

การแปลงข้อมูลให้มีการแยกจังหวะแบบปกติ

นางสาวนพรัตน์ กระต่ายทอง



วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาหลักสูตรปริญญาโทดิศิตศาสตร์บัณฑิต

สาขาวิชาสังคม ภาควิชาสังคม

คณะพาณิชยศาสตร์และการบัญชี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ปีการศึกษา 2542

ISBN 974-334-238-9

อิชชิเก็ตซังฯ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

DATA TRANSFORMATION TO NORMAL DISTRIBUTION

Miss Noparat Kratalithong

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements

for the Degree of Master of Science in Statistics

Department of Statistics

Faculty of Commerce and Accountancy

Chulalongkorn University

Academic Year 1999

ISBN 974-334-238-9

หัวขอวิทยานิพนธ์	การแปลงรูปมูลให้มีการแยกแยะแบบบากติ
โดย	นางสาวนพรัตน์ กระต่ายทอง
ภาควิชา	สังคม
อาจารย์ที่ปรึกษา	ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ร้อยเอกมานพ หวานกตี
อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม	รองศาสตราจารย์ ดร.สรชัย พิศาลบุตร

คณะกรรมการคัดเลือกและติดตามประเมินคุณภาพ อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ เป็นส่วนหนึ่งของกิจกรรมทางวิชาชีพ ของมหาวิทยาลัย ขึ้น

.....
.....
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.วิรชัย อภิเมธีร์ร่าง)

คณะกรรมการคัดเลือกและติดตามประเมินคุณภาพ

.....
.....
(รองศาสตราจารย์ ศรีพงษ์ สาเกทอง)

.....
.....
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ร.อ.มานพ หวานกตี)

.....
.....
(รองศาสตราจารย์ ดร.สรชัย พิศาลบุตร)

.....
.....
(รองศาสตราจารย์ ดร.กัลยา วนิชย์มณฑา)

.....
.....
(รองศาสตราจารย์ ดร.ธีระพงษ์ วีระถาวร)

นพรัตน์ กระต่ายทอง : การแปลงข้อมูลให้มีการแจกแจงแบบปกติ (DATA TRANSFORMATION TO NORMAL DISTRIBUTION) อ.ที่ปรึกษา : ผศ.ดร.ช.มานพ วราภักษ์, อ.ที่ปรึกษาร่วม : วศ.ดร.สรชัย พิศาณบุตร, 303หน้า ISBN 974-334-238-9.

รัฐดุประสงค์ของการวิจัยในครั้งนี้ เพื่อศึกษาหารูปแบบการแปลงข้อมูลที่สามารถแปลงข้อมูลให้มีการแจกแจงแบบปกติ โดยพิจารณารูปแบบการแปลงข้อมูลทั้งหมด 4 รูปแบบด้วยกันเดียว การแปลงโดยใช้ล็อกการเชิง (logarithm transformation) การแปลงโดยให้รีซิวการกลับเศษส่วน (reciprocal transformation) การแปลงโดยใช้รากที่สอง (square root transformation) และการแปลงโดยใช้เลขยกกำลัง (power transformations) ภายใต้สถานการณ์ที่กำหนด คือ รูปแบบการแจกแจง (รัฐได้ตัวยความเบ้และความใด้) ขนาดตัวอย่าง ($20, 30, 40, 50$, และ 100) และระดับนัยสำคัญของการทดสอบเพียบความถกตกลง ($0.01, 0.05, 0.10$, และ 0.15) การพิจารณา รูปแบบการแปลงที่ดีที่สุดจะพิจารณาจากเบอร์เทินด์ของรายละเอียด H_0 : การแจกแจงปกติภายนลังการใช้การแปลง ด้วยวิธีการต่าง ๆ สำหรับข้อมูลที่ใช้ในการทดสอบครั้งนี้ได้จากการจำลองข้อมูลด้วยเทคนิคคอมพิวเตอร์โดย ชั่งกระทำ ร้า 200 ครั้งในแต่ละสถานการณ์ และใช้ข้อมูลที่เกิดขึ้นจริงประกอบการศึกษาในครั้งนี้ด้วย

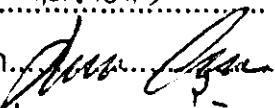
ผลการวิจัยสรุปได้ดังนี้

1. รูปแบบการแปลงโดยใช้เลขยกกำลังมีเบอร์เทินด์ของรายละเอียด H_0 มากที่สุดในทุกสถานการณ์ ของ ลงมาคือการแปลงโดยใช้การกลับเศษส่วน การแปลงโดยใช้ล็อกการเชิง และการแปลงโดยใช้รากที่สอง ตามลำดับ
2. เมื่อความต้องมีระดับต่ำแนะนำให้มีเบอร์เทินด์ของรายละเอียด H_0 มีลักษณะแปรผันตามความใด้ร่อง ๆ ดูหนึ่ง จากนั้นมีลักษณะแปรผันกับความต้องมีความต้องมีระดับสูงขึ้น
3. การแจกแจงแบบเบื้องตัว : เบอร์เทินด์ของรายละเอียด H_0 แบบผันตามขนาดตัวอย่างเมื่อความเบี้ยงเบน ฐาน แต่ไม่ขึ้นอยู่กับขนาดตัวอย่างเมื่อความเบี้ยงเบนในระดับต่ำ

การแจกแจงแบบเบื้องตัว : เบอร์เทินด์ของรายละเอียด H_0 แบบผันกับความเบ้และความใด้ แต่ไม่ ขึ้นอยู่กับขนาดตัวอย่าง

สถาบันวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาควิชา สถิติ.....
สาขาวิชา สถิติ.....
ปีการศึกษา..... 2542

ลายมือชื่อนิสิต ๖๗๖๗๗๙ กรุงเทพฯ
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา 
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม

3970743826 : MAJOR STATISTICS

KEYWORD : TRANSFORMATION / KOLMOGOROV-SMIRNOV TEST/ MONTE CARLO

NOPARAT KRATAITHONG : DATA TRANSFORMATION TO NORMAL

DISTRIBUTION. THESIS ADVISOR : ASS.PROF.CAPT.MANOP VARAPHAKDI.

THESIS COADVISOR : ASSO.PROF.SORACHAI BHISALBUTRA ,Ph.D.303 pp.

ISBN 974-334-238-9.

The purpose of this research is to investigate the data transformation forms which can transform data to normal distribution. The data transformation forms are Logarithm Transformation, Reciprocal Transformation, Square Root Transformation, and Power Transformations. Under the assigned situations are shape of distribution (measured by skewness and kurtosis), sample size (20, 30, 40, 50, and 100), and level of significance of the Goodness of Fit Test (0.01, 0.05, 0.10, and 0.15). The percentage of accept H_0 : Normal distribution is used in evaluating the capability of the data transformation forms. The Monte Carlo Experiment is repeated 200 times for each situation and real data are used in this research as well.

Result of the study are as follows :

1. The most percentage of accept H_0 came from Power Transformations, Reciprocal Transformation, Logarithm Transformation, and Square Root Transformation, consequently.

2. The trend of the percentage of accept H_0 vary directly to the low level of kurtosis and vary indirectly to the high level of kurtosis.

3. Positive Skew-distribution : the percentage of accept H_0 vary directly to sample size but it is not affected by sample size at the low level of skewness.

Negative Skew-distribution : the percentage of accept H_0 vary indirectly to the level of skewness and kurtosis but it is not affected by sample size.

ภาควิชา สถิติ.....
สาขาวิชา..... สถิติ.....
ปีการศึกษา.....2542.....

ลายมือชื่อนักเรียน พ.ร.บ. ๒๕๖๗ ๑๙๘๗/๐๔/๒๐๒๓
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาawan

กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ สำเร็จได้ด้วยความกรุณาของ รองศาสตราจารย์ ดร.สร้อย พิศาสนบุตร และ ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ร้อยเอก มนพ วนันท์ อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ทั้งสองท่าน ที่ได้ให้ความช่วยเหลือในทุก ๆ ด้านทั้งทางการให้คำปรึกษา ข้อคิดเห็น ตลอดจนช่วยเหลือแก้ไขรื้อตก พร่องต่าง ๆ และยังได้ให้การชี้แนะแนวทางการทำงาน การให้ประสบการณ์ในการทำงาน และประสิทธิภาพและความรู้แก่ผู้วิจัยเป็นอย่างดีจนทำให้วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลุล่วงไปด้วยดี ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณเป็นอย่างสูง ในความกรุณาของท่านไว้ ณ ที่นี่

ผู้วิจัยขอขอบพระคุณคณะกรรมการคุณสมบูรณ์วิทยานิพนธ์ทุกท่านที่ช่วยให้คำชี้แนะนำเป็นประโยชน์ในการแก้ไขวิทยานิพนธ์ให้สมบูรณ์มากยิ่งขึ้น



สถาบันวิทยบริการ
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย.....	๑
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....	๑
กิตติกรรมประกาศ.....	๒
สารบัญ.....	๓
สารบัญตาราง.....	๔
สารบัญรูป.....	๕
บทที่	
1 บทนำ.....	1
1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา.....	1
1.2 วัตถุประสงค์ของการวิจัย.....	3
1.3 สมมติฐานการวิจัย.....	3
1.4 ข้อตกลงเบื้องต้น.....	3
1.5 ขอบเขตของการวิจัย.....	4
1.6 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ.....	5
2 ตัวสถิติที่เกี่ยวข้อง.....	6
3 วิธีการดำเนินงานวิจัย.....	21
4 ผลการวิจัย.....	33
5 สรุปผลการวิจัยและขอเสนอแนะ.....	252
หมายเหตุ.....	296
ภาคผนวก.....	297
ประวัติผู้เขียน.....	303

สารบัญตาราง

หน้า

ตารางที่

3.1	แสดงรายละเอียดของชุดเครื่องมูลที่ทำการวิจัย.....	22
4.1	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกยังปักติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.01 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 (สำหรับการแยกยังเบื้องขวา).....	35
4.2	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกยังปักติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.01 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 (สำหรับการแยกยังเบื้องขวา)	42
4.3	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกยังปักติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.01 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 40 (สำหรับการแยกยังเบื้องขวา)	49
4.4	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกยังปักติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.01 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 (สำหรับการแยกยังเบื้องขวา)	56
4.5	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกยังปักติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.01 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 (สำหรับการแยกยังเบื้องขวา)	63
4.6	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกยังปักติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.05 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 (สำหรับการแยกยังเบื้องขวา)	70
4.7	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกยังปักติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.05 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 (สำหรับการแยกยังเบื้องขวา)	77
4.8	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกยังปักติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.05 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 40 (สำหรับการแยกยังเบื้องขวา)	84
4.9	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกยังปักติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.05 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 (สำหรับการแยกยังเบื้องขวา)	91

สารบัญตาราง (ต่อ)

หน้า

ตารางที่

4.10	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกแจงปกติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.05 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 (สำหรับการแยกแจงเบื้องขวา)	98
4.11	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกแจงปกติเมื่อใช้สูตรการแปลงตาม 4.14 ตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.10 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 (สำหรับการแยกแจงเบื้องขวา)	105
4.12	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกแจงปกติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.10 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 (สำหรับการแยกแจงเบื้องขวา)	112
4.13	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกแจงปกติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.10 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 40 (สำหรับการแยกแจงเบื้องขวา)	119
4.14	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกแจงปกติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.10 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 (สำหรับการแยกแจงเบื้องขวา)	126
4.15	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกแจงปกติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.10 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 (สำหรับการแยกแจงเบื้องขวา)	133
4.16	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกแจงปกติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.15 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 (สำหรับการแยกแจงเบื้องขวา)	140
4.17	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกแจงปกติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.15 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 (สำหรับการแยกแจงเบื้องขวา)	147
4.18	แสดงเปอร์เซ็นต์ของภาระย้อมรับ H_0 : การแยกแจงปกติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.15 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 40 (สำหรับการแยกแจงเบื้องขวา)	154

ສາທິປະໄຕການ (ຕໍ່ວ)

หน้า

สารบัญตาราง (ต่อ)

หน้า

สารบัญตาราง (ต่อ)

ตารางที่	หน้า
4.37 ทดสอบเบอร์เร็นต์ของการยอมรับ H_0 : การแจกแจงปกติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.15 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 (สำหรับการแจกแจงเบี้ยข้าย)	228
4.38 ทดสอบเบอร์เร็นต์ของการยอมรับ H_0 : การแจกแจงปกติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.15 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 40 (สำหรับการแจกแจงเบี้ยข้าย)	231
4.39 ทดสอบเบอร์เร็นต์ของการยอมรับ H_0 : การแจกแจงปกติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.15 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 (สำหรับการแจกแจงเบี้ยข้าย)	234
4.40 ทดสอบเบอร์เร็นต์ของการยอมรับ H_0 : การแจกแจงปกติเมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ณ ระดับนัยสำคัญ 0.15 และขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 (สำหรับการแจกแจงเบี้ยข้าย)	237
4.41 ทดสอบรายละเอียดของรากชี้รากต่าง ๆ	240
4.42 ทดสอบผลของการจัดกลุ่มของรากชี้รากที่มีการแจกแจงเบี้ยขawa.....	242
4.43 ทดสอบผลการวิจัยที่ได้จากการจัดกลุ่มของรากชี้รากที่มีลักษณะเบี้ยขawa.....	245
4.44 ทดสอบผลของการจัดกลุ่มของรากชี้รากที่มีการแจกแจงเบี้ยข้าย.....	248
4.45 ทดสอบผลการวิจัยที่ได้จากการจัดกลุ่มของรากชี้รากที่มีลักษณะเบี้ยข้าย.....	250
5.1 ทดสอบรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	256
5.2 ทดสอบรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	258
5.3 ทดสอบรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	260
5.4 ทดสอบรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 ระดับนัยสำคัญ 0.15.....	262
5.5 ทดสอบรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	264
5.6 ทดสอบรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	266
5.7 ทดสอบรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	268
5.8 ทดสอบรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 ระดับนัยสำคัญ 0.15.....	270
5.9 ทดสอบรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 40 ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	272
5.10 ทดสอบรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 40 ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	274
5.11 ทดสอบรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 40 ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	276

สารบัญตาราง (ต่อ)

	หน้า
ตารางที่	
5.12 แสดงรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 40 ระดับนัยสำคัญ 0.15.....	278
5.13 แสดงรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	280
5.14 แสดงรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	282
5.15 แสดงรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	284
5.16 แสดงรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 ระดับนัยสำคัญ 0.15.....	286
5.17 แสดงรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	288
5.18 แสดงรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	290
5.19 แสดงรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	292
5.20 แสดงรูปแบบการแปลงที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 ระดับนัยสำคัญ 0.15.....	294

**สถาบันวิทยบริการ
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย**

สารบัญรวม

หน้า

รูปที่		หน้า
2.1	รูปการแจกแจงที่สมมาตรแบบต่างๆ.....	6
2.2	รูปแบบการแจกแจงที่ไม่สมมาตรแบบต่างๆ.....	7
2.3	ลักษณะการแจกแจงปกติ.....	7
2.4	การแจกแจงปกติที่มีค่าเฉลี่ยแตกต่างกัน แต่มีส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานที่เท่ากัน.....	8
2.5	การแจกแจงปกติที่มีค่าเฉลี่ยเท่ากัน แต่มีส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานที่ไม่เท่ากัน.....	9
2.6	การแจกแจงปกติที่มีค่าเฉลี่ยและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานแยกต่างกัน.....	9
2.7	แสดงค่าสถิติ Mean , Median , Mode ในรูปแบบการแจกแจงแบบต่างๆ.....	10
2.8	แสดงรูปแบบการแจกแจงที่มีความต่อ (α_1) แตกต่างกัน.....	13
2.9	แสดงรูปแบบการแจกแจงที่มีความเบี้ยว (α_2) แตกต่างกัน.....	13
2.10	กราฟเปรียบเทียบพังก์ชันการแจกแจงสะสมของตัวอย่าง ($S(x)$) และพังก์ชันการแจกแจงสะสมตามทฤษฎี ($F(x)$).....	16
2.11	แสดงการแปลงโดยใช้สัดส่วน e.....	18
2.12	แสดงการแปลงโดยใช้รากที่สอง.....	19
3.1	แสดงขั้นตอนการดำเนินงาน.....	32

**สถาบันวิทยบริการ
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย**