

ความนำ

การวิเคราะห์อิลาสติก-พลาสติกอันดับที่สองของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็กมีความซับซ้อนกว่าการวิเคราะห์แบบเดียวกันในโครงข้อแข็งเหล็ก. เนื่องจากความไม่เป็นเชิงเส้นทางวัสดุ (material nonlinearity) ทำให้โครงสร้างคอนกรีตเสริมเหล็กมีพฤติกรรมต่างจากโครงสร้างเหล็ก.

เหล็กเป็นวัสดุที่มีความเหนียว (ductility) และมีความกว้างมากในช่วงการไหลพลาสติกแท้จริง (purely plastic flow) ซึ่งเป็นช่วงใช้งานในทฤษฎีพลาสติก. สมมุติฐานความสัมพันธ์ระหว่างหน่วยแรงและความเครียดแบบอิลาสติก-พลาสติกสมบูรณ์ (elastic perfectly plastic) จึงถูกนำมาใช้ในการวิเคราะห์โครงเหล็ก. คอนกรีตเสริมเหล็กแตกต่างจากเหล็กคือมีความเหนียวในช่วงจำกัด (limited ductility), ความเครียดหลังช่วงคลากไม่แน่นอนอาจเป็นแบบความเครียดแข็งเพิ่ม (strain hardening) หรือแบบความเครียดอ่อนลด (strain softening) อย่างไรก็ตามหนึ่งขึ้นอยู่กับคุณสมบัติของหน้าตัด, และปริมาณเหล็กเสริม (reinforcement) ซึ่งสามารถตรวจสอบได้จากความสัมพันธ์ระหว่างโมเมนต์ดัดและค่าความโค้ง ($M-\phi$).

ในงานวิจัยนี้เป็นการวิเคราะห์โครงสร้างอิลาสติก-พลาสติกอันดับที่สองของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็ก ด้วยวิธีไฟไนต์อีเลเมนต์อย่างง่าย (simplified finite element) โดยการแบ่งย่อยชิ้นส่วนโครงสร้าง (discretized element) เพื่อจำลองรูปแบบรอยร้าว (crack pattern) ของชิ้นส่วนโครงสร้างคอนกรีตเสริมเหล็ก, สติฟเนสสร้างจากสมมุติฐานให้สติฟเนสของการดัด (flexural stiffness) แปรเปลี่ยนแบบพาราโบลาเมื่อหน้าตัดเกิดการแตกร้าวและรวมการวิเคราะห์ความไม่เป็นเชิงเส้นทางเรขาคณิต (geometric nonlinearity) เข้าไว้ด้วย. ขณะเดียวกันทำการหาความสัมพันธ์ระหว่างโมเมนต์ดัดและค่าความโค้ง ($M-\phi$) จากการวิเคราะห์หน้าตัดเพื่อนำไปปรับแก้ความไม่เป็นเชิงเส้นทางวัสดุ (material nonlinearity) ในแต่ละขั้นตอนของการวิเคราะห์จนได้น้ำหนักบรรทุกวิกฤต.

งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

ค.ศ. 1974 Corradi, Donato และ Maier เสนอการวิจัยแบบอินอิลาสติกของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็กซึ่งเป็นการวิเคราะห์อันดับที่ 2 โดยอาศัยวิธีไฟไนต์อีเลเมนต์ในการสร้างสติฟเนส. การวิเคราะห์กระทำโดย การเพิ่มน้ำหนักบรรทุก (load control method) และเทคนิค Imposed rotation ซึ่งใช้จำลองผลในช่วงอินอิลาสติก, ชิ้นส่วนโครงสร้างถูกแบ่งย่อยเป็นชิ้นส่วน-

เล็ก ๆ (discretized elements) ในงานวิจัยคำนึงถึงความสัมพันธ์ระหว่างโมเมนต์และค่าความโค้ง โดยจำลองรูปแบบเป็นเส้นตรง 3 เส้น เพื่อแสดงจุดเริ่มแตก , จุดคลาก และจุดประลัย ตัวอย่างที่ใช้วิเคราะห์เป็นโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็กช่วงคานเดี่ยวหกชั้น , รับแรงกระทำด้านข้าง และน้ำหนักกระจายสม่ำเสมอในแนวตั้งบนคาน ผลการวิเคราะห์เปรียบเทียบกับผลการวิเคราะห์ที่ผ่าน มาซึ่งเป็นการวิเคราะห์อันดับที่ 1

ค.ศ. 1978 Sirisreetreerux เสนอการวิจัยแบบไม่เป็นเชิงเส้นของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็กเป็นการวิเคราะห์อันดับที่ 1 โดยวิธีกระทำซ้ำ , มีขั้นตอนการพิจารณา 2 ขั้นตอน คือ การคำนวณความไม่เป็นเชิงเส้นทางวัสดุโดยคำนึงถึง P-M- Φ curve ในแต่ละชั้นส่วนย่อย ผนวกเข้ากับการวิเคราะห์โครงสร้าง จากสมการที่แสดงความสัมพันธ์ระหว่างแรงภายนอกและค่าความโค้งโดยมีค่าความโค้งเป็นตัวไม่รู้ค่าคำนวณจนกระทั่งแรงในแนวแกนและความโค้งที่ได้ไม่ต่างจากรอบการคำนวณที่ผ่านมาสติฟเนสสร้างจากสมการความสัมพันธ์ของคาน-เสา (beam-column) ชั้นส่วนโครงสร้างถูกแบ่งย่อยเป็นชั้นส่วนเล็ก ๆ (discretized elements) ในแต่ละรอบการคำนวณมีการปรับปรุงสติฟเนสโดยคำนึงถึงการแตกร้าวของหน้าตัด แบบจำลองวัสดุในการวิเคราะห์, คอนกรีตใช้แบบจำลองของ Hognestad , เหล็กเสริมคำนึงถึงกำลังในช่วง hardenning โดยแบ่งเป็นช่วงเส้นตรงย่อย ตัวอย่างที่ใช้วิเคราะห์ได้แก่ คานต่อเนื่อง , โครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็กช่วงคานเดี่ยวชั้นเดียว และสองช่วงคานสามชั้น เพื่อเปรียบเทียบกับผลการทดสอบ

ค.ศ. 1979 Seniwongse เสนอการวิจัยการเปลี่ยนตำแหน่งของคานและโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็กจนถึงจุดประลัย ซึ่งเป็นการวิเคราะห์อันดับที่ 1 สติฟเนสสร้างจากแบบจำลองของชั้นส่วนโครงสร้าง โดยรวมผลในช่วงอินฮิลาสติกผ่านสปริงต้านทานการหมุน การวิเคราะห์กระทำโดยการเพิ่มน้ำหนักบรรทุก (load control method) , ชั้นส่วนโครงสร้างถูกแบ่งย่อยเป็นชั้นส่วนเล็ก ๆ (discretized elements) แบบจำลองวัสดุในการวิเคราะห์ , คอนกรีตใช้แบบจำลองของ Whitney , เหล็กเสริมเป็นแบบฮิลาสติก-พลาสติกสมบูรณ์ ในงานวิจัยคำนึงถึงความสัมพันธ์ระหว่างโมเมนต์และค่าความโค้งประกอบด้วยโดยจำลองรูปแบบเป็นเส้นตรง 2 เส้น เพื่อแสดงจุดคลากและจุดประลัย จุดหมุนพลาสติกกำหนดโดยการเปลี่ยนตำแหน่งเชิงมุมแบบอินฮิลาสติกโดยใช้สูตรของ Corley ตัวอย่างที่ใช้ในการวิเคราะห์ได้แก่ โครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็กช่วงคานเดี่ยวชั้นเดียวและสองชั้น เพื่อเปรียบเทียบกับผลการทดสอบ

ค.ศ. 1985 Darvall และ Mendis เสนอการวิจัย ฮิลาสติก-พลาสติก แบบอ่อนตัวลงในช่วงปลายของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็ก ซึ่งเป็นการวิเคราะห์อันดับที่ 1 สติฟเนสสร้างจากแบบจำลองของผลการอ่อนตัวในช่วงปลายของโครงสร้าง (softening effect) การวิเคราะห์กระทำโดยการเพิ่มน้ำหนักบรรทุก (load control method) ในงานวิจัยคำนึงถึงความสัมพันธ์ระหว่างโมเมนต์และค่าความโค้งประกอบด้วยโดยจำลองเป็นเส้นตรง 3 เส้น เพื่อแสดงจุดคลาก, จุดเริ่ม-

อ่อนตัวลง และจุดประลัยซึ่งมีค่าโมเมนต์ต่ำกว่าโมเมนต์ที่จุดกลาง โดยจุดหมุนพลาสติกและความยาวของจุดหมุนพลาสติกกำหนดโดยสูตรของ Corley และ Sawyer ตัวอย่างที่นำมาวิเคราะห์ ได้แก่ โครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็กช่วงคานชั้นเดียวและสองชั้นไม่มีการเปรียบเทียบกับงานอื่น

ค.ศ. 1988 Metwally และ Chen เสนอการวิจัยแบบไม่เป็นเชิงเส้นของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็ก ซึ่งเป็นการวิเคราะห์อันดับที่ 2 สถิติเนสสร้างจากสมการความสัมพันธ์ของคานเสา (beam-column) ในแต่ละรอบการค้ำจนมีการปรับปรุงสถิติเนส จากการวิเคราะห์ความไม่เป็นเชิงเส้นทางวัสดุได้สถิติเนสสัมพัทธ์โดยวิธี central difference การวิเคราะห์กระทำโดยการเพิ่มน้ำหนักบรรทุก (load control method) แบบจำลองของวัสดุ, คอนกรีตใช้แบบจำลองของ Soliman และ Yu ซึ่งคำนึงถึงผลของเหล็กปลอก, เหล็กเสริมเป็นแบบอิลาสติก-พลาสติกสมบูรณ์ ในการวิจัยได้พิจารณาถึง ความอ่อนตัวของจุดต่อ (joint flexibility) ร่วมด้วย ตัวอย่างที่ใช้ในการวิเคราะห์เป็นโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็กช่วงคานชั้นเดียว เพื่อเปรียบเทียบกับผลการทดสอบ

ค.ศ. 1988 Carol และ Murcia เสนอการวิจัยแบบไม่เป็นเชิงเส้นรวมผลของเวลาของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็ก ซึ่งเป็นการวิเคราะห์อันดับที่ 2 โดยการแบ่งหน้าตัดเป็นชั้นย่อยๆ (layer) เพื่อหาคุณสมบัติที่เปลี่ยนไปจากการวิเคราะห์ความไม่เป็นเชิงเส้นทางวัสดุ และนำไปปรับปรุงสถิติเนส การวิเคราะห์กระทำโดยการเพิ่มน้ำหนักบรรทุก (load control method) ชิ้นส่วนโครงสร้างถูกแบ่งย่อยเป็นชิ้นส่วนเล็กๆ (discretized elements) แบบจำลองของวัสดุในการวิเคราะห์, คอนกรีตใช้แบบจำลองของ Sargin, เหล็กเสริมใช้แบบอิลาสติก-พลาสติกสมบูรณ์ ตัวอย่างที่ใช้วิเคราะห์ได้แก่ เสา, คานต่อเนื่องสองช่วง เพื่อเปรียบเทียบกับผลการทดสอบหรืองานวิจัยอื่น

ค.ศ. 1992 Kim และ Lee เสนอการวิจัยพฤติกรรมขั้นประลัยของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็ก ซึ่งเป็นการวิเคราะห์อันดับที่ 1 โดยอาศัยวิธีไฟไนต์อีเลเมนต์ในการสร้างสถิติเนส ในแต่ละรอบการค้ำจนมีการปรับปรุงสถิติเนส โดยพิจารณาค่าความเค้นเพื่อเลือกใช้วิธีการแบ่งหน้าตัดเป็นชั้นย่อยๆ (layer) หรือไม่ใช้การแบ่งย่อยหน้าตัดในการวิเคราะห์ความไม่เป็นเชิงเส้นทางวัสดุของหน้าตัด การวิเคราะห์กระทำโดยการเพิ่มการเปลี่ยนตำแหน่งของโครงสร้าง (displacement control method) แบบจำลองของวัสดุในการวิเคราะห์, คอนกรีตใช้แบบจำลองหลากหลายในช่วงความเค้น-ความเครียดต่างๆ ได้แก่ Hognestad, Fafitis และ Shah, Vebo และ Ghali และ Otter และ Naaman, เหล็กเสริมเป็นแบบอิลาสติก-พลาสติกสมบูรณ์ ในงานวิจัยคำนึงถึงความสัมพันธ์ระหว่างโมเมนต์และค่าความโค้ง เพื่อคำนวณหาความยาวของการเกิดจุดหมุนพลาสติกประกอบในสูตร

ของ Shan ตัวอย่างที่ใช้วิเคราะห์เป็นโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็กช่วงคานเดี่ยวชั้นเดียวเพื่อเปรียบเทียบกับการทดสอบ

ค.ศ. 1993 Rasheed และ Dinno เสนอการวิจัยแบบไม่เป็นเชิงเส้นของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็ก ซึ่งเป็นการวิเคราะห์อันดับที่ 2 อาศัยทฤษฎีของวัสดุ (mech. of solid) ในการสร้างสติฟเนส ในแต่ละรอบของการคำนวณมีการปรับปรุงสติฟเนสโดยคำนึงถึงตำแหน่งของจุดถ่วงอินอีลาสติก (inelastic centroid position) ซึ่งแปรผันในชั้นส่วนของโครงสร้าง การวิเคราะห์กระทำโดยการเพิ่มน้ำหนักบรรทุก (load control method) ชั้นส่วนของโครงสร้างถูกแบ่งย่อยเป็นชิ้นส่วนเล็กๆ (discretized elements) ตัวอย่างที่ใช้วิเคราะห์ได้แก่คาน , โครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็กช่วงคานเดี่ยวชั้นเดียว เพื่อเปรียบเทียบกับการทดสอบ

งานที่ทำในงานวิจัยนี้

งานวิจัยที่จะศึกษาต่อไปนี้เป็นกรนำหลักการวิเคราะห์อีลาสติกอันดับที่สอง จากการสร้างสติฟเนสเมตริกซ์ที่คำนึงถึงผลของการแตกร้าวของคอนกรีตในกรณีที่หน่วยแรงดึงที่เกิดขึ้นมากกว่าหน่วยแรงดึงที่ยอมให้ของคอนกรีตจะสมมุติให้ค่าสติฟเนสมีลักษณะแปรเปลี่ยนแบบพาราโบลาลดอดความยาวขององค์อาคาร โดยนำไปประยุกต์เพื่อการศึกษาพฤติกรรมของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็ก ซึ่งพิจารณาความไม่เชิงเส้นทางเรขาคณิต เนื่องจากผลปฏิสัมพันธ์ระหว่างแรงดัดและแรงตามแนวแกนในสภาวะที่โครงสร้างเกิดการเปลี่ยนตำแหน่งไป และความไม่เชิงเส้นทางวัสดุร่วมกัน โดยที่ความไม่เชิงเส้นทางวัสดุนั้นสามารถกระทำโดยวิธีวิเคราะห์หน้าตัด (section analysis) และใช้วิธีเพิ่มน้ำหนักขึ้นเรื่อยๆ (load control method) แล้วตรวจสอบการเกิดจุดหมุนพลาสติกจากการหาความสัมพันธ์ระหว่างโมเมนต์ดัดและค่าความโค้ง ($M-\Phi$)

วัตถุประสงค์

1. เพื่อศึกษาพฤติกรรม คำนวณแรงภายใน (internal force) และการเปลี่ยนตำแหน่ง (displacements) ของโครงสร้างคอนกรีตเสริมเหล็กขณะรับน้ำหนักบรรทุกจนถึงจุดวิบัติโดยพิจารณาความไม่เป็นเชิงเส้นทางเรขาคณิตของโครงสร้าง (geometric nonlinearity) และความไม่เชิงเส้นทางวัสดุ (material nonlinearity) ประกอบกับการวิเคราะห์เมื่อเกิดจุดหมุนพลาสติกขึ้นในโครงสร้าง (plastic hinge analysis)
2. ผลการวิจัยนี้สามารถใช้เป็นแนวทางสำหรับการศึกษาและวิจัยขั้นสูงต่อไป

ขั้นตอนและวิธีดำเนินงานวิจัย

1. ศึกษาวิธีการวิเคราะห์ความไม่เป็นเชิงเส้นทางเรขาคณิตของโครงข้อแข็งในระนาบ 2 มิติ
2. ศึกษาวิธีการวิเคราะห์ความไม่เป็นเชิงเส้นทางวัสดุของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็ก
3. ศึกษาข้อจำกัด สมมติฐาน และวิธีการวิเคราะห์หีลาสติก-พลาสติกอันดับที่สองของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็ก
4. พัฒนาโปรแกรมคอมพิวเตอร์จากผลการศึกษาที่ได้เพื่อการวิเคราะห์ดังกล่าว
5. เปรียบเทียบผลการวิเคราะห์ที่ได้กับงานวิจัยอื่นที่ผ่านมาและสรุป

ขอบข่ายการวิจัย

1. เป็นการวิเคราะห์หีลาสติก-พลาสติกอันดับที่สองของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็ก
2. พิจารณาพฤติกรรมไม่เชิงเส้นทางเรขาคณิต โดยคำนึงถึงปฏิสัมพันธ์ระหว่างแรงดัดและแรงตามแนวแกนในสถานะที่โครงสร้างเกิดการเปลี่ยนตำแหน่งไป.
3. พิจารณาพฤติกรรมไม่เชิงเส้นทางวัสดุของคอนกรีตเสริมเหล็ก.
4. พิจารณาถึงผลปฏิสัมพันธ์ระหว่างพฤติกรรมไม่เชิงเส้นทางเรขาคณิตและทางวัสดุของโครงสร้างคอนกรีตเสริมเหล็ก
5. พิจารณาการเกิดจุดหมุนพลาสติกและเมื่อเกิดจุดหมุนพลาสติกจะทำการเปลี่ยนสภาพความต่อเนื่องของจุดต่อนั้นๆ เป็นแบบข้อหมุน
6. หน้าตัดของโครงสร้างเป็นสี่เหลี่ยมมุมฉากและตำแหน่งเหล็กเสริมบนหน้าตัดสมมาตรกับระนาบ
7. ที่จุดต่อของชิ้นส่วนในโครงสร้างจะต้องเป็นจุดต่อแบบข้อแข็ง (rigid joint)
8. แรงภายนอกที่กระทำกับโครงสร้างเป็นแรงสถิตย์