



บทที่ 4

ผลการวิเคราะห์

การวิจัยในครั้งนี้ต้องการศึกษาเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวประมาณอัตราความผิดพลาดในการวิเคราะห์การจำแนกกลุ่มที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B และ วิธี DS เมื่อประชากรมีการแจกแจงแบบปกติทั้ง 2 กลุ่มโดยจำแนกตามลักษณะการแยกจากกันของประชากรทั้ง 2 กลุ่ม ขนาดของตัวแปรอิสระ และ ขนาดตัวอย่าง โดยสรุปได้ดังนี้

- Δ = ค่ารากที่ 2 ของค่า Mahalanobis distance (square root of Mahalanobis distance) มีค่าดังนี้ 0.0 , 0.5 , 1.0 , 1.5 , 2.0 , 2.5 , 3.0
- k = จำนวนตัวแปรอิสระ (number of independent variable) มีค่าดังนี้ 3 , 5 , 7 , 9
- n_1 = ขนาดตัวอย่าง (sample size) 10 , 20 , 25 , 50 , 100

จากการศึกษาถึงวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ดังกล่าวข้างต้นจะใช้ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณแต่ละตัวเป็นเกณฑ์ในการวัดประสิทธิภาพของตัวประมาณซึ่งจะนำเสนอในรูปของตารางและเพื่อสะดวกในการอธิบายจะใช้สัญลักษณ์ต่อไปนี้แทนความหมายต่างๆ ดังนี้

- n_1, n_2 = ขนาดตัวอย่างในกลุ่มที่ 1 และ กลุ่มที่ 2 ตามลำดับ
- k = ขนาดของตัวแปรอิสระ
- Delta = ค่ารากที่สองของ Mahalanobis distance , Δ
- R = วิธี R
- U = วิธี U
- B = วิธี B
- DS = วิธี DS
- RMSE = ความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ โดยวิธี R
- UMSE = ความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ โดยวิธี U
- BMSE = ความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ โดยวิธี B
- DMSE = ความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ โดยวิธี DS

4.1 การเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวประมาณโดยใช้ความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย

สำหรับการหาความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณที่ได้จากวิธี R วิธี U วิธี B และ วิธี DS จากการทดลองนั้นจะนำเสนอผลที่ได้ในรูปของตารางโดยพิจารณาในกรณีที่มีความแตกต่างกันของการแยกจากกันของกลุ่มประชากรทั้ง 2 กลุ่ม ขนาดของตัวแปรอิสระ และ ขนาดของตัวอย่าง ด้วยตาราง 4.1.1 ถึง 4.1.20 ดังนี้

ตาราง 4.1.1 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 10$, $k = 3$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.045215	0.036318	0.030171	<u>0.023336</u>
0.5	0.040283	0.035045	<u>0.028565</u>	0.030983
1.0	0.036649	0.027660	<u>0.021992</u>	0.032832
1.5	0.030301	0.025083	<u>0.015627</u>	0.033151
2.0	0.020228	0.021652	<u>0.011549</u>	0.027487
2.5	0.012885	0.013162	<u>0.006306</u>	0.026512
3.0	0.007662	0.009410	<u>0.003749</u>	0.021872

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.2 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 10$, $k = 5$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.074622	0.039177	0.052689	<u>0.021386</u>
0.5	0.062849	0.029145	0.033425	<u>0.023236</u>
1.0	0.047955	0.026531	<u>0.024139</u>	0.024612
1.5	0.036768	0.024643	<u>0.019583</u>	0.023406
2.0	0.027635	0.021362	<u>0.013766</u>	0.019593
2.5	0.018424	0.016517	<u>0.009126</u>	0.014094
3.0	0.011396	0.012428	<u>0.005704</u>	0.009744

_____ หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.3 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 10$, $k = 7$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.091181	0.030023	0.058116	<u>0.015347</u>
0.5	0.087856	0.032123	0.047293	<u>0.021424</u>
1.0	0.073482	0.032627	0.037580	<u>0.020726</u>
1.5	0.056467	0.028639	0.027703	<u>0.018441</u>
2.0	0.040606	0.024716	0.019806	<u>0.018209</u>
2.5	0.027328	0.021106	<u>0.013679</u>	0.016584
3.0	0.017069	0.016323	<u>0.008979</u>	0.015682

_____ หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.4 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 10$, $k = 9$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.123327	0.045091	0.067728	<u>0.023764</u>
0.5	0.120403	0.040635	0.061810	<u>0.022814</u>
1.0	0.104531	0.035219	0.050904	<u>0.020101</u>
1.5	0.084328	0.032200	0.038883	<u>0.018095</u>
2.0	0.060681	0.030522	0.028782	<u>0.018339</u>
2.5	0.042489	0.027003	0.020982	<u>0.017772</u>
3.0	0.027985	0.022368	<u>0.014776</u>	0.018535

_____ หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.5 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 20$, $k = 3$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.017981	0.019335	0.014526	<u>0.009443</u>
0.5	0.017806	0.015735	<u>0.011850</u>	0.012956
1.0	0.012901	0.011839	<u>0.008516</u>	0.012483
1.5	0.010904	0.009519	<u>0.006548</u>	0.011891
2.0	0.008476	0.007984	<u>0.004596</u>	0.009550
2.5	0.005863	0.005547	<u>0.002920</u>	0.007188
3.0	0.003546	0.003700	<u>0.001676</u>	0.004815

_____ หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.6 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 20$, $k = 5$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.033648	0.014484	0.026400	<u>0.011870</u>
0.5	0.023972	0.016313	0.016912	<u>0.012191</u>
1.0	0.018365	0.012882	<u>0.010954</u>	0.012832
1.5	0.012816	0.009372	<u>0.007285</u>	0.011060
2.0	0.010241	0.007351	<u>0.004837</u>	0.009701
2.5	0.007120	0.006647	<u>0.003049</u>	0.007237
3.0	0.004468	0.004342	<u>0.001764</u>	0.005389

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.7 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 20$, $k = 7$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.045697	0.019861	0.031518	<u>0.012268</u>
0.5	0.034919	0.015933	0.022731	<u>0.011247</u>
1.0	0.024944	0.015020	0.014801	<u>0.012960</u>
1.5	0.016619	0.012207	<u>0.009893</u>	0.011793
2.0	0.011546	0.008514	<u>0.006733</u>	0.009423
2.5	0.008950	0.006420	<u>0.004204</u>	0.007707
3.0	0.005688	0.004630	<u>0.002444</u>	0.007072

_____ หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.8 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 20$, $k = 9$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.051422	0.014721	0.037708	<u>0.011394</u>
0.5	0.040711	0.016436	0.028452	<u>0.012940</u>
1.0	0.029958	<u>0.013711</u>	0.018194	0.015762
1.5	0.023894	0.013465	<u>0.012607</u>	0.012817
2.0	0.017210	0.010175	<u>0.008056</u>	0.009771
2.5	0.013918	0.006906	<u>0.005065</u>	0.006444
3.0	0.007967	0.005212	<u>0.003011</u>	0.006334

_____ หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.9 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 25$, $k = 3$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.016791	0.013289	0.014820	<u>0.008192</u>
0.5	0.016105	0.016179	<u>0.010635</u>	0.011447
1.0	0.011164	0.010465	<u>0.007815</u>	0.010265
1.5	0.009909	0.009104	<u>0.005909</u>	0.009594
2.0	0.007430	0.007091	<u>0.004140</u>	0.007878
2.5	0.004597	0.004636	<u>0.002615</u>	0.005611
3.0	0.002916	0.003055	<u>0.001483</u>	0.003731

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.10 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R อี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 25$, $k = 5$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.025148	0.014427	0.018325	<u>0.009953</u>
0.5	0.018106	0.012844	0.013072	<u>0.008791</u>
1.0	0.012997	0.009762	<u>0.007999</u>	0.009457
1.5	0.009767	0.007588	<u>0.005423</u>	0.008392
2.0	0.007052	0.005594	<u>0.003657</u>	0.006642
2.5	0.004903	0.004057	<u>0.002305</u>	0.004877
3.0	0.003134	0.002818	<u>0.001326</u>	0.003640

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.11 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 25$, $k = 7$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.031056	0.014586	0.023520	<u>0.010542</u>
0.5	0.027678	0.011875	0.019345	<u>0.008385</u>
1.0	0.017694	<u>0.009105</u>	0.011883	0.009591
1.5	0.012614	0.008314	<u>0.007784</u>	0.010555
2.0	0.010350	0.006724	<u>0.005043</u>	0.009379
2.5	0.007393	0.005043	<u>0.003078</u>	0.007816
3.0	0.004532	0.004261	<u>0.001745</u>	0.005728

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.12 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 25$, $k = 9$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.040317	0.013768	0.030167	<u>0.008709</u>
0.5	0.034145	0.010623	0.022929	<u>0.009688</u>
1.0	0.023921	<u>0.009392</u>	0.015030	0.010048
1.5	0.018202	<u>0.009319</u>	0.010274	0.010232
2.0	0.013246	<u>0.006887</u>	0.006979	0.008837
2.5	0.008963	0.005660	<u>0.004527</u>	0.007410
3.0	0.005774	0.004573	<u>0.002735</u>	0.007253

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.13 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 50$, $k = 3$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.008604	0.009936	0.006841	<u>0.005009</u>
0.5	0.006199	<u>0.004169</u>	0.004898	0.006117
1.0	0.003947	<u>0.003299</u>	0.003323	0.004405
1.5	0.004493	0.003938	<u>0.002364</u>	0.004927
2.0	0.003640	0.003441	<u>0.001582</u>	0.004105
2.5	0.002495	0.002333	<u>0.000969</u>	0.002835
3.0	0.001399	0.001449	<u>0.000537</u>	0.001802

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.14 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 50$, $k = 5$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.012254	0.008382	0.007894	<u>0.005155</u>
0.5	0.008355	0.005740	0.005795	<u>0.005014</u>
1.0	0.005629	0.004864	<u>0.003458</u>	0.005323
1.5	0.004464	0.003924	<u>0.002396</u>	0.004624
2.0	0.002510	0.002727	<u>0.001619</u>	0.002895
2.5	0.001895	0.001980	<u>0.001011</u>	0.002277
3.0	0.001292	0.001127	<u>0.000486</u>	0.001646

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.15 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 50$, $k = 7$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.014319	<u>0.003662</u>	0.014959	0.003712
0.5	0.010422	0.004935	0.008030	<u>0.004443</u>
1.0	0.005999	<u>0.003740</u>	0.003966	0.005466
1.5	0.004423	0.003364	<u>0.002298</u>	0.005012
2.0	0.002455	0.002121	<u>0.001192</u>	0.005325
2.5	0.001844	0.002093	<u>0.000868</u>	0.003323
3.0	0.001216	0.001342	<u>0.000490</u>	0.002654

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.16 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 50$, $k = 9$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.016956	0.008494	0.013573	<u>0.004864</u>
0.5	0.011794	0.005512	0.009532	<u>0.004589</u>
1.0	0.008149	<u>0.004634</u>	0.005519	0.005703
1.5	0.006111	<u>0.003529</u>	0.003544	0.005278
2.0	0.004506	0.002843	<u>0.002285</u>	0.004510
2.5	0.003118	0.002430	<u>0.001393</u>	0.003906
3.0	0.001743	0.001374	<u>0.000603</u>	0.002872

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.17 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 100$, $k = 3$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.003994	<u>0.002629</u>	0.003124	0.002957
0.5	0.002001	0.002022	<u>0.001909</u>	0.002214
1.0	0.001645	0.001752	<u>0.001452</u>	0.002032
1.5	0.001608	0.001696	<u>0.001063</u>	0.002000
2.0	0.001584	0.001485	<u>0.000717</u>	0.002264
2.5	0.000706	0.000753	<u>0.000439</u>	0.001267
3.0	0.000424	0.000462	<u>0.000242</u>	0.000764

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.18 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 100$, $k = 5$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.005908	0.002613	0.004568	<u>0.001847</u>
0.5	0.003412	<u>0.001955</u>	0.002294	0.002004
1.0	0.002546	0.001594	<u>0.001548</u>	0.002101
1.5	0.001590	0.001482	<u>0.001145</u>	0.001785
2.0	0.001126	0.001061	<u>0.000795</u>	0.001223
2.5	0.000830	0.000764	<u>0.000439</u>	0.000965
3.0	0.000518	<u>0.000241</u>	0.000251	0.000861

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.19 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 100$, $k = 7$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.012462	0.005906	0.008562	<u>0.002962</u>
0.5	0.004501	0.002237	0.003057	<u>0.001240</u>
1.0	0.002564	0.001790	<u>0.001709</u>	0.003038
1.5	0.002126	0.002147	<u>0.001161</u>	0.002831
2.0	0.001233	0.001810	<u>0.000765</u>	0.001653
2.5	0.000724	0.000863	<u>0.000462</u>	0.000903
3.0	0.000512	0.000576	<u>0.000251</u>	0.001013

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

ตาราง 4.1.20 ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ
อัตราความผิดพลาด ที่ได้จาก วิธี R วิธี U วิธี B
และ วิธี DS เมื่อ $n_1 = n_2 = 100$, $k = 9$

DELTA	RMSE	UMSE	DMSE	BMSE
0.0	0.009814	0.003577	0.004888	<u>0.001335</u>
0.5	0.004886	0.001359	0.004196	<u>0.000721</u>
1.0	0.002441	<u>0.000233</u>	0.002317	0.000353
1.5	0.001793	<u>0.000162</u>	0.001538	0.000611
2.0	0.000685	<u>0.000413</u>	0.001038	0.000876
2.5	0.000820	<u>0.000549</u>	0.000654	0.000708
3.0	0.000982	0.000412	<u>0.000370</u>	0.000658

หมายถึง มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

4.2 ผลการเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวประมาณโดยใช้ความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย

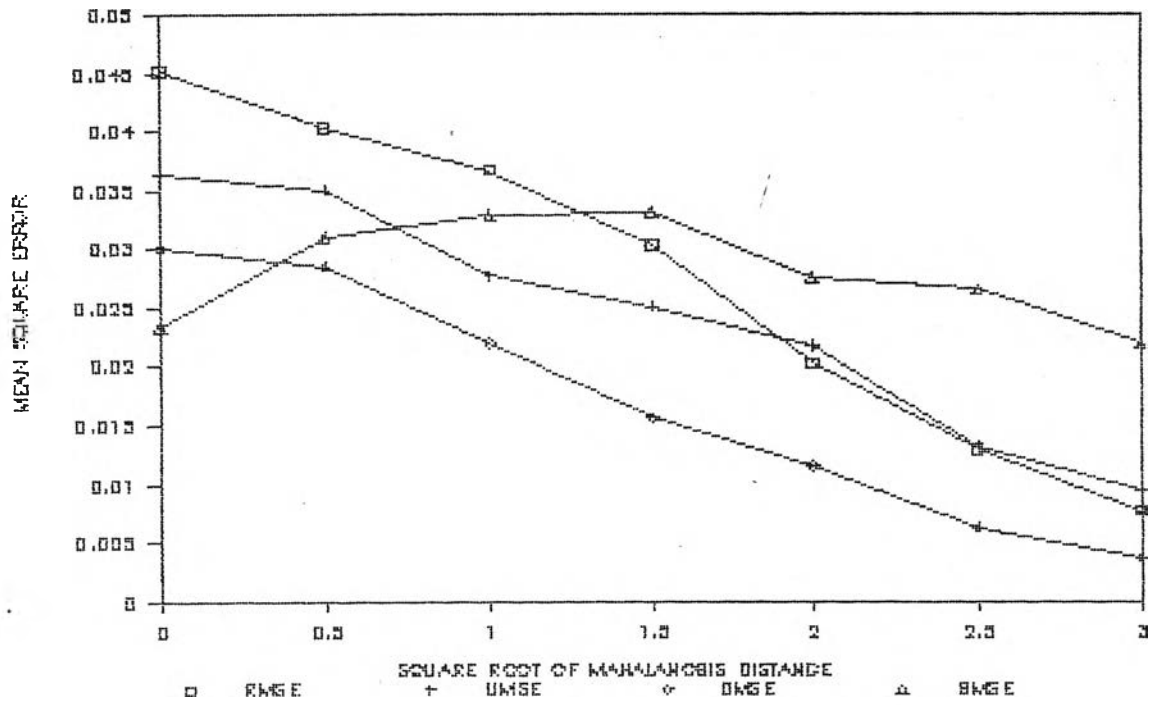
4.2.1 ตามตารางที่ 4.1.1 ในกรณีที่ค่า $\Delta = 0.0$ ผลปรากฏว่าค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของวิธี B ให้ค่าต่ำสุด ในกรณีที่ Δ อยู่ในช่วง 0.5 - 3.0 วิธี DS จะให้ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำสุด สำหรับตัวประมาณที่เป็นนอนพาราเมตริกทั้ง 3 วิธีคือวิธี R วิธี U และ วิธี B นั้น วิธี B จะให้ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำสุดในช่วง Δ มีค่าอยู่ระหว่าง 0.0 - 0.5 สำหรับวิธี U จะให้ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำสุดในช่วง Δ มีค่าอยู่ระหว่าง 1.0 - 1.5 สำหรับวิธี DS จะให้ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำสุด ในช่วง Δ มีค่าอยู่ระหว่าง 2.0 - 3.0

4.2.2 ตามตารางที่ 4.1.2 ในกรณีที่ค่า Δ มีค่าอยู่ระหว่าง 0.0 ถึง 0.5 ผลปรากฏว่าค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของวิธี B ให้ค่าต่ำสุด ในกรณีที่ค่า Δ อยู่ในช่วง 1.0 - 3.0 วิธี DS จะให้ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำสุด สำหรับตัวประมาณที่เป็นนอนพาราเมตริกทั้ง 3 วิธี คือ วิธี R วิธี U และวิธี B นั้น วิธี B จะให้ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

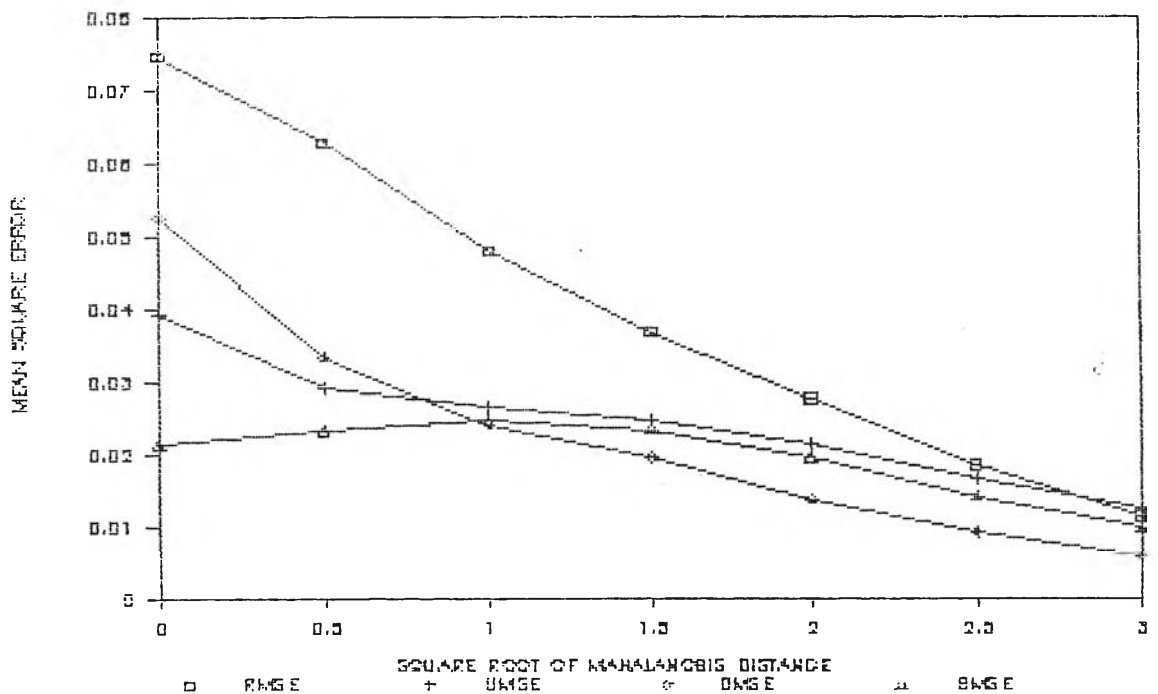
4.2.3 ตามตารางที่ 4.1.3 ในกรณีที่ค่า Δ มีค่าอยู่ระหว่าง 0.0 ถึง 2.0 ผลปรากฏว่าค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของวิธี B ให้ค่าต่ำสุด ในกรณีที่ค่า Δ อยู่ในช่วง 2.5 - 3.0 วิธี DS จะให้ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำสุด สำหรับตัวประมาณที่เป็นนอนพาราเมตริกทั้ง 3 วิธี คือ วิธี R วิธี U และ วิธี B นั้นวิธี B จะให้ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

4.2.4 ตามตารางที่ 4.1.4 ในกรณีที่ค่า Δ มีค่าอยู่ระหว่าง 0.0 ถึง 2.5 ผลปรากฏว่าค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของวิธี B ให้ค่าต่ำสุด ในกรณีที่ $\Delta = 3.0$ วิธี DS จะให้ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำสุด สำหรับตัวประมาณที่เป็นนอนพาราเมตริกทั้ง 3 วิธีคือ วิธี R วิธี U และ วิธี B นั้น วิธี B จะให้ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยต่ำที่สุด

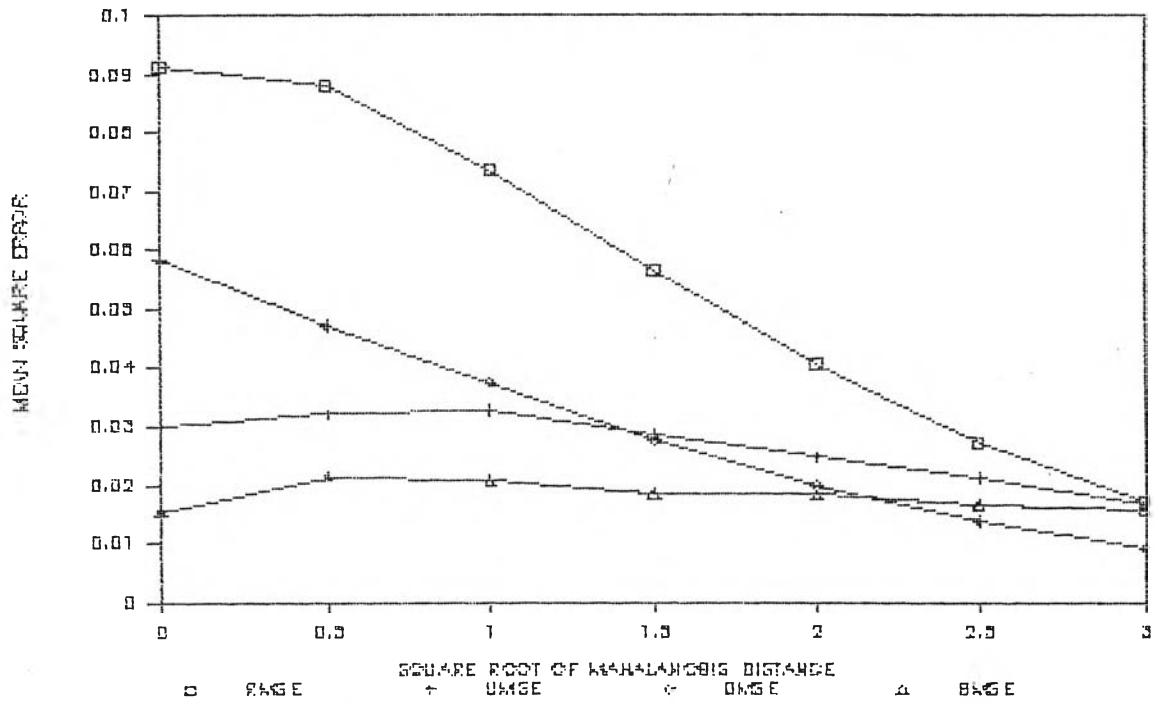
รูปที่ 4.1 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของมาหาลานอนิบัติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 10 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 3



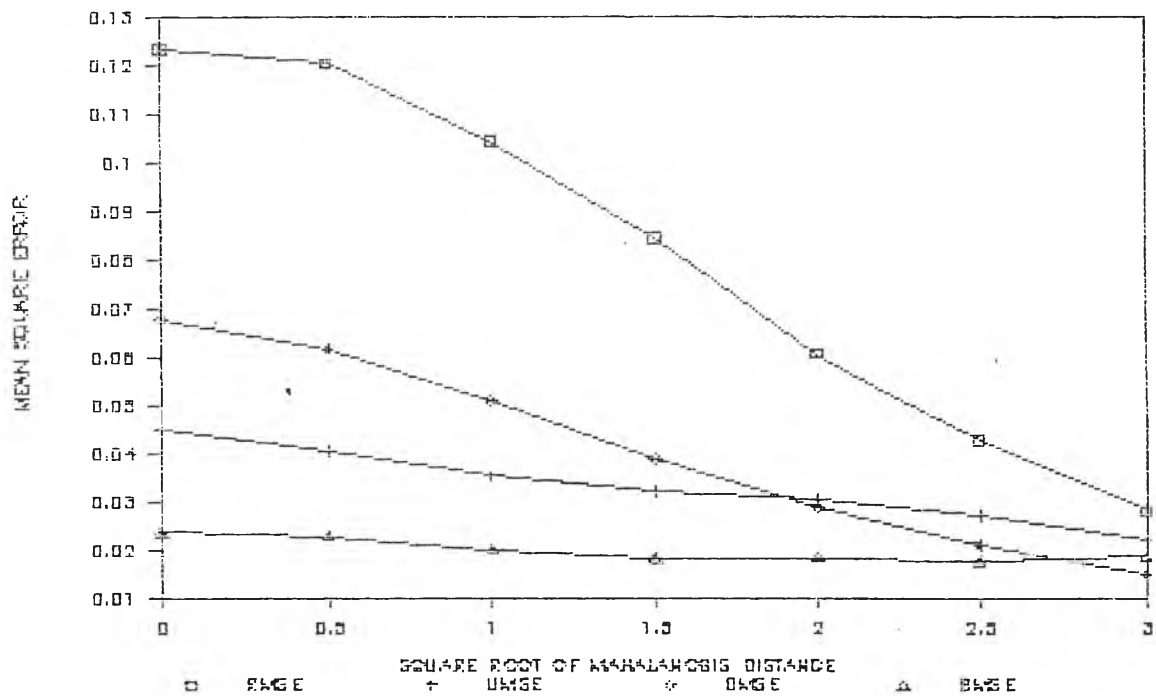
รูปที่ 4.2 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของมาหาลานอนิบัติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 10 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 5



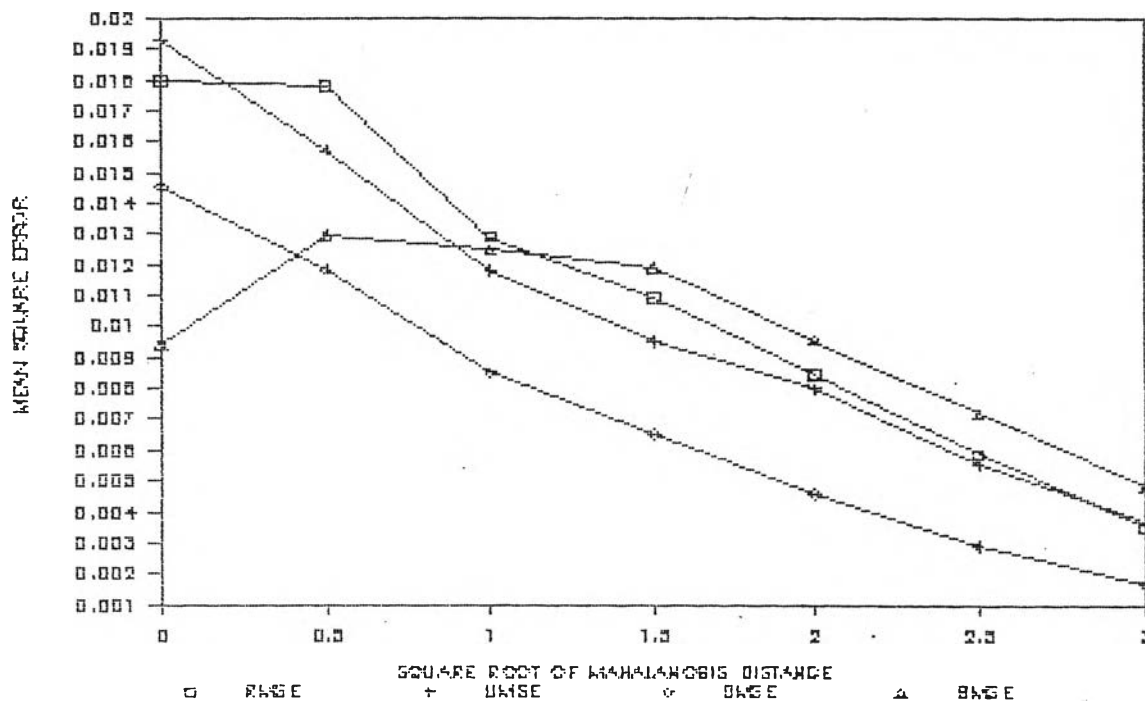
รูปที่ 4.3 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 10 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 7



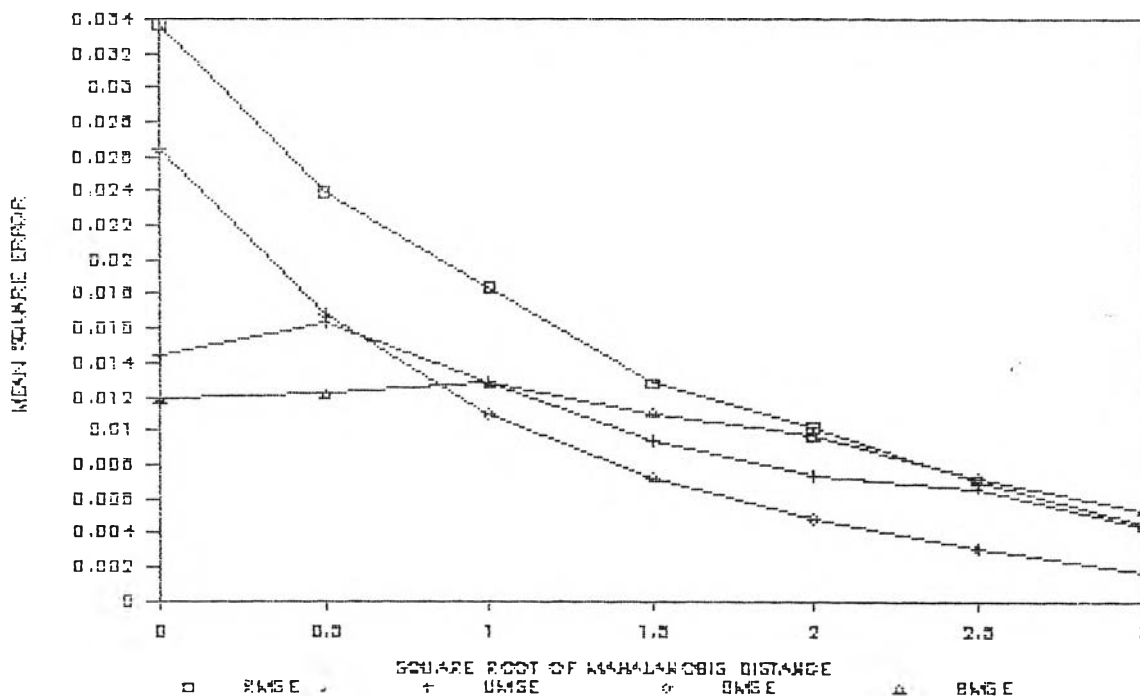
รูปที่ 4.4 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 10 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 9



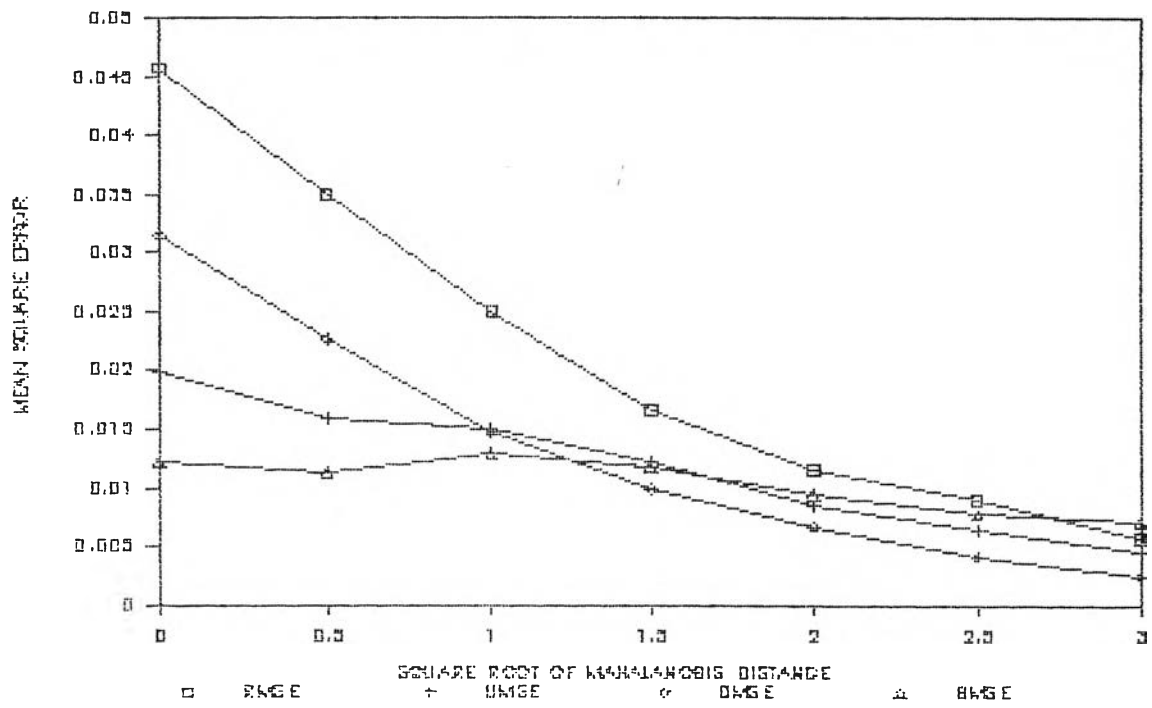
รูปที่ 4.5 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 20 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 3



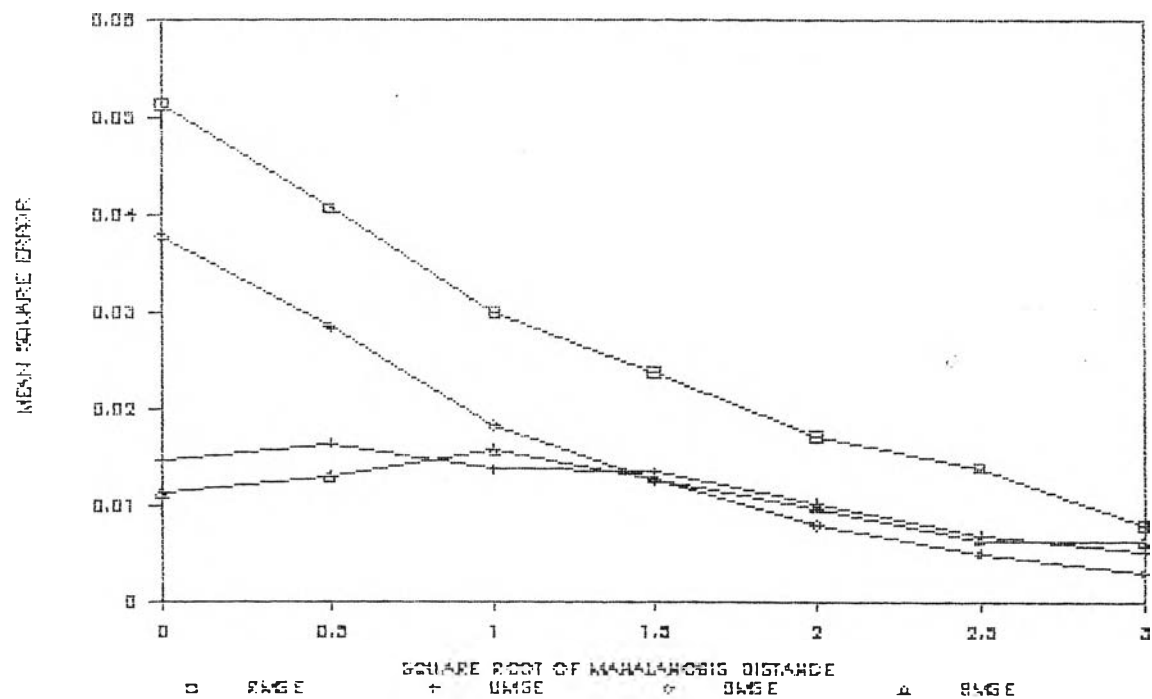
รูปที่ 4.6 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 20 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 5



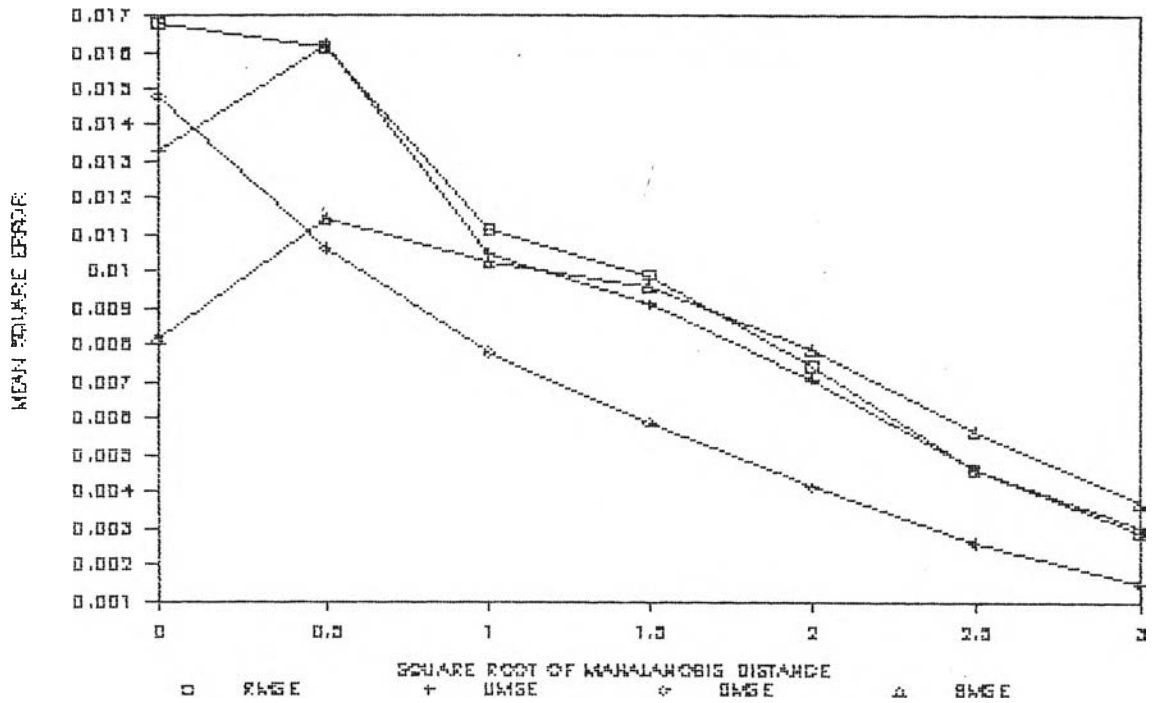
รูปที่ 4.7 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของ
 มาตราลาโนบิสติสแทนต์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 20 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 7



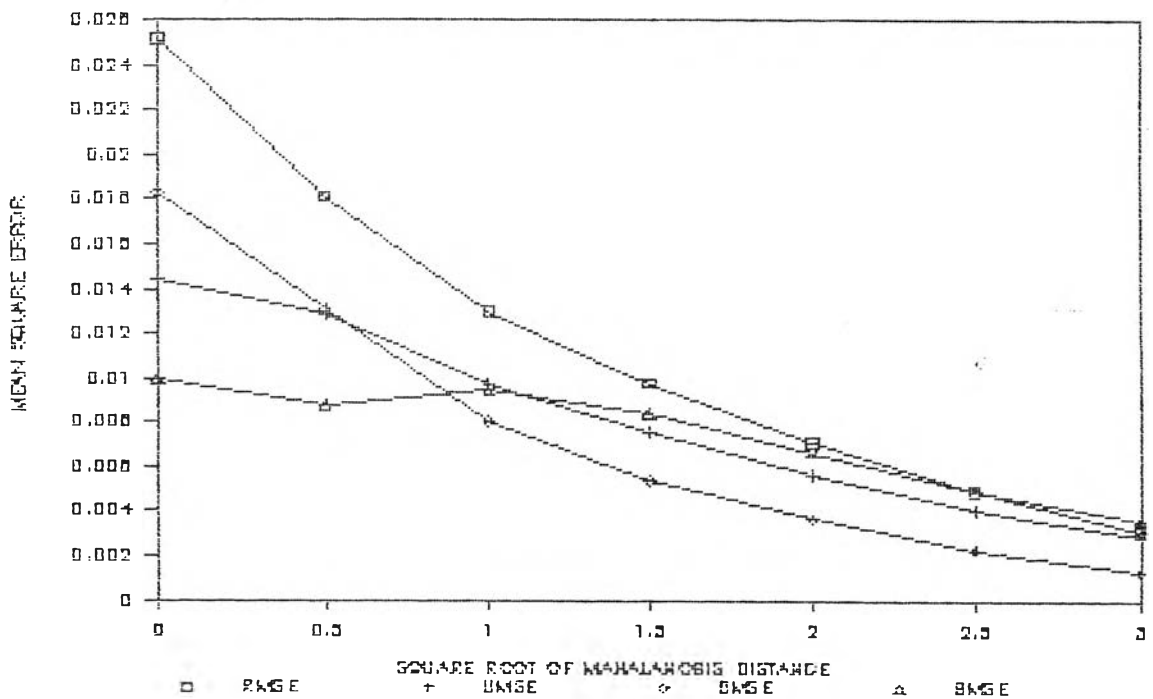
รูปที่ 4.8 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของ
 มาตราลาโนบิสติสแทนต์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 20 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 9



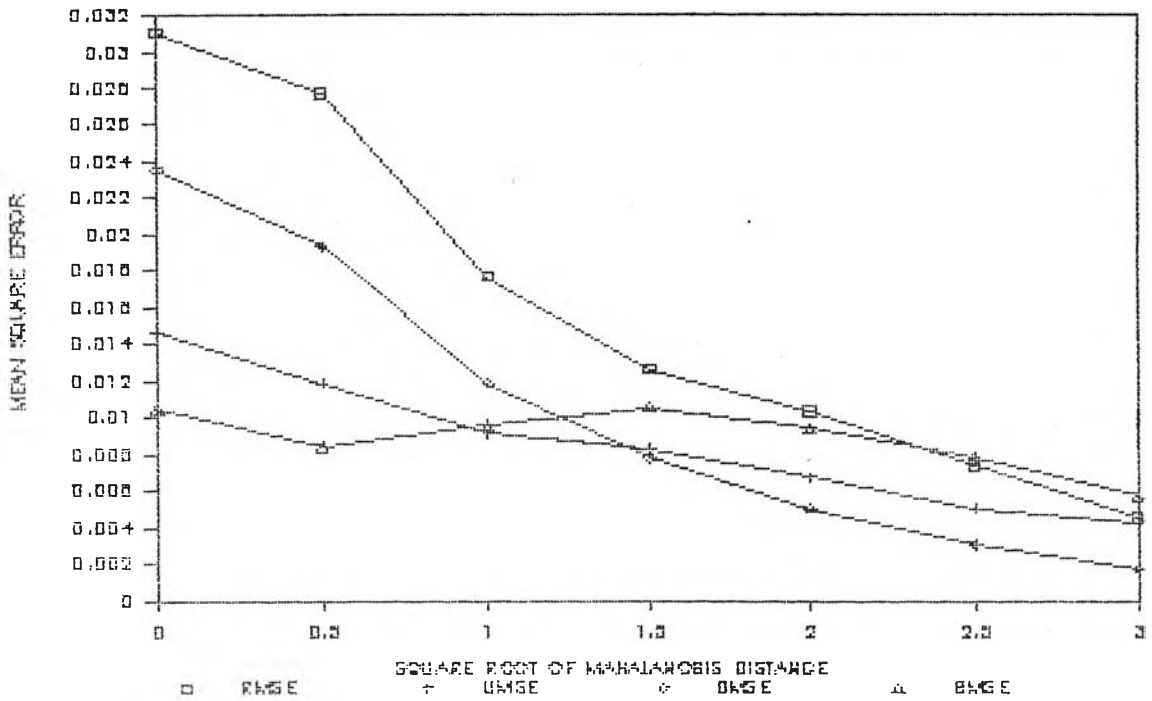
รูปที่ 4.9 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของ
 มาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 25 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 3



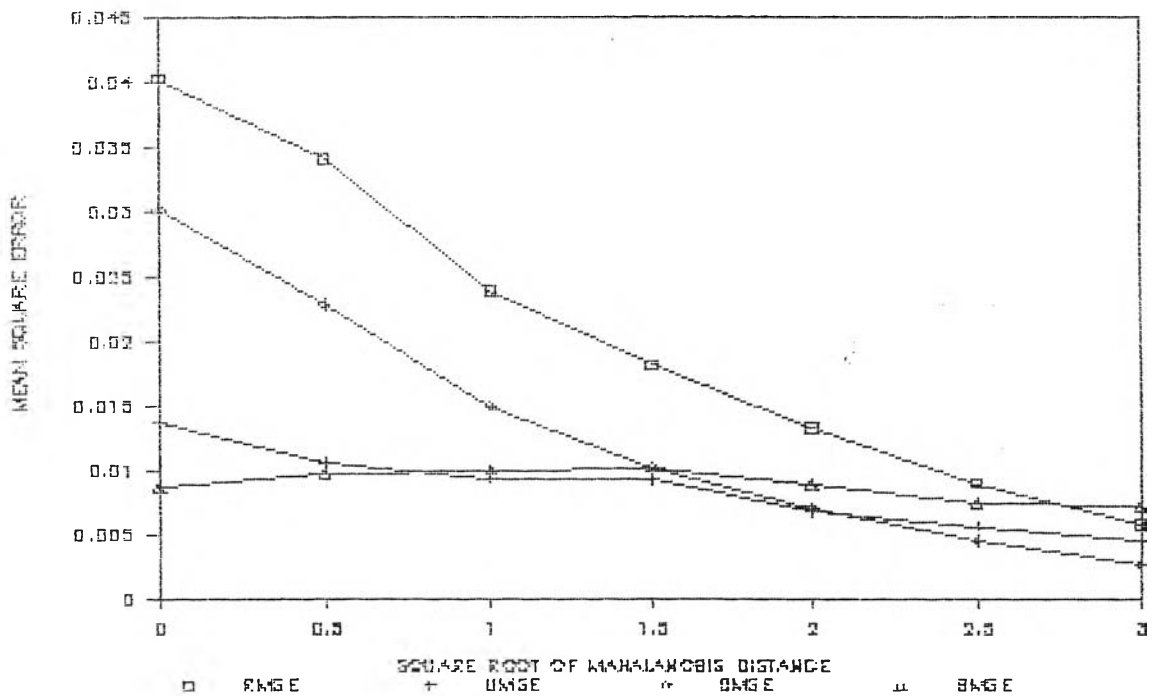
รูปที่ 4.10 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของ
 มาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 25 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 5



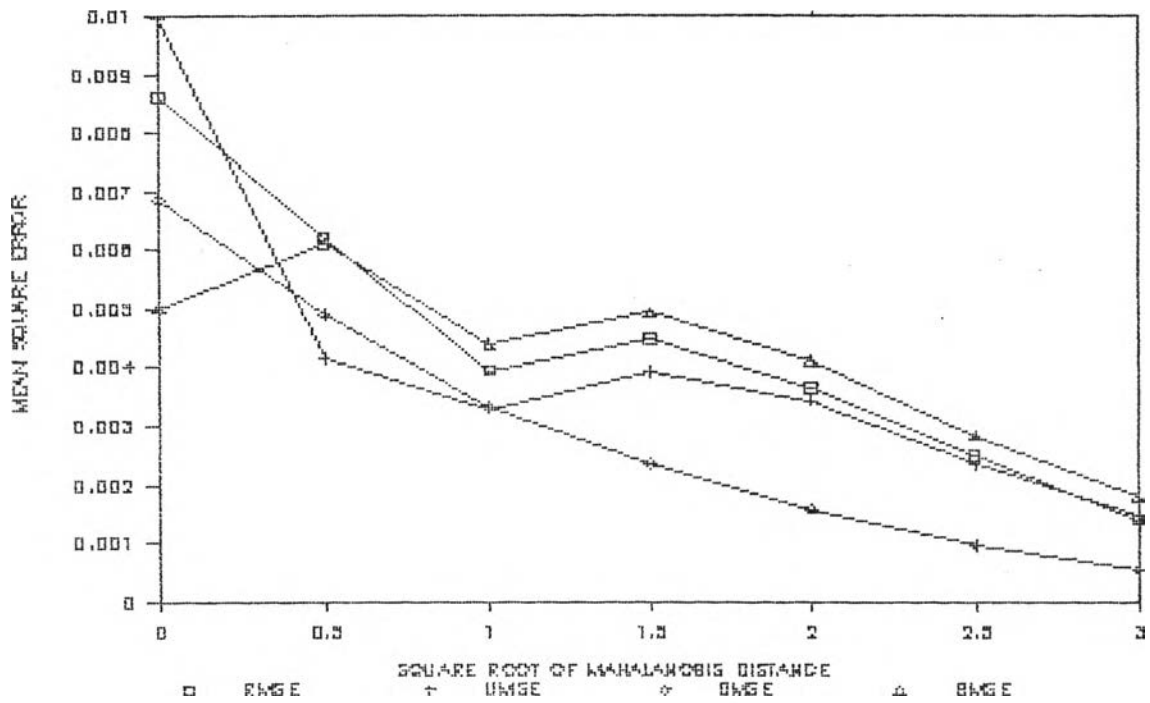
รูปที่ 4.11 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของ มาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 25 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 7



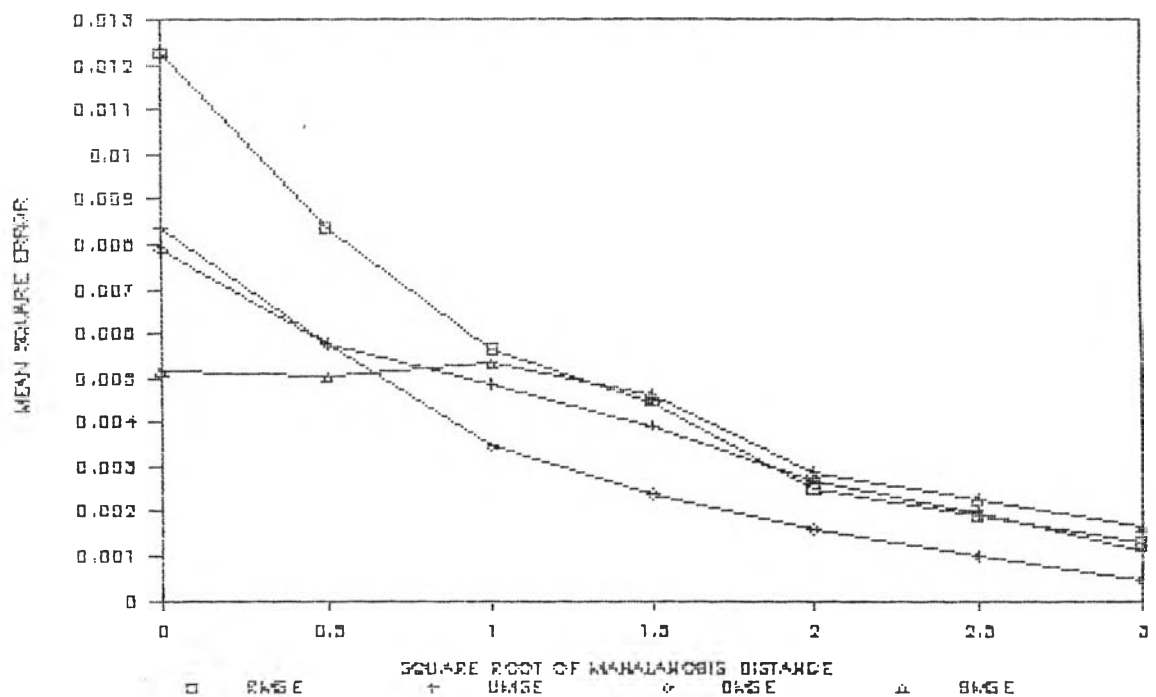
รูปที่ 4.12 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของ มาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 25 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 9



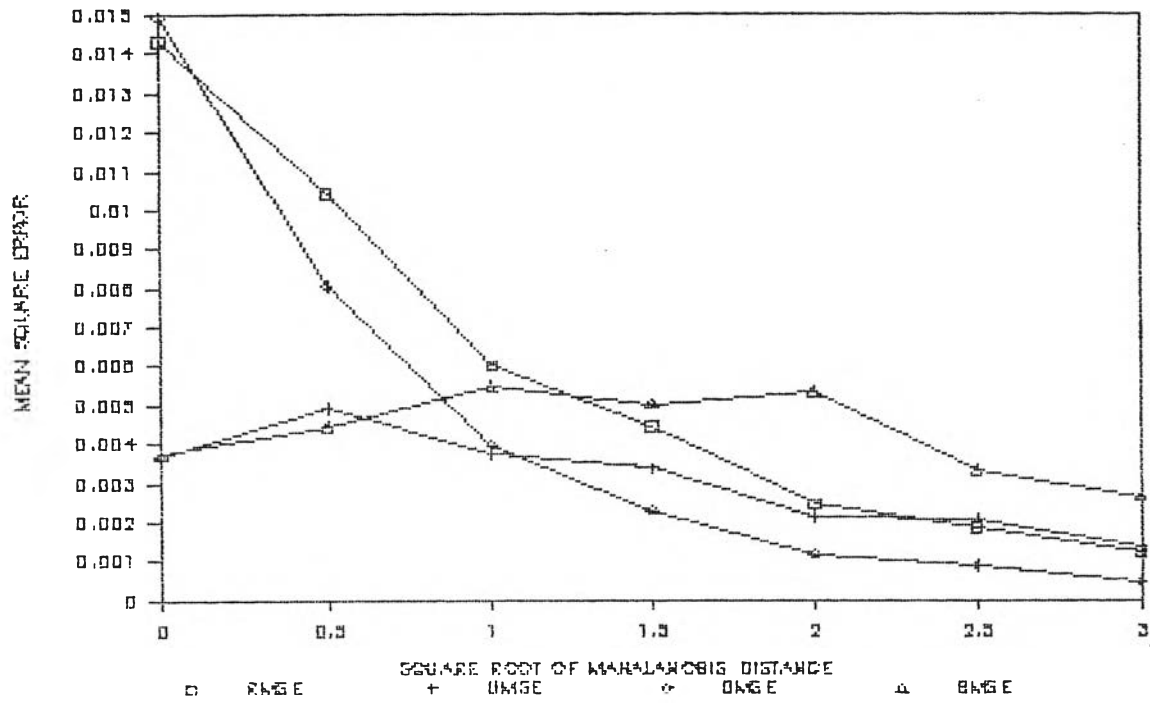
รูปที่ 4.13 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 50 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 3



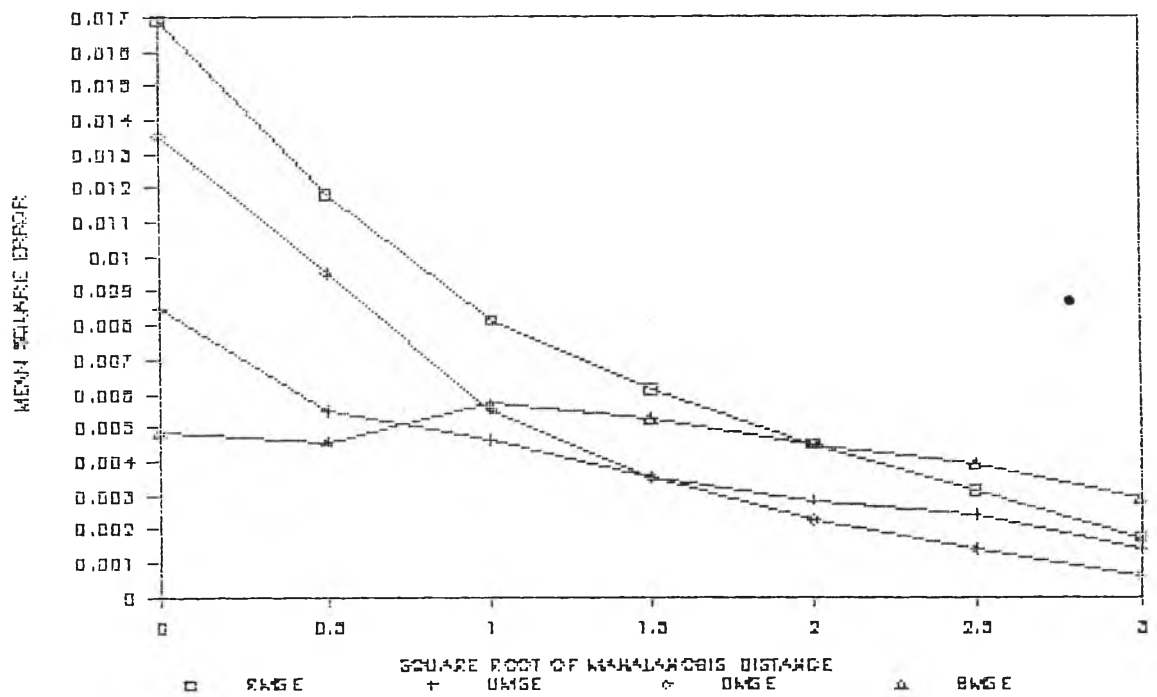
รูปที่ 4.14 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 50 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 5



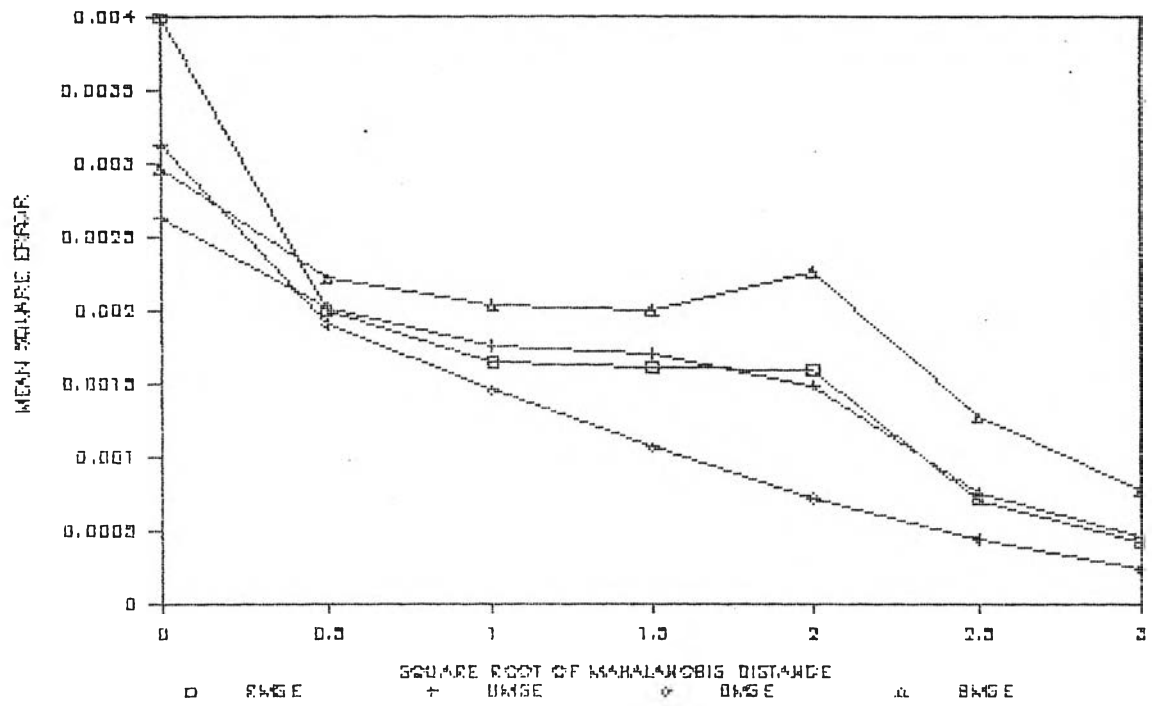
รูปที่ 4.15 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 50 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 7



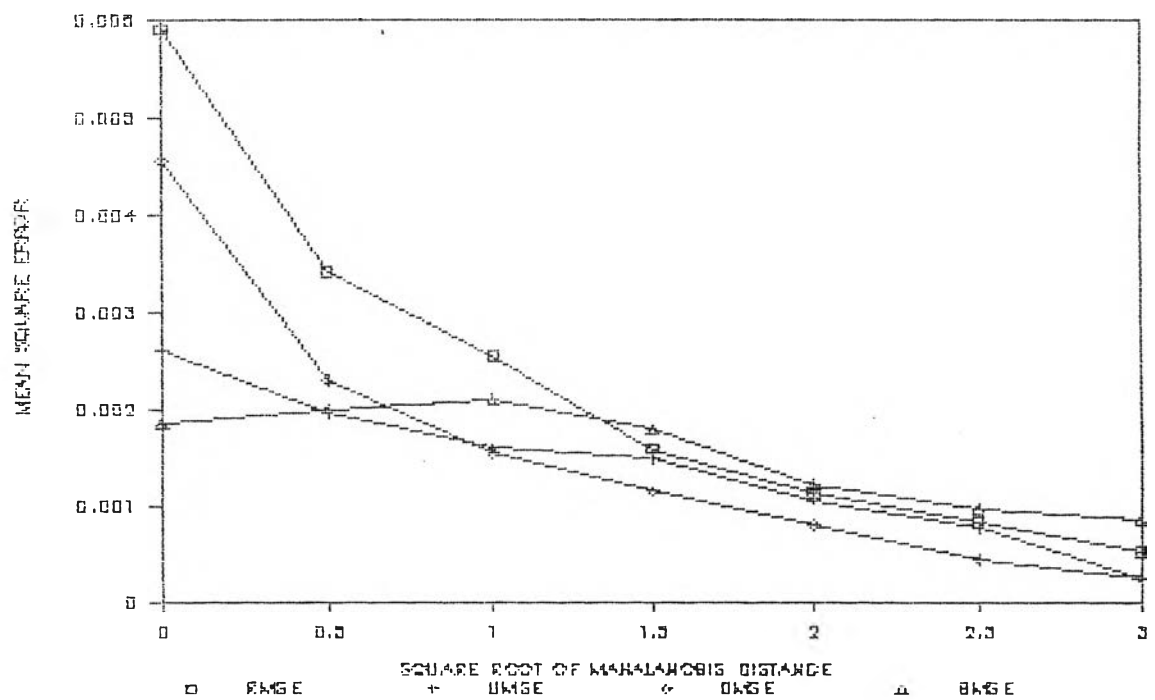
รูปที่ 4.16 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 50 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 9



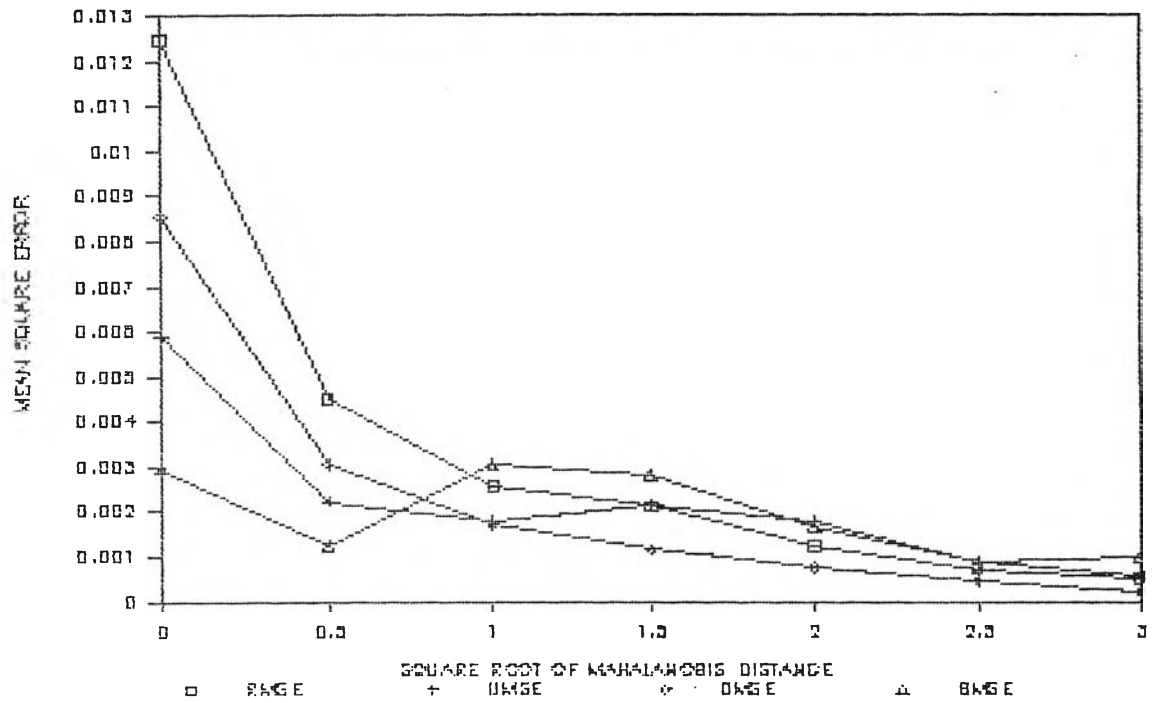
รูปที่ 4.17 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 100 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 3



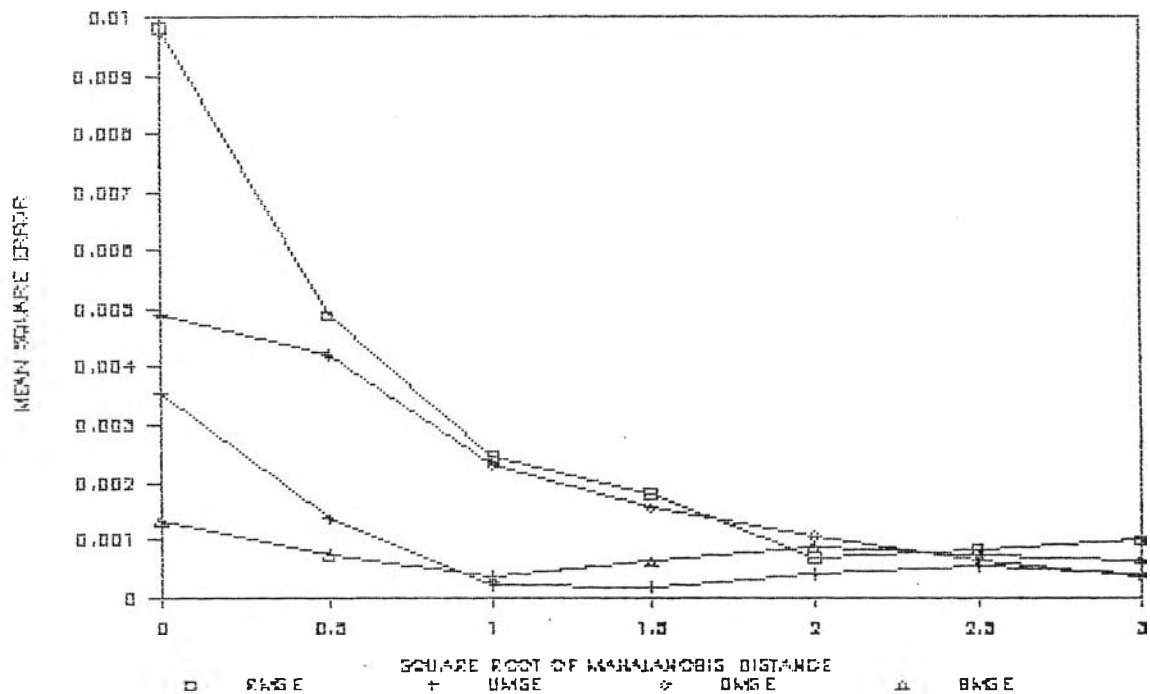
รูปที่ 4.18 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 100 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 5



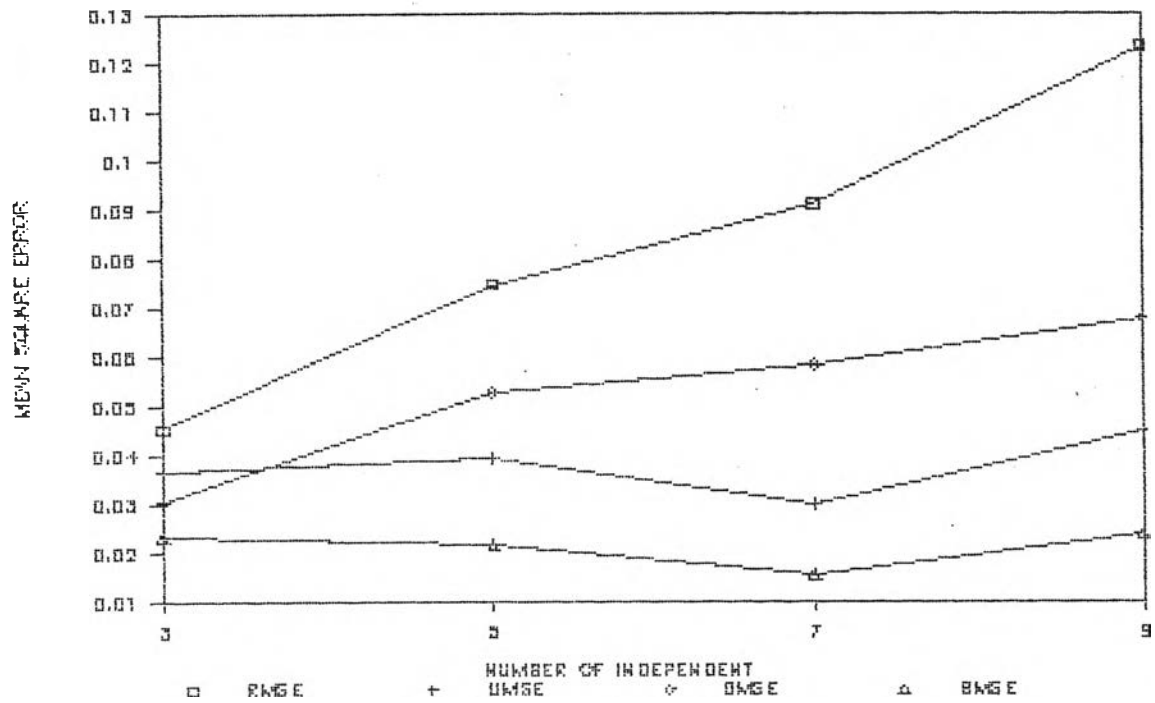
รูปที่ 4.19 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของ
 มาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 100 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 7



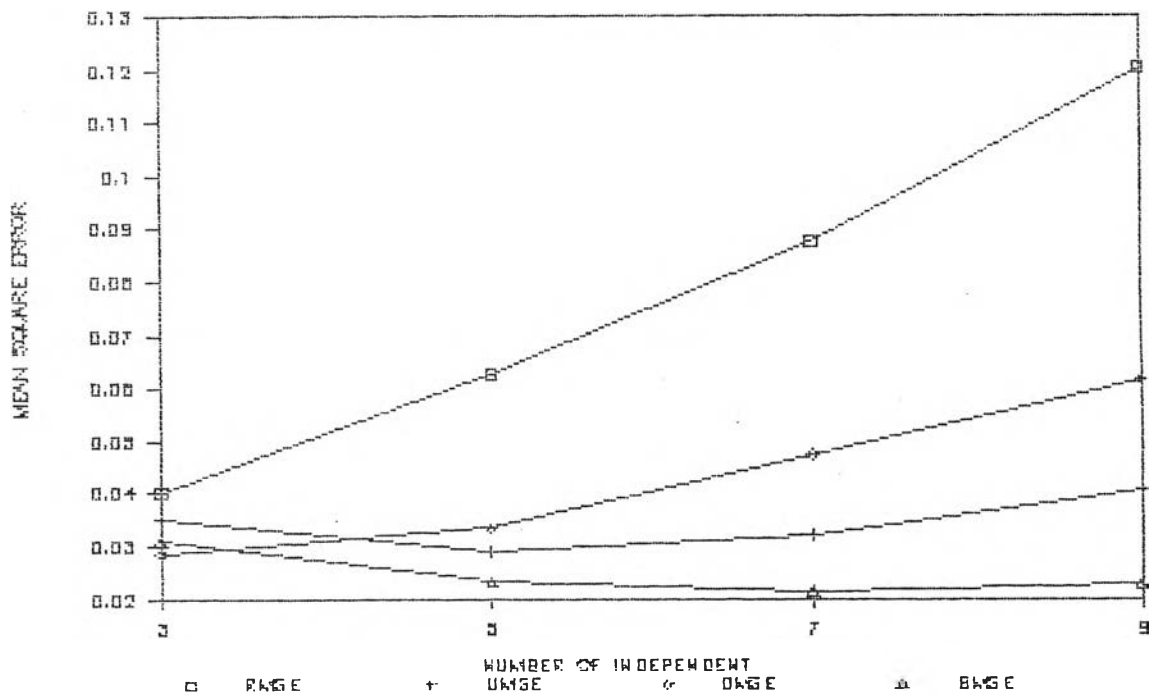
รูปที่ 4.20 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับค่ารากที่สองของ
 มาหาลาโนบิสติสแทนท์ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 100 และขนาดตัวแปรอิสระเป็น 9



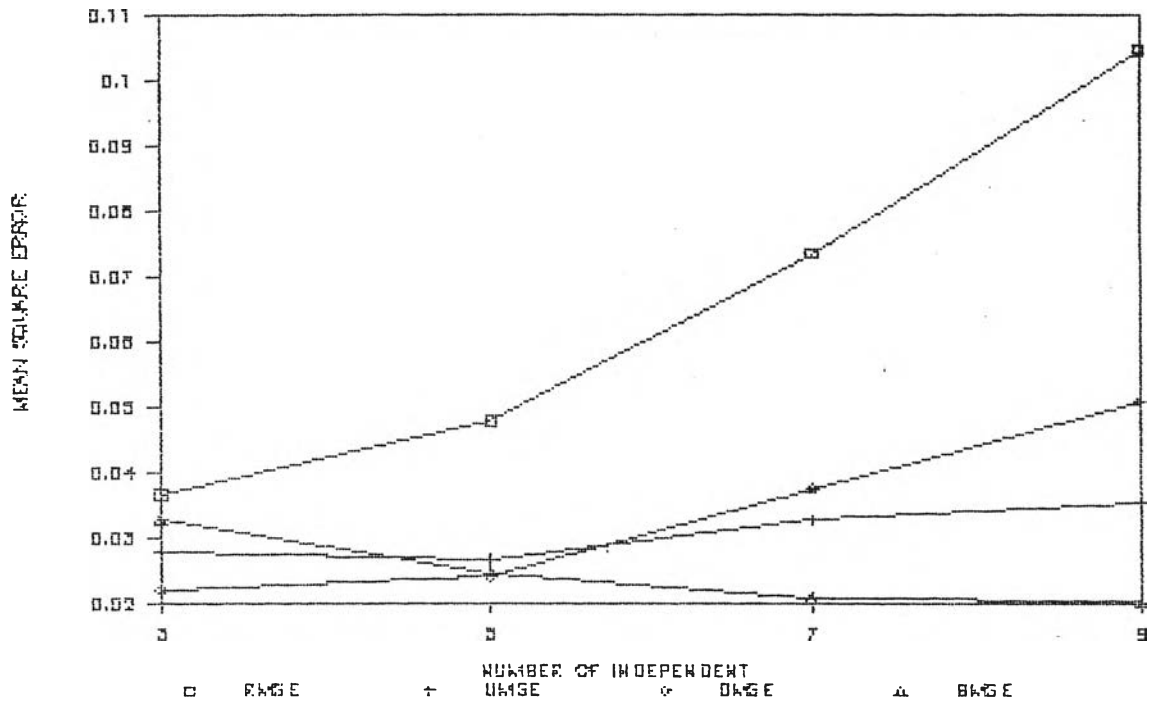
รูปที่ 4.21 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 10 และค่าพารามิเตอร์ของมาทาลาโนบิสติสแทนท์เป็น 0.0



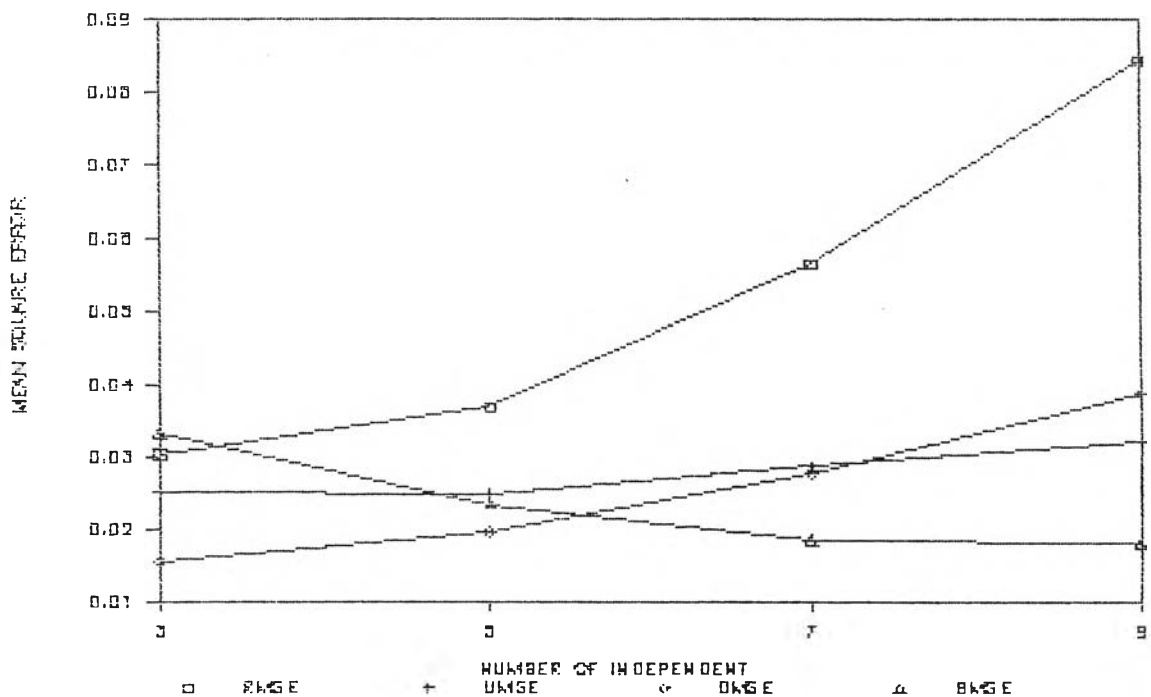
รูปที่ 4.22 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยกับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 10 และค่าพารามิเตอร์ของมาทาลาโนบิสติสแทนท์เป็น 0.5



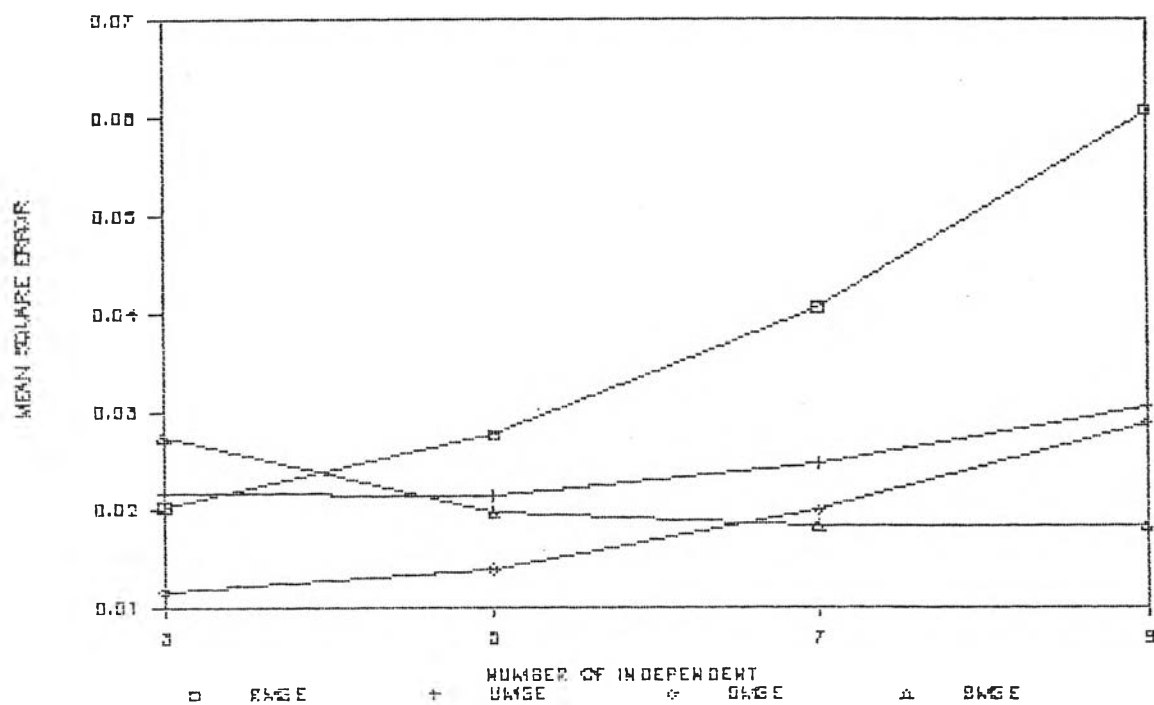
รูปที่ 4.23 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 10 และค่ารากที่สองของมาทาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 1.0



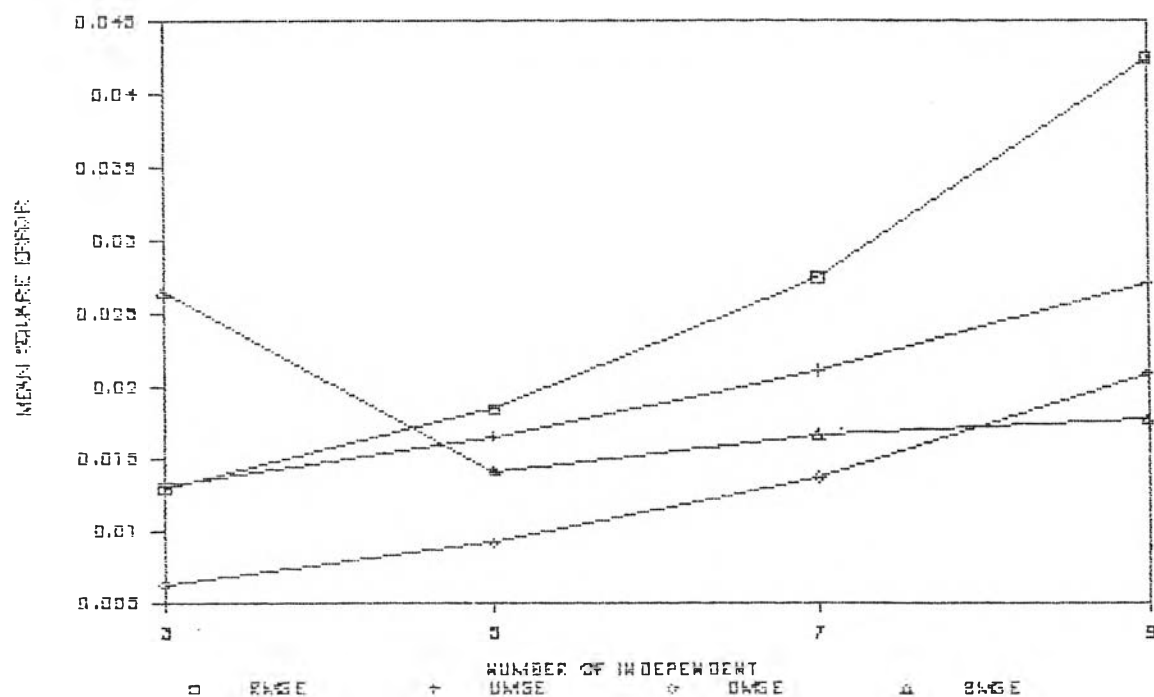
รูปที่ 4.24 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 10 และค่ารากที่สองของมาทาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 1.5



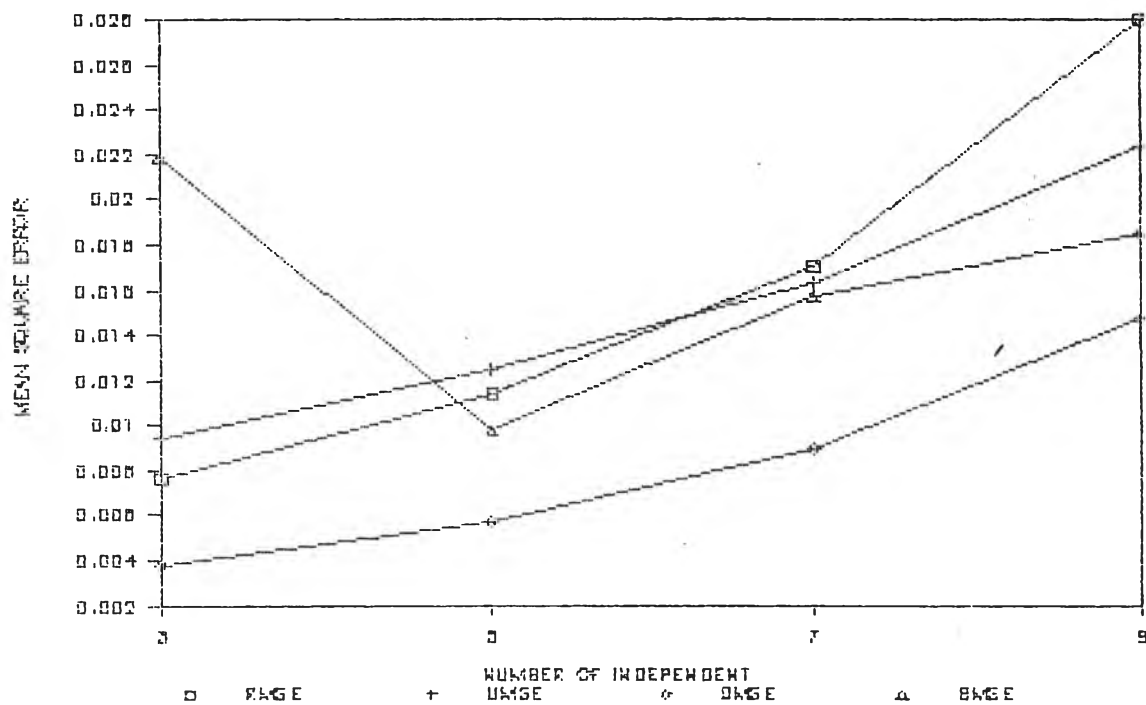
รูปที่ 4.25 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 10 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 2.0



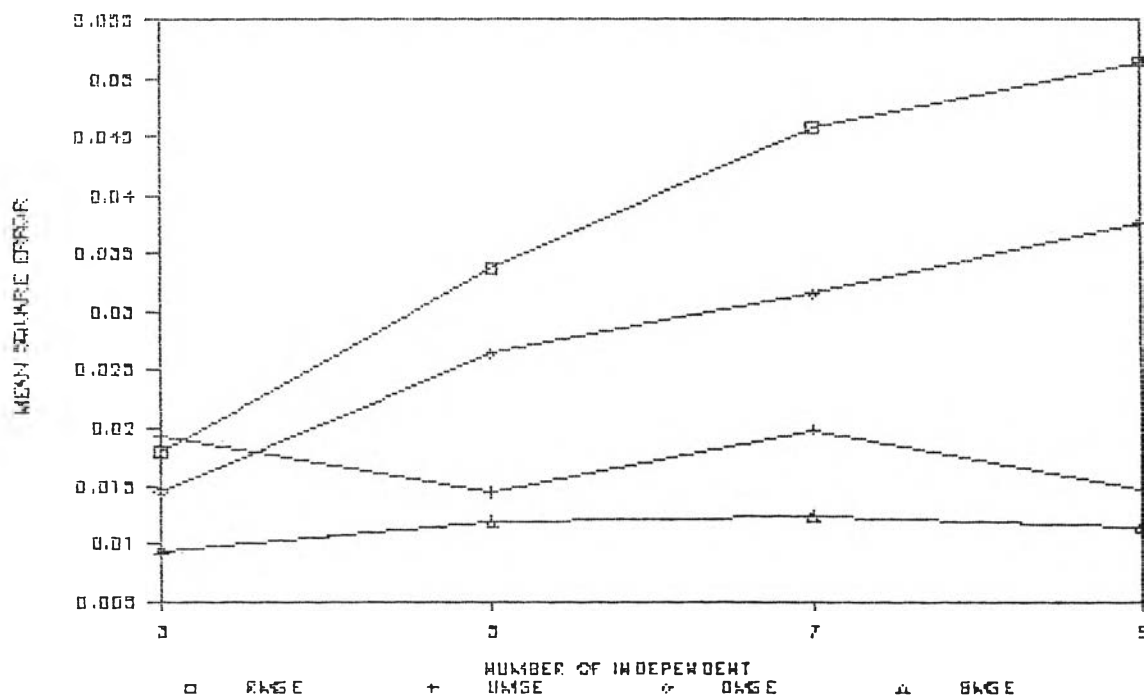
รูปที่ 4.26 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 10 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 2.5



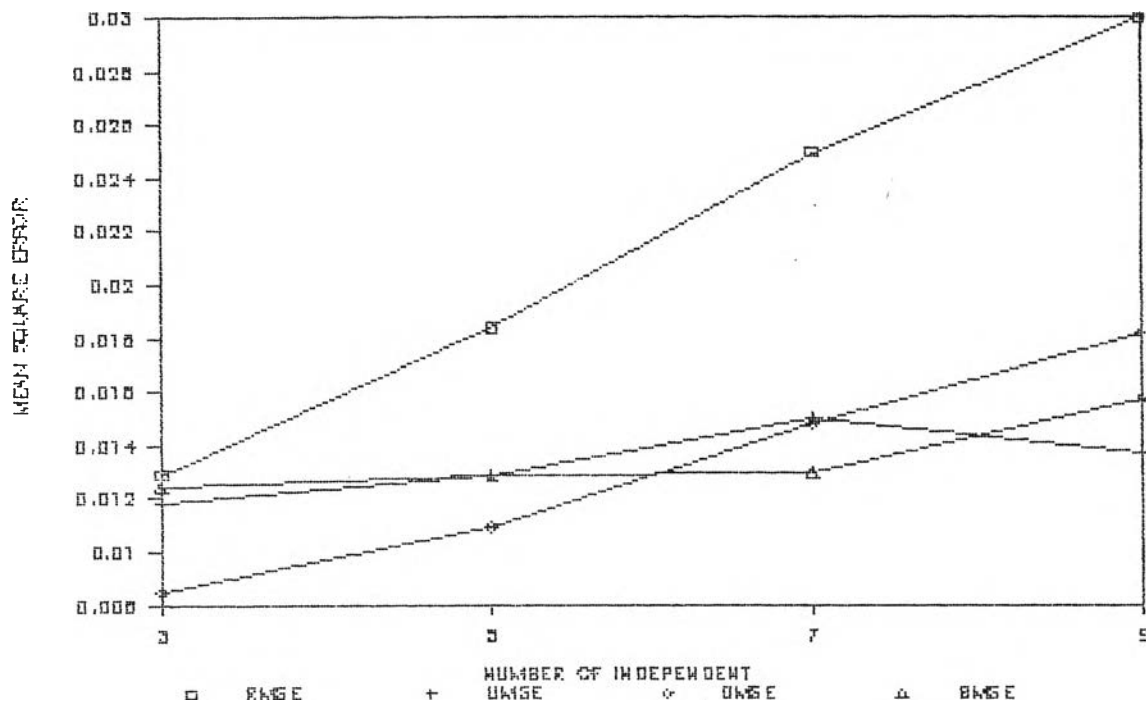
รูปที่ 4.27 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 10 และค่าราคที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 3.0



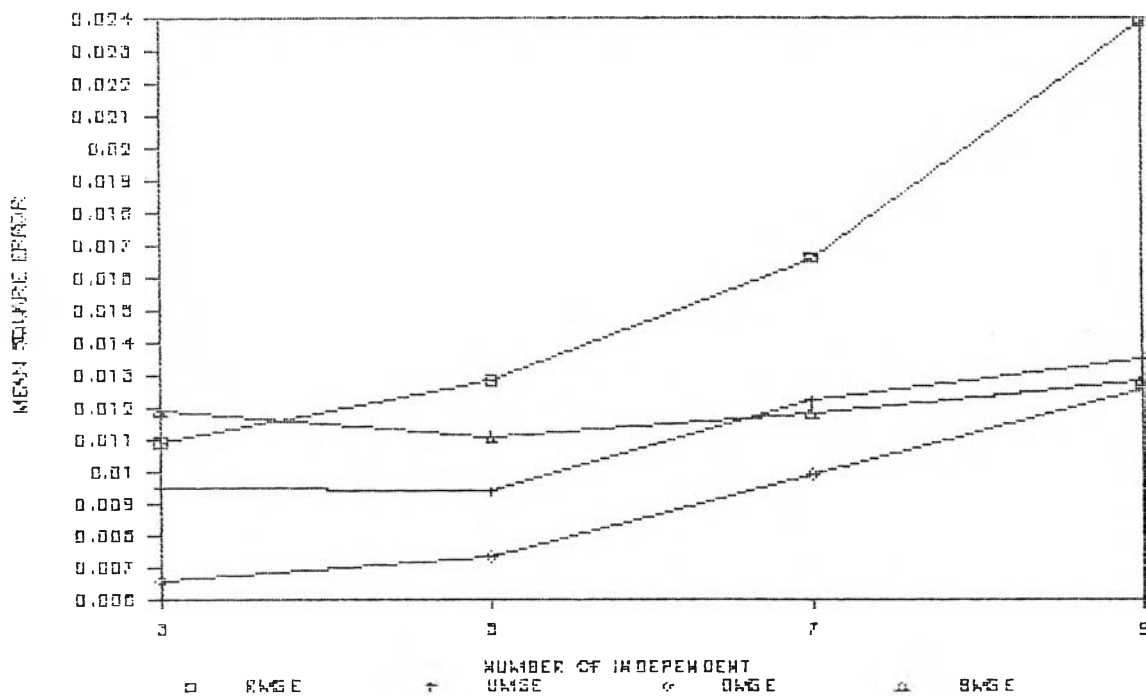
รูปที่ 4.28 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 20 และค่าราคที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 0.0



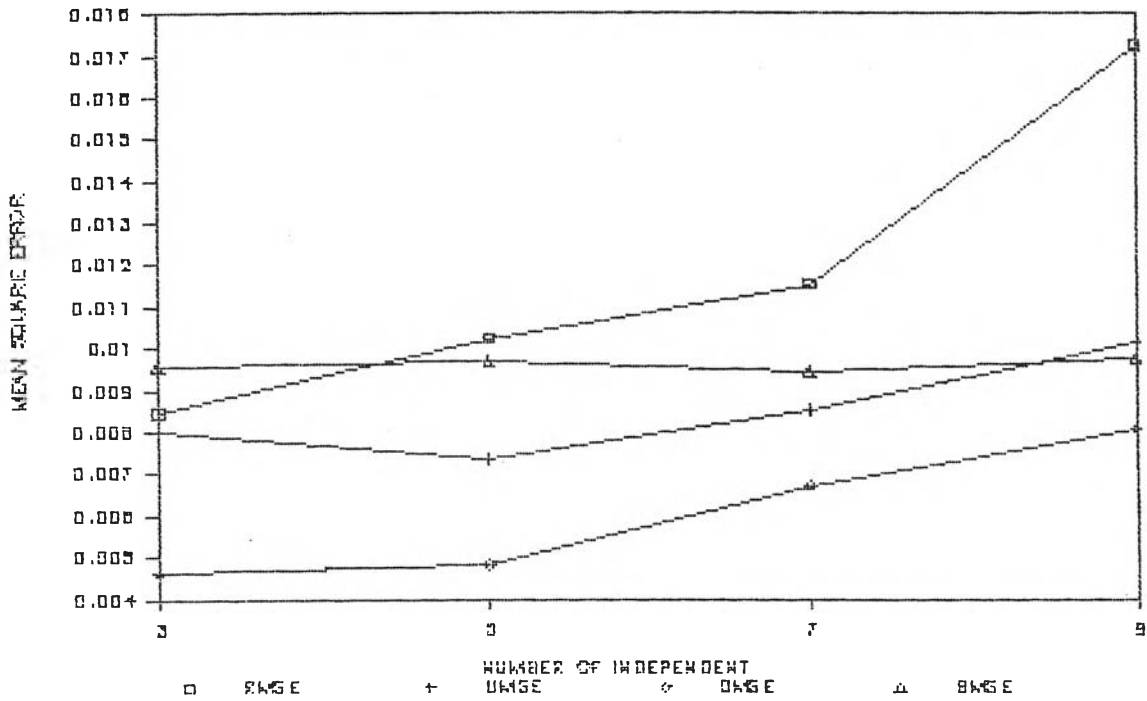
รูปที่ 4.29 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 20 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 1.0



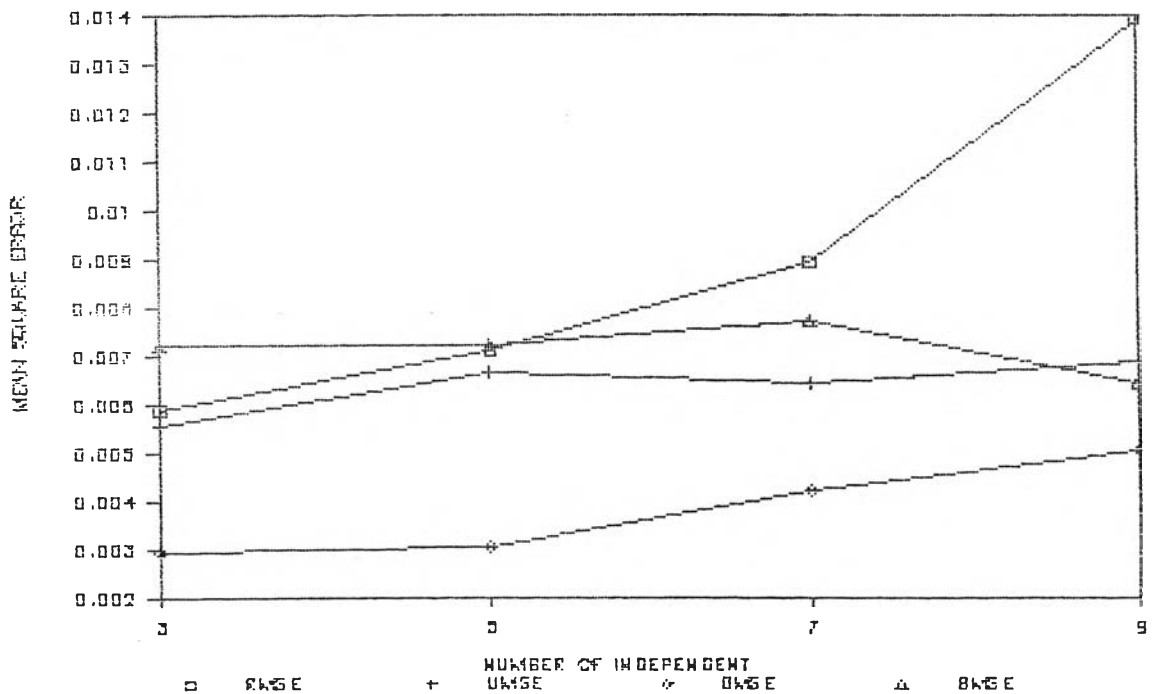
รูปที่ 4.30 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 20 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 1.5



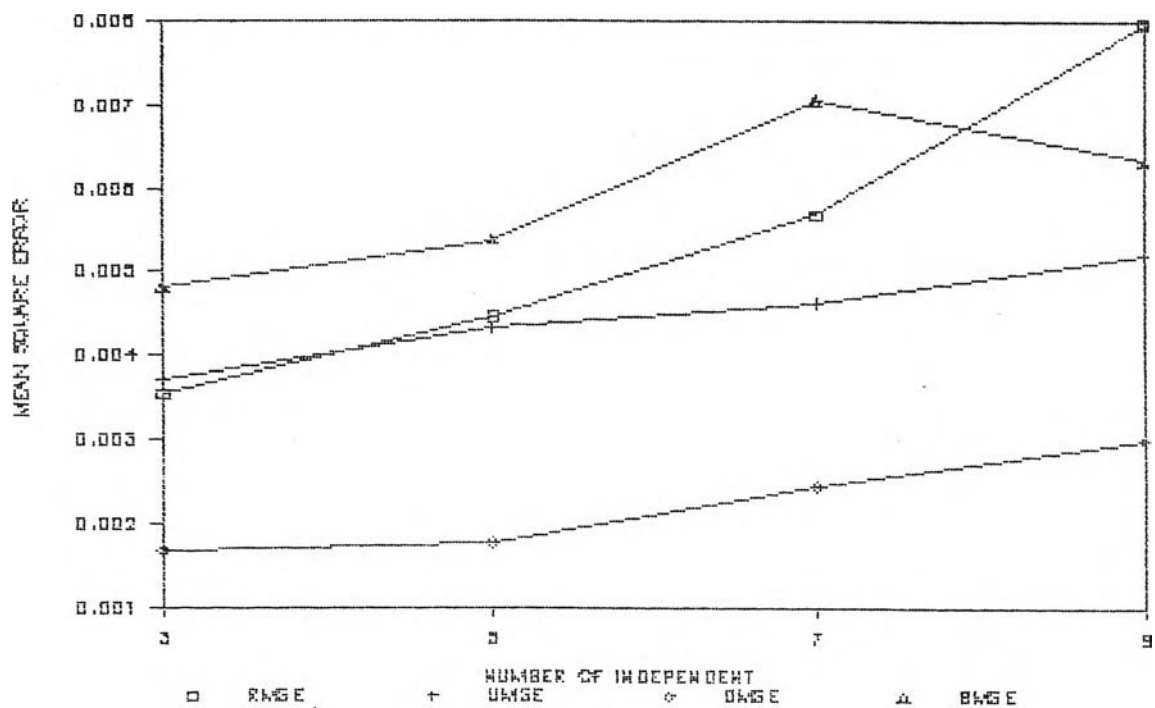
รูปที่ 4.31 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 20 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 2.0



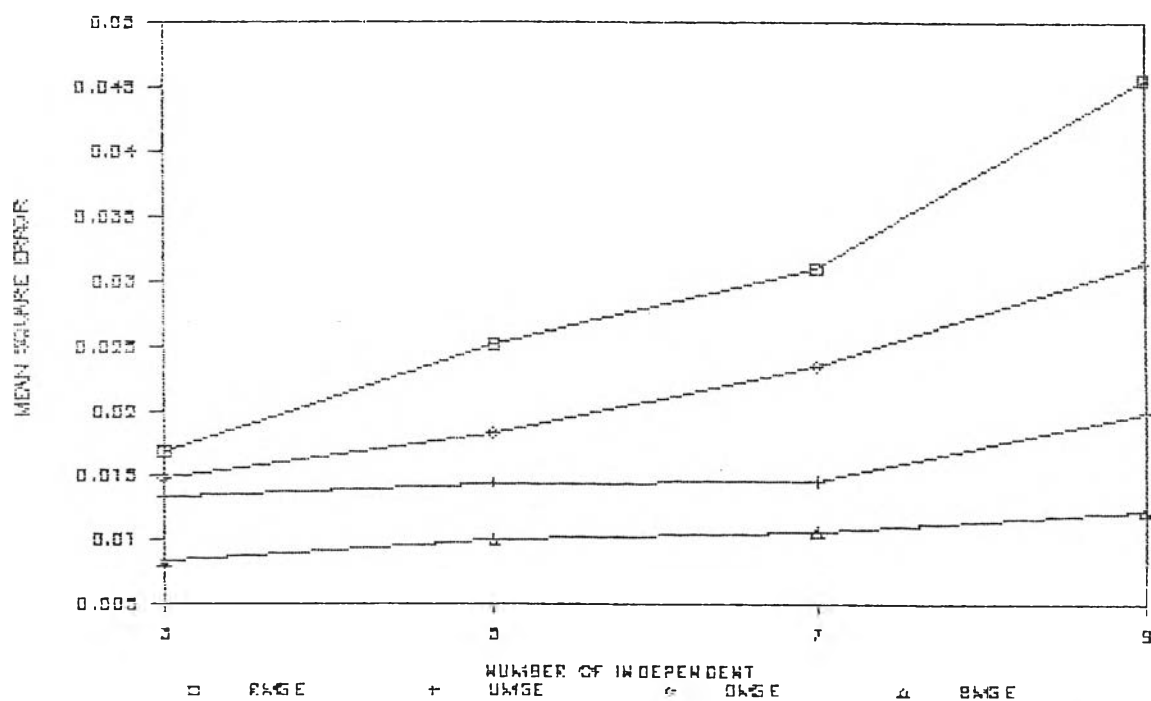
รูปที่ 4.32 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 20 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 2.5



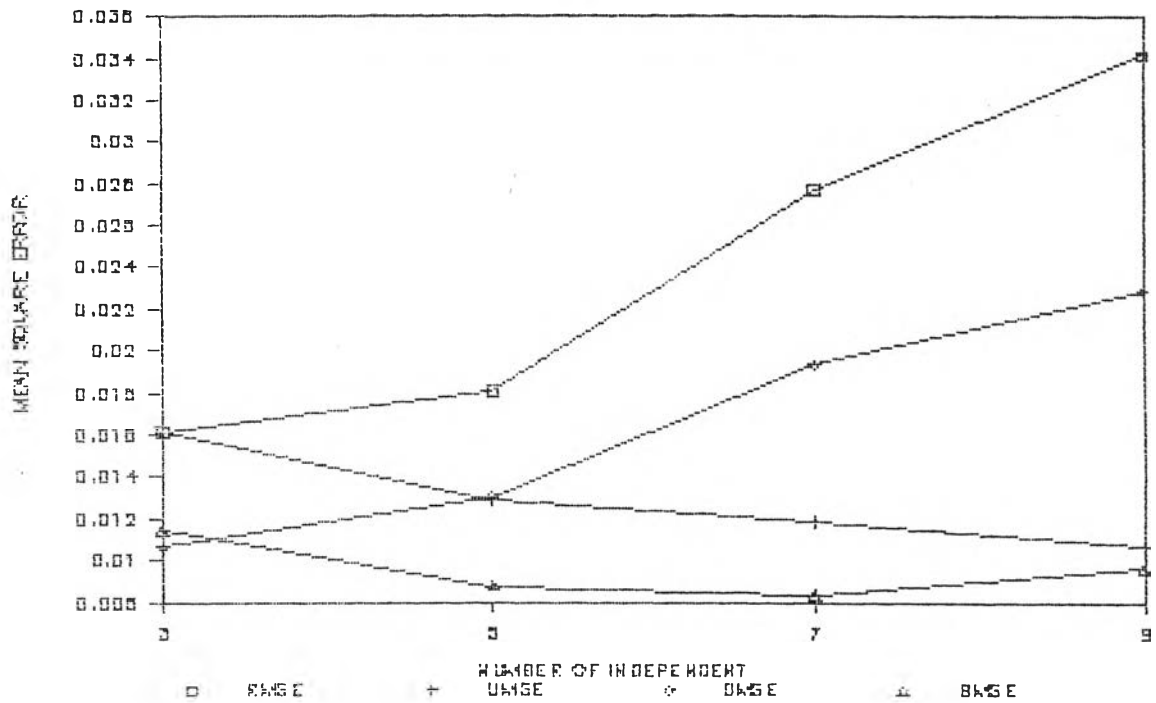
รูปที่ 4.33 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 20 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 3.0



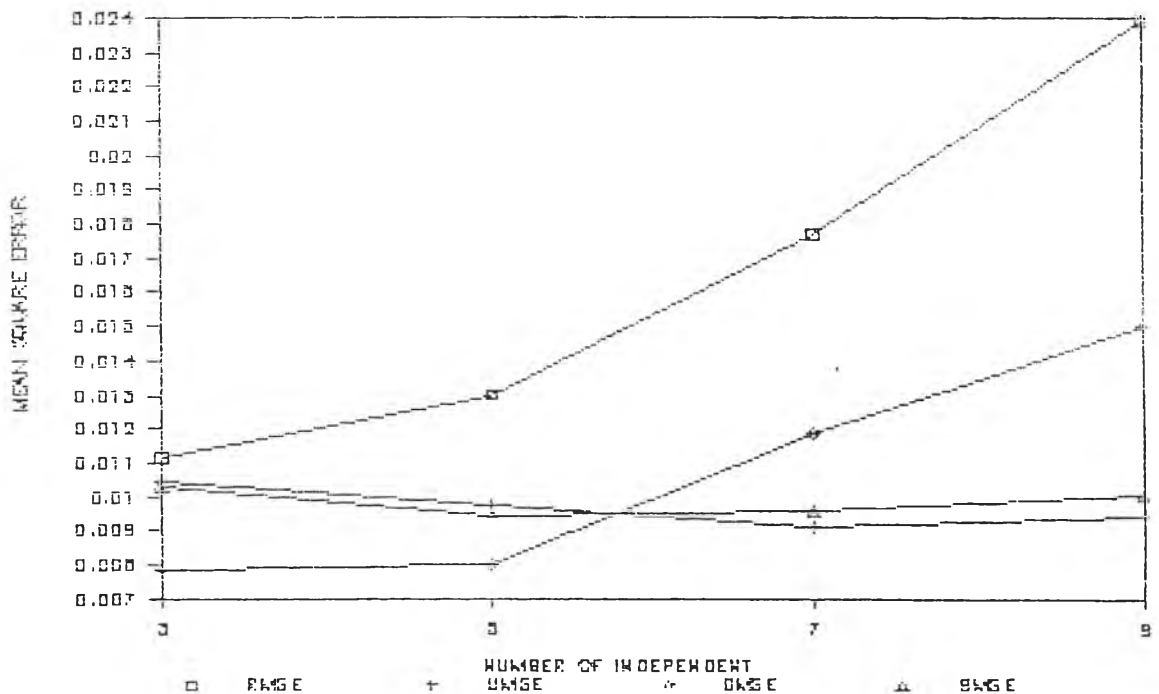
รูปที่ 4.34 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 25 และค่ามาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 0.0



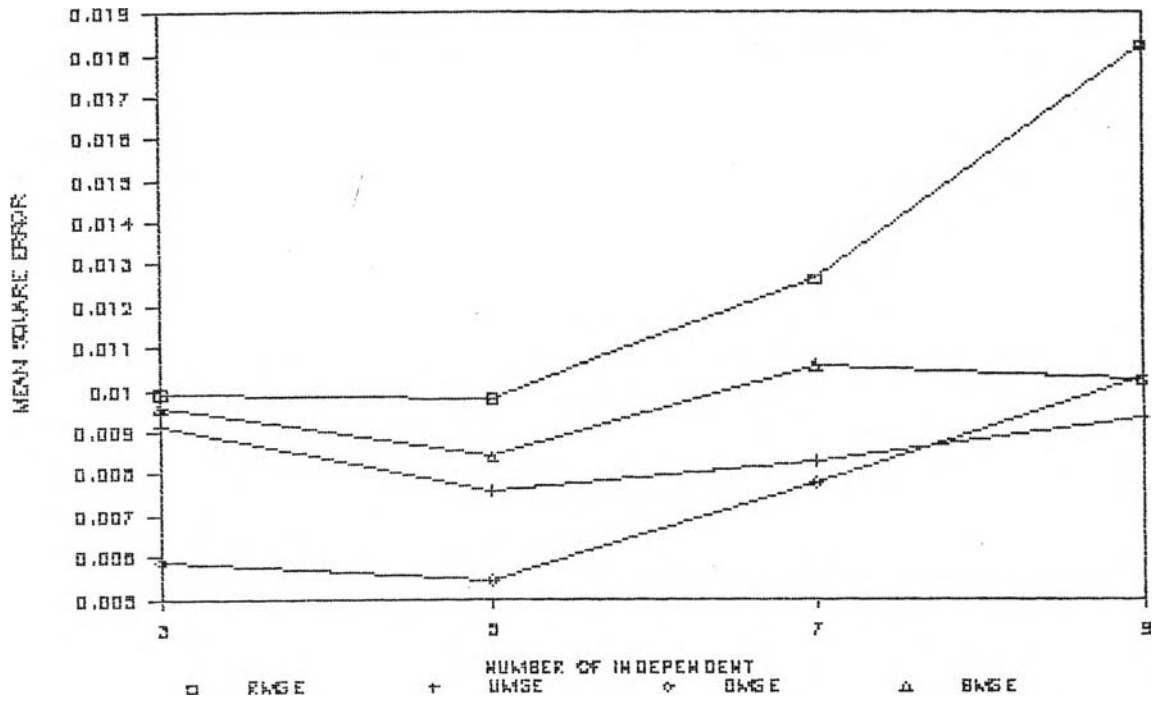
รูปที่ 4.35 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 25 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 0.5



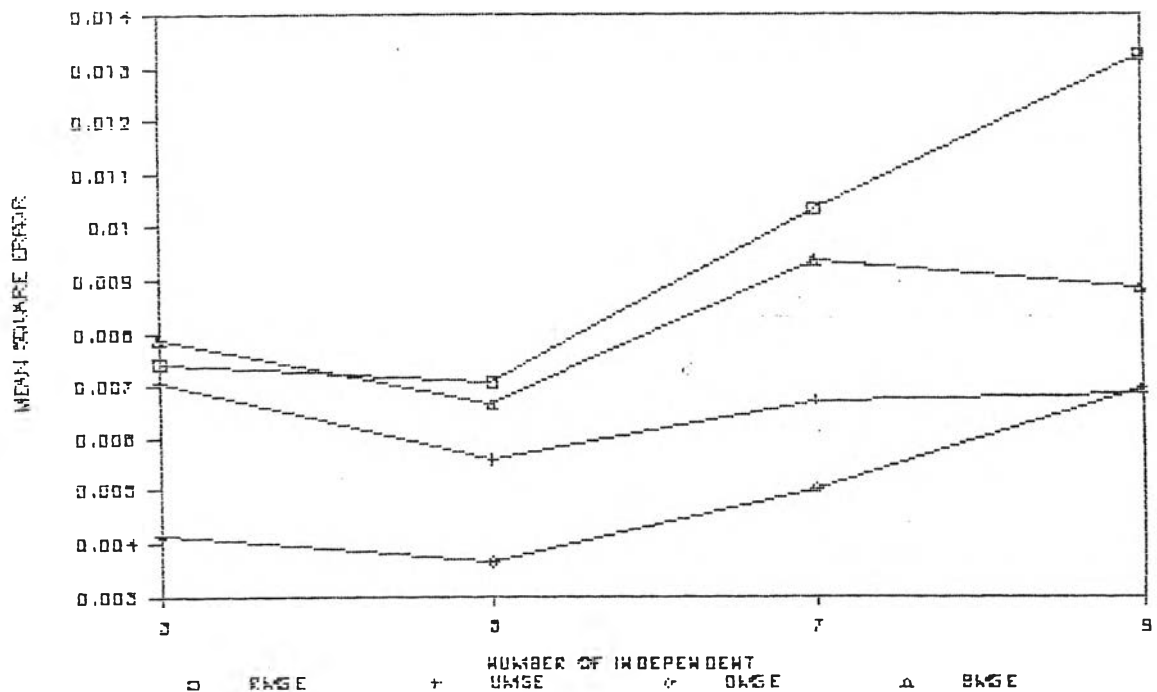
รูปที่ 4.36 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 25 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 1.0



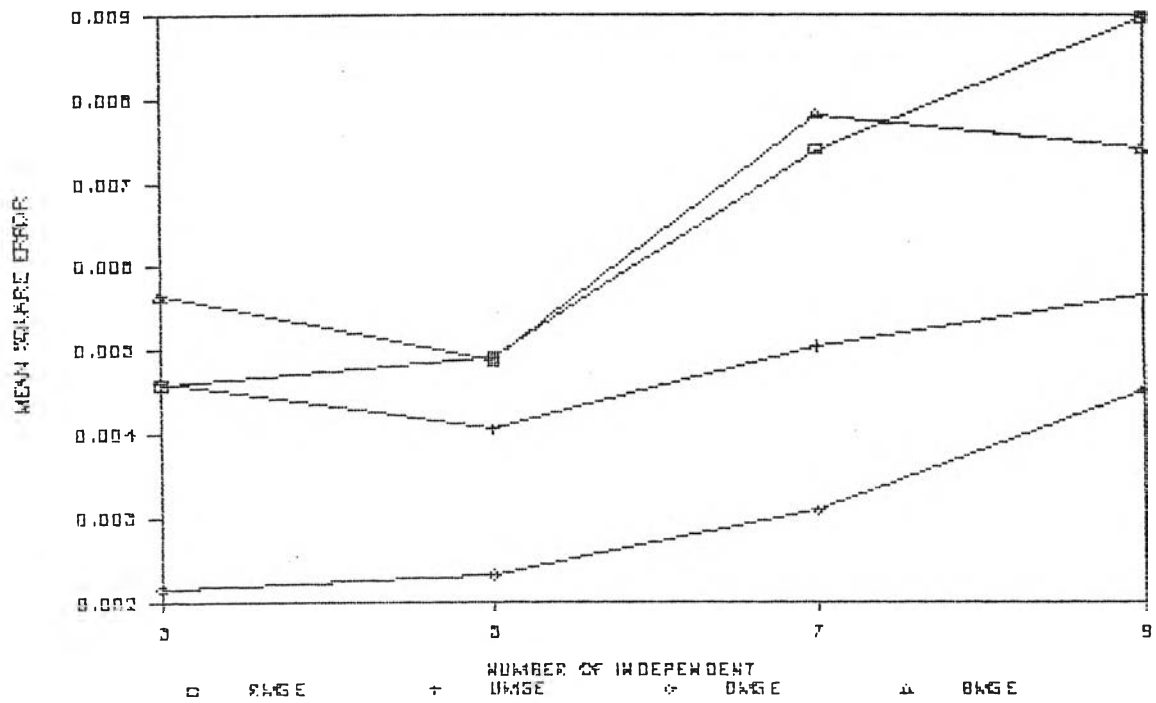
รูปที่ 4.37 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 25 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 1.5



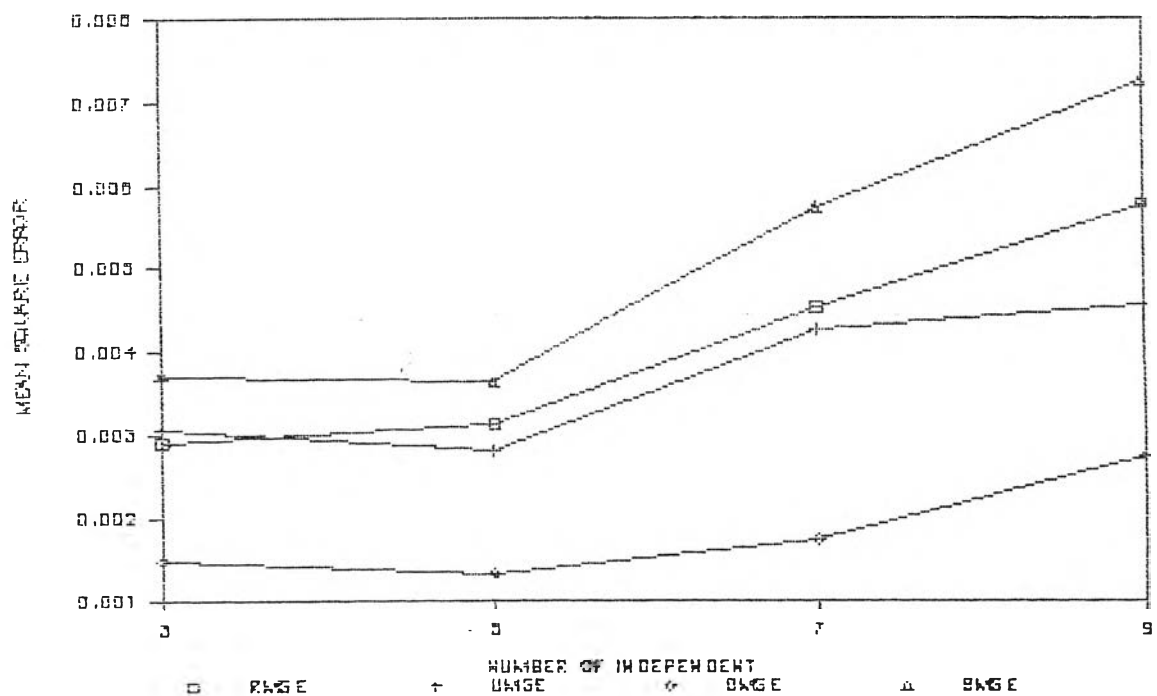
รูปที่ 4.38 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 25 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 2.0



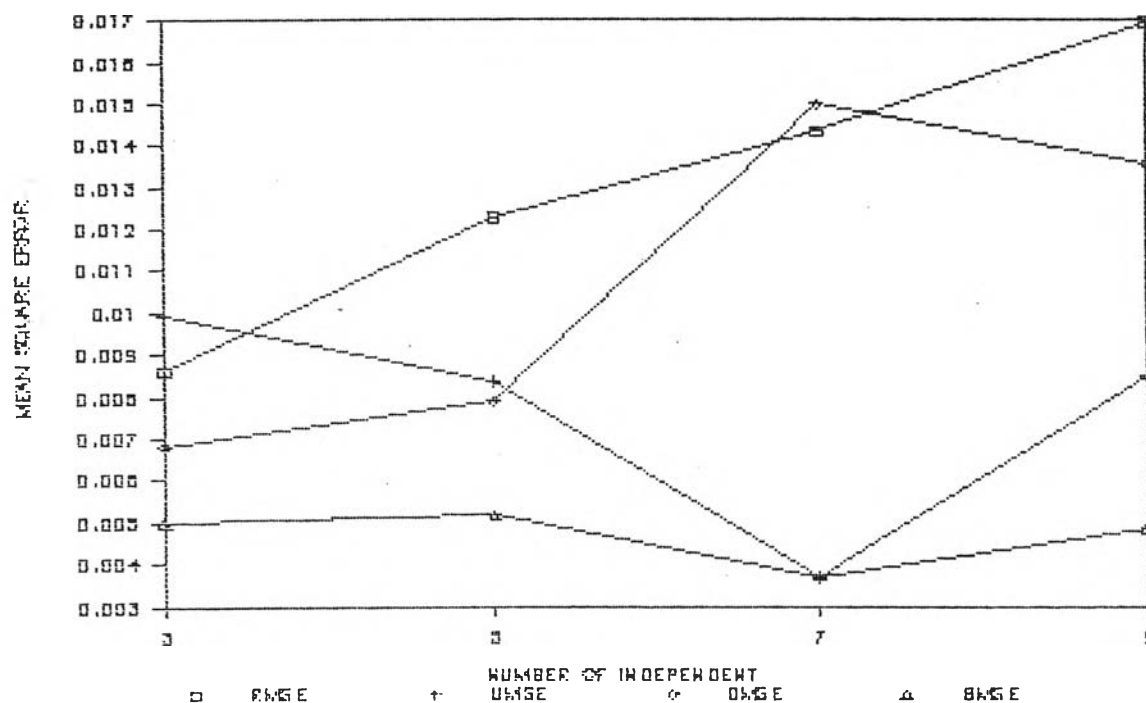
รูปที่ 4.39 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 25 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 2.5



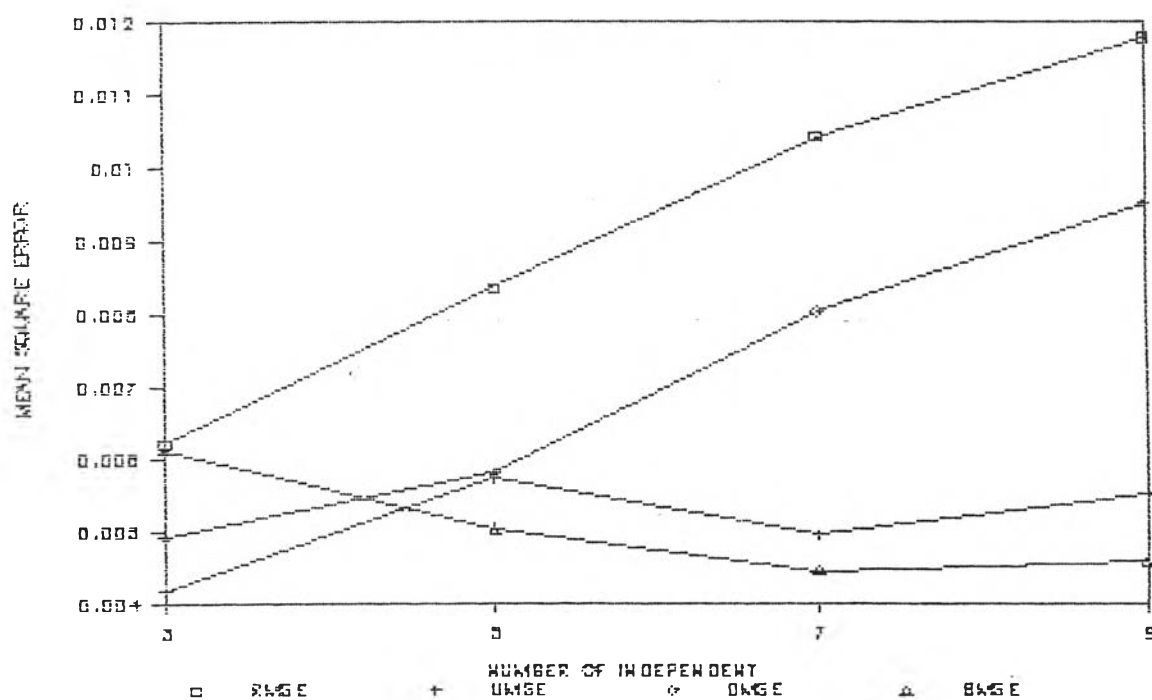
รูปที่ 4.40 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 25 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 3.0



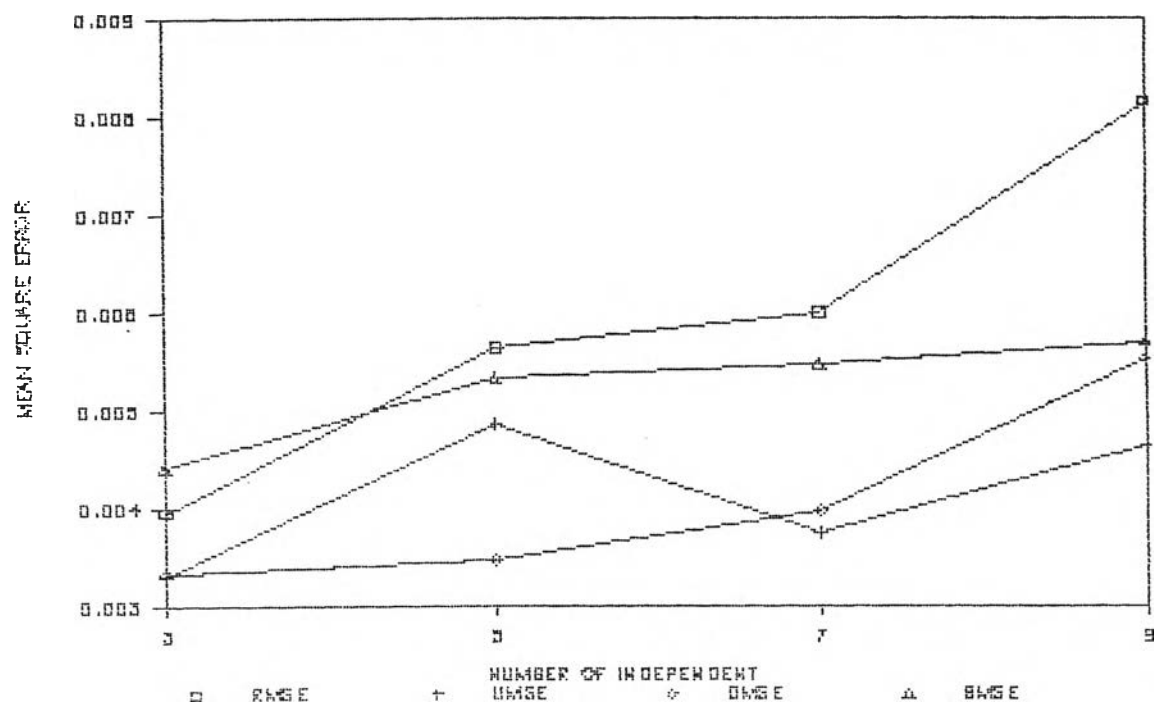
รูปที่ 4.41 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 50 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 0.0



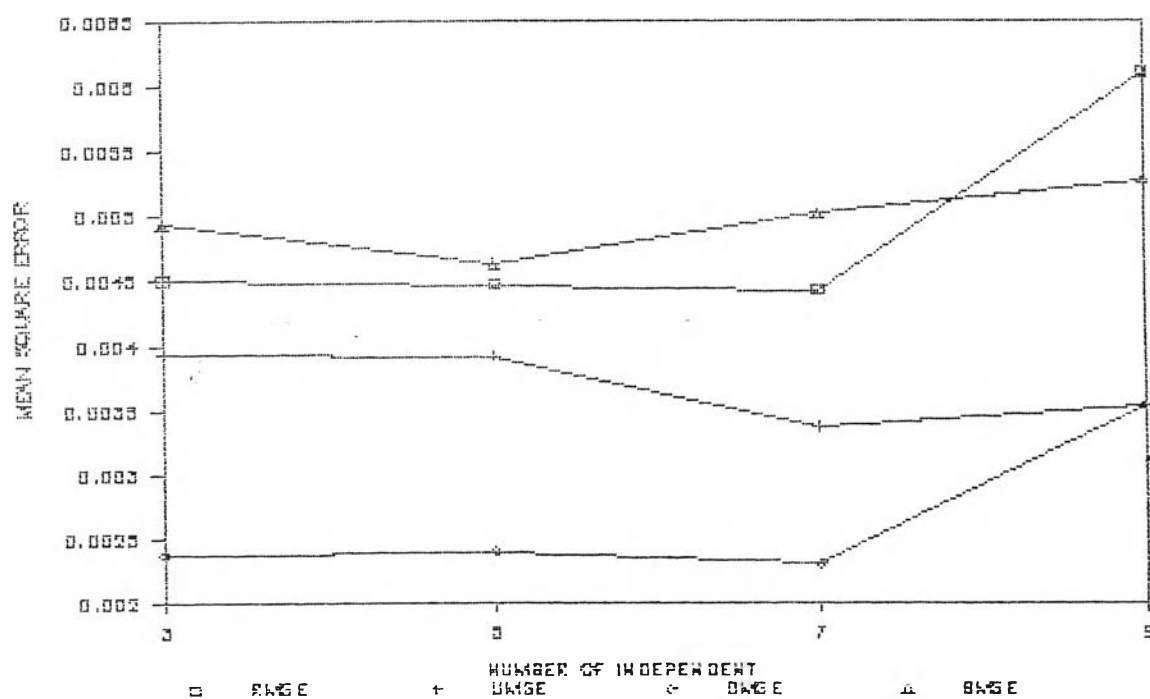
รูปที่ 4.42 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 50 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 0.5



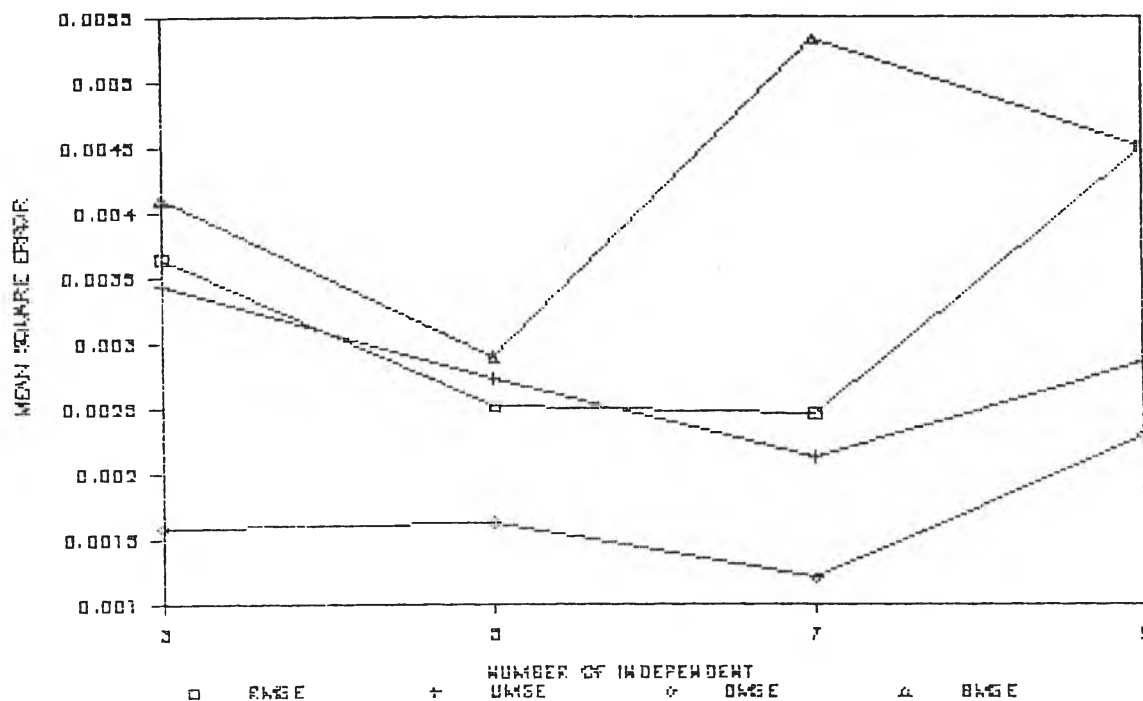
รูปที่ 4.43 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 50 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 1.0



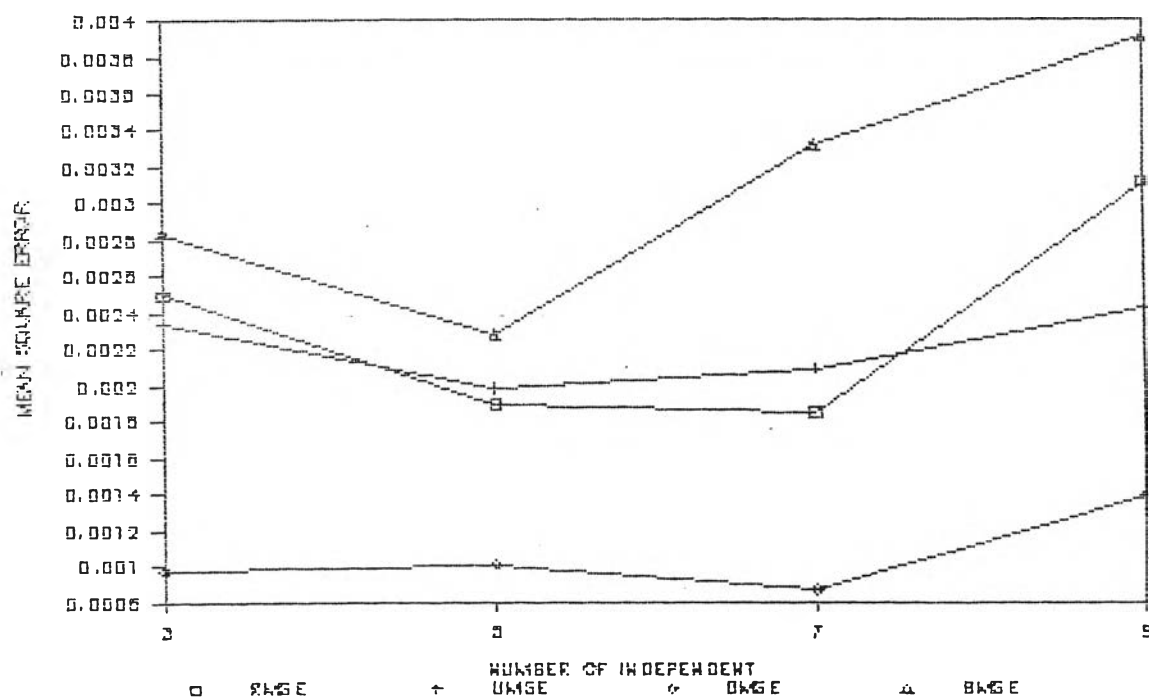
รูปที่ 4.44 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 50 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 1.5



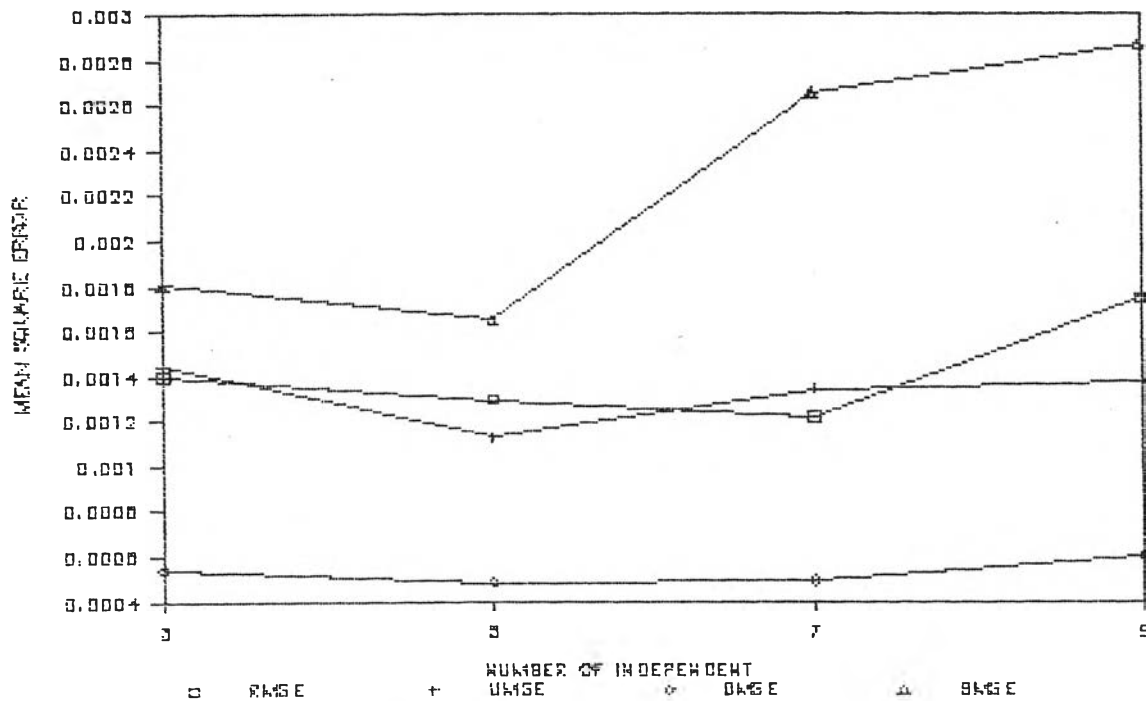
รูปที่ 4.45 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 50 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 2.0



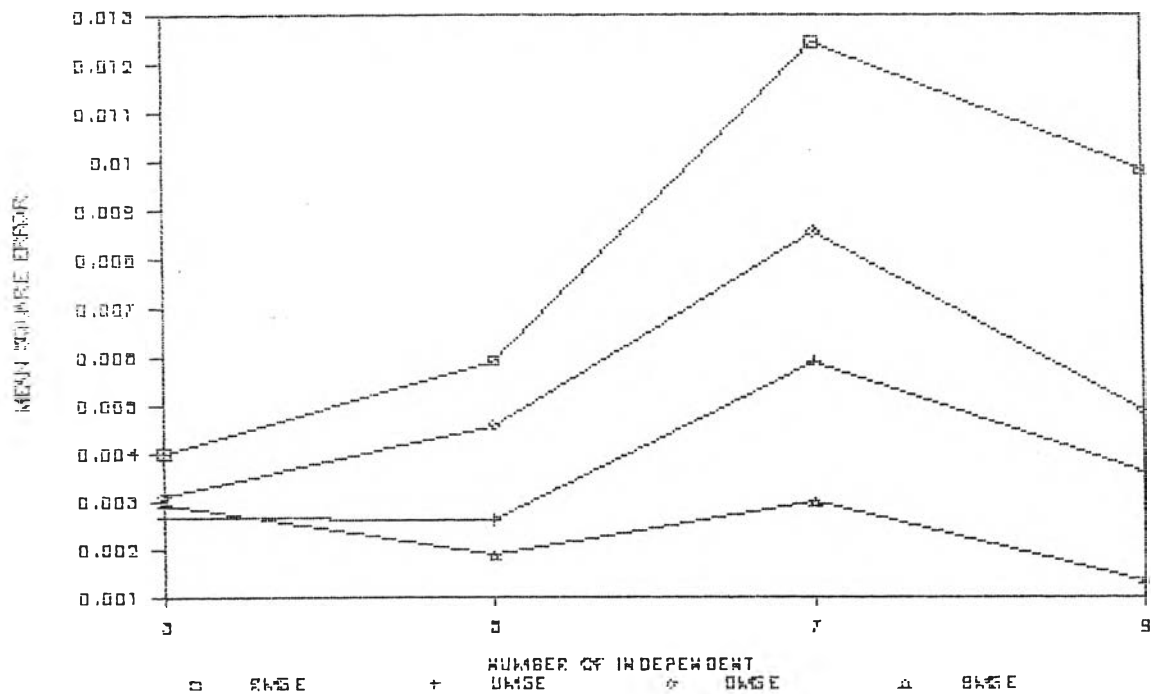
รูปที่ 4.46 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 50 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 2.5



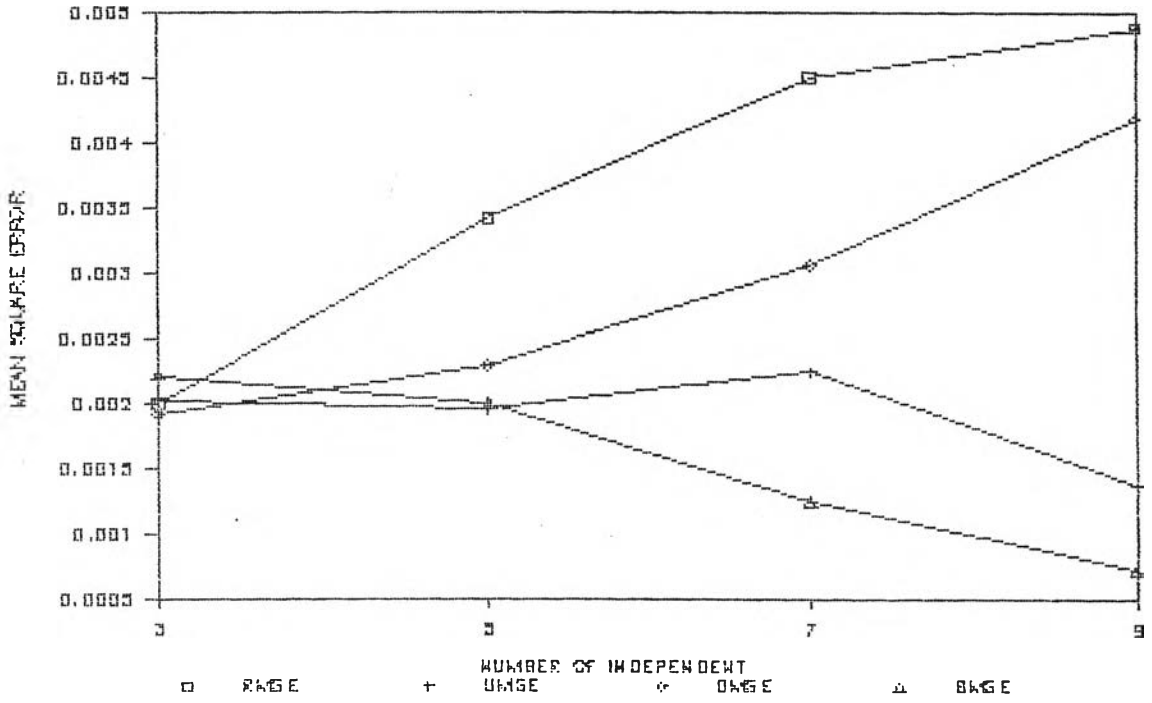
รูปที่ 4.47 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 50 และค่าราคที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 3.0



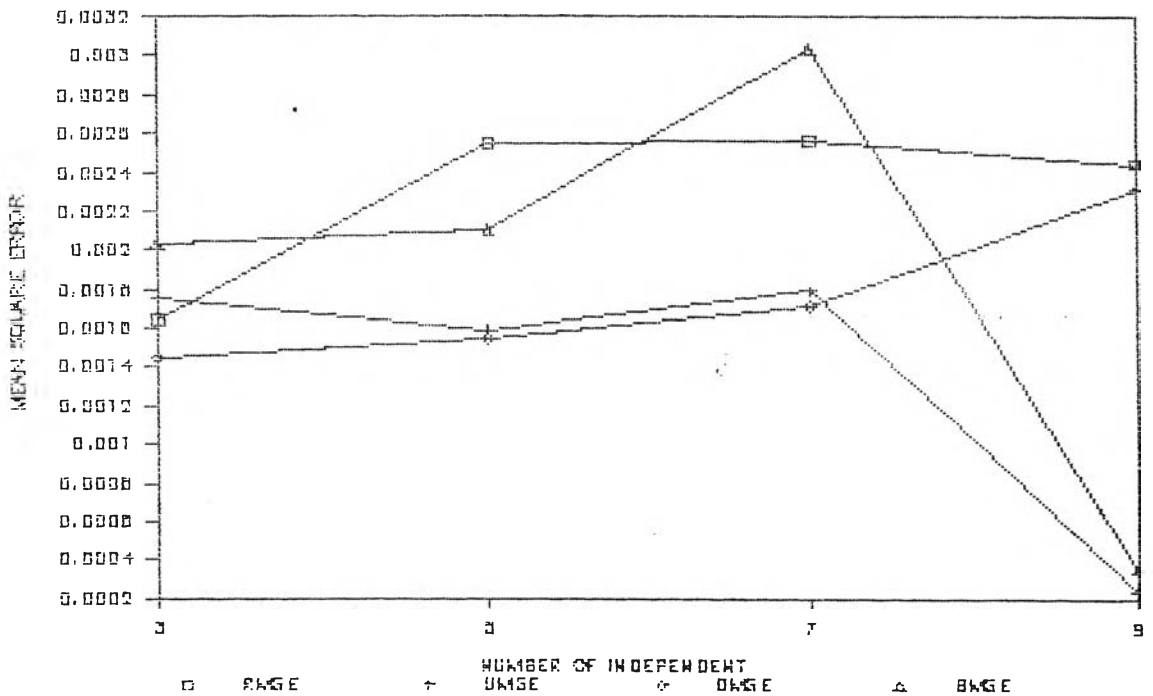
รูปที่ 4.48 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 100 และค่าราคที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 0.0



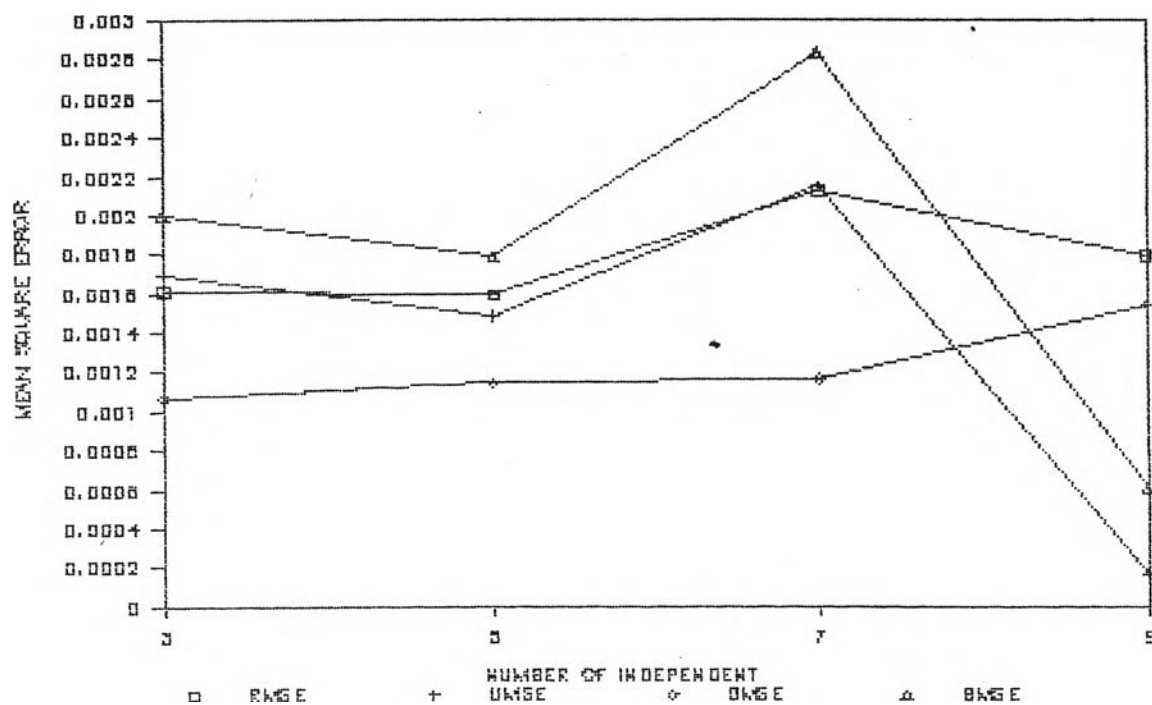
รูปที่ 4.49 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 100 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 0.5



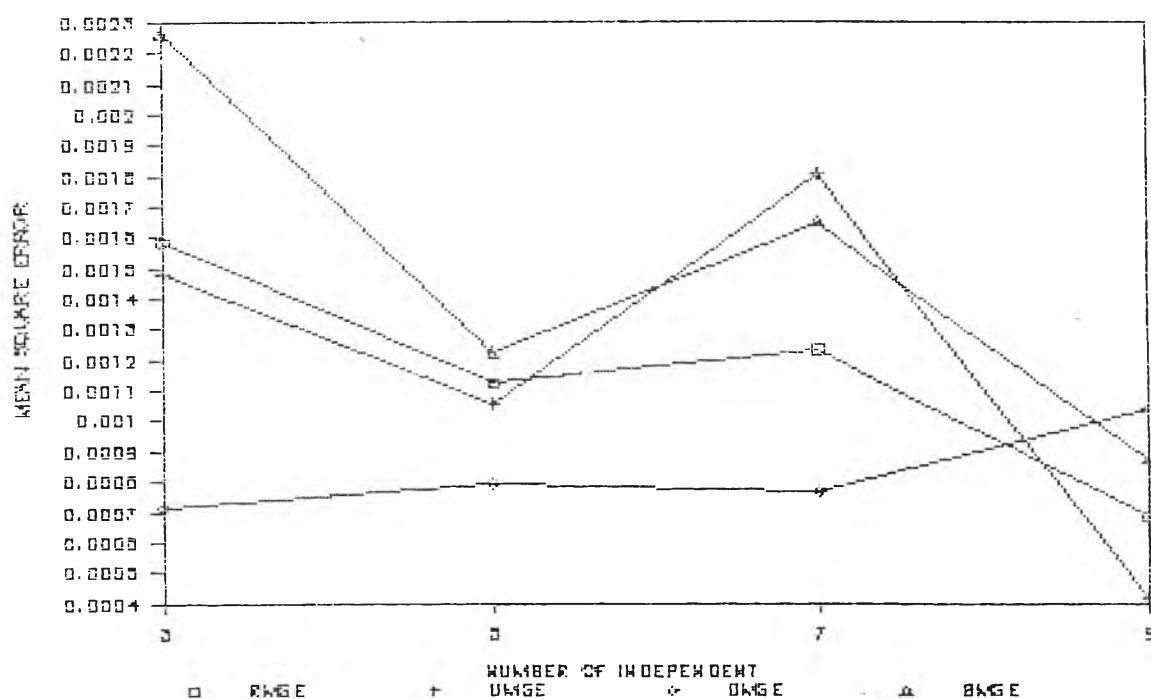
รูปที่ 4.50 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 100 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 1.0



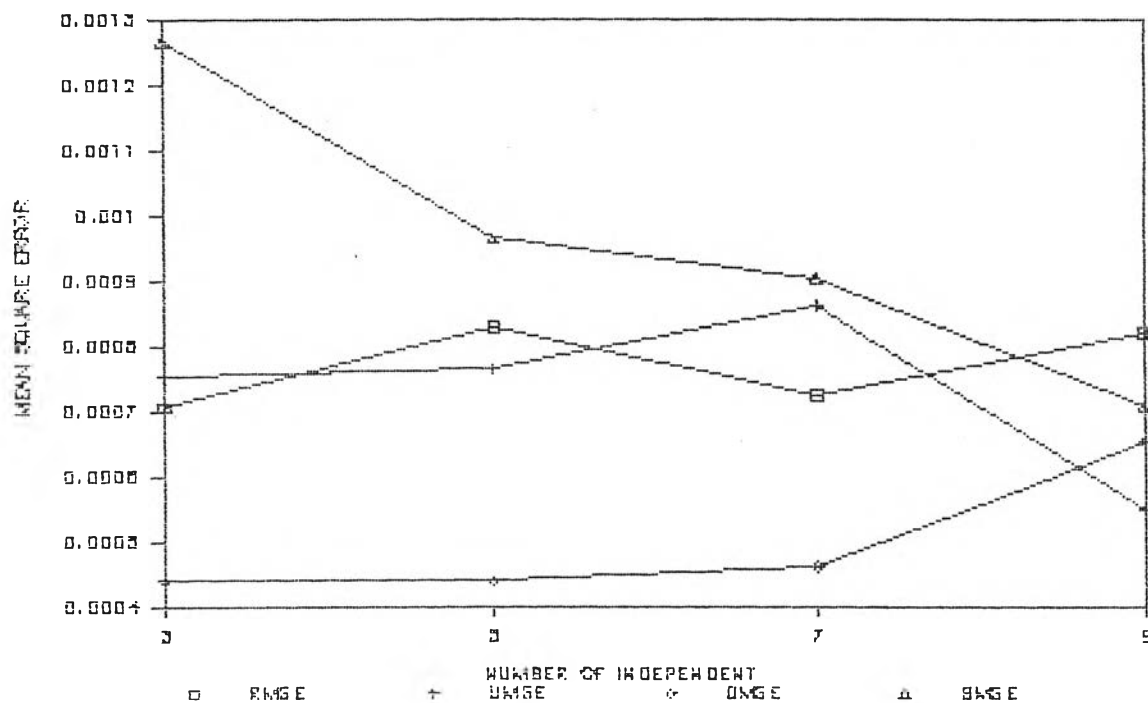
รูปที่ 4.51 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 100 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 1.5



รูปที่ 4.52 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 100 และค่ารากที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 2.0



รูปที่ 4.53 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 100 และค่าราคาที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 2.5



รูปที่ 4.54 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของตัวประมาณ 4 วิธี กับขนาดตัวแปรอิสระ เมื่อขนาดตัวอย่างเป็น 100 และค่าราคาที่สองของมาหาลาโนบิส คิสแทนท์เป็น 3.0

