

การสร้างแบบจำลองและการจำลองการสกัดไฮอ่อนทองแดง  
ด้วยเยื่อแผ่นของเหลวที่พยุงด้วยเส้นไยกลวง

นายคราุษ จิตต์พินิจ

ศูนย์วิทยทรัพยากร  
อุบลราชธานีมหาวิทยาลัย  
วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษา ตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต  
สาขาวิชาชีวกรรมเคมี ภาควิชาชีวกรรมเคมี  
คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย  
ปีการศึกษา 2546  
ISBN 974-17-4438-2  
ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

MODELING AND SIMULATION OF COPPER ION EXTRACTION WITH  
HOLLOW FIBER SUPPORTED LIQUID MEMBRANE

Mr. Sarawut Jitpinit

ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements  
for the Degree of Master of Engineering in Chemical Engineering

Department of Chemical Engineering

Faculty of Engineering

Chulalongkorn University

Academic Year 2003

ISBN 974-17-4438-2

Thesis Title                                    MODELING AND SIMULATION OF COPPER ION  
EXTRACTION WITH HOLLOW FIBER SUPPORTED  
LIQUID MEMBRANE

By    Mr. Sarawut Jitpinit

Field of Study                            Chemical Engineering

Thesis Advisor                            Associate Professor Paisan Kittisupakorn, Ph.D.

---

Accepted by the Faculty of Engineering, Chulalongkorn University in Partial  
Fulfillment of the Requirements for the Master 's Degree

*Direk Lavansiri* ..... Dean of Faculty of Engineering  
(Professor Direk Lavansiri, Ph.D.)

THESIS COMMITTEE

*Piyasan Praserthdam* ..... Chairman  
(Professor Piyasan Praserthdam, Dr.Ing.)

*Paisan Kittisupakorn* ..... Thesis Advisor  
(Associate Professor Paisan Kittisupakorn, Ph.D.)

*Montree Wongsri* ..... Member  
(Montree Wongsri, D.Sc.)

*T. Charinpanitkul* ..... Member  
(Associate Professor Tawatchai Charinpanitkul, D.Eng.)

**ศราวุธ จิตต์พินิจ :** การสร้างแบบจำลองและการจำลองการสกัดไอออนทองแดงด้วยเยื่อแผ่นของเหลวที่พยุงด้วยเส้นไอกลวง (MODELING AND SIMULATION OF COPPER ION EXTRACTION WITH HOLLOW FIBER SUPPORTED LIQUID MEMBRANE)

อ. ที่ปรึกษา : รศ.ดร. ไฟศาล กิตติศุภกร, จำนวนหน้า 97 หน้า. ISBN 974-17-4438-2

ปัจจุบันเทคโนโลยีของเยื่อแผ่นของเหลวที่พยุงด้วยเส้นไอกลวงได้ถูกใช้ขึ้นอย่างแพร่หลายในการแยกและการเพิ่มความเข้มข้นของสารต่าง ๆ หลายชนิด โดยเฉพาะอย่างยิ่งการแยกโลหะออกจากสารละลายเจือจาง เนื่องจากกระบวนการนี้ได้รวมเอาการสกัด การสตริป และ การนำกลับมาใช้ใหม่ของสารสกัดไว้ในขั้นตอนเดียว

ในงานวิจัยนี้ระบบที่ศึกษาคือ การสกัดไอออนของทองแดง โดยใช้กรดไฮเดอโรฟิลิก-ซิลฟอฟอริก ซึ่งละลายในเครื่องซีน เป็นสารสกัด แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ถูกพัฒนาขึ้นเพื่อใช้ในการคำนวณประสิทธิภาพการสกัดไอออนของทองแดง โดยแบบจำลองที่สร้างขึ้นนี้ จะใช้พื้นฐานความรู้ของการสกัด และการถ่ายเทมวลสาร ซึ่งจะพิจารณาทั้งการแพร่ของไอออนของทองแดงผ่านสารละลายภายในและสารละลายสตริป การเกิดปฏิกิริยาเคมีที่ผิวสัมผัสระหว่างวัสดุสารละลายป้อนกับวัสดุเยื่อแผ่นของเหลว และที่ผิวสัมผัสระหว่างวัสดุเยื่อแผ่นของเหลวกับวัสดุสารละลายสตริป และการแพร่ของสารประกอบเชิงซ้อนของทองแดงผ่านเยื่อแผ่นของเหลว ซึ่งในงานวิจัยนี้จะศึกษารูปแบบการไหลผ่านโมดูลเส้นไอกลวงทั้งการไหลผ่านครั้งเดียวและการไหลวน ในการวิจัยนี้ได้ศึกษาตัวแปรต่าง ๆ ที่มีผลต่อประสิทธิภาพการสกัดไอออนทองแดง ได้แก่ ความเข้มข้นของสารสกัดในวัสดุ เยื่อแผ่นของเหลว, ความเข้มข้นเริ่มต้นของไอออนทองแดงในสารละลายป้อน, ค่าความเป็นกรดด่างของสารละลายป้อน, ความเข้มข้นเริ่มต้นของไอออนไฮโดรเจนในสารละลายสตริป และอัตราการไหลของสารละลายป้อน ซึ่งจากการเปรียบเทียบผลการคำนวณแบบจำลองกับผลการทดลองจริงปรากฏว่าให้ค่าใกล้เคียงกัน โดยมีเปอร์เซ็นต์ความผิดพลาดเฉลี่ย 10.21 % และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 12.41

## จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาควิชา	วิศวกรรมเคมี	ลายมือชื่อนิสิต ..... สุริยา จิตต์พินิจ .....
สาขาวิชา	วิศวกรรมเคมี	ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา ..... ไกรหา สถาสาร .....
ปีการศึกษา	2546	

## 4370512921 : MAJOR CHEMICAL ENGINEERING  
 KEY WORD: MODELING / SUPPORTED LIQUID MEMBRANE/ COPPER ION/  
 EXTRACTION

SARAWUT JITPINIT: MODELING AND SIMULATION OF COPPER ION EXTRACTION WITH HOLLOW FIBER SUPPORTED LIQUID MEMBRANE.  
 THESIS ADVISOR: ASSOC. PROF. PAISAN KITTISUPAKORN, Ph.D., 97 pp.  
 ISBN 974-17-4438-2

Recently, hollow fiber supported liquid membrane technology has been widely used for the selective separation and concentration of various species from dilute solutions, especially metal ion separation. This is because it combines the process of extraction, stripping and regeneration into a single stage.

In this research, the extraction of copper ion through the hollow fiber supported liquid membrane containing bis(2-ethylhexyl) phosphoric acid (D2EHPA) dissolved in kerosene as a mobile carrier was studied. A mass transfer based mathematical model was proposed considering aqueous layer diffusion in feed and stripping side, interfacial chemical reaction and membrane diffusion. The model could be used to study both once-through mode operation and recycling mode operation. The effects of parameters on the removal efficiency of copper ion were discussed, i.e., the D2EHPA concentration in membrane phase, the initial  $Cu^{2+}$  concentration in feed solution, the pH in feed solution, the initial  $H^+$  in stripping phase, and the flow rate of feed solution. It was found that the model provided the removal efficiency of copper ion in good agreement with the measured results (the average error percentage and the standard deviation, 10.21 and 12.41, respectively).

Department of Chemical Engineering  
 Field of Study of Chemical Engineering  
 Academic year 2003

Student's signature Sarawut Jitpinit.....  
 Advisor's signature Paisan Kittisupakorn.....

## ACKNOWLEDGMENTS

I would like to express my sincere gratitude to my advisor Assoc. Prof. Dr. Paisan Kittisupakorn for his encouragement and guidance throughout my thesis. Furthermore, I am grateful to Prof. Dr. Piyasan Praserthdam, Dr. Montree Wongsri and Assoc. Prof. Dr. Tawatchai Charinpanitkul for serving as chairman and member of thesis committees, respectively.

Sincere thanks to all of staff in Chemical Engineering Department, Faculty of engineering, Rajamangala Institute of Technology and Chulalongkorn University for their support and encouragement throughout my study.

Special thanks to process control laboratory member, my friend, who encouraged me over the year of my study. Most of all, I would like to express the highest gratitude to my parents, sisters and brothers for their love, inspiration and encouragement.

ศูนย์วิทยบรังษยการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

# CONTENTS

	<b>PAGE</b>
ABSTRACT (IN THAI).....	iv
ABSTRACT (IN ENGLISH).....	v
ACKNOWLEDGEMENTS.....	vi
CONTENTS .....	vii
LIST OF TABLES.....	x
LIST OF FIGURES.....	xii
NOMENCLATURE.....	xiv
CHAPTER	
I. INTRODUCTION.....	1
1.1 Blackground.....	1
1.2 Research Objectives.....	2
1.3 Scope of Research.....	2
1.4 Contributions of Research.....	2
1.5 Procedure Plan.....	3
II. LITERATURE REVIEW.....	5
III.THEORY.....	15
3.1 Liquid membrane extraction Process.....	15
3.2 Liquid membrane Types.....	17
3.2.1. Bulk Liquid Membrane .....	17
3.2.2. Emulsion Liquid Membrane .....	18
3.2.3. Thin sheet Supported Liquid membrane .....	22
3.2.4. Hollow Fiber Supported Liquid membrane .....	23
3.2.5. Two Module Hollow Fiber Supported Liquid Membrane .....	25

## CONTENTS (Continued)

	PAGE
3.3. Mechanisms of Mass Transfer in Liquid Membrane Process.....	27
<b>IV. MODEL DEVELOPMENT AND EXPERIMENT .....</b>	<b>29</b>
4.1 Model development .....	29
4.1.1 Modeling of mass transfer .....	29
4.1.2 Modeling of copper-ion extraction for the once through mode operation .....	33
4.1.3 Modeling of copper-ion extraction for the recycling mode operation .....	34
4.1.4 Model validation .....	35
4.2 Reagents and Apparatus .....	36
4.2.1 Reagents .....	36
4.2.2 Apparatus .....	36
4.3 Simulation Procedures .....	39
4.3.1 Once through mode Operation .....	39
4.3.2 Recycling mode Operation .....	44
<b>V. RESULTS AND DISCUSSION .....</b>	<b>45</b>
5.1 Once-Through Mode Operation .....	45
5.1.1 Effect of initial concentration of D2EHPA in membrane phase .....	45
5.1.2 Effect of the initial copper ion concentration in feed phase .....	49
5.1.3 Effect of the initial hydrogen ion concentration in feed phase .....	49
5.1.4 Effect of the initial hydrogen ion concentration in stripping phase .....	46
5.1.5 Effect of the volumetric Flow rate in feed solution .....	50

## CONTENTS (Continued)

	PAGE
5.2 Recycle Mode Operation .....	51
 VI. CONCLUSIONSS AND RECOMMENDATION .....	 59
6.1 Conclusions.....	59
6.2 Recommendations.....	60
 REFERENCES.....	 61
 APPENDICES.....	 65
Appendix A. MASS TRANSFER COEFFICIENT DETERMINATION .....	66
Appendix B. THE PROPERTIES OF COPPER .....	71
Appendix C. LEAST SQUARES METHOD .....	73
Appendix D. FSOLVE TOOLBOX .....	82
Appendix E. SIMULATION DATA .....	84
 VITA.....	 97

ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## LIST OF TABLES

	PAGE
<b>Table 4.1</b> Characteristics of the hollow fiber module used for extraction experiments .....	38
<b>Table 4.2</b> Values of parameters used for the calculation of the permeation flux of copper ion with D2EHPA .....	40
<b>Table 4.3</b> The mass transfer coefficient of copper ion in feed and stripping solution at various volumetric flow rate of feed solution .....	43
<b>Table 5.1</b> Comparison of percentage of error and standard deviation of removal efficiency of copper-ion extraction between calculation and experiment at various $\Delta x$ .....	46
<b>Table 6.1</b> Optimal condition for copper-ion extraction with supported liquid membrane for this .....	60
<b>Table E.1</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various initial concentrations of D2EHPA and $\Delta x$ .....	85
<b>Table E.2</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various initial concentrations of D2EHPA .....	85
<b>Table E.3</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various initial concentrations of D2EHPA .....	86
<b>Table E.4</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various initial concentrations of copper-ion in feed solution .....	87
<b>Table E.5</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various initial concentrations of copper-ion in feed solution .....	88
<b>Table E.6</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various initial concentrations of copper-ion in feed solution .....	88
<b>Table E.7</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various pH in feed solution .....	89
<b>Table E.8</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various pH in feed solution .....	90

## LIST OF TABLES (Continued)

	PAGE
<b>Table E.9</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various hydrogen ion concentration in stripping solution .....	91
<b>Table E.10</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various hydrogen ion concentration in stripping solution .....	92
<b>Table E.11</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various volumetric flow rate in feed solution .....	93
<b>Table E.12</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various volumetric flow rate in feed .....	94
<b>Table E.13</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various circulating rate in feed solution .....	95
<b>Table E.14</b> Calculation of removal efficiency percentage of copper-ion extraction at various recycle time .....	96


  
 ศูนย์วิทยบรังษยการ  
 จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## LIST OF FIGURES

	<b>PAGE</b>
<b>Figure 3.1</b> Schematic representation of mass transfer through a liquid membrane .....	16
<b>Figure 3.2</b> Bulk liquid membrane set up .....	18
<b>Figure 3.3</b> The illustrations of an emulsion liquid membrane .....	19
<b>Figure 3.4</b> Emulsion liquid membrane set up .....	20
<b>Figure 3.5</b> Thin sheet supported liquid membrane set up .....	22
<b>Figure 3.6</b> Schematic diagram of supported liquid membrane .....	23
<b>Figure 3.7</b> Hollow fiber supported liquid .....	24
<b>Figure 3.8</b> Two modules hollow fiber supported liquid membrane .....	26
<b>Figure 3.9</b> Mechanism of mass transfer in supported liquid membrane .....	28
<b>Figure 4.1</b> Schematic diagram of permeation mechanism of copper ion extraction through hollow fiber wall .....	30
<b>Figure 4.2</b> Schematic diagram of hollow fiber liquid membrane run in the once-through mode .....	33
<b>Figure 4.3</b> Schematic diagram of hollow fiber liquid membrane run in the recycle mode .....	35
<b>Figure 5.1</b> Effect of initial concentration of D2EHPA in membrane solution on removal efficiency of copper-ion at various $\Delta x$ .....	46
<b>Figure 5.2</b> Effect of initial concentration of D2EHPA in the membrane solution on the removal efficiency at various initial concentration of copper-ion in feed solution .....	48
<b>Figure 5.3</b> Effect of initial concentration of copper in the feed solution on the removal efficiency at various initial concentration of D2EHPA .....	52
<b>Figure 5.4</b> Effect of pH in the feed solution on the removal efficiency of copper ion at various initial concentration of .....	53
<b>Figure 5.5</b> Effect of initial concentration of hydrogen ion in the stripping solution on the removal efficiency of copper ion at various initial concentration of D2EHPA .....	54

## LIST OF FIGURES (Continued)

	PAGE
<b>Figure 5.6</b> Effect of volumetric flow rate in the feed solution on the removal efficiency of copper ion at various initial concentration of D2EHPA ....	55
<b>Figure 5.7</b> Effect of recycle time on the concentration of Cu <sup>2+</sup> in feed solution at various circulation flow rate of feed solution .....	57
<b>Figure 5.8</b> Effect of circulation rate in feed solution on the removal efficiency of copper ion at various recycle time .....	58

ศูนย์วิทยบรังษยการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## NOMENCLATURES

A	=	cross section area of tube ( $m^2$ )
C	=	copper ion concentration (mol/l)
$C_i$	=	copper ion concentration at the start of hollow fiber module(mol/l)
$C_o$	=	copper ion concentration at the end of hollow fiber module(mol/l)
$D_{AB}$	=	diffusivity of component A in component B ( $m^2/s$ )
d	=	inner diameter of tube (m)
$d_H$	=	hydraulic diameter of shell (m)
E	=	D2EHPA concentration (mol/l)
H	=	hydrogen ion concentration (mol/l)
$k_f$	=	forward reaction rate constant (m/s)
$k_i$	=	mass transfer coefficient of copper-ion in feed solution (m/s)
$k_m$	=	mass transfer coefficient of copper complex in membrane solution (m/s)
$k_o$	=	mass transfer coefficient of copper-ion in stripping solution (m/s)
$K_{ex}$	=	equilibrium constant
L	=	effective length of the module (cm)
N	=	number of fiber in module
P	=	copper complex concentration (mol/l)
$P_i$	=	parachors of species i
$Q_f$	=	volumetric flow rate of feed solution (ml/min)
$Q_s$	=	volumetric flow rate of stripping solution (ml/min)
r	=	hollow fiber radius (m)
R	=	reaction rate (mol/ $m^2 s$ )
S	=	effective surface area of membrane ( $m^2$ )
t	=	time (min)
T	=	temperature ( $^{\circ}C$ )
$u_{shell}$	=	mean flow velocity in shell side (m/s)
$u_{tubel}$	=	mean flow velocity in tube side (m/s)

## NOMENCLATURES (Continued)

$v$	=	mean flow velocity (m/s)
$V_i$	=	molar volume of species I ( $\text{cm}^3/\text{mol}$ )

### Greek Letters

$\mu$	=	dynamic viscosity (kg m/s)
$\rho$	=	density ( $\text{kg}/\text{m}^3$ )
$\epsilon$	=	membrane porosity
$\tau$	=	membrane tortuosity

### Subscripts

1	=	feed phase
2	=	stripping phase
s	=	at interface