# ตัวแผ่กระจายแม่นตรงของระบบ ๒ มิติ



นาย อุดม รอบคอบ

วิทยานิพนธ์นี้ เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต

ภาควิชาฟิสิกส์

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. ๒๕๓๐

ISBN 974-567-719-1

ลิขสิทธิ์ของบัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## EXACT PROPAGATOR OF A TWO DIMENSIONAL SYSTEM

Mr. Udom Robkob

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirement for the Degree of Master of Science

Department of Physics

Graduate School

Chulalongkorn University

1987

ISBN 974-567-719-1

Exact Propagator of a Two Dimensional System Ву Mr. Udom Robkob Department Physics Professor Dr. Virulh Sa-yakanit Thesis Advisor Accepted by the Graduate School, Chulalongkorn University in Partial Fulfillment of the Requirements for the Master's Degree. Vainablaya Dean of Graduate School ( Professor Thavorn Vajrabhaya, Ph.D.) Thesis Committee Kilt Viscollivinth Chairman ( Associate Professor Kitt Visoottiviseth, Ph.D.) Inulk Say Thesis Advisor ( Professor Virulh Sa-yakanit, F.D. ) Hobba Ratanavarana La Member ( Assistant Professor Pisistha Ratanavararaksa, Ph.D.) ( Associate Professor Bhiyayo Panyarjun, Ph.D.) Copyright of the Graduate School, Chulalongkorn University.

Thesis Title

หัวข้อวิทยานิพนธ์

ตัวแผ่กระจายแม่นตรงของระบบ ๒ มิติ

ชื่อนิลิต

นาย อุคม รอบคอน

แผนทวิชา

พิสิกส์

อาจารย์ที่ปรึกษา

ศาสตราจารย์ คร. วิรุฬท์ สายคณิต

ปีการศึกษา

ರಿಯಿಂದ



#### บทคิดย่อ

ตัวแผ่กระจายของอีเล็กตรอนที่เคลื่อนที่ในระบบ ๒ มิติ ภายใต้อิทธิพุลของสนาม
แม่เหล็กคงที่ตามขวางกับระบบรวมทั้งแรงภายนอกที่ขึ้นกับเวลาและแรงฮาร์โมนิคแบบนอนโลคอล
ได้ถูกคำผวนโดยใช้ทฤษฎีการอินทีเกรตตามเส้นทวงของพ่ายน์แมน ปัญหานี้ได้ถูกแปลงโดย
วิธีของ สตราโตโนวิช ให้เป็นปัญหาของอีเล็กตรอนที่เคลื่อนที่ใน ๒ มิติ ภายใต้อิทธิพลของ
สนามแม่เหล็กคงที่รวมทั้งแรงภายนอกที่ขึ้นกับเวลาและแรงฮาร์โมนิคแบบโลคอล ตัวกระทำการ
แบบฉบับของปัญหาที่ถูกแปลงมาใต้ถูกคำผวนโดยใช้เมตริก ๒ x ๒ ซึ่งแนะนำไว้โดย ปาปาโตปัวลอส
ในงานคำผวนการเกิดแม่เหล็กของอนุภาคที่มีประจุที่ถูกขังอยู่ในคักย์แบบฮาร์โมนิค ตัวแผ่กระจาย
ของปัญหาจริงคำผวนได้โดยทำการเฉลี่ยแบบเก้าส์เขี่ยนของตัวแผ่กระจายของอีเล็กตรอนจากปัญหา

Thesis Title Exact Propagator of a Two Dimensional System

Name Mr. Udom Robkob

Thesis Advisor Professor Dr. Virulh Sa-yakanit

Department Physics

Academic Year 1986

#### **ABSTRACT**

The propagator for an electron moving in a two dimensional system under the influence of a transverse magnetic field  $\overrightarrow{B}$ , a time varying external force field  $\overrightarrow{f}(s)$  and a nonlocal harmonic force, is evaluated exactly by using Feynman's path integrals method. The actual problem is transformed into the one of an electron moving in the magnetic fields under the external force fields and the local harmonic force by using Stratonovich's transformation. The classical action of the transformed problem is evaluated by using 2 x 2 matrix introduced by Papadopoulos in the calculation of the magnetization of the harmonically bounded charges. The propagator of the original problem is obtained by taking the gaussian average of the electron propagator in transformed problem.



### ACKNOWLEDGMENTS

The author wishes to express his sincere appreciation to Dr. Virulh Sa-yakanit for his helpful and valuable suggestion, the encouragement and the patience he has shown throughout this reserch. He is also grateful to Mr. Nikom Choosiri for valuable discussions.

Thanks are also extended to Dr. Kitt Visoottiviseth,
Dr.Pisitha Ratanavararaksa and Dr. Bhiyayo Panyarjun for acting as
members of the thesis committee



Pag	ξG
ABSTRACT	iv
ACKNOWLEDGEMENTS	vi
CHAPTER I. INTRODUCTION	. 1
I.l Preliminary	. 1
I.2 Outline of Thesis	. 2
CHAPTER II. FEYNMAN'S PATH INTEGRALS	. 4
II.l Defining the Path Integrals	. 4
II.2 Gaussian Integration	11
II.3 Application to the Local Problems	14
II.4 Nonlocal Harmonic Oscillator	16
CHAPTER III. THE PROPAGATOR	19
III.l Feynman's Propagator	19
III.2 Effective Propagator	22
III.3 Exact Propagator	28
CHAPTER IV. TWO LIMITING CASES	32
IV.1 Limiting Cases in the Absence of the External Force	32
IV.1.1 Nonlocal Field Going to Zero	33
IV.1.2 Magnetic field Going to Zero	35
IV.2 Limiting Cases in the Presence of an External Force	36
IV.2.1 Nonlocal Field Going to Zero	36
IV.2.2 Magnetic Field Going to Zero	37
CHAPTER V. DISCUSSION AND CONCLUSION	40
APPENDIX A. The Trotter Product Formula	44
APPENDIX B. Gaussian Integration	<b>5</b> 0
APPENDIX C. General Quadratic Lagrangian	50

Pag	e
APPENDIX D. Solution of Eq. (II.176)	2
APPENDIX E. Evaluation of G(z,z')	4
APPENDIX F. Evaluation of F <sub>ff</sub> (t <sub>1</sub> 0)	6
APPENDIX G. Evaluation of the Exact Propagator6	7
APPENDIX H. Limiting Procedure7	1
REFERENCES	4'