = \frac{12D(1 - \nu^2)}{h^3} \quad (3.4)$$

- เมื่อ
- E = โมดูลัสความยืดหยุ่น (N/mm<sup>2</sup>)
  - D = Flexural rigidity =  $\frac{(3+V) Pa^2}{16 \pi (1+V) w}$
  - P = ค่าแรงกดที่ทำให้แตกหัก (N)
  - w = ระยะแอน (มิลลิเมตร)
  - h = ความสูงของชิ้นงาน(มิลลิเมตร)
  - a = รัศมีของบอตรองรับ(มิลลิเมตร)
  - V = ค่าสัดส่วนของปัวซอง เท่ากับ 0.23\*

\*หมายเหตุ : ค่าสัดส่วนของปัวซอง สำหรับผงโลหะผสมที่มีผงเหล็กเป็นองค์ประกอบหลัก

อ้างอิงจาก หนังสือ Metals Handbook 9th ed. Vol 7

### 3.4.2 ความแข็ง (Hardness)

นำชิ้นงานทำการวัดค่าความแข็งด้วยเครื่องทดสอบความแข็ง (hardness tester) แบบร็อกเวล (rockwell) ชนิด สเกลที(T) ขนาด 15 กิโลกรัม ของบริษัท Affri Commerciale Testing,Ltd. รุ่น 206RT2D (ดังแสดงในรูปที่ 3.3) ในการวัดค่าความแข็งนี้ ได้ตั้งค่าแรงเริ่มต้น(pre load) ที่ 3 กิโลกรัม และ แรงเพิ่มเติมเท่ากับ 15 กิโลกรัม โดยใช้หัวกดที่เป็นลูกบอล ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 1.58 มิลลิเมตร ยกชิ้นงานจนชนหัวกด ปล่อยแรงกดนำลงบนชิ้นงาน เป็นเวลา 3 วินาที แล้วจึงปล่อยแรงเพิ่มเติม ลงบนชิ้นงาน (ในกรณีของเครื่องนี้จะแสดงผลของค่าความแข็งปรากฏบนหน้าปัดเครื่อง)

สำหรับสูตรที่ใช้ในการคำนวณค่าความแข็ง HRT แสดงไว้ในสมการที่ 3.5 ตามมาตรฐาน ASTM E-18

$$\text{HRT} = 100 - e \quad (3.5)$$

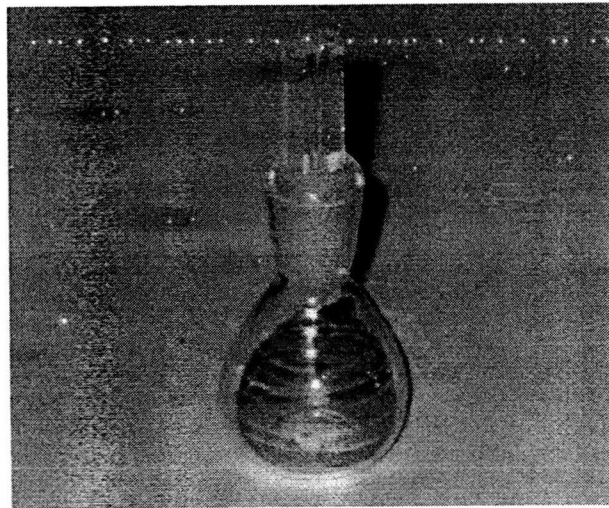
เมื่อ  $e$  = ความลึกที่เพิ่มขึ้นเมื่อกดด้วยความแรงเพิ่มขึ้น

### 3.4.3 การตรวจสอบลักษณะเกรนของผงโลหะผสมภายหลังการดัดชนิด 2 แกน

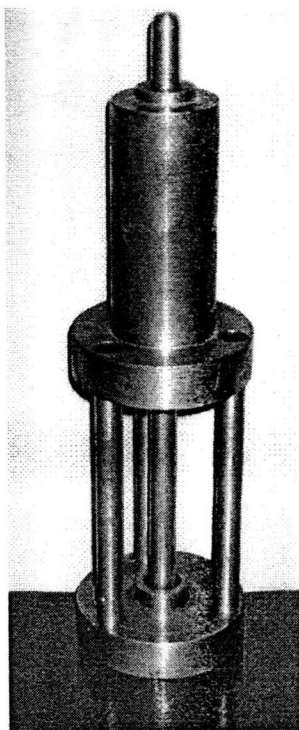
เป็นการศึกษาลักษณะเกรนของผงโลหะผสม ในชิ้นงานด้วยกล้องจุลทรรศน์ ของ Nikon Co., Ltd รุ่น OPTIPHOT -100S โดยการนำชิ้นงานที่ต้องการจะศึกษา มาทำตัวเรือนด้วยเรซิน เนื่องจากชิ้นงานมีขนาดเล็ก เพื่อสะดวกในการจับถือ แล้วนำชิ้นงานมาทำการขัดผิว ด้วยเครื่องขัดผิวโลหะ ของ Struer Co., Ltd รุ่น ROTOPOL-21 หมุนด้วยความเร็ว 300 รอบต่อนาที โดยใช้กระดาษทรายน้ำ เบอร์ 320 500 800 1000 และ 1,200 ตามลำดับ จากนั้นทำการขัดมันต่อ บนจานหมุนผ้าสักหลาด ซึ่งหมุนด้วยความเร็ว 300 รอบต่อนาที โดยใช้ผงขัดเพชร ที่มีความแข็งประมาณ 8,000 HV จากนั้นนำชิ้นงานที่ขัดผิวมันแล้ว ไปกัดผิวด้วย กรดไนตริก( $\text{HNO}_3$ ) 5 มิลลิลิตร ผสมกับ เอทิลแอลกอฮอล์( $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$ ) 100 มิลลิลิตร ใช้เวลาจุ่ม 30 วินาที เสร็จแล้วจึงนำไปส่องดูด้วยกล้องจุลทรรศน์ ปรับความเข้มแสง กำลังขยายที่เหมาะสม ระยะโฟกัส ความสว่าง และ ความคมชัด จากนั้นจึงทำการถ่ายภาพตามตำแหน่งที่ต้องการ

#### 3.4.4 การตรวจสอบการกระจายของผงโลหะผสมภายหลังการตัดชนิด 2 แกน

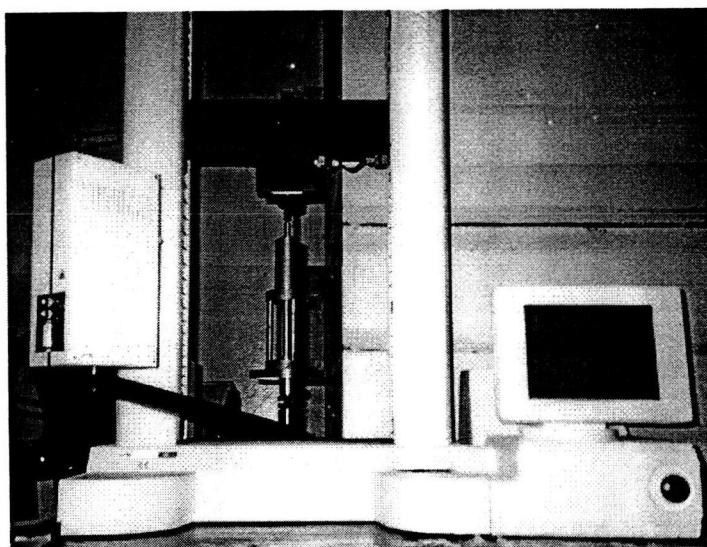
เป็นการศึกษาลักษณะการกระจายตัวของเหล็ก ทองแดง และ แกรไฟต์ ในชิ้นงาน ด้วยเครื่อง Scanning Electron Microscope (SEM) ของบริษัท Jeol Co., Ltd รุ่น JSM-5410LV จากศูนย์เครื่องมือวิจัยวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย โดยการนำชิ้นงานที่ต้องการจะศึกษา บริเวณผิวหน้าตัดซึ่งเกิดจากการตัดขาดไปติดบนเทป 2 หน้า ที่ติดอยู่บนแท่นทองเหลืองสำหรับรับติดชิ้นงาน (stub) นำแท่นทองเหลืองนั้นไปผ่านกระบวนการฉาบทอง เสร็จแล้วจึงนำไปส่องดูด้วยเครื่อง SEM เลือกความต่างศักย์ของเครื่อง กำลังขยายที่เหมาะสม ระยะเวลาโฟกัส ความสว่าง และ ความคมชัด จากนั้นจึงทำการถ่ายภาพตามตำแหน่งที่ต้องการ



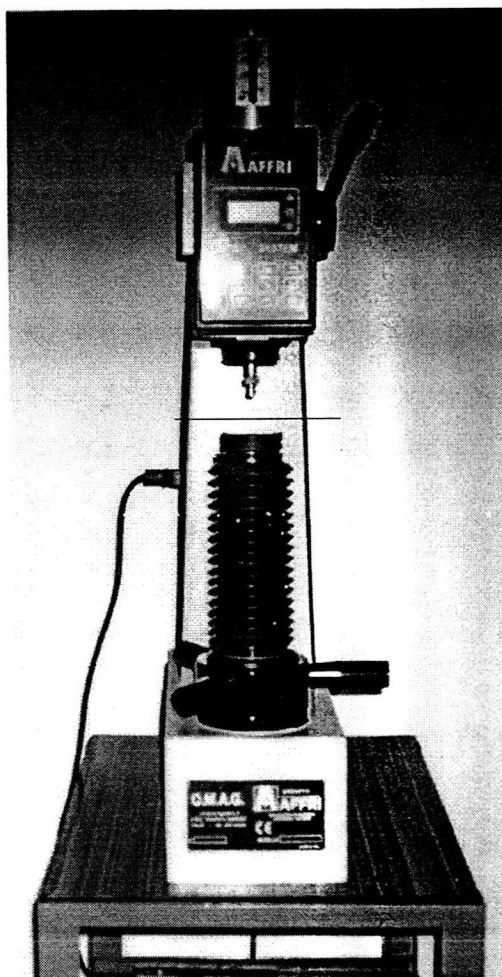
รูปที่ 3.1 อุปกรณ์หาค่าความถ่วงจำเพาะ



รูปที่ 3.2 อุปกรณ์ทดสอบแรงค้ำชนิด 2 แคน



รูปที่ 3.3 เครื่องและอุปกรณ์ทดสอบแรงค้ำชนิด 2 แคน



รูปที่ 3.4 เครื่องทดสอบความแข็ง

### 3.5 การวิเคราะห์ผลทางสถิติ

การวิเคราะห์ผลเชิงสถิติของข้อมูลผลการทดลอง ที่ได้จากการทดสอบคุณสมบัติด้านต่างๆ ในงานวิจัยฉบับนี้ มีดังต่อไปนี้

1. การวิเคราะห์ความแปรปรวน (Analysis of Variance)
2. การวิเคราะห์การถดถอย (Regression Analysis)

#### 3.5.1 การวิเคราะห์ความแปรปรวน

เป็นการวิเคราะห์ข้อมูลคุณสมบัติเชิงกลและกายภาพ เพื่อทดสอบความมีนัยสำคัญของผลกระทบของทองแดง ผงแกรไฟต์ และ อุณหภูมิการเผาที่มีต่อคุณสมบัติด้านต่างๆของผงโลหะผสม โดยใช้โปรแกรมสำเร็จรูปทางสถิติ ชื่อ SPSS (Statistical Package for the Social Sciences) ช่วยในการวิเคราะห์

#### 3.5.2 การวิเคราะห์การถดถอย

เป็นการวิเคราะห์ข้อมูลคุณสมบัติทางกายภาพและคุณสมบัติเชิงกลเพื่อหาสมการทางคณิตศาสตร์ที่ใช้แสดงความสัมพันธ์ระหว่างคุณสมบัติกายภาพ และคุณสมบัติเชิงกล กับสัดส่วนของทองแดง แกรไฟต์ และ อุณหภูมิการเผาของชิ้นงานผงโลหะผสม รวมไปถึงสมการทางคณิตศาสตร์ที่ใช้แสดงความสัมพันธ์ระหว่างคุณสมบัติกับคุณสมบัติ โดยใช้โปรแกรมสำเร็จรูปทางสถิติ ชื่อ SPSS (Statistical Package for the Social Sciences) ช่วยในการวิเคราะห์ความสัมพันธ์