

รายการอ้างอิง

ภาษาไทย

หนังสือ

ธีระพร วีระถาวร. การอนุมานเชิงสถิติขั้นกลาง: โครงสร้างและความหมาย.

กรุงเทพมหานคร: ห้างหุ้นส่วนจำกัดพิทักษ์การพิมพ์, 2531.

เอกสารอื่นๆ

พรธวัช โจวหจินตนา. "การตรวจสอบความเหมาะสมของตัวแบบถดถอยเชิงเส้นโดยการแบ่งข้อมูลด้วยวิธีคิวแพล็กซ์" วิทยานิพนธ์ปริญญาโทบริหารธุรกิจ ภาควิชาสถิติ บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2530.

มาลี ตระการศิริพันธ์. "การเปรียบเทียบวิธีประมาณพารามิเตอร์ด้วยวิธีกำลังสองน้อยที่สุดกับวิธีบูตสเตรป" วิทยานิพนธ์ปริญญาโทบริหารธุรกิจ ภาควิชาสถิติ บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2530.

มยุรี จินตรัตน์. "การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบแบบพาราเมตริกซ์กับนอนพาราเมตริกซ์ในการวิเคราะห์โควาเรียนซ์ของแผนการทดลองแบบสุ่มตลอด" วิทยานิพนธ์ปริญญาโทบริหารธุรกิจ ภาควิชาสถิติ บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2531.

เลิศสรพร เมตตสุข. "การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบการเท่ากันของค่าเฉลี่ยของประชากร 2 ชุด ที่มีการแจกแจงชนิดลอง-เทลด์" วิทยานิพนธ์ปริญญาโทบริหารธุรกิจ ภาควิชาสถิติ บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2530.

ภาษาต่างประเทศ

หนังสือ

Guttman Irwin. Linear models. NewYork: John Wiley., 1982.

Huitema, Bradley E. The Analysis of Covariance and Alternatives.

NewYork: Jonh Wiley., 1980.

Montgomery, Douglas C. Introduction to Linear Regression Analysis. New York: John Wiley., 1982.

บทความ

Efron, B. "Nonparametric estimates of standard error: The Jackknife, the bootstrap and other methods." Biometrika, 68 (March 1981) : 589-99.

Freedman, D.A. "Bootstarp Regression Models." The Annals of statistics, 9 (1981): 1218-1228.

———. and Petters, S.C. "Bootstrap a Regression Equation." Journal of the American Statistical Association, 79 (March 1984): 97-105.

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาคผนวก ก

การผลิตเลขสุ่มโดยการให้โปรแกรม

ชุดตัวเลขสุ่มที่ผลิตขึ้น r_1, r_2, \dots ต้องมีคุณสมบัติทางสถิติที่สำคัญ 2 ประการ คือ ความเป็นสม่ำเสมอ (uniform) และความเป็นอิสระ (independence) ตัวเลขสุ่ม r_i แต่ละตัวจะถูกเลือกอย่างอิสระหรืออย่างสุ่มจากเลขสุ่ม R ที่มีการแจกแจงสม่ำเสมอ (uniform distribution) ระหว่าง 0 ถึง 1

วิธีการผลิตเลขสุ่มแบบ linear congruential method จะผลิตชุดตัวเลขสุ่มจำนวนเต็ม X_1, X_2, \dots มีค่าระหว่าง 0 ถึง $M-1$ จากสมการตัวผลิต

$$X_i = (aX_{i-1} + c) \bmod M, \quad i=1, 2, \dots$$

ตัวเลขจำนวนเต็ม X_1, X_2, \dots จะมีการแจกแจงสม่ำเสมอ $U(0, M-1)$ เพราะฉะนั้น ตัวเลขสุ่ม R_1, R_2, \dots จะมีการแจกแจงสม่ำเสมอ $U(0, 1)$ ผลิตได้จากสมการ

$$R_i = X_i / M, \quad i=1, 2, \dots$$

a เป็นค่าคงที่

c เป็นค่าส่วนเพิ่ม (increment)

X_0 เป็นตัวเลขนำ

M เป็น modulus

mod หมายความว่า $(aX_{i-1} + c)$ หารด้วย M จนกระทั่งเหลือเศษน้อยกว่า

ค่า M เลขที่เหลือจึงเป็นเลขสุ่มคล้ายสุ่มตัวต่อไปคือ X_i

ถ้ากำหนดค่า $c \neq 0$ เรียกตัวผลิตว่า mixed congruential method แต่ถ้ากำหนด $c=0$ เรียกตัวผลิตนี้ว่า multiplicative congruential method การกำหนดค่า c, a, M และ X_0 มีความสำคัญมากเนื่องจากมีผลโดยตรงต่อคุณสมบัติทางสถิติ และความยาวของชุดตัวเลขสุ่ม จากสูตร $R_i = X_i / M$ จะได้ว่า R_i มีค่าอยู่ในเซตของ $\{0, 1/M, 2/M, \dots, (M-1)/M\}$ ทั้งนี้เพราะว่าค่าของ X_i เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในเซต $\{0, 1, 2, \dots, (M-1)\}$ เพราะฉะนั้นค่า R_i มีค่าไม่ต่อเนื่อง แทนที่จะเป็นค่าต่อเนื่องที่มีการแจกแจงสม่ำเสมอ $[0, 1]$ อย่างไรก็ตาม จะประมาณความต่อเนื่องได้ โดยการกำหนดค่า M ให้มีขนาดใหญ่มาก ๆ จะมีผลทำให้

ช่องว่าง $R_i, i=1,2, \dots$ มีค่าเล็กลง ทำให้ได้ค่า R_i ที่มีความต่อเนื่องโดยประมาณ ลักษณะการทำได้กล่าวเป็นการสร้างความหนาแน่น (density) ในกลุ่มตัวเลขสุ่มให้มีความหนาแน่นสูงใน $[0,1]$ และเพื่อหลีกเลี่ยงชุดตัวเลขสุ่มซ้ำในการใช้งานครั้งหนึ่ง ๆ ตัวผลิตควรมีความยาวของชุดตัวเลขสุ่มมากที่สุดเท่าที่จะเป็นไปได้

การกำหนดค่า a, c, M และ X_0 มีความสำคัญมาก เนื่องจากมีผลโดยตรงต่อคุณสมบัติทางสถิติและความยาวของชุดตัวเลขสุ่ม ตัวผลิตเลขสุ่มที่ได้ผ่านการทดสอบแล้วเป็นอย่างมากคือวิธี multiplicative congruential ที่กำหนด $c = 0$, และกำหนด $a = 7^5 = 16807$ การกำหนดค่า M ให้มีขนาดใหญ่มา ๆ และเป็นเลขคี่ที่สามารถคำนวณได้จากเครื่องคอมพิวเตอร์ โดยที่ $M = 2^b$ เมื่อ b เป็นค่าความยาว 1 word หรือจำนวน bit ใน 1 word ของเครื่องคอมพิวเตอร์ 32 bit ซึ่ง bit สุดท้าย 1 bit ใช้สำหรับแสดงเครื่องหมาย ดังนั้นเลขจำนวนเต็มที่ใหญ่ที่สุดใน 1 word และเป็นเลขคี่ที่คอมพิวเตอร์ได้รับคือ $2^{b-1} - 1$ เท่ากับ $2^{31} - 1 = 2147483647$ นั่นคือค่า M ควรมีค่า = 2147483647

จากค่า a และ M ข้างต้นสามารถเขียนโปรแกรมภาษาฟอร์แทรนที่เป็นโปรแกรมย่อย FUNCTION ได้ดังนี้

```

FUNCTION RAND(IX)
  IX=IX*16807
  IF(IX.LT.0) IX=IX+2147483647+1
  RAND=IX
  RAND=RAND*0.465613E-9
  RETURN
END

```

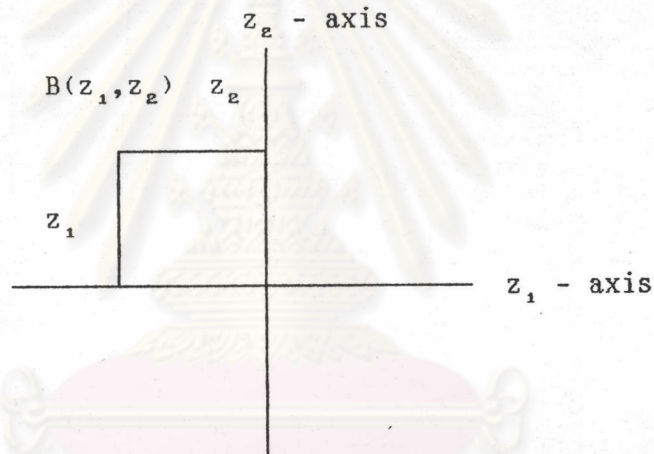
- หมายเหตุ
1. IX คือเลขสุ่มตัวแรกที่เป็นจำนวนเต็มบวกเลขคี่ และน้อยกว่า 2147483648 ในที่นี้ค่าเริ่มต้นที่ใช้ $IX=973523$ ซึ่งค่า IX นี้เป็นค่าเริ่มต้นที่จะให้ฟังก์ชันคำนวณ IX ใหม่ออกมาให้
 2. $2^{-31} = 0.4656613 \times 10^{-9}$
 3. ในรูปสมการข้างต้น X_i แทนด้วย 2^{31} แทนที่จะเป็น $2^{31}-1$ ซึ่งไม่มีผลแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญ เนื่องจาก M มีค่าใหญ่มาก

การผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงปกติ

การแจกแจงปกติโดยใช้เทคนิคแบบการแปลงโดยตรงจาก

$$\Phi(z) = \int_{-\infty}^z \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-u^2/2} du.$$

Box และ Muller (ค.ศ. 1958) สร้างเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบปกติมาตรฐาน
ที่มีค่าเฉลี่ยเป็น 0 และค่าความแปรปรวนเป็น 1 พร้อม ๆ กัน 2 ค่า ดังนี้



$$z_1 = B \cos \theta$$

$$z_2 = B \sin \theta$$

$B^2 = z_1^2 + z_2^2$ มีการแจกแจงไคสแควร์ (chi-square distribution)

ด้วยระดับความเป็นอิสระ=2 ซึ่งเทียบเท่า (equivalent) กับการแจกแจงเอ็กซ์โปเนนเชียล
(exponential distribution) ที่มีค่าเฉลี่ย = 2 ดังนั้นรัศมี B มีค่าดังนี้

$$B = (-2 \ln R)^{1/2}$$

โดยการสมมาตร (symmetry) ของแจกแจงแบบปกติ (normal distribution)

θ มีการแจกแจงสม่ำเสมอ (uniform distribution) ระหว่าง 0 กับ 2π เรเดียนซึ่งมีค่า B และ θ เป็น mutually independent

$$z_1 = (-2\ln R_1)^{1/2} \cos(2\pi R_2)$$

$$z_2 = (-2\ln R_1)^{1/2} \sin(2\pi R_2)$$

ฟังก์ชันสำหรับการจำลองประชากรที่มีการแจกแจงแบบปกติ มีค่าเฉลี่ย AMEAN ค่าความแปรปรวน = $(\text{SIGMA})^2$ จะเรียกใช้ SUBROUTINE NORMAL(AMEAN, SIGMA, EX)

ซึ่งจะได้ค่า $EX = Z_1 * \text{SIGMA} + \text{AMEAN}$ หรือ $EX = Z_2 * \text{SIGMA} + \text{AMEAN}$

ในแต่ละครั้งดังนั้นคำสั่งในการสร้างตัวแปรสุ่มให้มีการแจกแจงแบบปกติ คือ

```

SUBROUTINE NORMAL(AMEAN, SIGMA, EX)
COMMON /SEED/ IX, KK
PI=3.1415926
IF (KK.EQ.1) GOTO 20
RONE=RAND(IX)
RTWO=RAND(IX)
ZONE=SQRT(-2*ALOG(RONE))*COS(2*PI*RTWO)
ZTWO=SQRT(-2*ALOG(RONE))*SIN(2*PI*RTWO)
EX =ZONE*SIGMA + AMEAN
KK=1
GOTO 10
20 EX =ZTWO*SIGMA + AMEAN
KK=0
10 RETURN
END

```

หมายเหตุ ในการสร้างโปรแกรมย่อยของการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนจะต้องเรียกใช้

ฟังก์ชัน RAND จากข้างต้น

การผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงโลจิสติก

ฟังก์ชันความน่าจะเป็น คือ

$$f(x) = \frac{1}{\beta} \frac{e^{-\frac{(x-\alpha)}{\beta}}}{\left[1 + e^{-\frac{(x-\alpha)}{\beta}}\right]^2}$$

เมื่อ ค่าคาดหวัง $E(x) = \alpha$ ค่าความแปรปรวน $\text{Var}(x) = \frac{1}{3} \pi^2 \beta^2$

การสร้างตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงแบบโลจิสติกใช้วิธี Inverse Transformation

ซึ่งแสดงได้ดังนี้

$$F(x) = \int_{-\infty}^x \frac{e^{-\frac{(x-\alpha)}{\beta}}}{\beta \left(1 + e^{-\frac{(x-\alpha)}{\beta}}\right)^2} dx$$

$$= \int_{-\infty}^x \frac{e^{-\frac{(x-\alpha)}{\beta}}}{\left(1 + e^{-\frac{(x-\alpha)}{\beta}}\right)^2} d\left(\frac{(x-\alpha)}{\beta}\right)$$

$$= \int_{-\infty}^x \frac{e^{-\frac{(x-\alpha)}{\beta}}}{\left(1 + e^{-\frac{(x-\alpha)}{\beta}}\right)^2} d\left(1 + e^{-\frac{(x-\alpha)}{\beta}}\right)$$

$$= \frac{1}{1 + e^{-(x-\alpha)/\beta}}$$

x
|
-∞

$$= \frac{1}{1 + e^{-(x-\alpha)/\beta}}$$

$$1 + e^{-(x-\alpha)/\beta} = \frac{1}{F(x)}$$

$$e^{-(x-\alpha)/\beta} = \frac{1 - F(x)}{F(x)}$$

$$\frac{-(x-\alpha)}{\beta} = \ln \left[\frac{1 - F(x)}{F(x)} \right]$$

$$x = \alpha + \beta [\ln(F(x)) - \ln(1 - F(x))]$$

หรือ $x = \alpha + \beta [\ln(YFL) - \ln(1 - YFL)]$

เมื่อ YFL มีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอ [0,1]

ดังนั้นโปรแกรมย่อยที่ใช้สร้างการแจกแจงแบบโลจิสติกที่มีค่าเฉลี่ย = 0

และความแปรปรวน = $\sigma^2 = (\text{SIGMA})^2$ (เมื่อ $\alpha = 0$, $\beta = \sqrt{3} \times \sigma / \pi$)

จะแสดงได้ดังนี้

```
SUBROUTINE LOGIS(AMEAN,SIGMA,EX)
```

```
COMMON IX
```

```
YFL=Rand(IX)
```

```

PI =22./7.
B =SQRT(3.) * SIGMA / PI
EX =AMEAN + B*(ALOG(YFL)-ALOG(1-YFL))
RETURN
END

```

การผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงดับเบิลเอ็กซ์โปเนนเชียล

ฟังก์ชันความน่าจะเป็น คือ

$$f(x) = \frac{1}{2\beta} \cdot e^{-\frac{|x-\alpha|}{\beta}}$$

เมื่อค่าคาดหวัง $E(x) = \alpha$ ค่าความแปรปรวน $\text{Var}(x) = 2\beta^2$

การสร้างตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงแบบดับเบิลเอ็กซ์โปเนนเชียล เมื่อ $\alpha=0$ ใช้วิธี
Inverse Transformation ซึ่งแสดงได้ดังนี้

$$\begin{aligned}
 F(x) &= \int_{-\infty}^x f(x) dx \\
 &= \int_{-\infty}^0 f(x) dx + \int_0^x f(x) dx
 \end{aligned}$$

$$\text{ซึ่ง } f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2\beta} e^{-x/\beta} & , x < 0 \\ \frac{1}{2\beta} e^{-x/\beta} + \frac{1}{2\beta} e^{x/\beta} & , \text{อื่น ๆ} \end{cases}$$

กรณี 1 $x < 0$

$$F(x) = \int_{-\infty}^x \frac{1}{2\beta} e^{x/\beta} dx$$

$$= \frac{1}{2\beta} \int_{-\infty}^x e^{x/\beta} d\left(\frac{x}{\beta}\right)$$

$$= \frac{1}{2} e^{x/\beta}$$

$$e^{x/\beta} = 2 F(x)$$

$$\frac{x}{\beta} = \ln(2 F(x))$$

$$x = \beta [\ln(2) + \ln(F(x))]$$

หรือ $x = \beta [\ln(2) + \ln(YFL)]$

กรณี 2 $x > 0$

$$f(x) = \frac{1}{2\beta} e^{x/\beta} + \frac{1}{2\beta} e^{-x/\beta}$$

$$F(x) = \int_{-\infty}^0 \frac{1}{2\beta} e^{x/\beta} dx + \int_0^x \frac{1}{2\beta} e^{-x/\beta} dx$$

$$= \frac{1}{2} \left\{ \int_{-\infty}^0 e^{x/\beta} d\left(\frac{x}{\beta}\right) + \int_0^x e^{-x/\beta} d\left(-\frac{x}{\beta}\right) \right\}$$

$$= \frac{1}{2} \left(e^{x/\beta} \Big|_{-\infty}^0 - e^{-x/\beta} \Big|_0^x \right)$$

$$= \frac{1}{2} (e^0 - e^{-\infty} - e^{-x/\beta} - e^0)$$

$$= \frac{1}{2} (2 - e^{-x/\beta})$$

$$e^{-x/\beta} = 2 [1 - F(x)]$$

$$\frac{-x}{\beta} = \ln 2 + \ln(1 - F(x))$$

$$x = -\beta [\ln 2 + \ln(1 - F(x))]$$

หรือ $x = -\beta [\ln 2 + \ln(1 - YFL)]$

เมื่อ YFL มีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอ [0, 1]

ดังนั้นโปรแกรมย่อยที่ใช้สร้างการแจกแจงดับเบิลเอ็กซ์โปเนนเชียลที่มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 0 และค่าความแปรปรวนเท่ากับ $\sigma^2 = (\text{SIGMA})^2$ (เมื่อ $\alpha = 0$, $\beta = \sigma / \sqrt{2}$) จะแสดงได้ดังนี้

```

SUBROUTINE DOUBLE(AMEAN, SIGMA, EX)
COMMON IX
YFL = RAND(IX)
B = SIGMA/SQRT(2.)
IF(YFL-0.5) 10,10,11
10 EX = B * (ALOG(2.) + ALOG(YFL))
GOTO 15
11 EX = -1 * B * (ALOG(2.) + ALOG(1-YFL))
15 RETURN
END

```

การผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงปกติปลอมปน

การสร้างตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงปกติปลอมปนที่มีค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนตามที่กำหนด จะใช้วิธีที่ Ramsay (ค.ศ. 1977) เสนอไว้ โดยพิจารณาการแจกแจงที่แปลงมาจากการแจกแจงแบบปกติ ที่มีฟังก์ชันการแจกแจงอยู่ในรูปของ

$$F(x) = (1-p)N(\mu, \sigma^2) + pN(\mu, c^2 \sigma^2)$$

หมายความว่าตัวแปรสุ่มมาจากการแจกแจง $N(\mu, \sigma^2)$ ด้วยความน่าจะเป็น $1-p$ และมาจากการแจกแจง $N(\mu, c^2 \sigma^2)$ ด้วยความน่าจะเป็น p โดยที่ค่าเฉลี่ย = μ ค่าความแปรปรวน = σ^2 p และ c เป็นค่ากำหนดเปอร์เซ็นต์การปลอมปนและสเกลแฟคเตอร์ ดังนั้นโปรแกรมย่อยที่ใช้สร้างการแจกแจงแบบปกติปลอมปนแสดงได้ดังนี้ (ค่าเฉลี่ย = AMEAN, ค่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน (σ) = SIGMA)

```

SUBROUTINE SCAL(C,P,AMEAN,SIGMA,EX)
COMMON IX
SIGMA2 = C*SIGMA
YFL = RAND(IX)
IF(YFL-P) 10,10,11
10 CALL NORMAL(AMEAN,SIGMA,EX)
GOTO 15
11 CALL NORMAL(AMEAN,SIGMA2,EX)
15 RETURN
END

```

การสุ่มตัวอย่างแบบใส่คืน (Sampling with Replacement)

เป็นการสุ่มตัวอย่างที่ยอมให้หน่วยตัวอย่างซ้ำกันได้ นั่นคือแต่ละหน่วยตัวอย่างมีความน่าจะเป็น (probability) ในการถูกสุ่มเท่ากัน $= \frac{1}{N}$ เมื่อ N เป็นขนาดของประชากร การวิจัยในครั้งนี้ได้ใช้เครื่องคอมพิวเตอร์เป็นเครื่องมือช่วยในการสุ่มตัวอย่างแบบใส่คืนโดยใช้ตัวเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอ (uniform) ที่มีค่าอยู่ในช่วง $[0, 1]$ เป็นตัวเปรียบเทียบกับค่าความน่าจะเป็นสะสม (cumulative probability) เพื่อกำหนดหน่วยตัวอย่างตามจำนวนที่ต้องการ ซึ่งขั้นตอนในการสุ่มตัวอย่างแบบใส่คืนสรุปได้ดังนี้

1. คำนวณหาความน่าจะเป็นของแต่ละหน่วยตัวอย่าง $= \frac{1}{N}$
2. หาค่าความน่าจะเป็นสะสมแล้วจัดช่วง
3. สร้างตัวเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอซึ่งมีค่าอยู่ในช่วง $[0, 1]$
4. นำตัวเลขสุ่มที่ได้ในข้อ 3 มาเปรียบเทียบกับค่าความน่าจะเป็นสะสม ถ้าตกอยู่ในช่วงใดหน่วยนั้น ๆ จะถูกเลือกมาเป็นตัวอย่าง
5. ทำตามขั้นตอนในข้อ 3-4 n ครั้ง เมื่อ n คือขนาดตัวอย่างที่ต้องการ

ตัวอย่าง การสุ่มตัวอย่างแบบใส่คืน

เมื่อ $N=10$

$n=3$

คำนวณหาความน่าจะเป็นของแต่ละหน่วยได้ $= \frac{1}{10} = 0.10$

ดังนั้นสามารถนำมาสร้างตารางได้ดังนี้

หน่วยตัวอย่าง	ความน่าจะเป็น	ความน่าจะเป็นสะสม	ช่วงความน่าจะเป็นสะสม
1	0.10	0.10	0.01-0.10
2	0.10	0.20	0.11-0.20
3	0.10	0.30	0.21-0.30

ตาราง (ต่อ)

หน่วยตัวอย่าง	ความน่าจะเป็น	ความน่าจะเป็นสะสม	ช่วงความน่าจะเป็นสะสม
4	0.10	0.40	0.31-0.40
5	0.10	0.50	0.41-0.50
6	0.10	0.60	0.51-0.60
7	0.10	0.70	0.61-0.70
8	0.10	0.80	0.71-0.80
9	0.10	0.90	0.81-0.90
10	0.10	1.00	0.91-1.00

สมมติเลขสุ่มตัวที่ 1 มีค่า = 0.05 หน่วยตัวอย่างที่ 1 จะถูกเลือกเป็นตัวอย่าง

2 มีค่า = 0.75 หน่วยตัวอย่างที่ 8 จะถูกเลือกเป็นตัวอย่าง

3 มีค่า = 0.09 หน่วยตัวอย่างที่ 1 จะถูกเลือกเป็นตัวอย่าง

จะเห็นได้ว่าแต่ละหน่วยตัวอย่างมีโอกาสถูกเลือกมากกว่า 1 ครั้ง ทั้งนี้ขึ้นอยู่กับค่าของตัวเลขสุ่มว่าจะตกอยู่ในช่วงใดของค่าความน่าจะเป็นสะสม ดังนั้นโปรแกรมย่อยที่ใช้ในการสุ่มตัวอย่างแบบใส่คืน แสดงได้ดังนี้

```
SUBROUTINE SAMP(N,n,E0,E1)
```

```
DIMENSION P(100),E1(100),E0(100)
```

```
COMMON IX
```

```
DO 10 I=1,N
```

```
10 P(I) =FLOAT(I)/FLOAT(N)
```

```
DO 20 J=1,n
```

```
YFL=RAND(IX)
```

```
DO 30 I=1,N
```

```

II=I-1
IF (II.EQ.0) THEN
X1=0
ELSE
X1=P(II)
ENDIF
X2=P(I)
IF ((YFL.GT.X1).AND.(YFL.LE.X2)) THEN
E1(J)=EO(I)
GOTO 20
ENDIF
30 CONTINUE
20 CONTINUE
RETURN
END

```

เมื่อ N เป็นขนาดของประชากร

n เป็นขนาดของตัวอย่าง

P(I) เป็นค่าความน่าจะเป็นสะสม

E1 เป็นค่าของตัวอย่างที่ได้จากการสุ่มแบบใส่คืน ซึ่ง E1 แต่ละตัวอาจ

มีค่าซ้ำกันได้สำหรับการวิจัยครั้งนี้ E1 คือค่า $\tilde{\varepsilon}_i^*$ ที่ได้จากการสุ่ม $\tilde{\varepsilon}_i$, $i=1,2,\dots,N$

เมื่อ $\tilde{\varepsilon} = \underline{y} - \hat{\underline{y}}$ แล้วนำค่า $\tilde{\varepsilon}^*$ ไปรวมในสมการ

$$\underline{y}^* = X\hat{\beta} + \tilde{\varepsilon}^*$$

เพื่อที่จะคำนวณหาค่า จาก

$$\hat{\beta}^* = (X'X)^{-1}X'\underline{y}^*$$

และค่า $\hat{\beta}^*$ ต่อไป

ภาคผนวก ข

รูปแสดงการเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุดในการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม

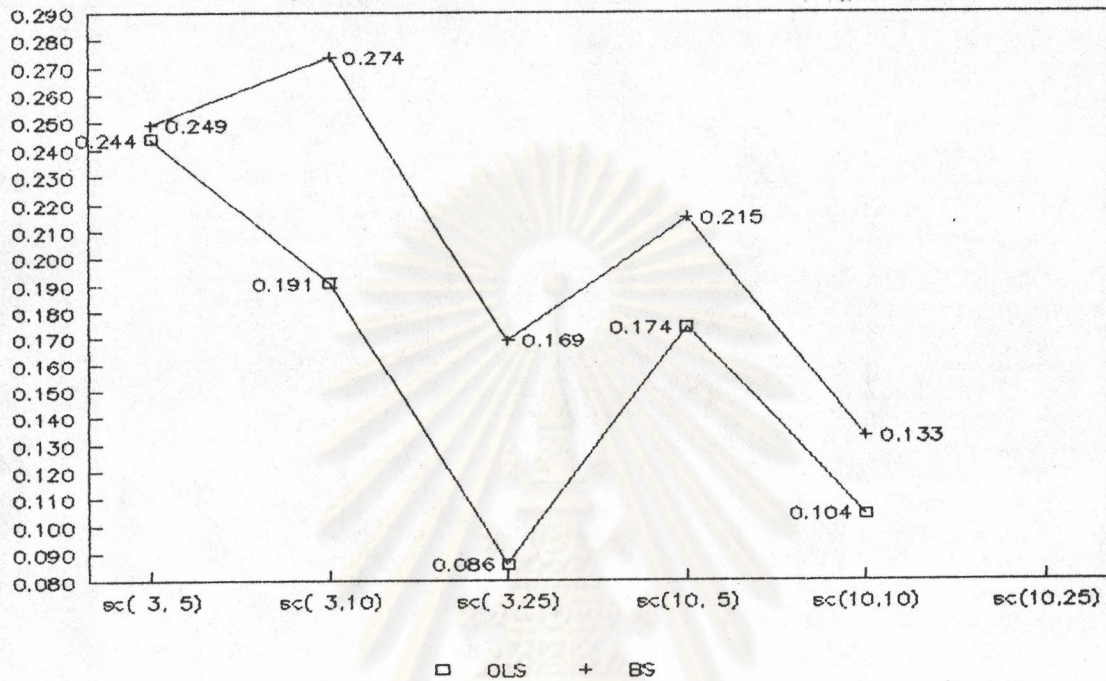
รูปที่ 2.13-2.60 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีกำลังสองน้อยที่สุดกับวิธีบูตสเตรป เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน ๓ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.01$ จำแนกตามจำนวนทรีตเมนต์ ขนาดตัวอย่างในแต่ละทรีตเมนต์ จำนวนตัวแปรร่วม และค่าความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อน

รูปที่ 2.2.13-2.260 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีกำลังสองน้อยที่สุดกับวิธีบูตสเตรป เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน ๓ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ จำแนกตามจำนวนทรีตเมนต์ ขนาดตัวอย่างในแต่ละทรีตเมนต์ จำนวนตัวแปรร่วมและค่าความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อน

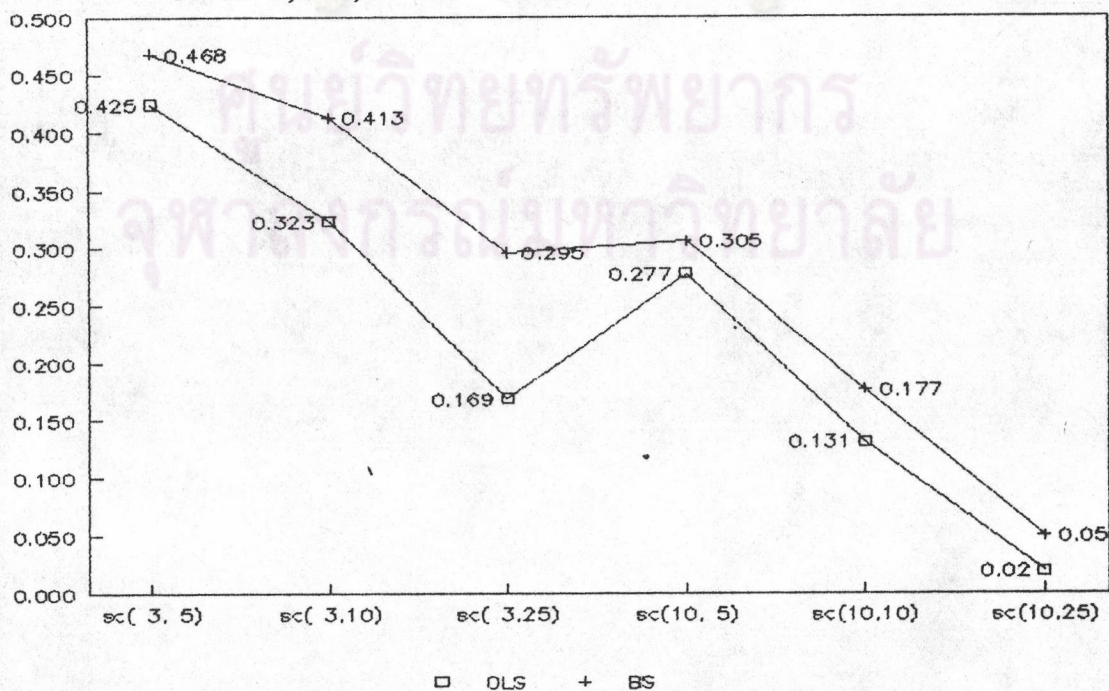
รูปที่ 2.3.13-2.3.38 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีกำลังสองน้อยที่สุดกับวิธีบูตสเตรป เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบดับเบิล เอ็กซ์โปเนนเชียล จำแนกตามจำนวนทรีตเมนต์ ขนาดตัวอย่างในแต่ละทรีตเมนต์ จำนวนตัวแปรร่วม ค่าความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อนและระดับนัยสำคัญ

รูปที่ 2.4.13-2.4.38 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีกำลังสองน้อยที่สุดกับวิธีบูตสเตรป เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก จำแนกตามจำนวนทรีตเมนต์ ขนาดตัวอย่างในแต่ละทรีตเมนต์ จำนวนตัวแปรร่วม ค่าความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อนและระดับนัยสำคัญ

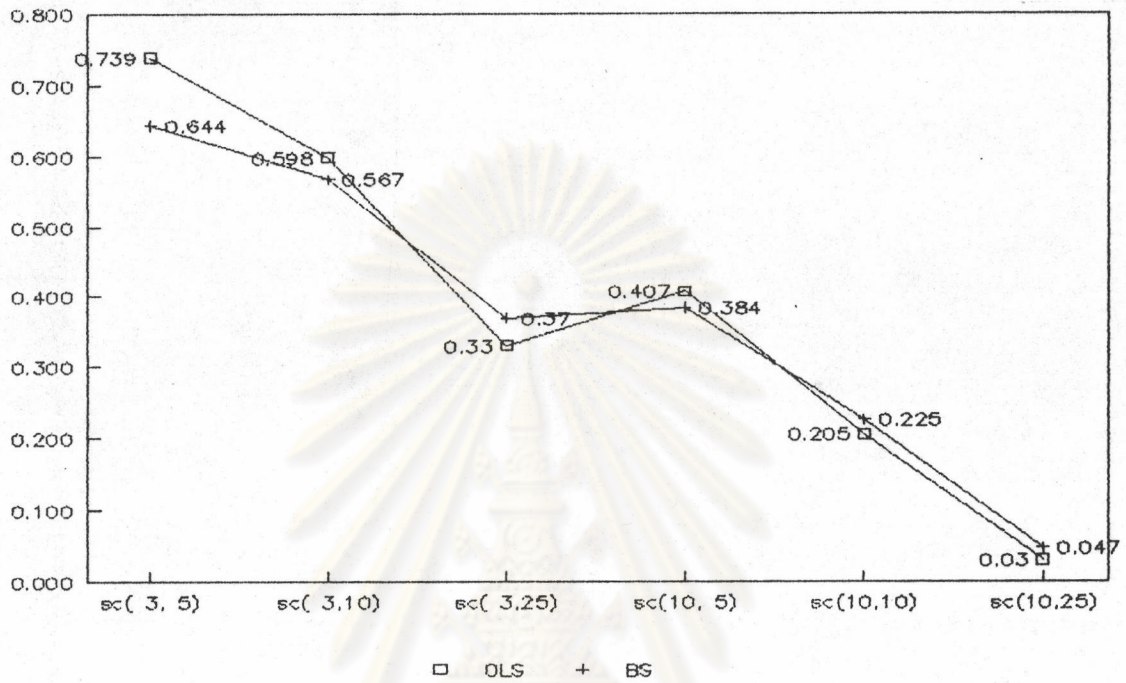
รูปที่ 2.1.13 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=5, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



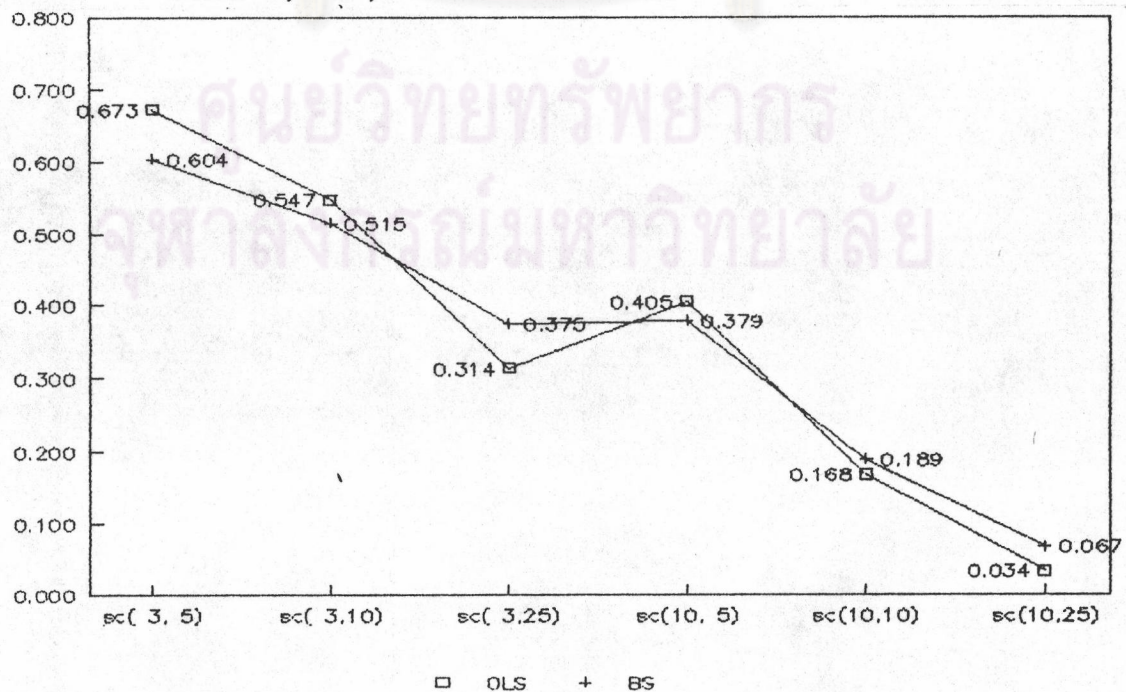
รูปที่ 2.1.14 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=5, n=8, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



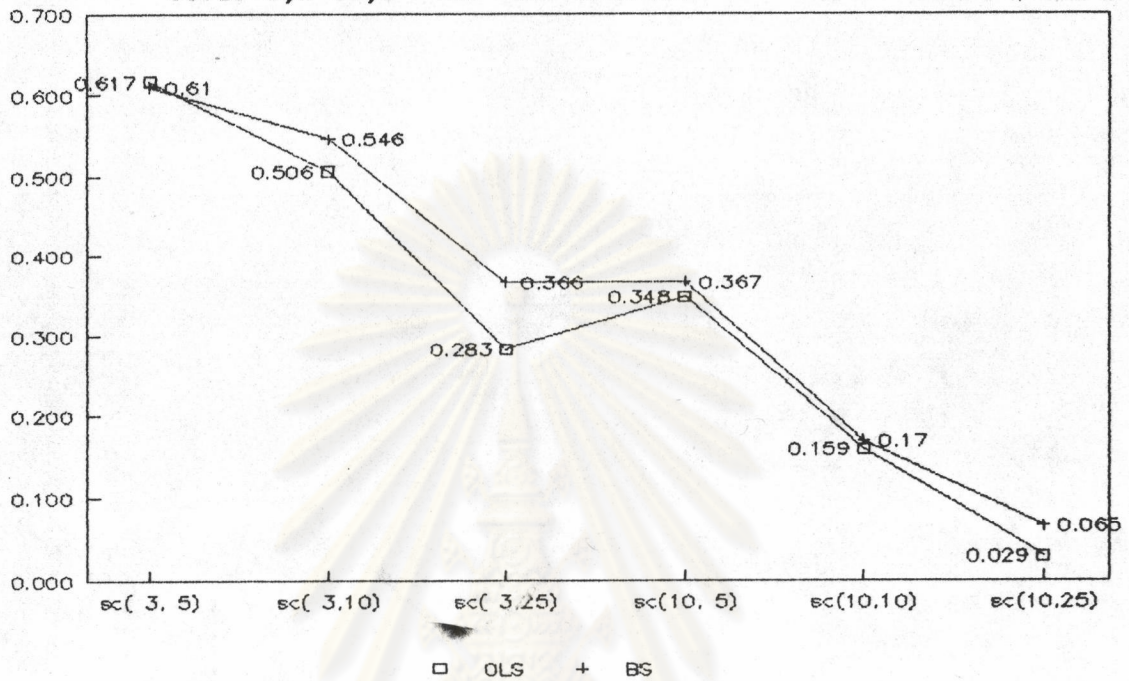
รูปที่ 2.1.15 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรพกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=1, n=10, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



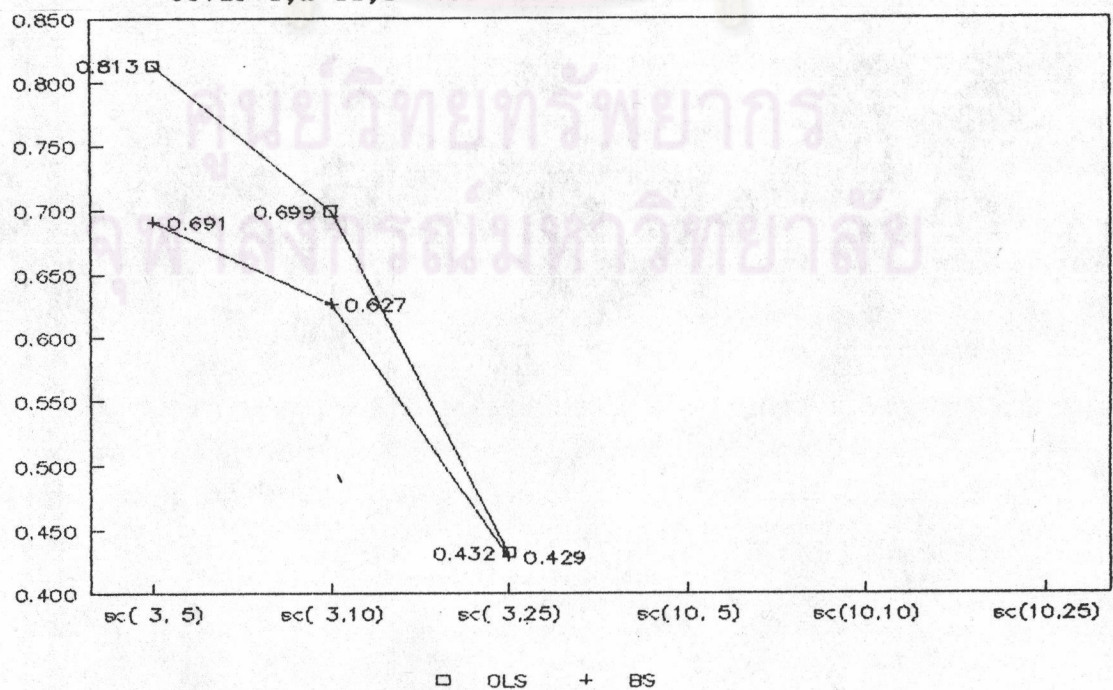
รูปที่ 2.1.16 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรพกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=3, n=10, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



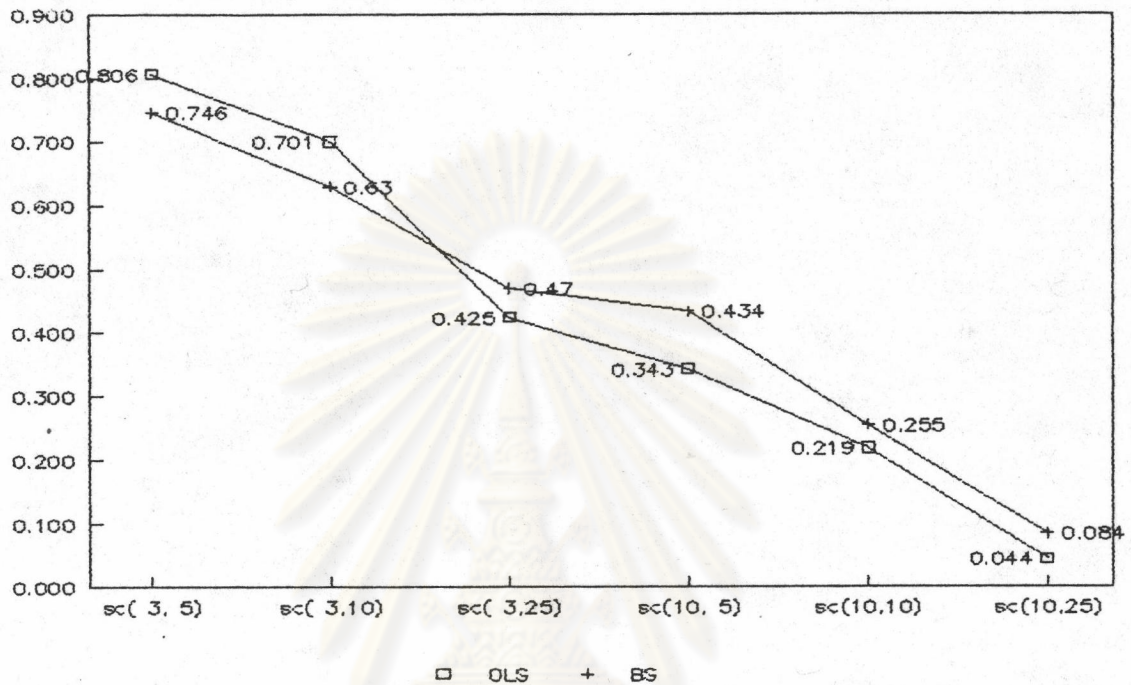
รูปที่ 2.1.17 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปโลมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=5, n=10, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



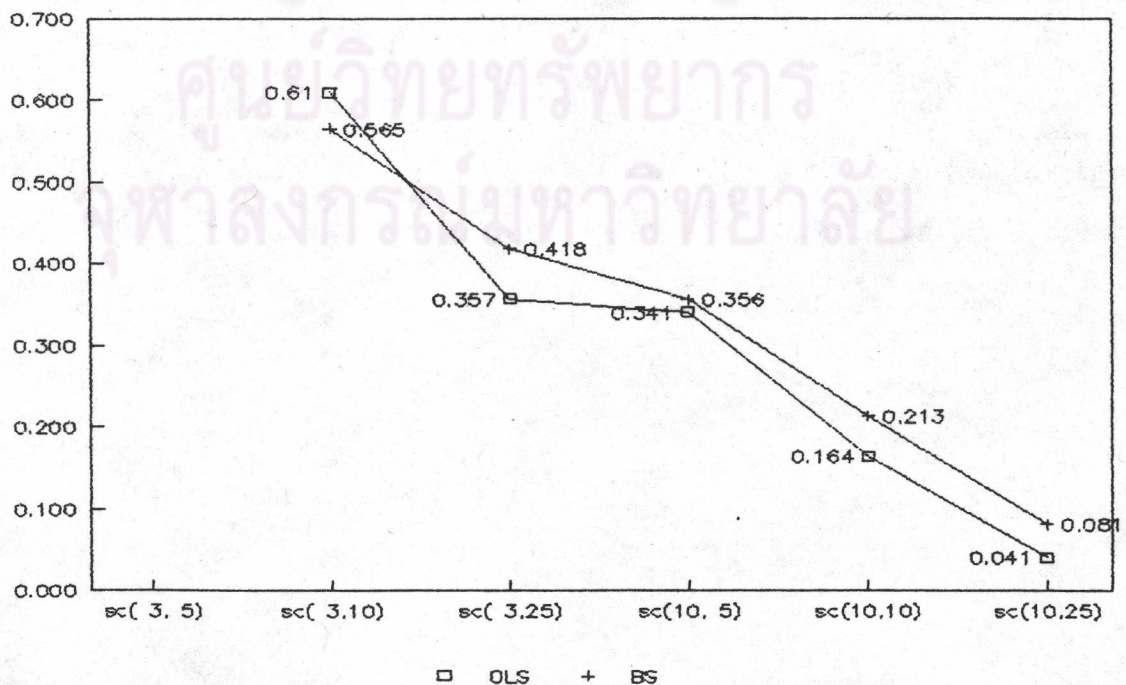
รูปที่ 2.1.18 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปโลมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=1, n=12, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



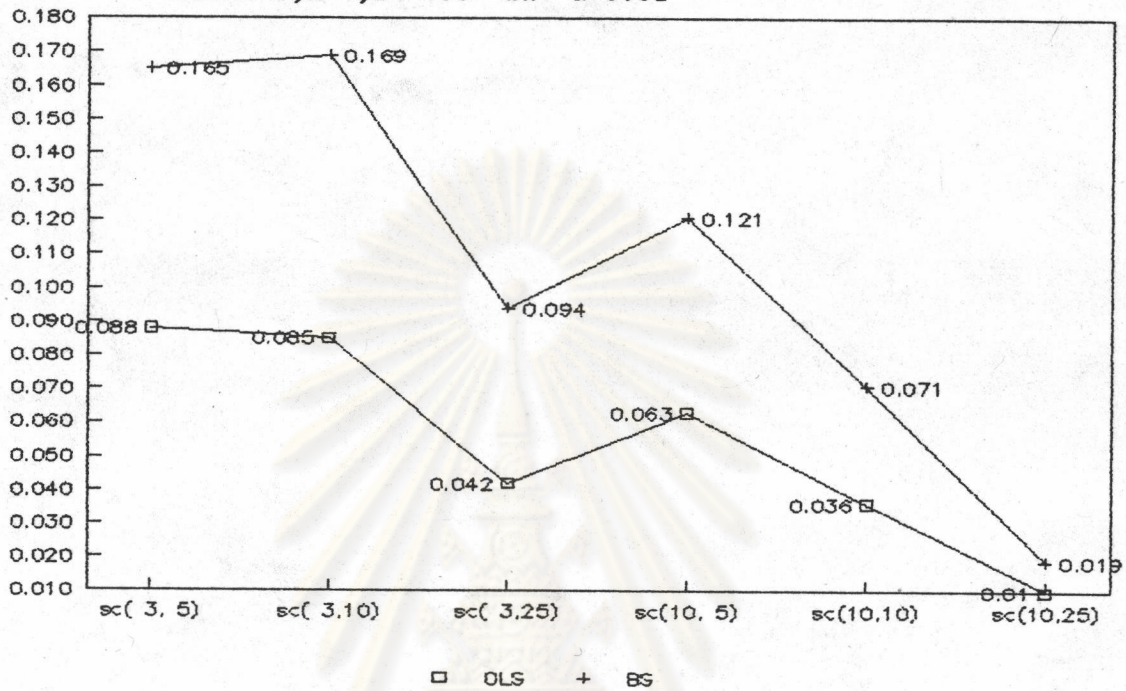
รูปที่ 2.1.19 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=3, n=12, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



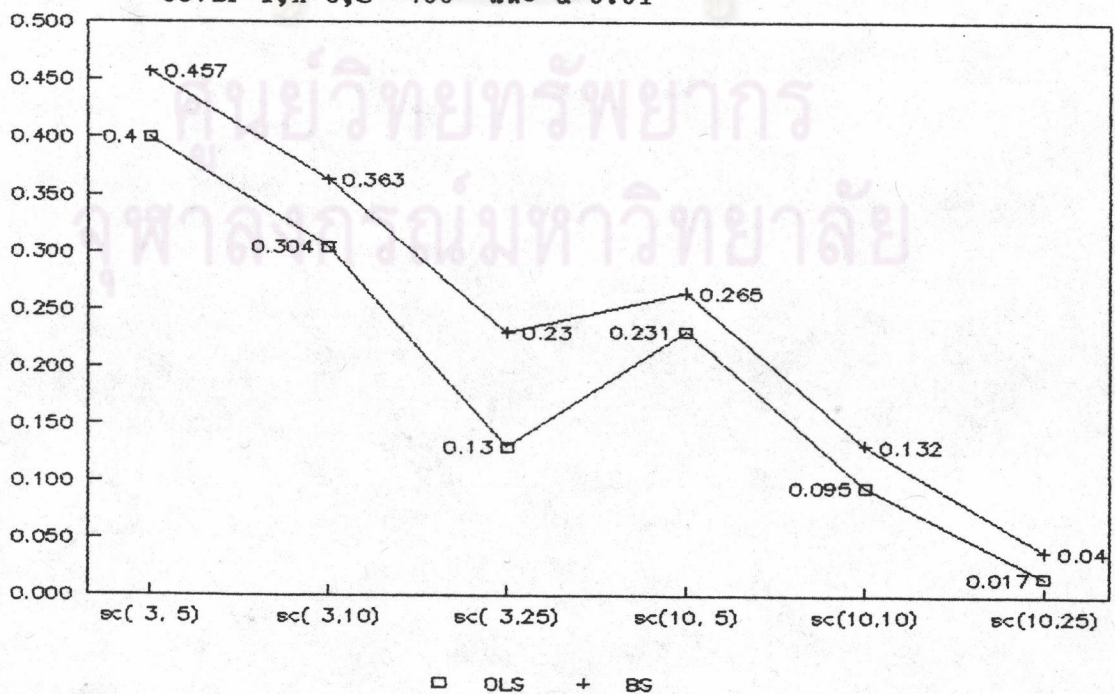
รูปที่ 2.1.20 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=5, n=12, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



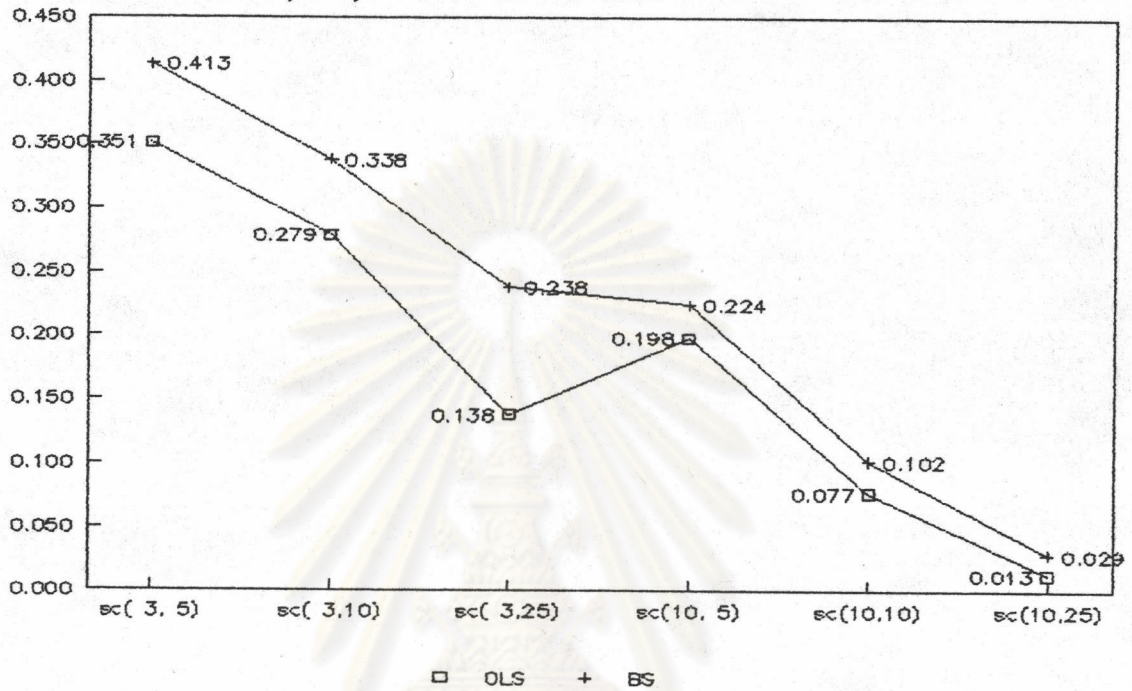
รูปที่ 2.1.21 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=5, n=4, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



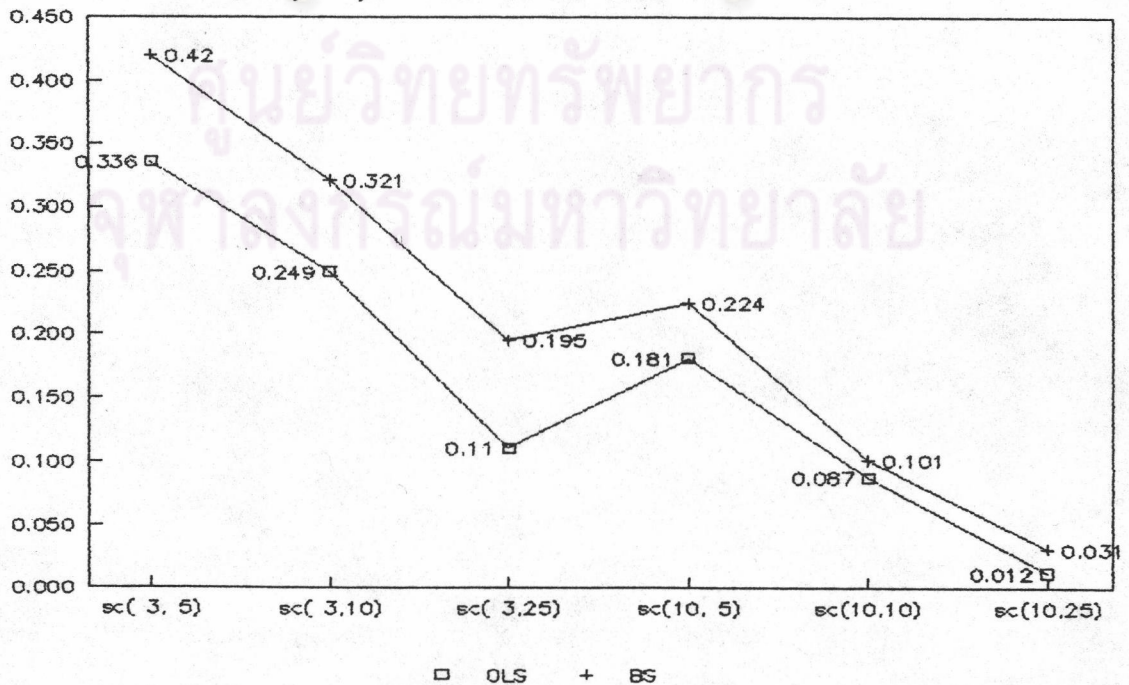
รูปที่ 2.1.22 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=1, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



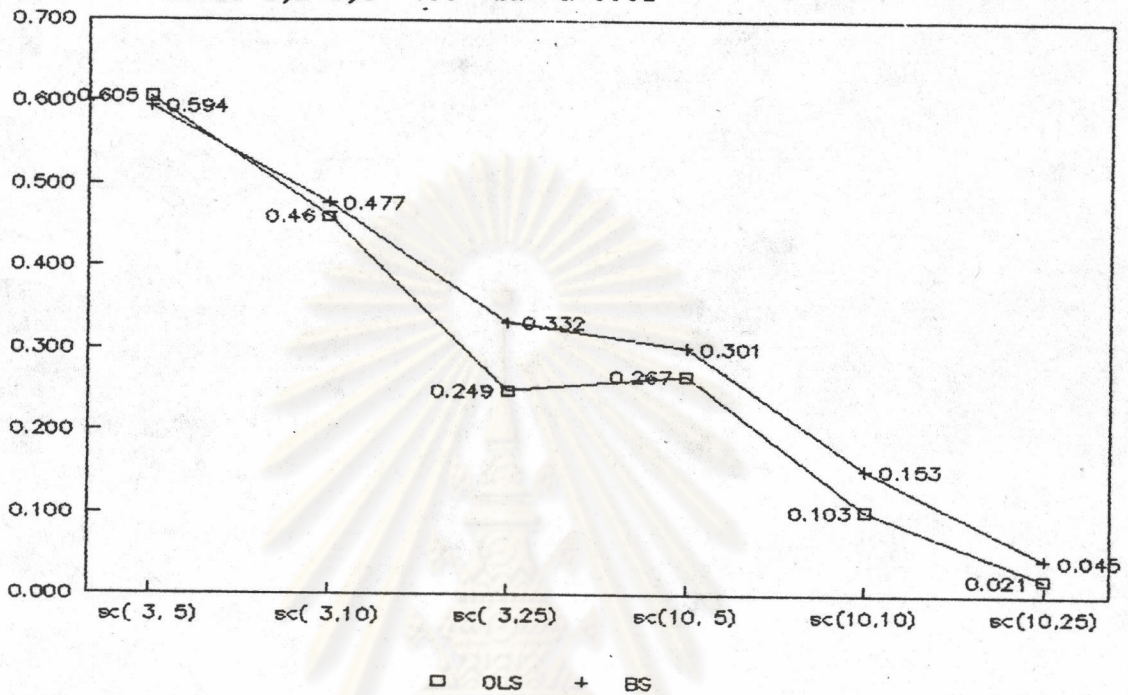
รูปที่ 2.1.23 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=3, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



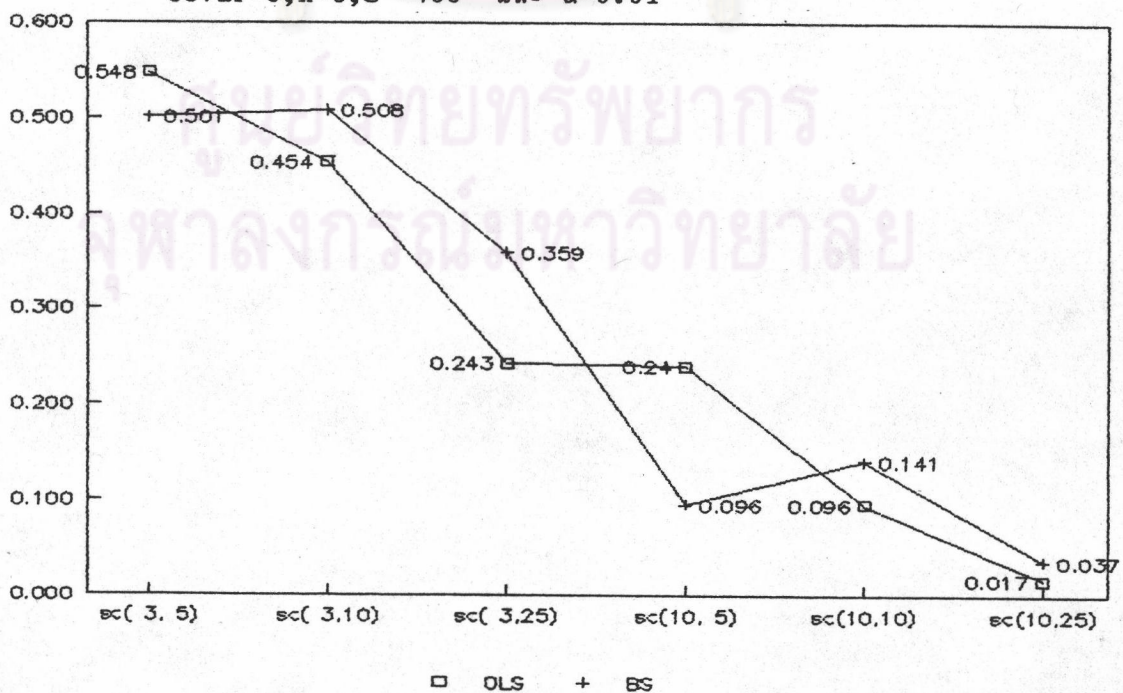
รูปที่ 2.1.24 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=5, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



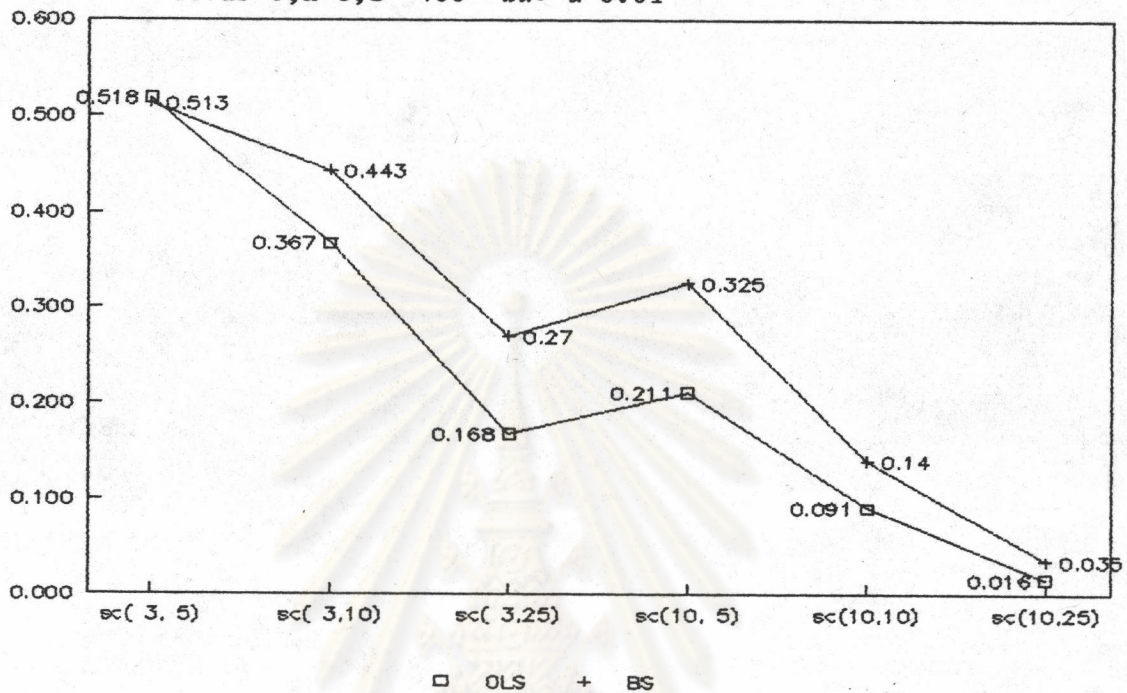
รูปที่ 2.1.25 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=1, n=8, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



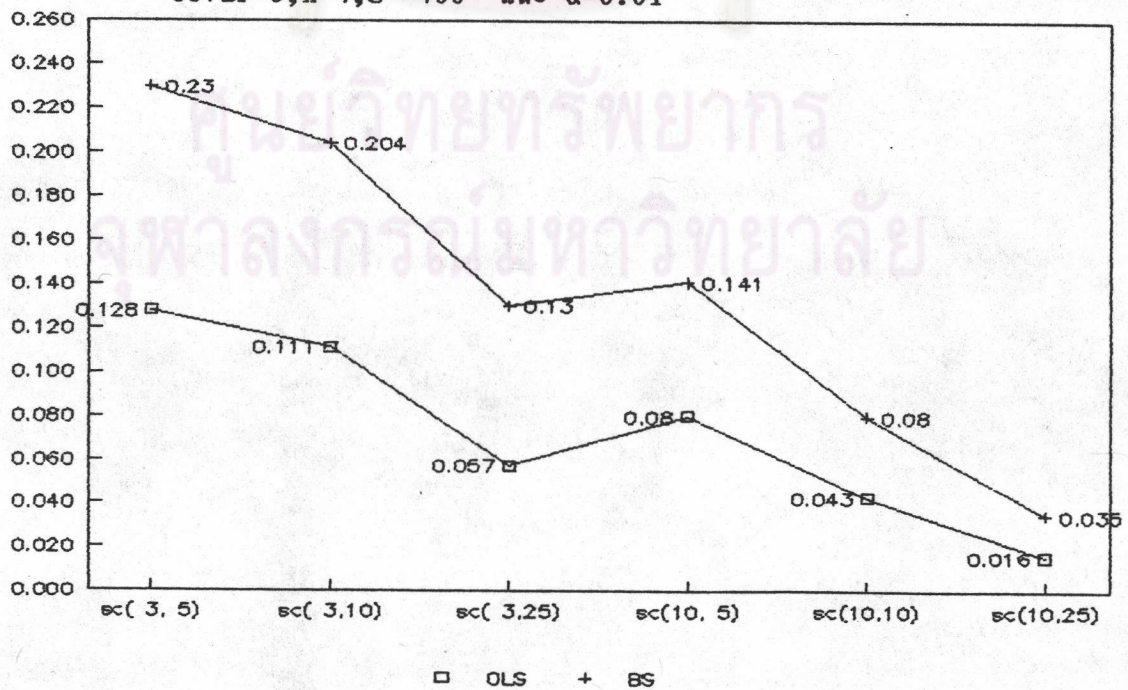
รูปที่ 2.1.26 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=3, n=8, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



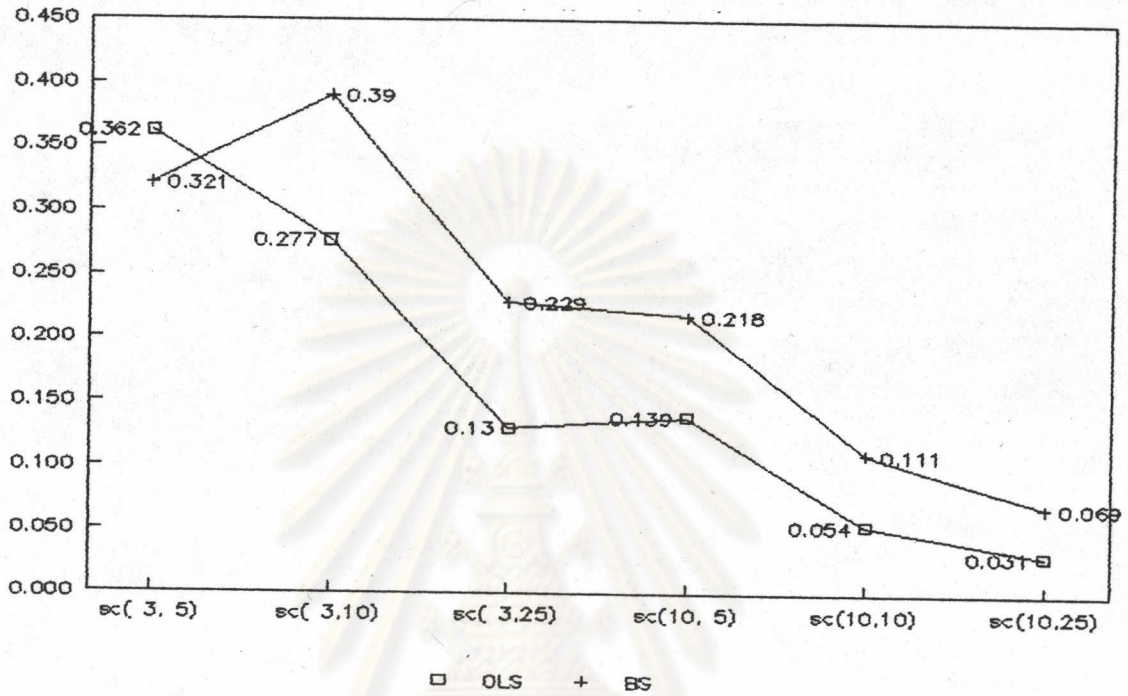
รูปที่ 2.1.27 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=5, n=8, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



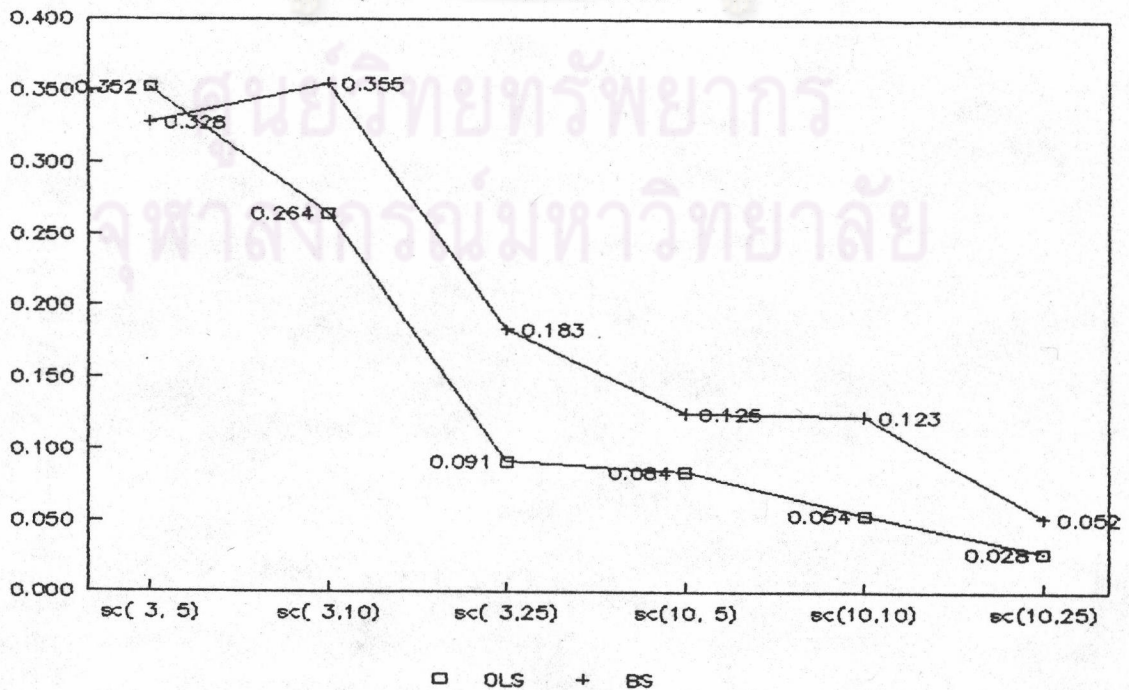
รูปที่ 2.1.28 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=5, n=4, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



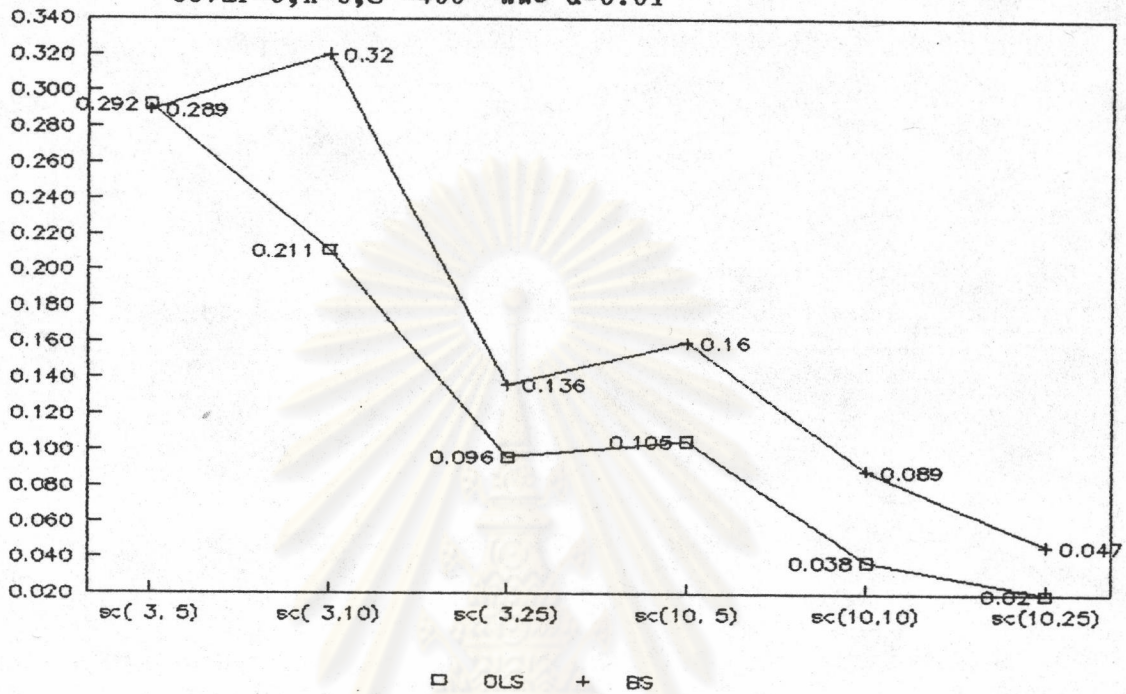
รูปที่ 2.1.29 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสตรอปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=1, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



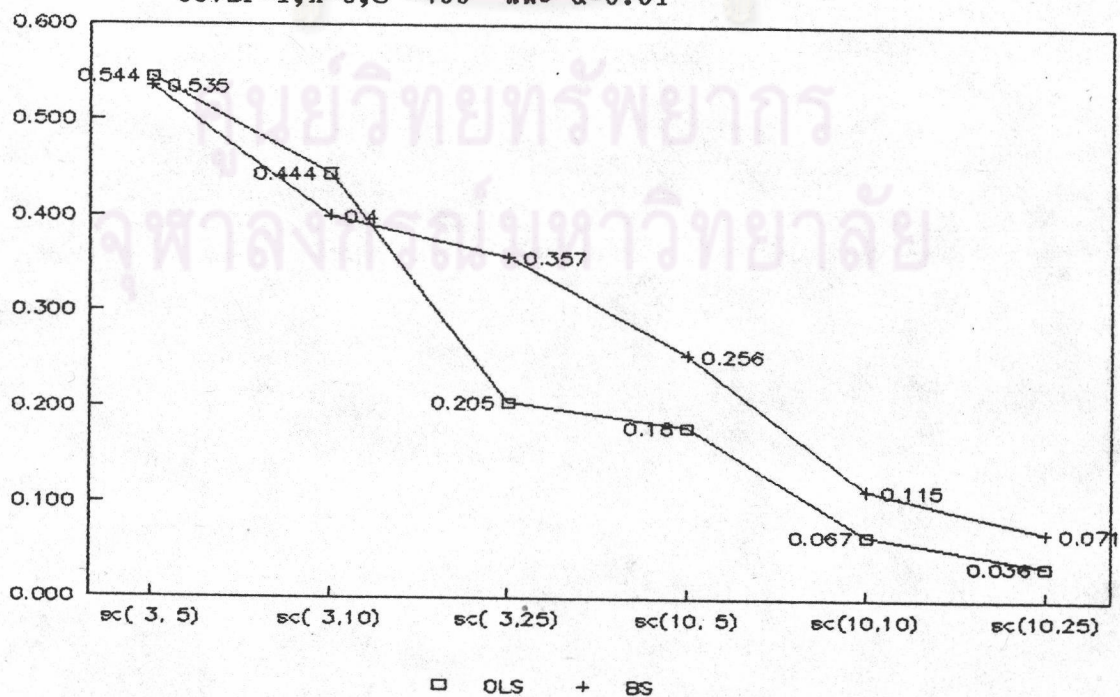
รูปที่ 2.1.30 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสตรอปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=3, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



รูปที่ 2.1.31 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีมาตรฐานกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=5, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$

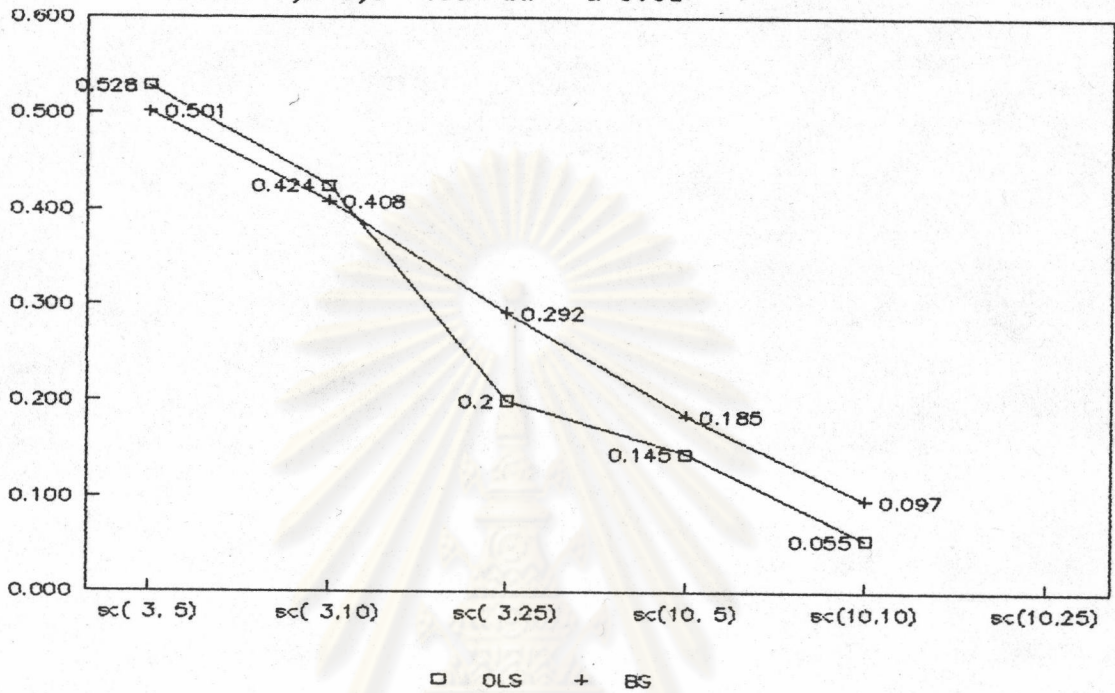


รูปที่ 2.1.32 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีมาตรฐานกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=1, n=8, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



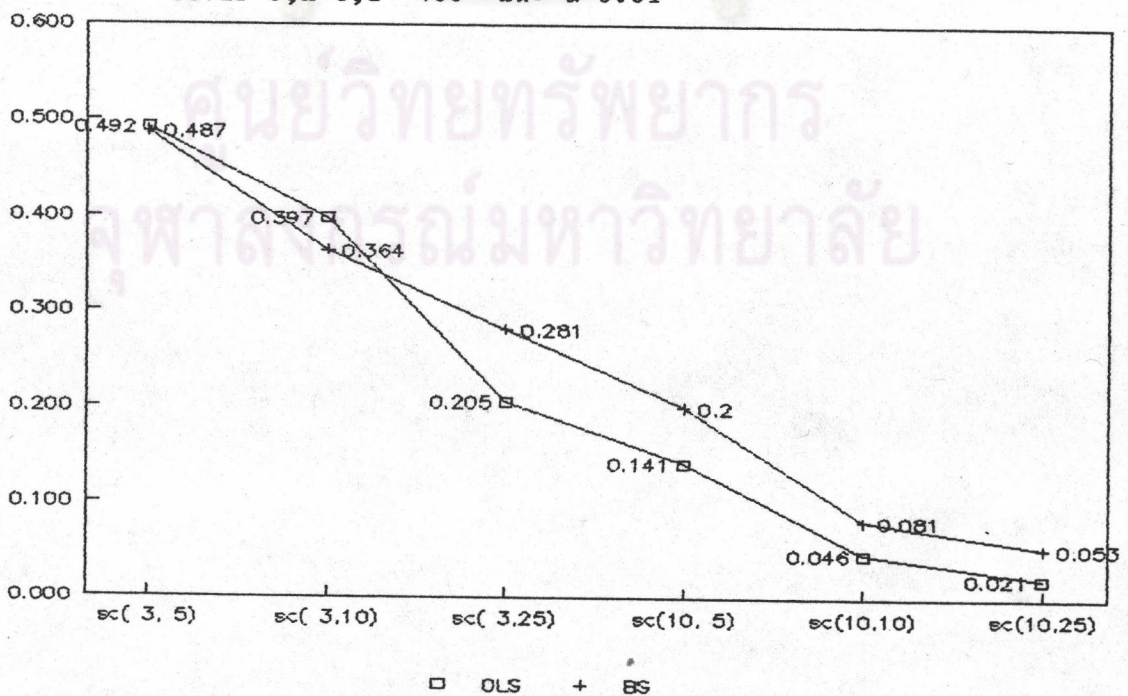
รูปที่ 2.1.33 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$,

$covar = 3, n = 8, \sigma^2 = 400$ และ $\alpha = 0.01$



รูปที่ 2.1.34 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$,

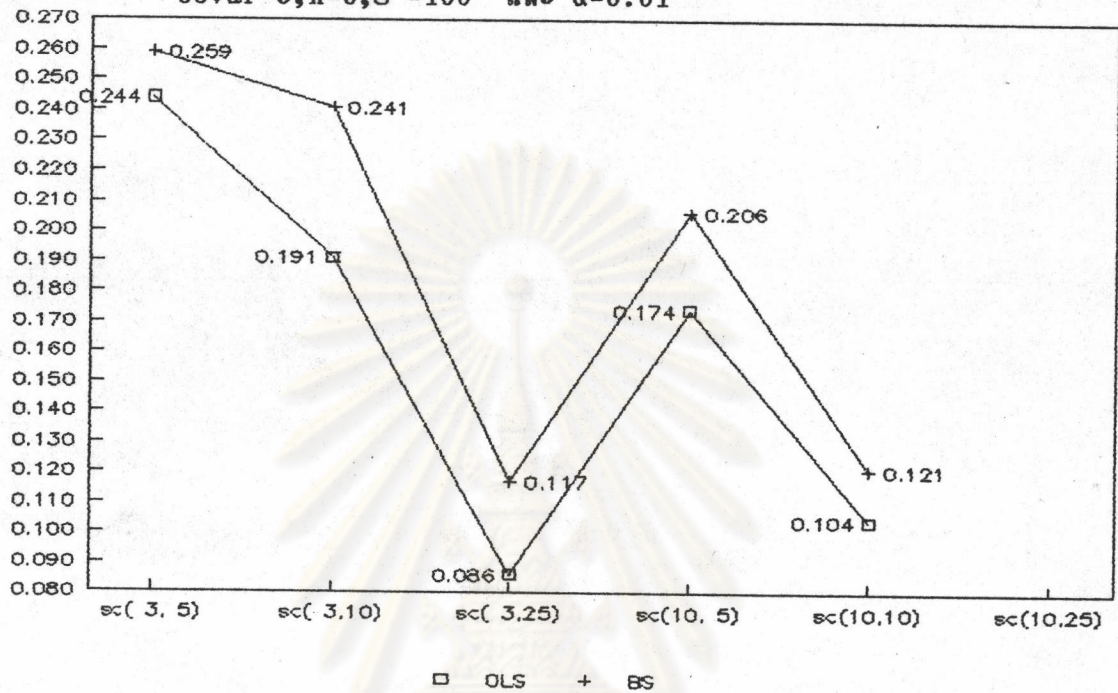
$covar = 5, n = 8, \sigma^2 = 400$ และ $\alpha = 0.01$



รูปที่ 2.1.35 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด

เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$,

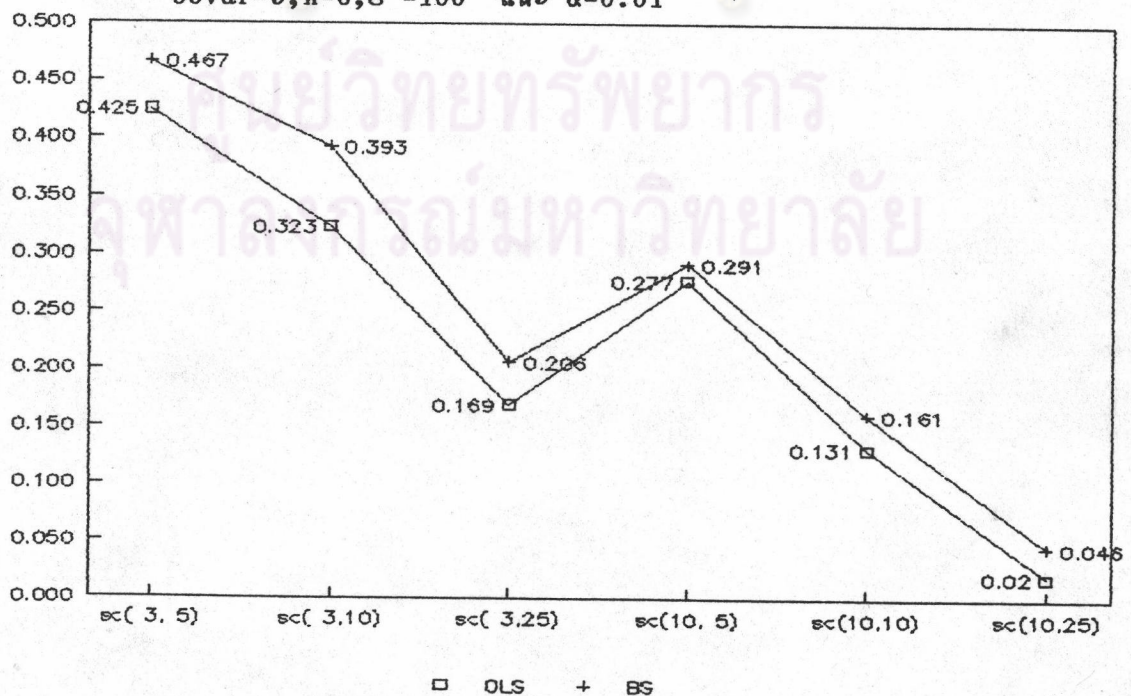
$covar=5, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



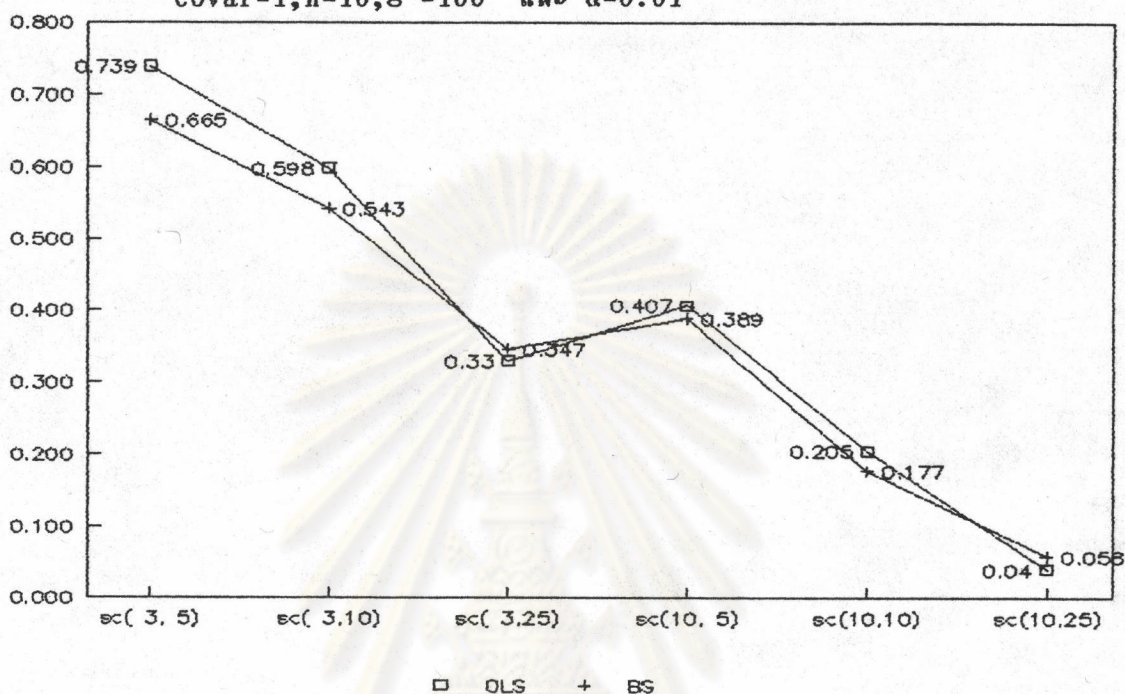
รูปที่ 2.1.36 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด

เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$,

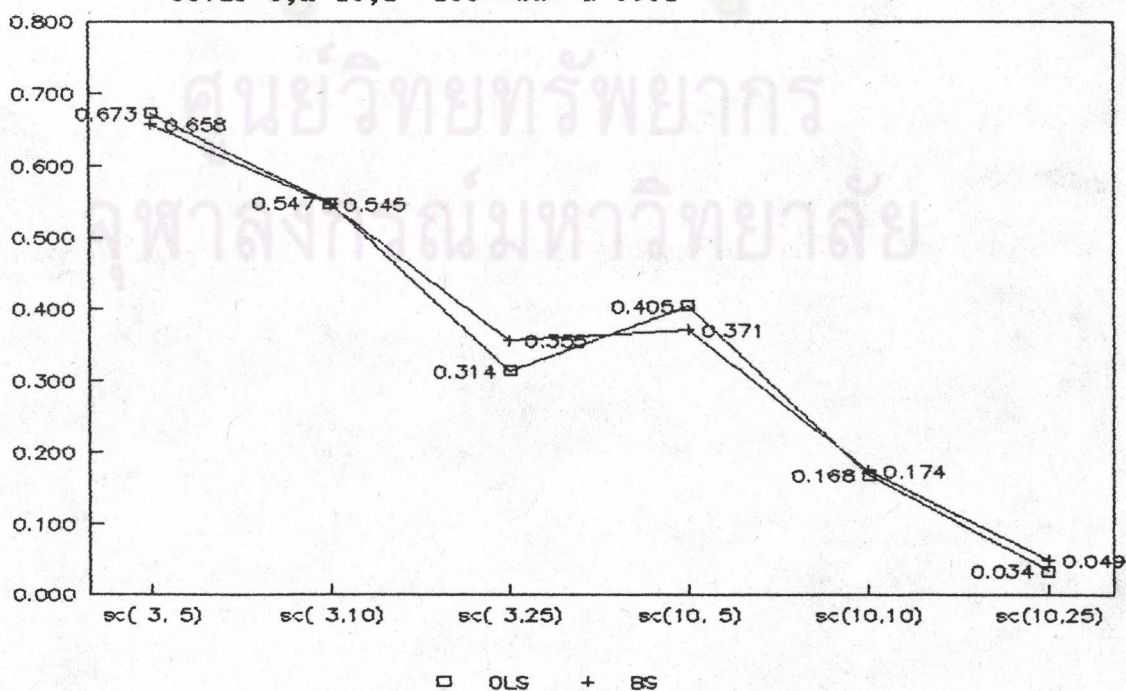
$covar=5, n=8, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



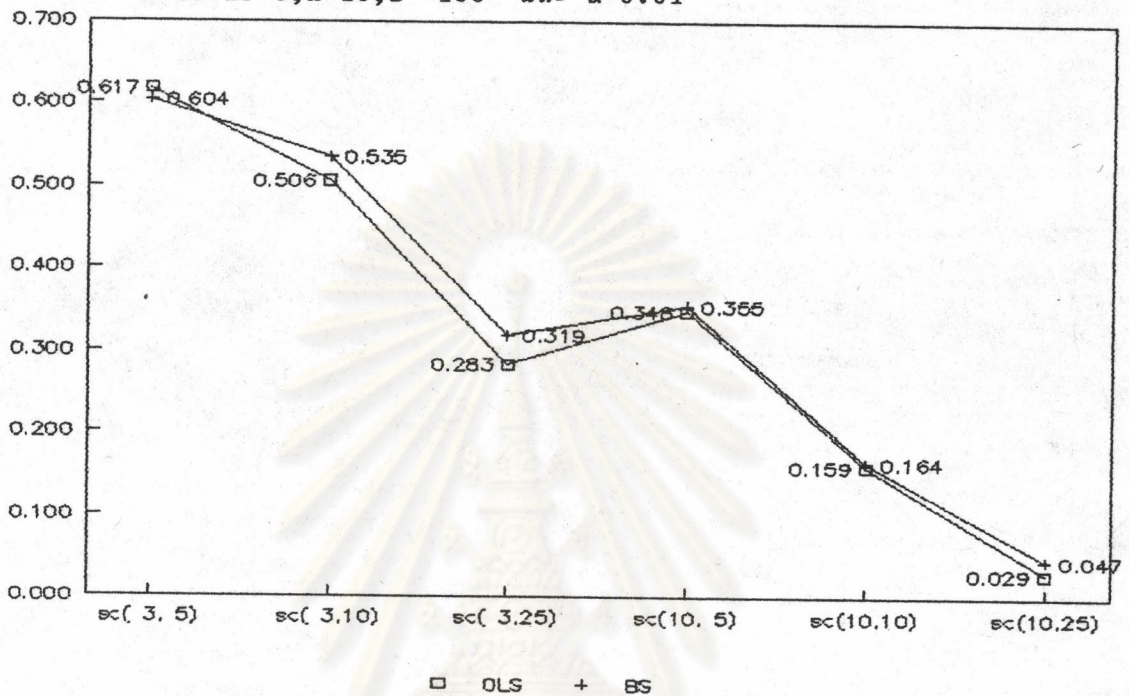
รูปที่ 2.1.37 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $t_r = 3$, $covar=1, n=10, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



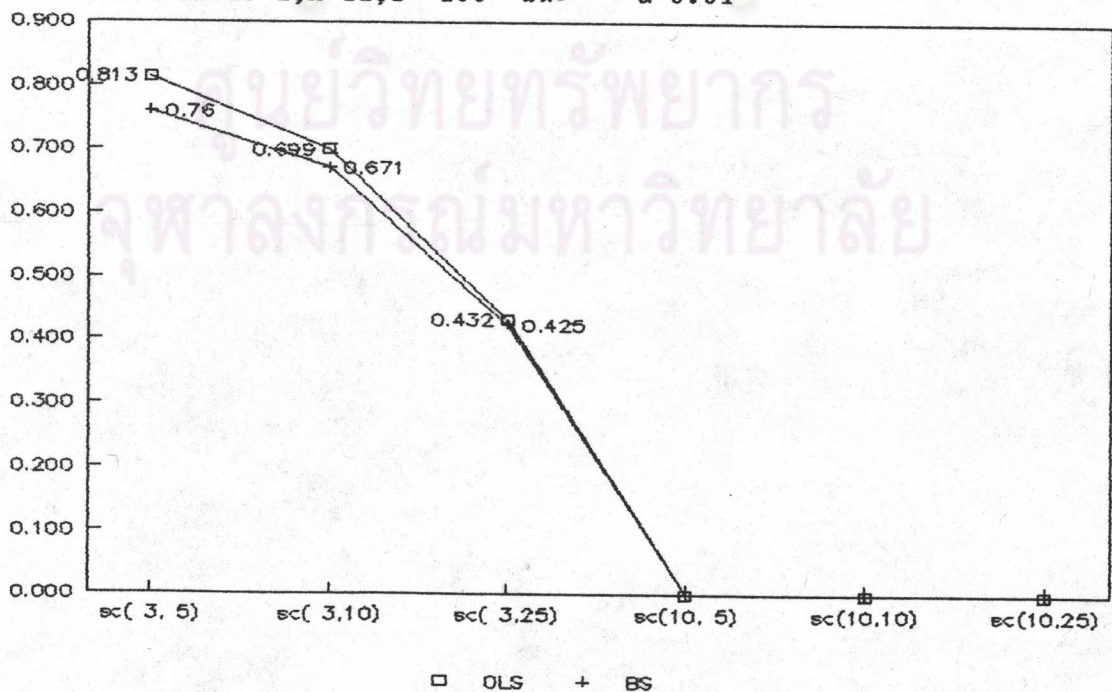
รูปที่ 2.1.38 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $t_r = 3$, $covar=3, n=10, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



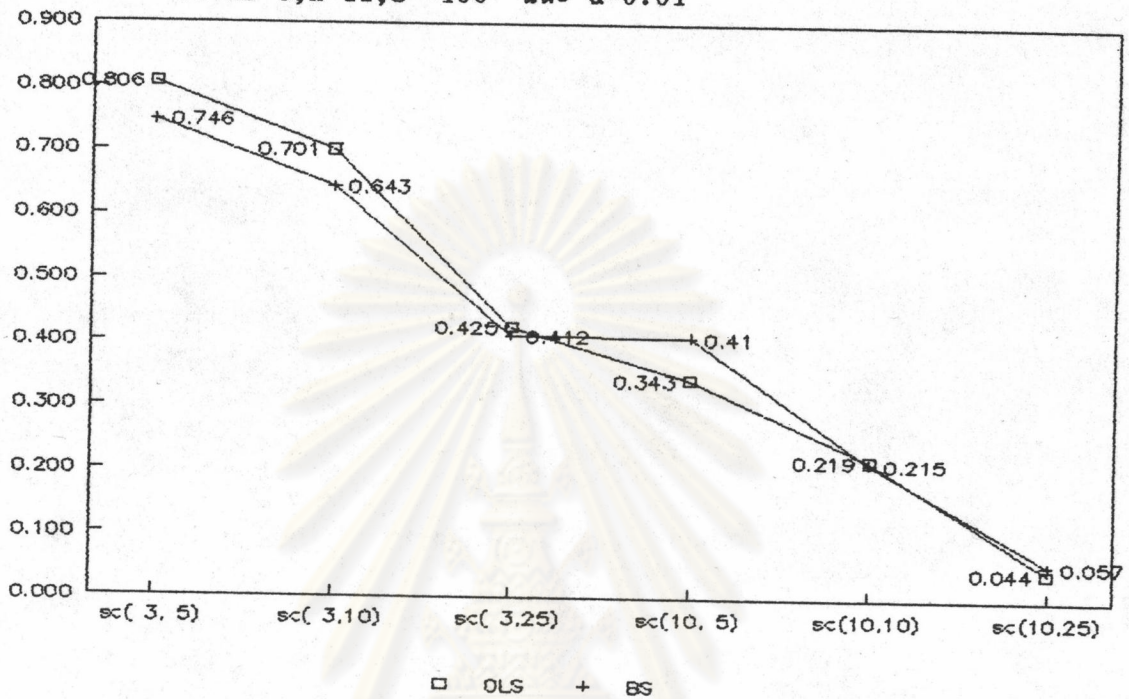
รูปที่ 2.1.39 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=5, n=10, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



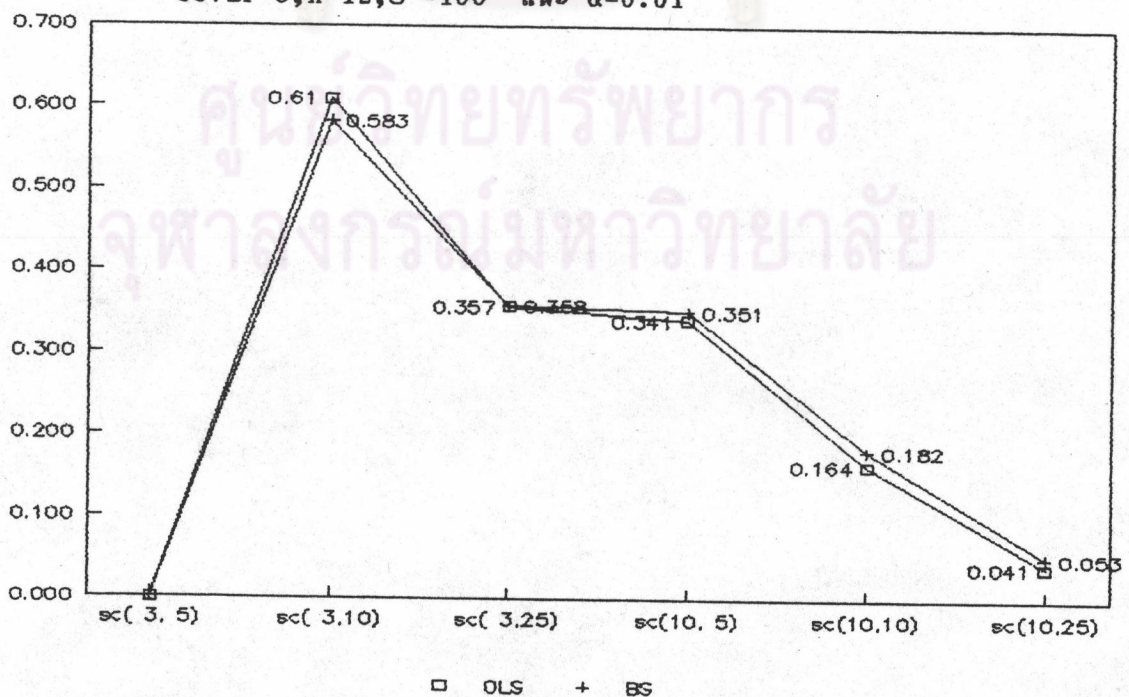
รูปที่ 2.1.40 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=1, n=12, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



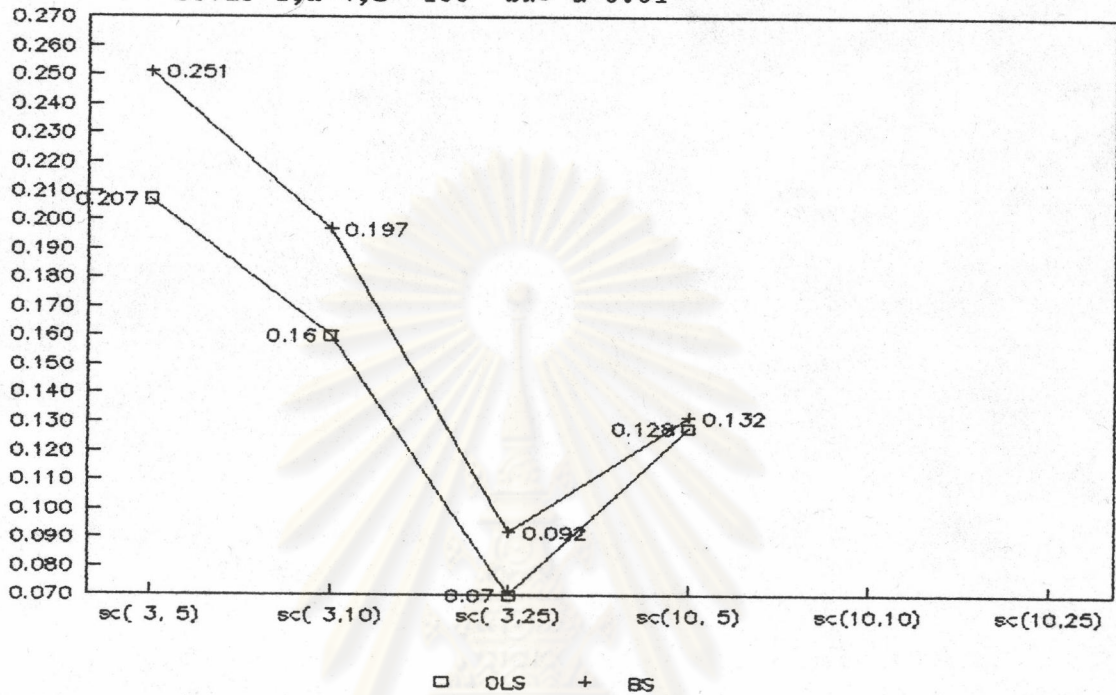
รูปที่ 2.1.41 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar = 3, n = 12, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.01$



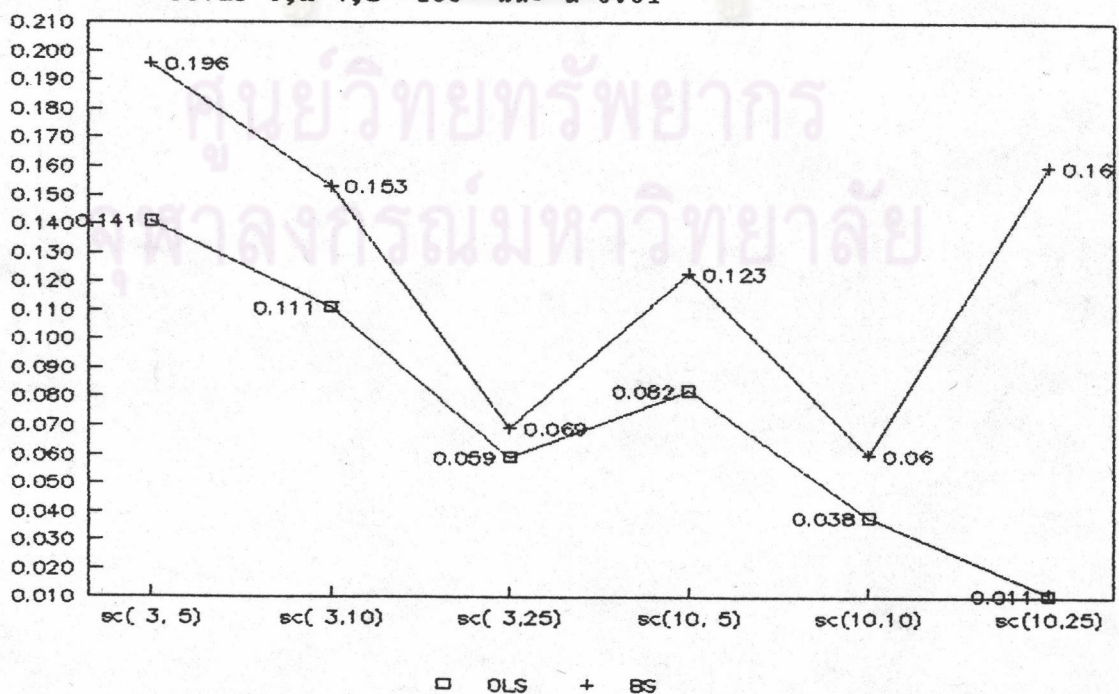
รูปที่ 2.1.42 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar = 5, n = 12, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.01$



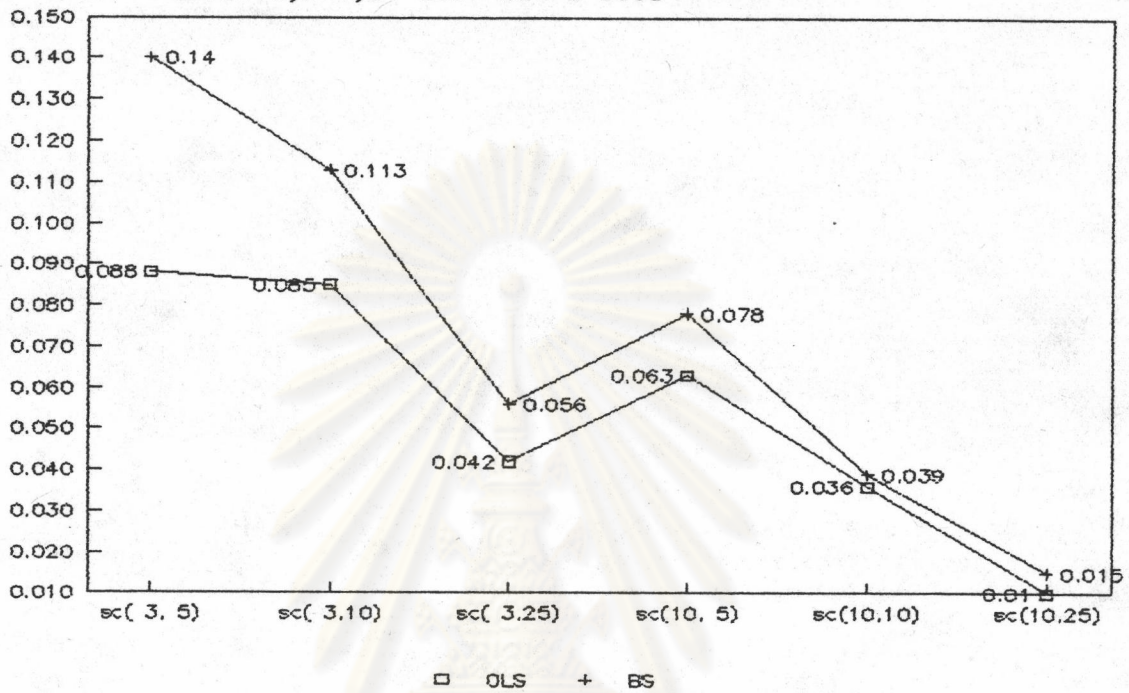
รูปที่ 2.1.43 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=1, n=4, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



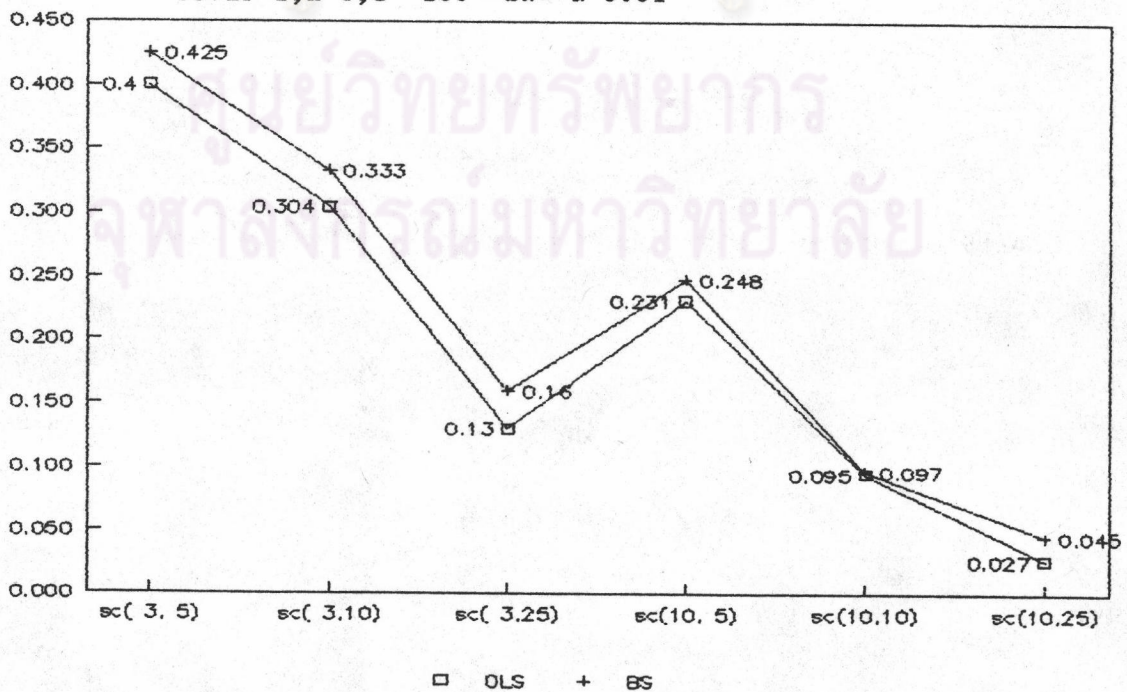
รูปที่ 2.1.44 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=3, n=4, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



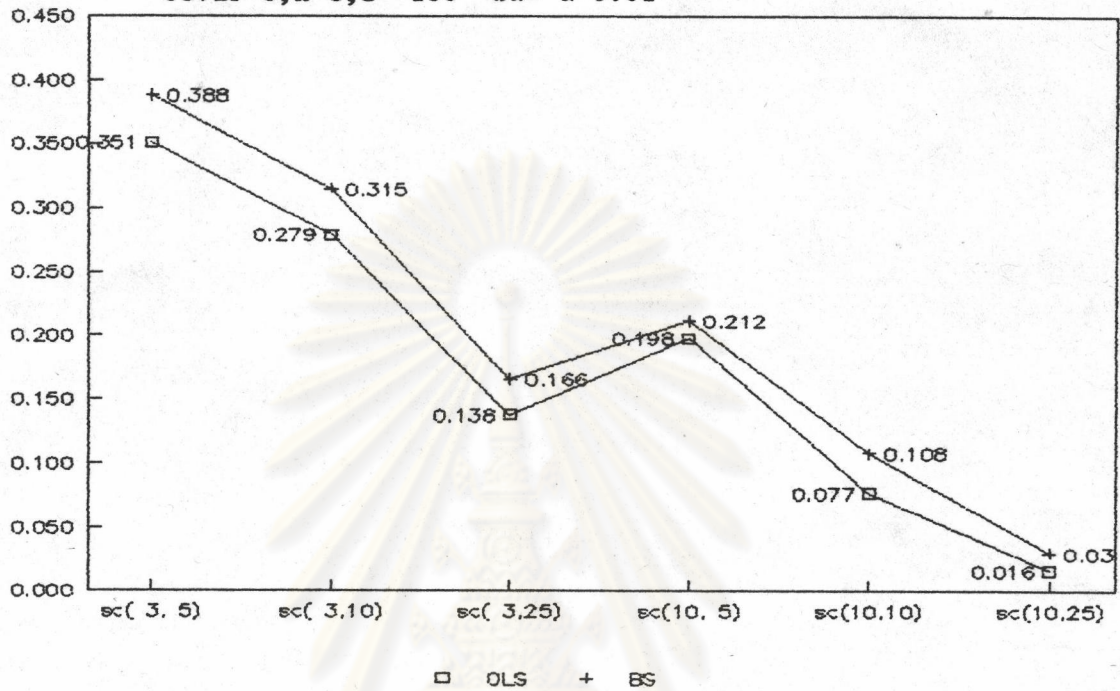
รูปที่ 2.1.45 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$,
 $covar=5, n=4, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



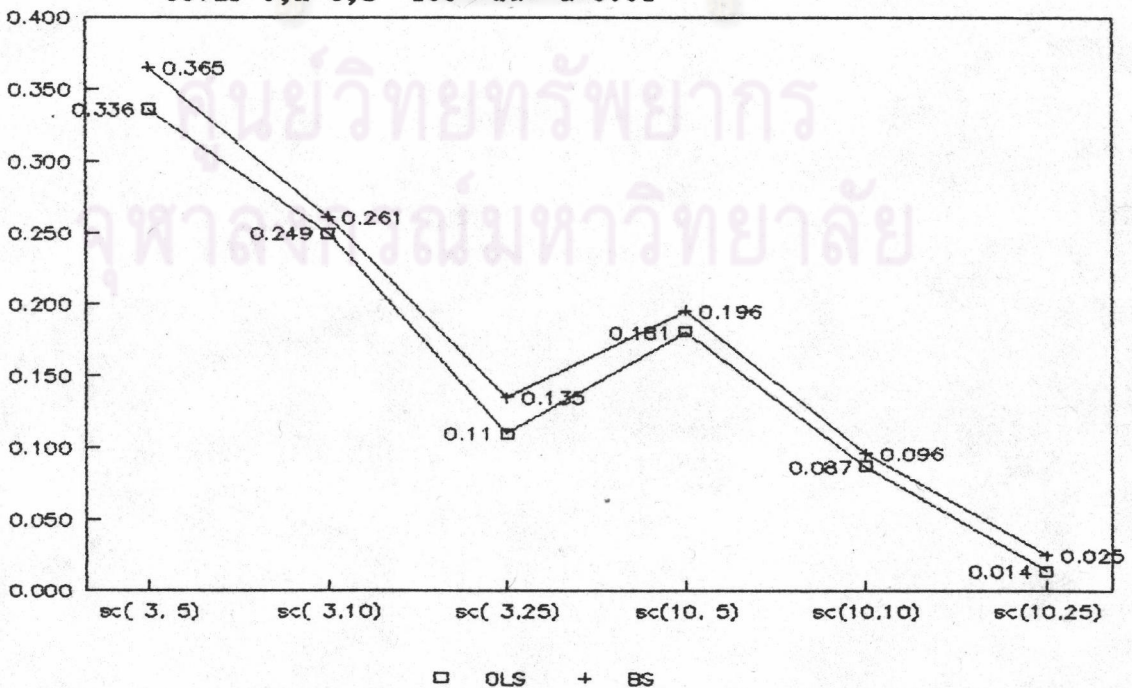
รูปที่ 2.1.46 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$,
 $covar=1, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



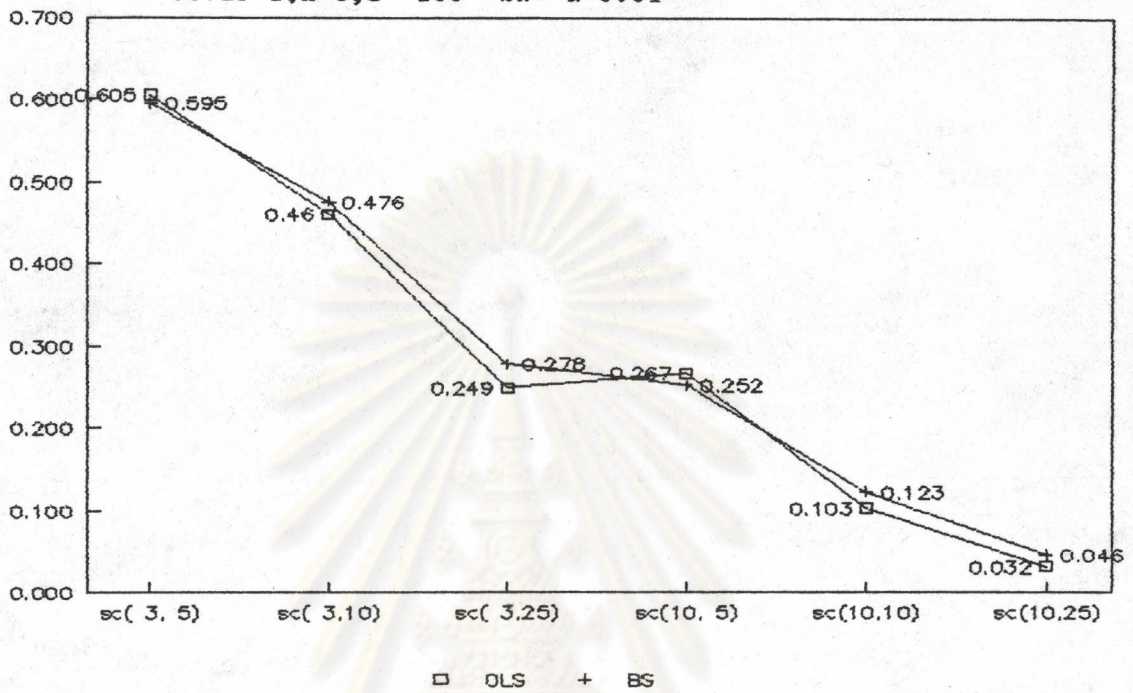
รูปที่ 2.1.47 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=3, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



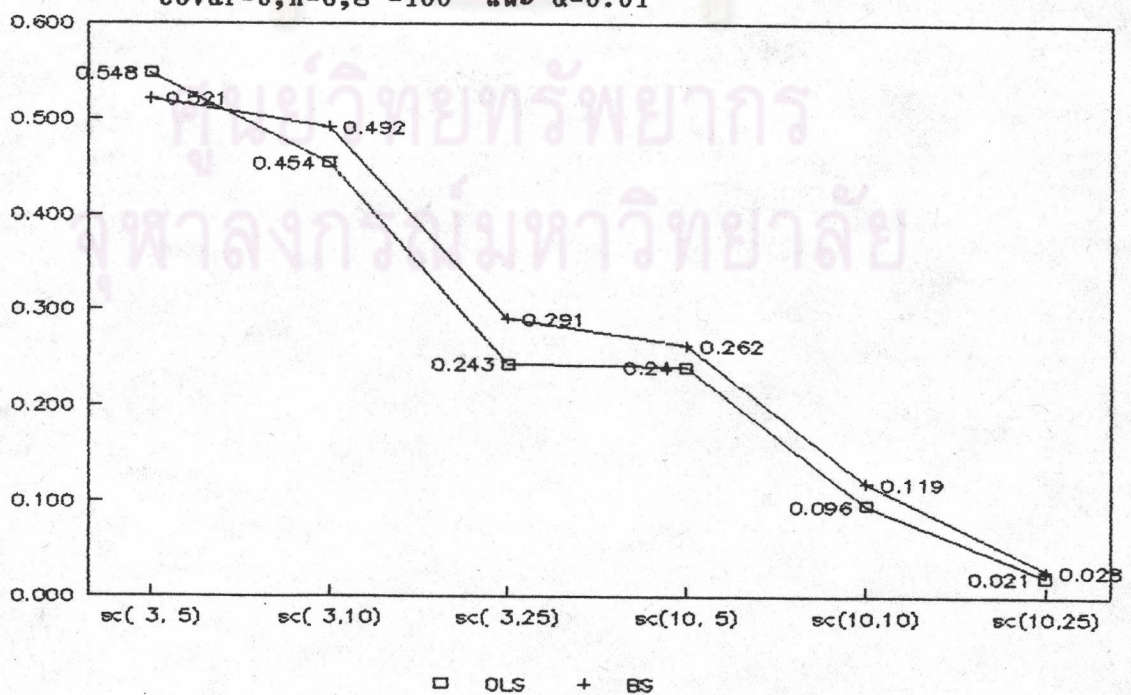
รูปที่ 2.1.48 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=5, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



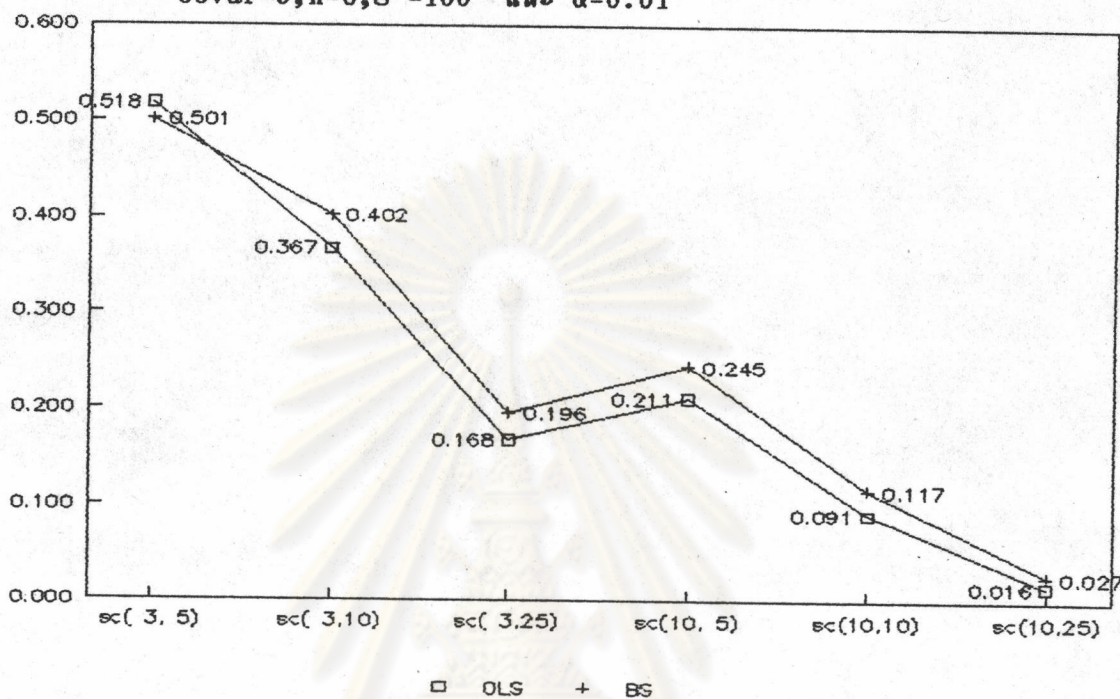
รูปที่ 2.1.49 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$,
 $covar=1, n=8, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



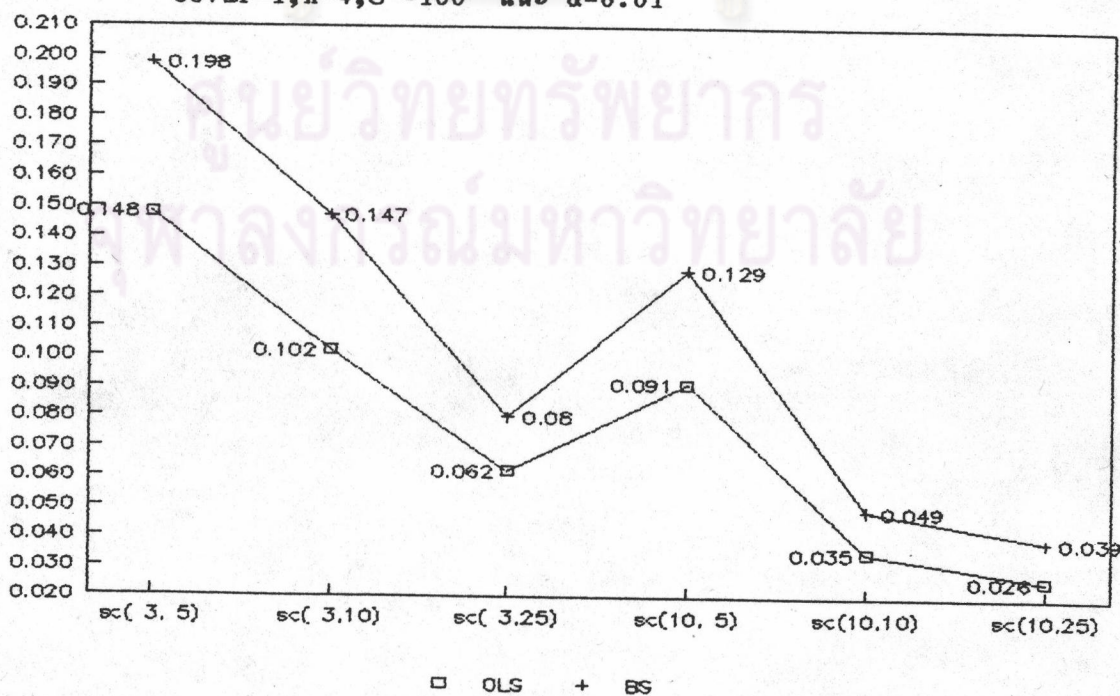
รูปที่ 2.1.50 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$,
 $covar=3, n=8, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



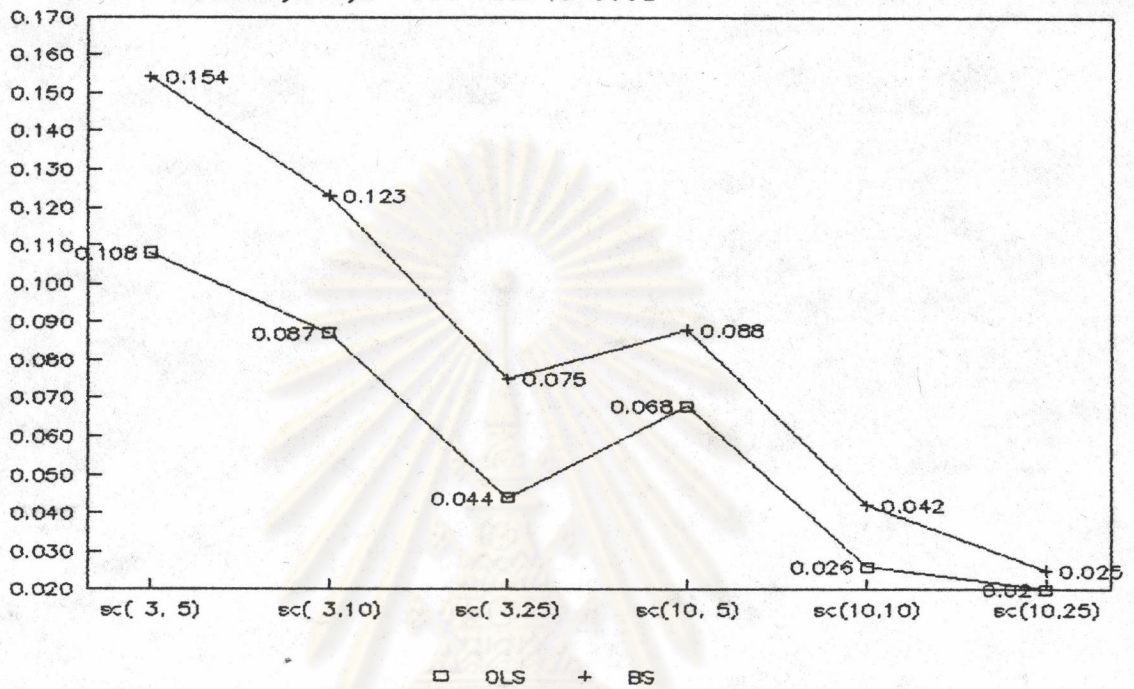
รูปที่ 2.1.51 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสตรัปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=5, n=8, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



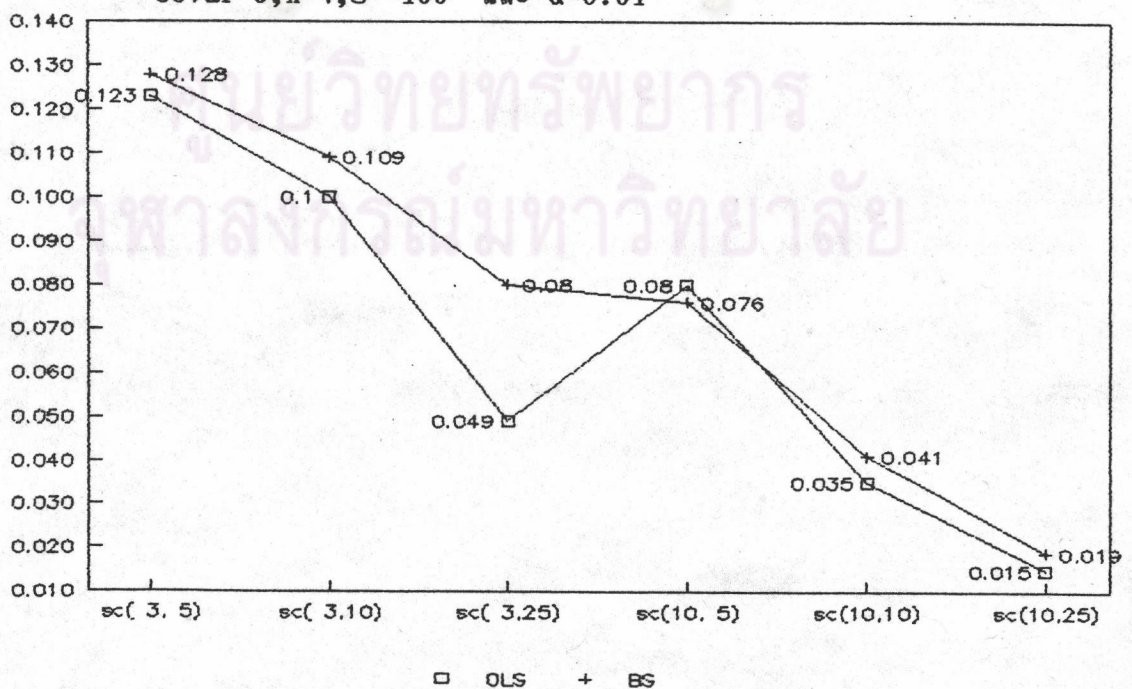
รูปที่ 2.1.52 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสตรัปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=1, n=4, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



รูปที่ 2.1.53 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$,
 $covar=3, n=4, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$

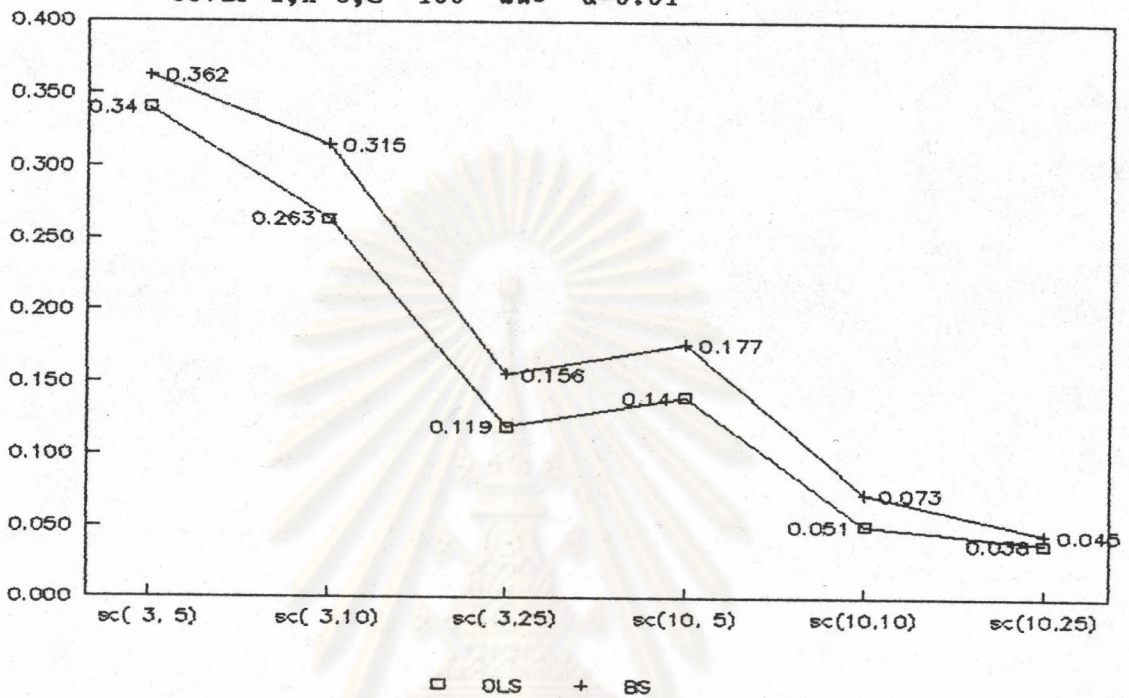


รูปที่ 2.1.54 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$,
 $covar=5, n=4, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



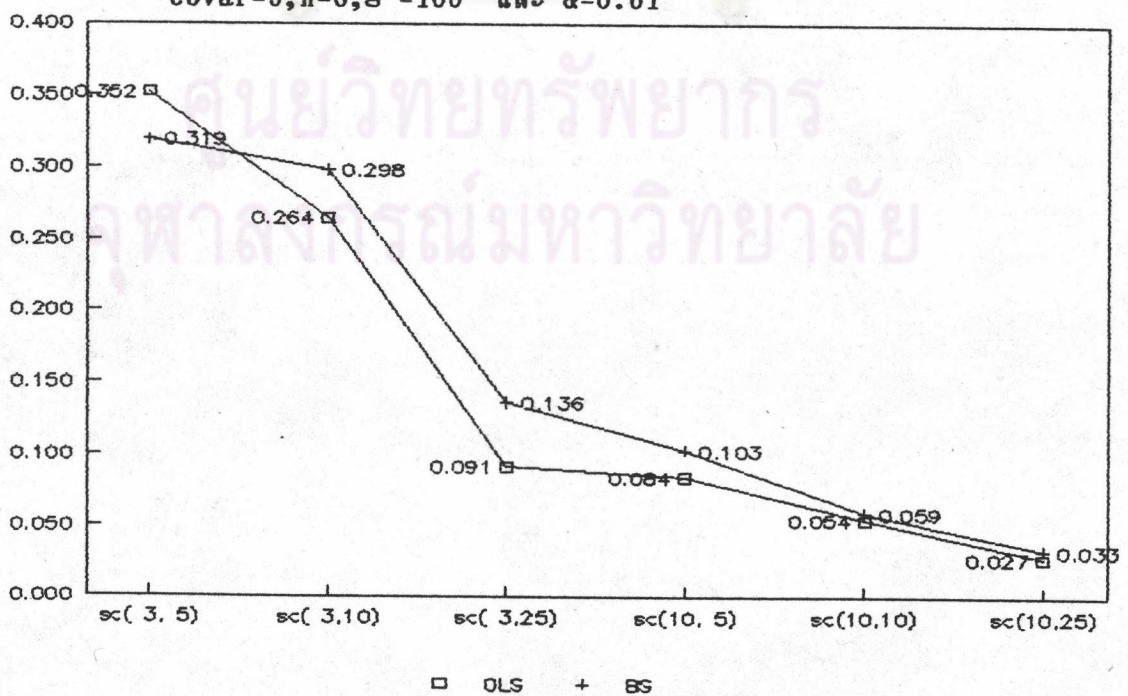
รูปที่ 2.1.55 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $t_r = 7$,

$covar=1, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$

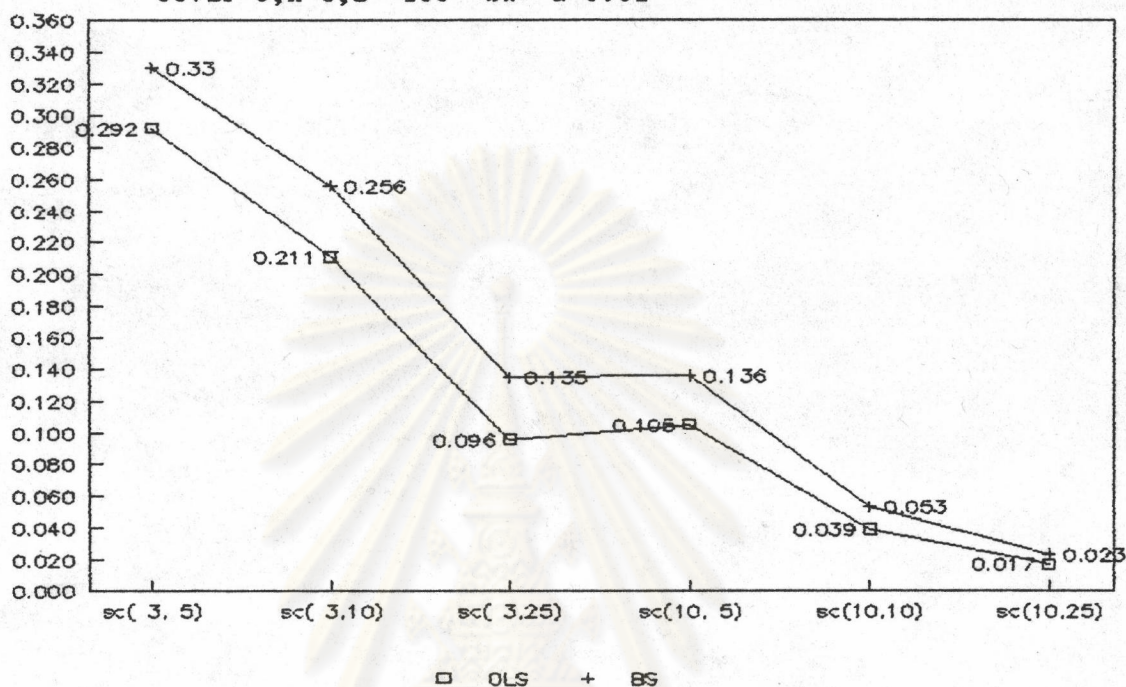


รูปที่ 2.1.56 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $t_r = 7$,

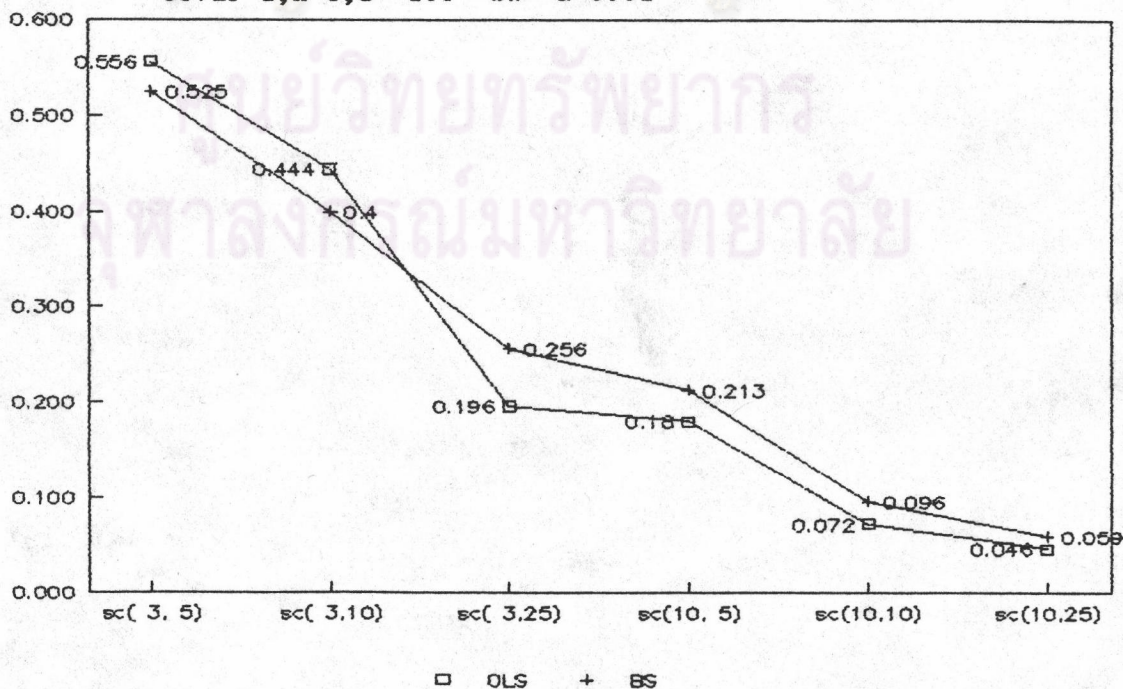
$covar=3, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



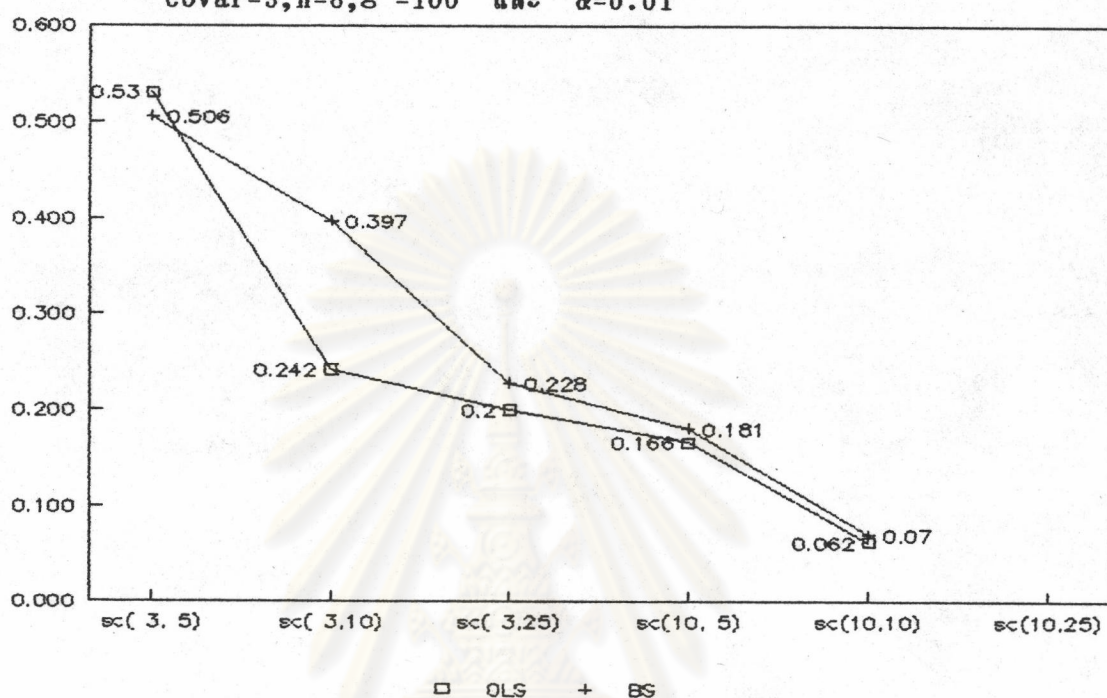
รูปที่ 2.1.57 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปโลมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=5, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



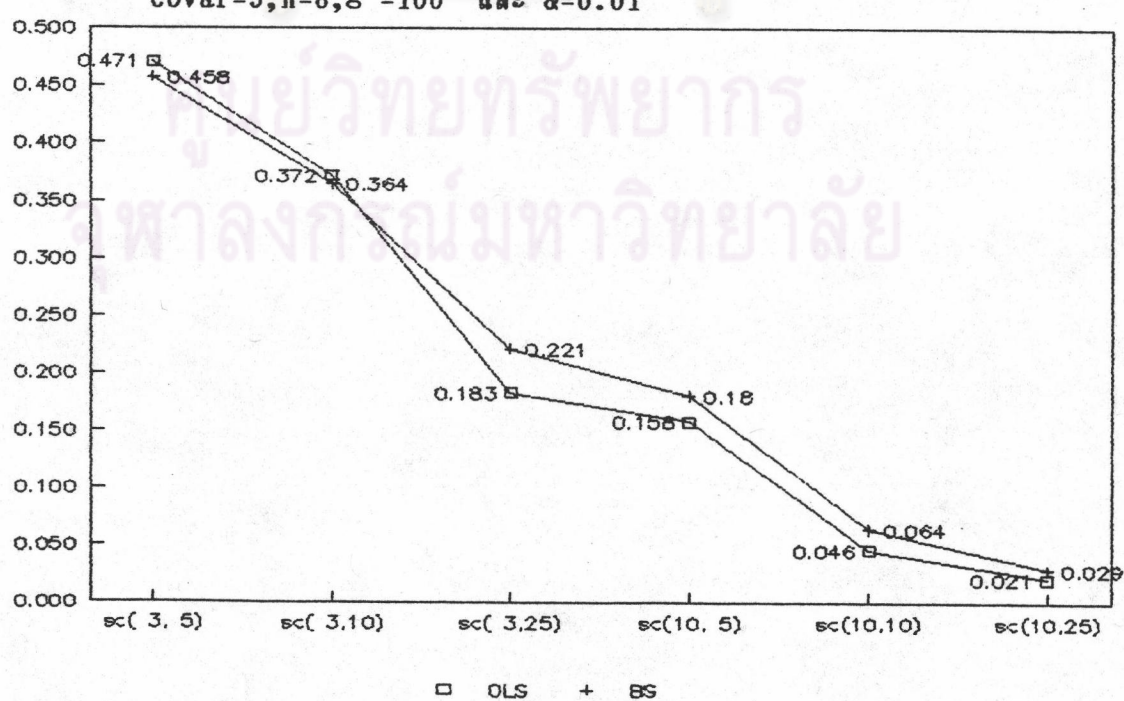
รูปที่ 2.1.58 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปโลมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=1, n=8, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



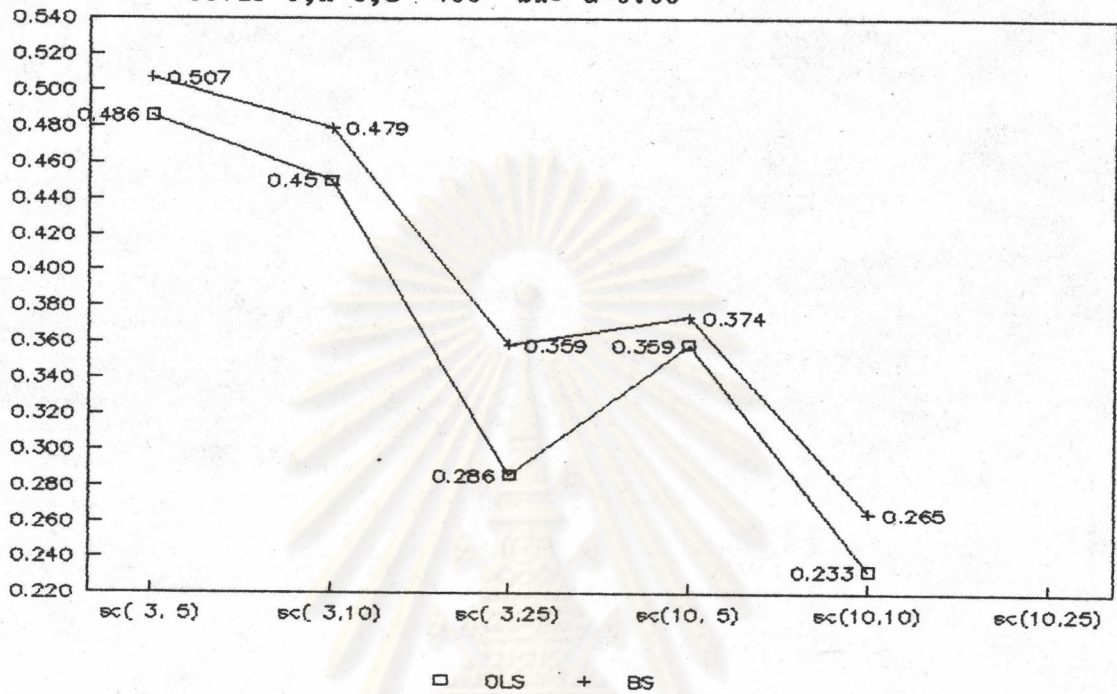
รูปที่ 2.1.59 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสตรัปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $t_r = 7$,
 $covar=3, n=8, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



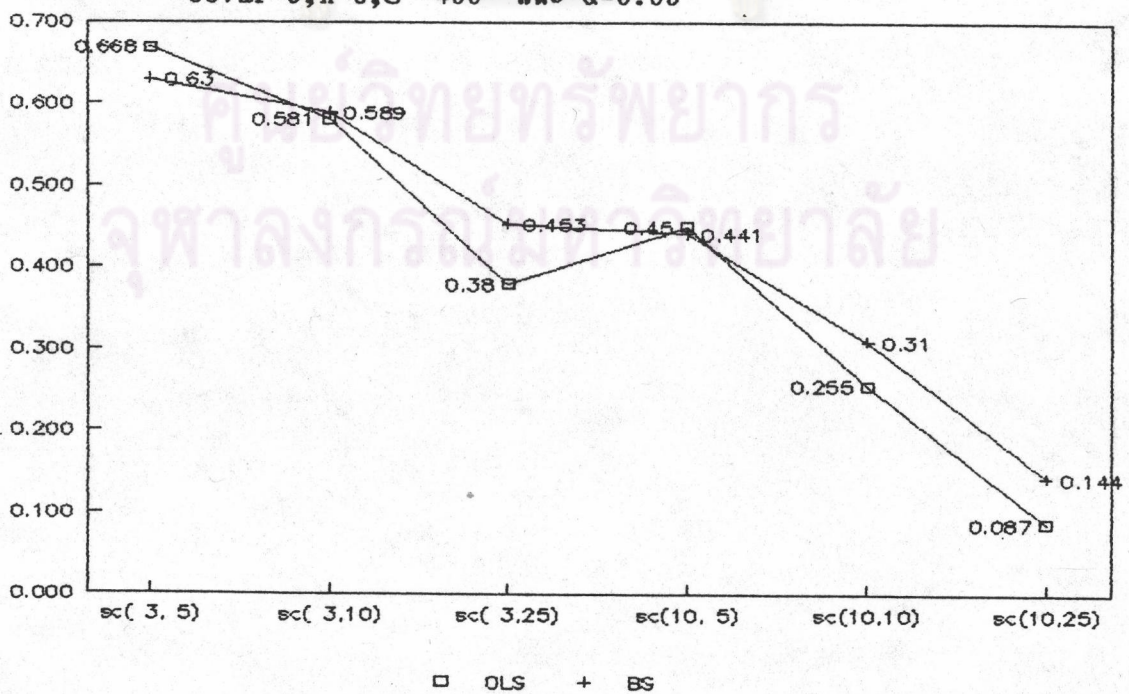
รูปที่ 2.1.60 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสตรัปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $t_r = 7$,
 $covar=5, n=8, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



รูปที่ 2.2.13 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เพื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$,
 $covar=5, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$

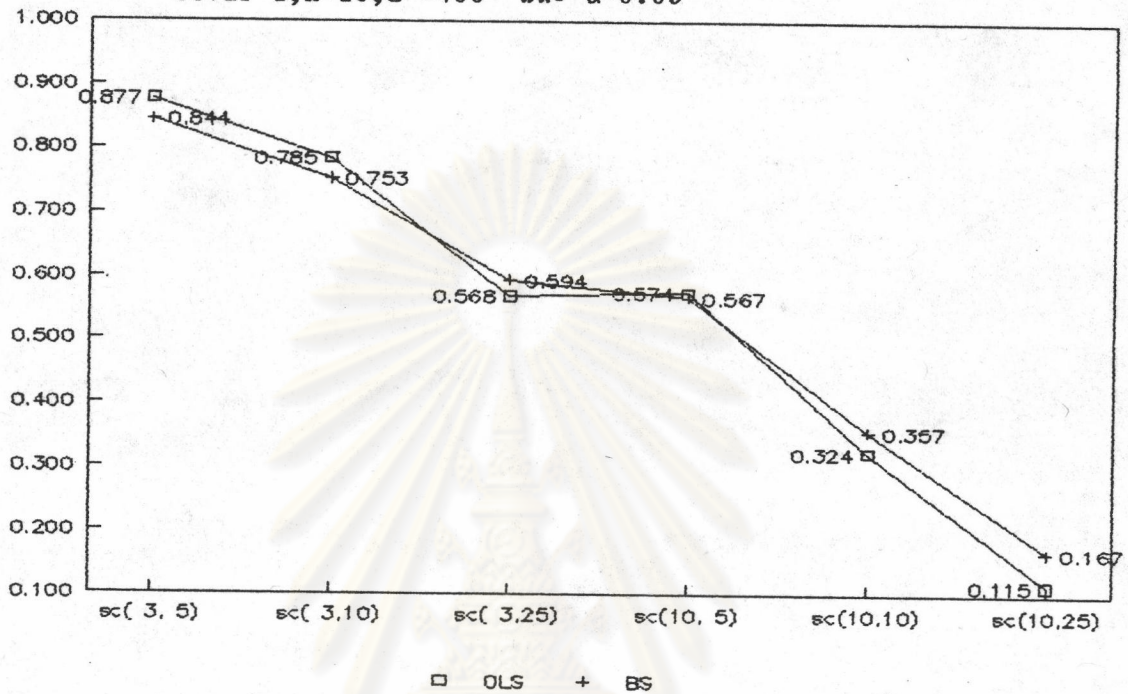


รูปที่ 2.2.14 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เพื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$,
 $covar=5, n=8, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



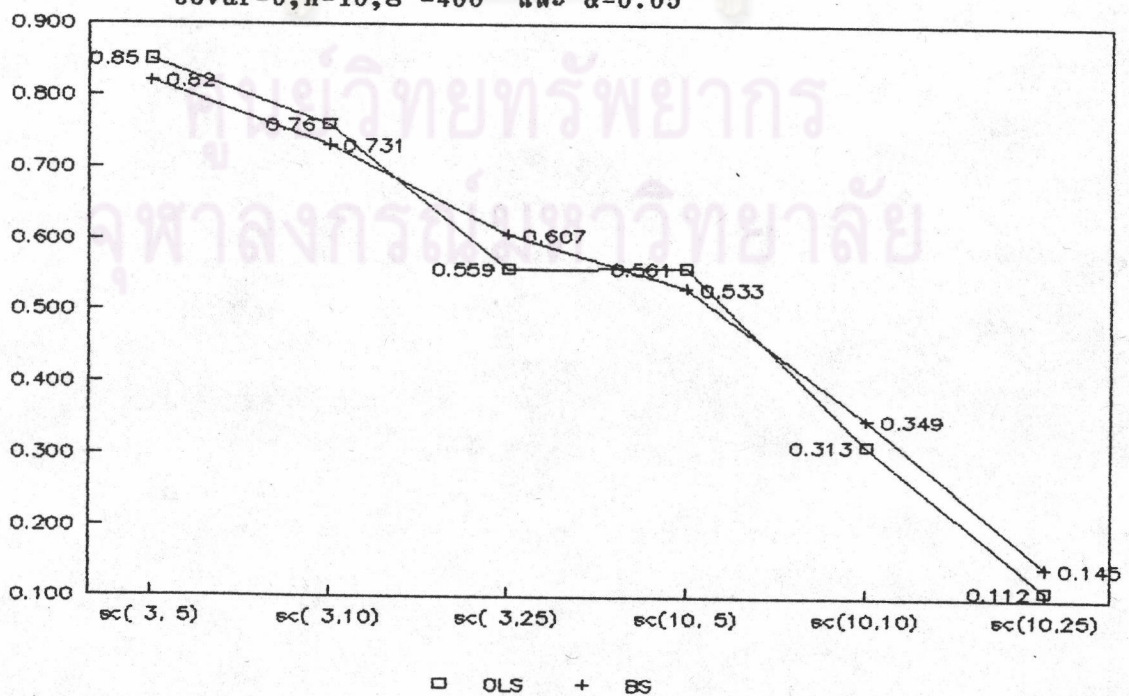
รูปที่ 2.2.15 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติป้อมปน โดยที่ $tr = 3$,

$covar=1, n=10, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$

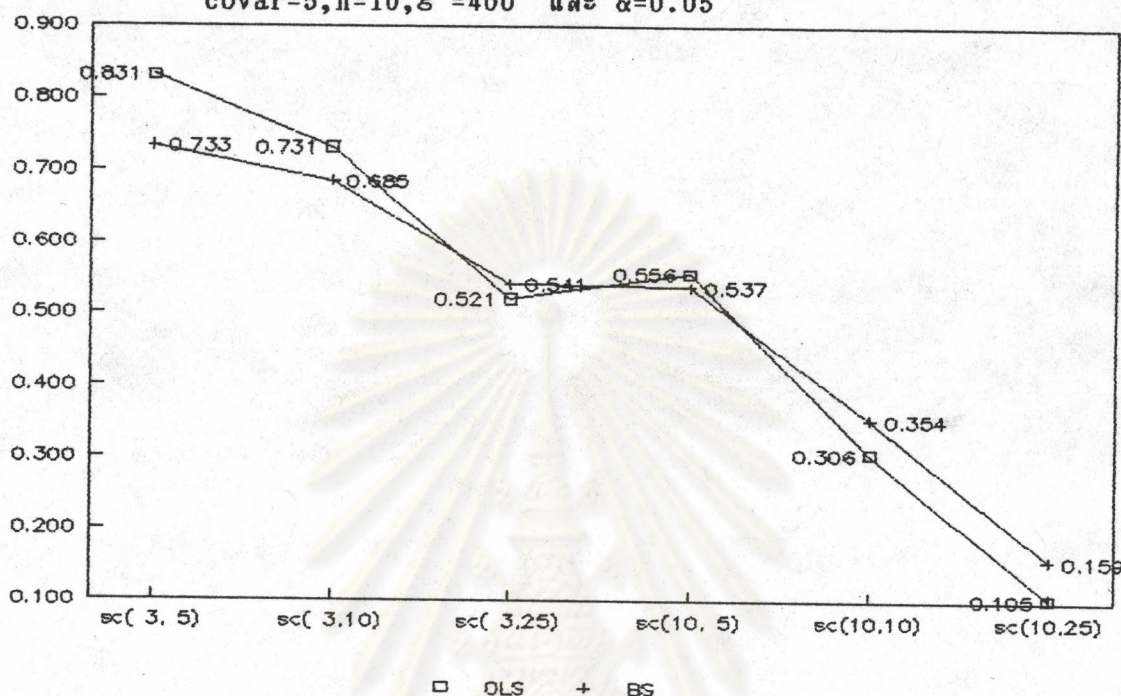


รูปที่ 2.2.16 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติป้อมปน โดยที่ $tr = 3$,

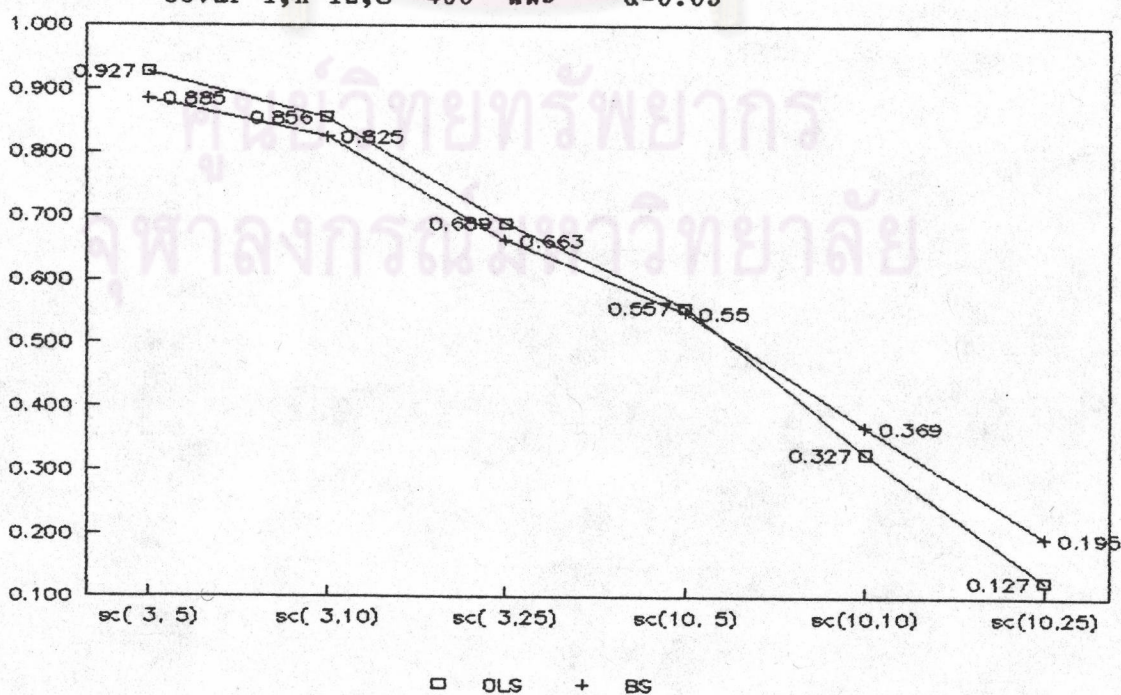
$covar=3, n=10, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



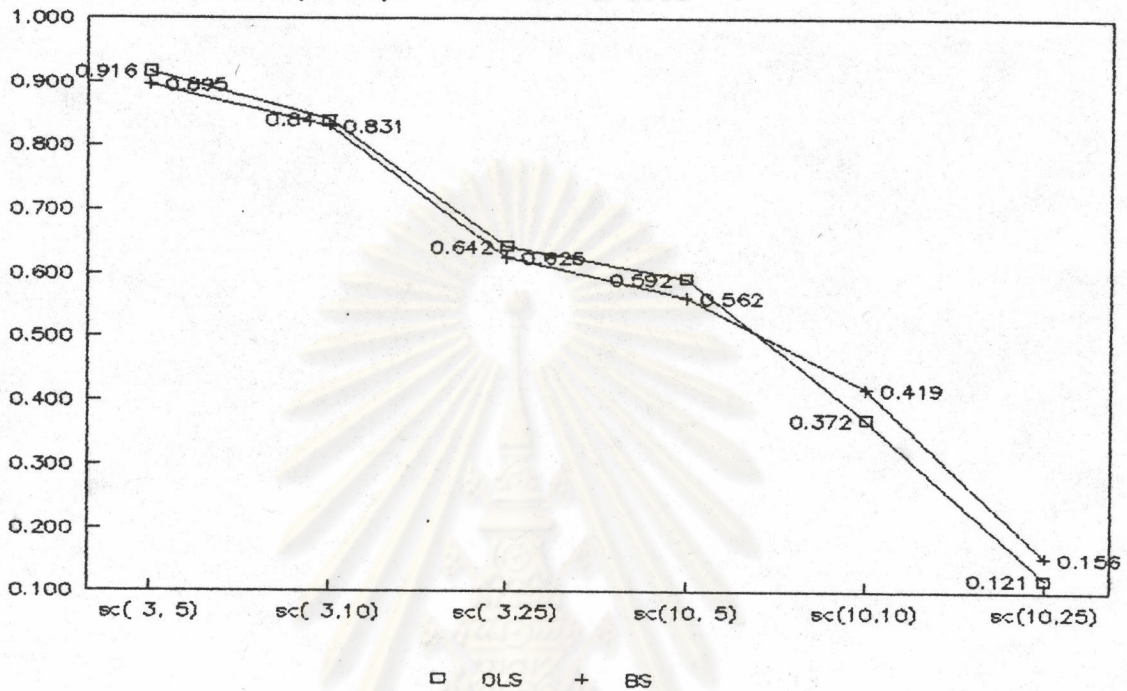
รูปที่ 2.2.17 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปวมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=5, n=10, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



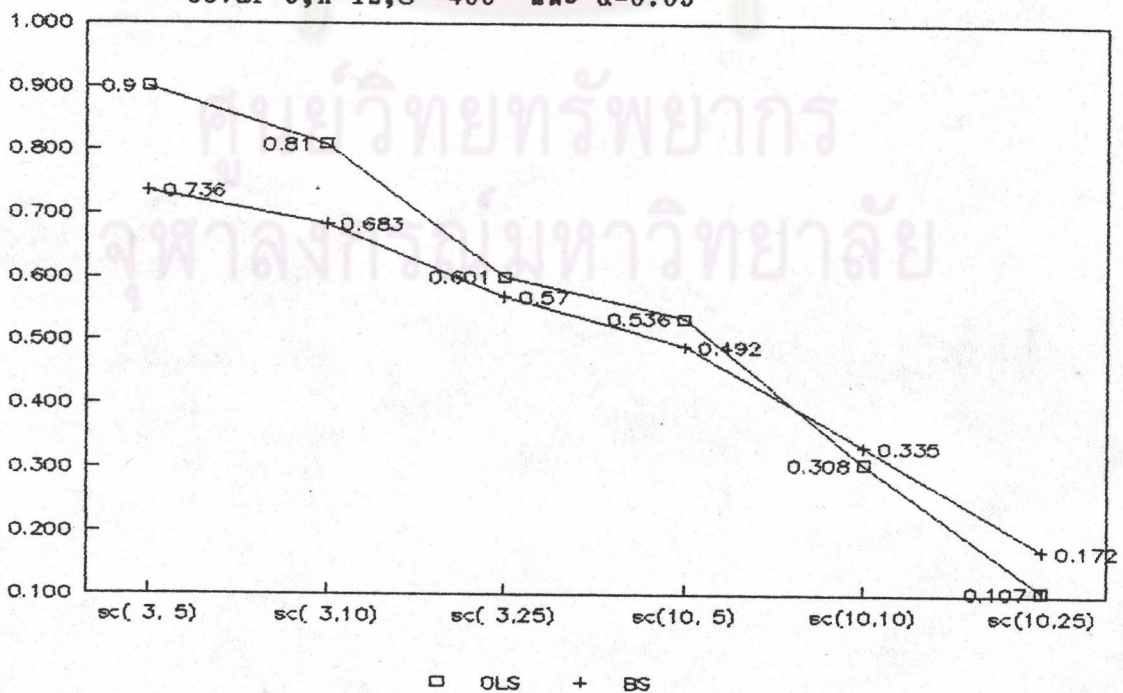
รูปที่ 2.2.18 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปวมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=1, n=12, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



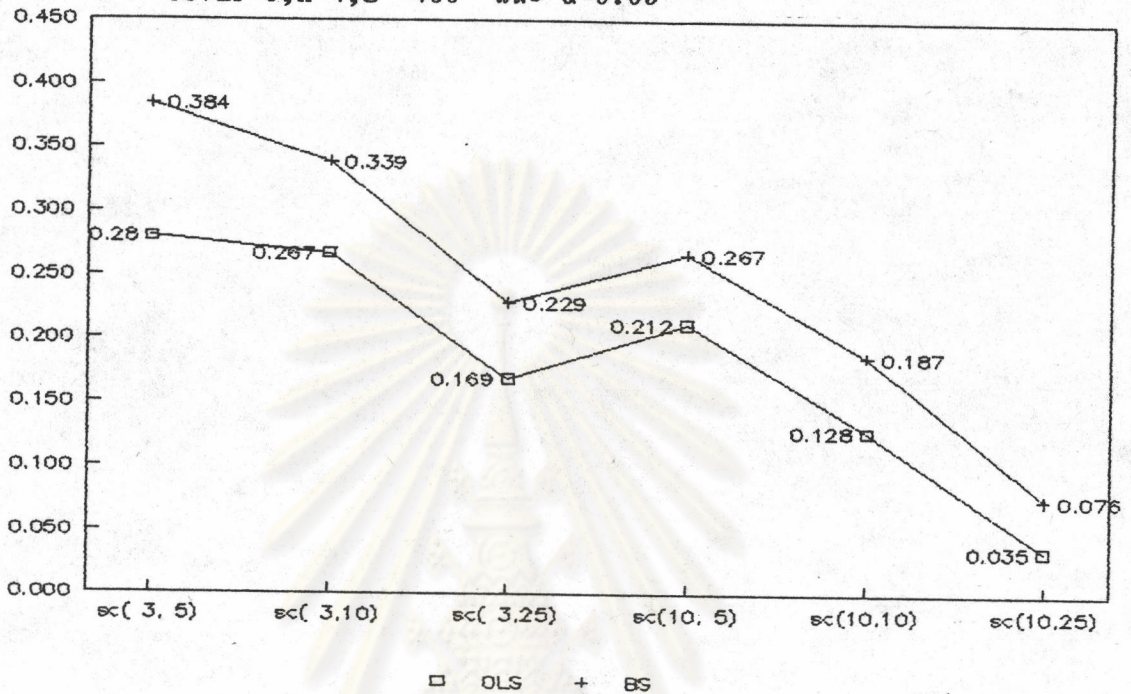
รูปที่ 2.2.19 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=3, n=12, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



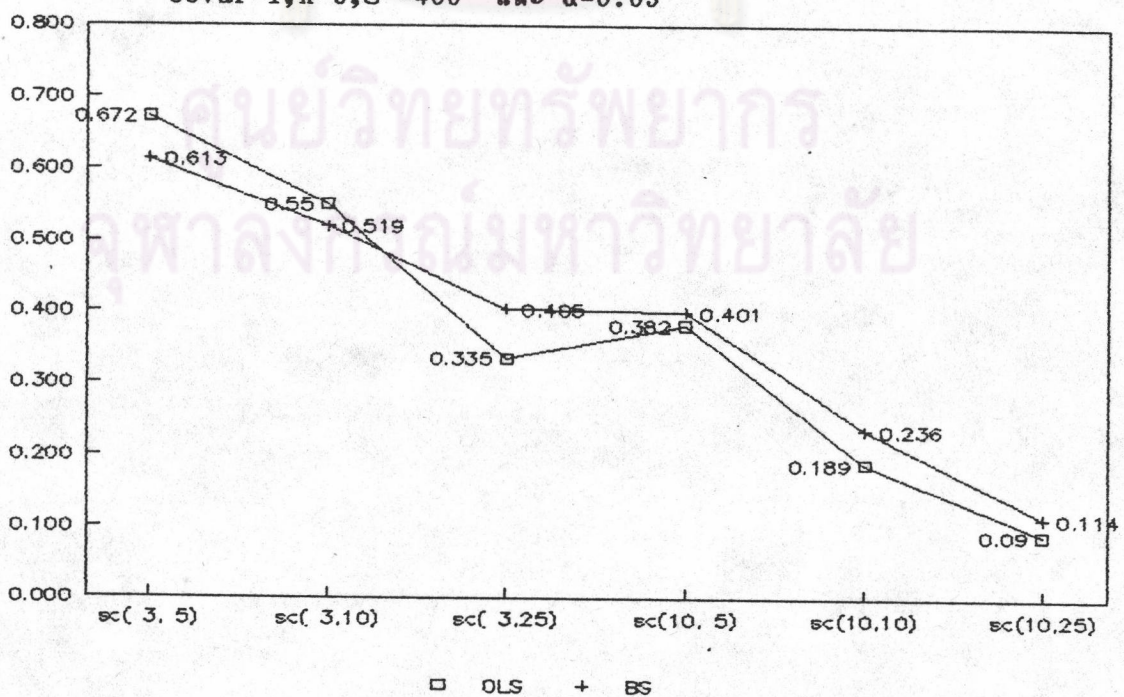
รูปที่ 2.2.20 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=5, n=12, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



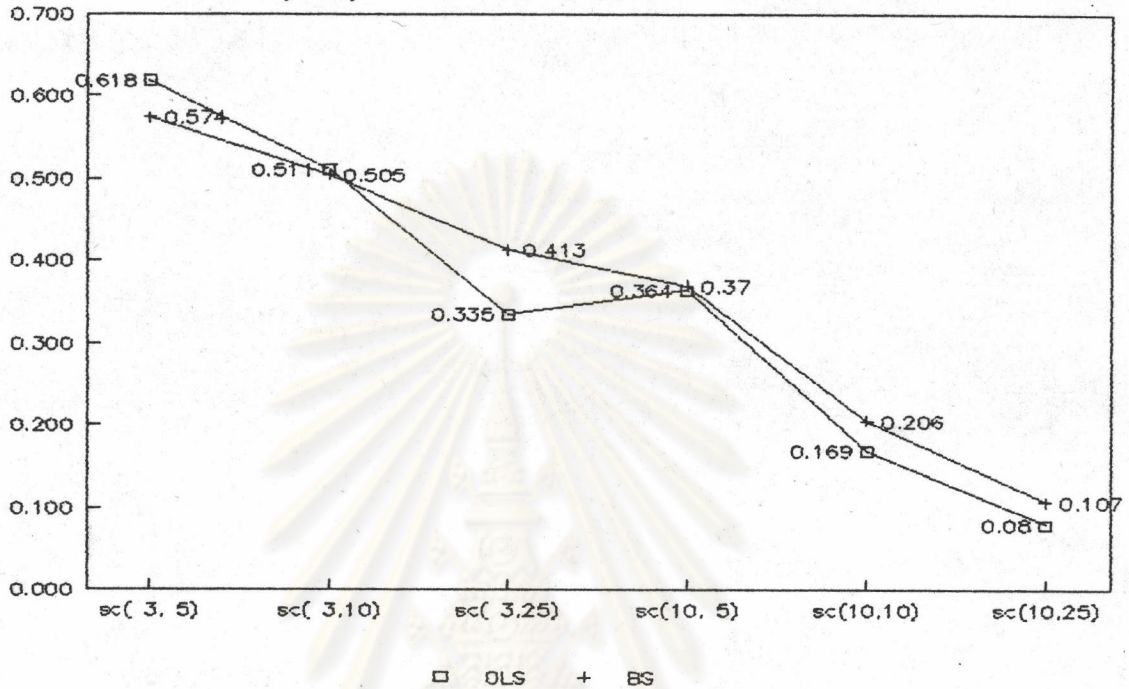
รูปที่ 2.2.21 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$,
 $covar=5, n=4, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



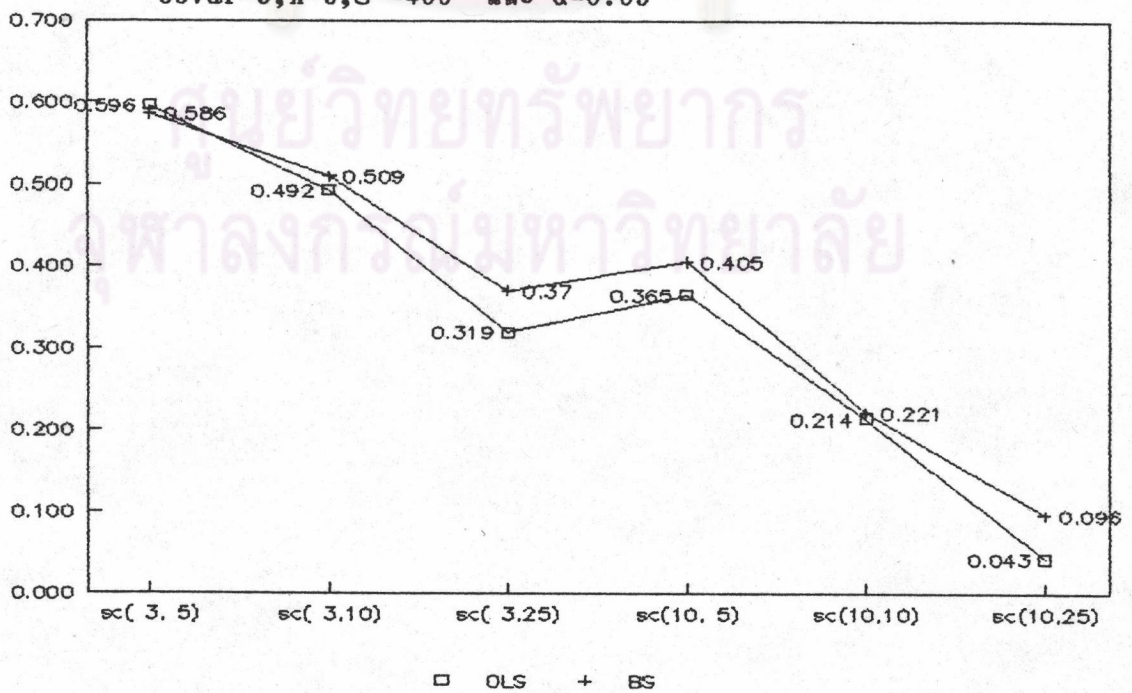
รูปที่ 2.2.22 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$,
 $covar=1, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



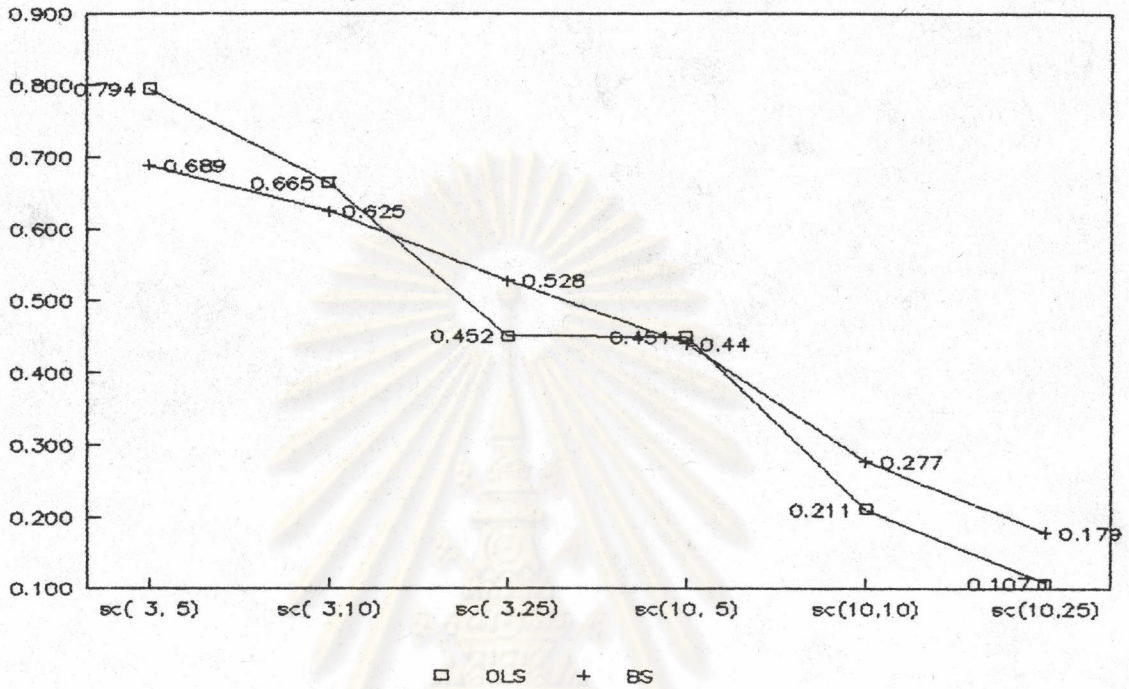
รูปที่ 2.2.23 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$,
 $covar=3, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



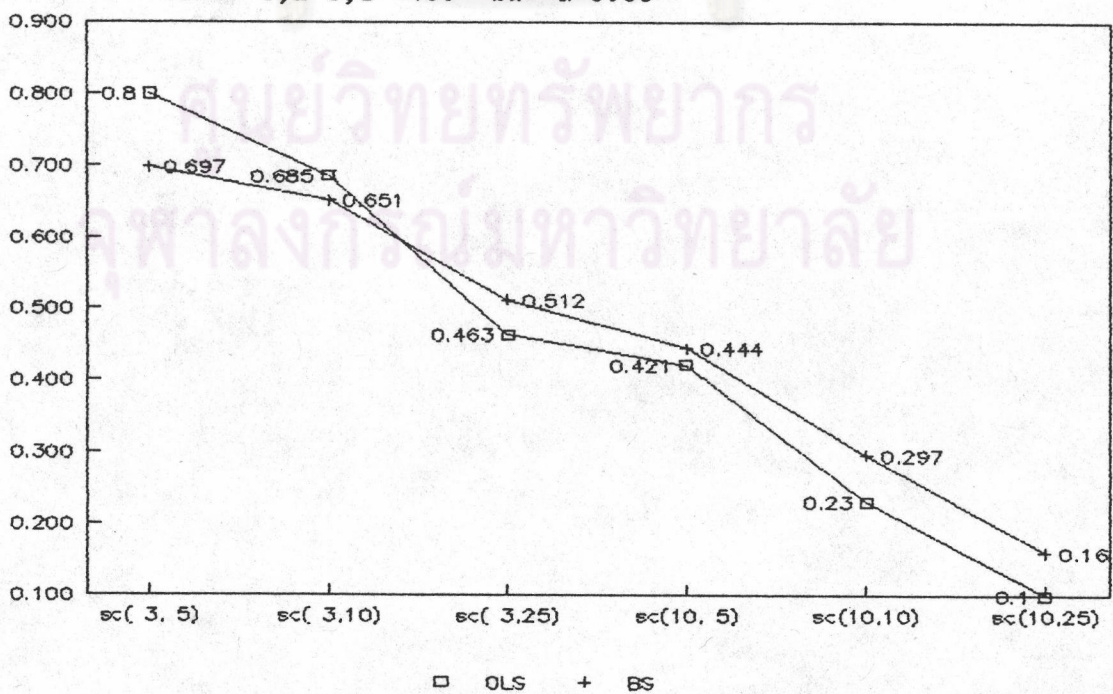
รูปที่ 2.2.24 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$,
 $covar=5, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



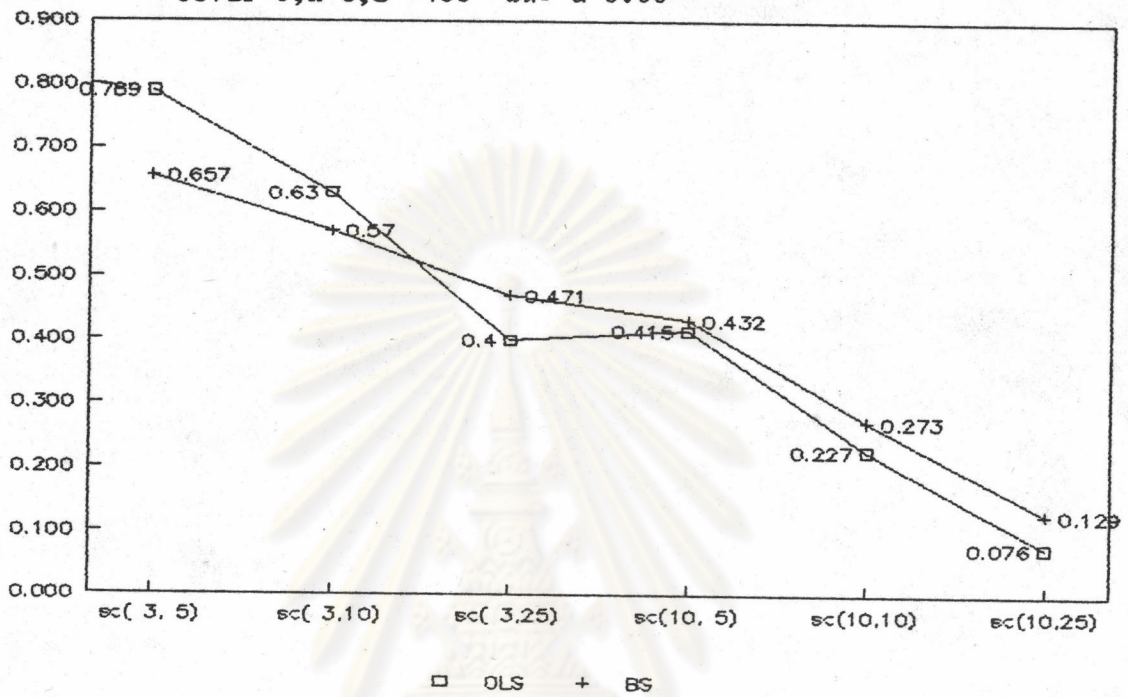
รูปที่ 2.2.25 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$,
 $covar=1, n=8, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



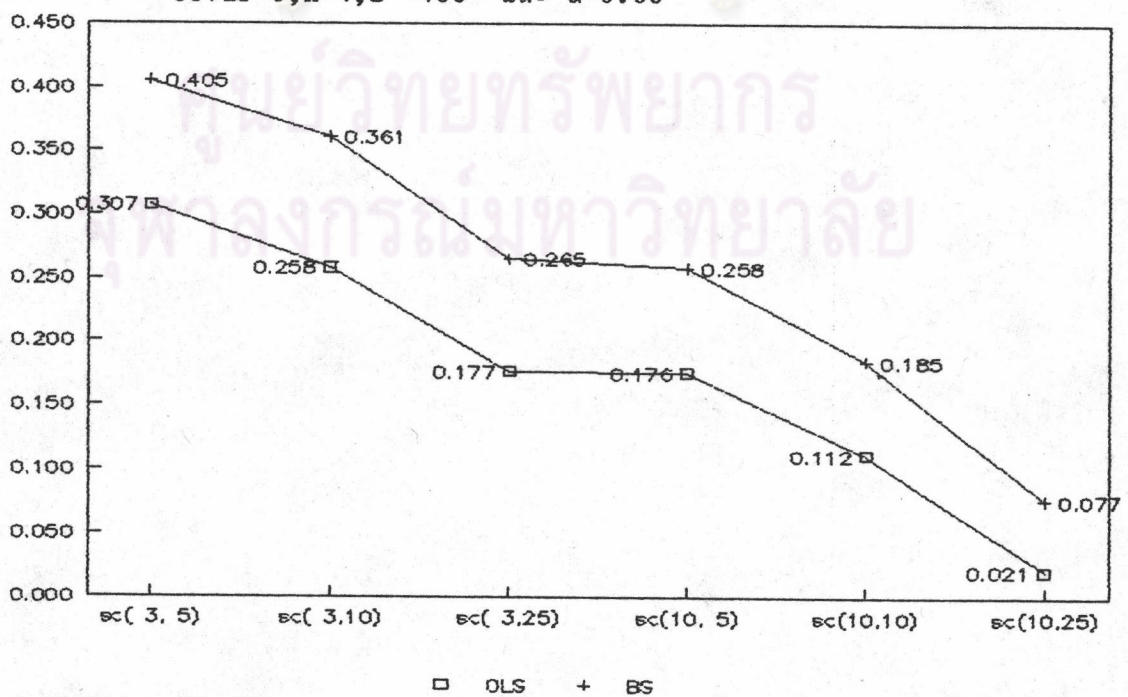
รูปที่ 2.2.26 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$,
 $covar=3, n=8, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



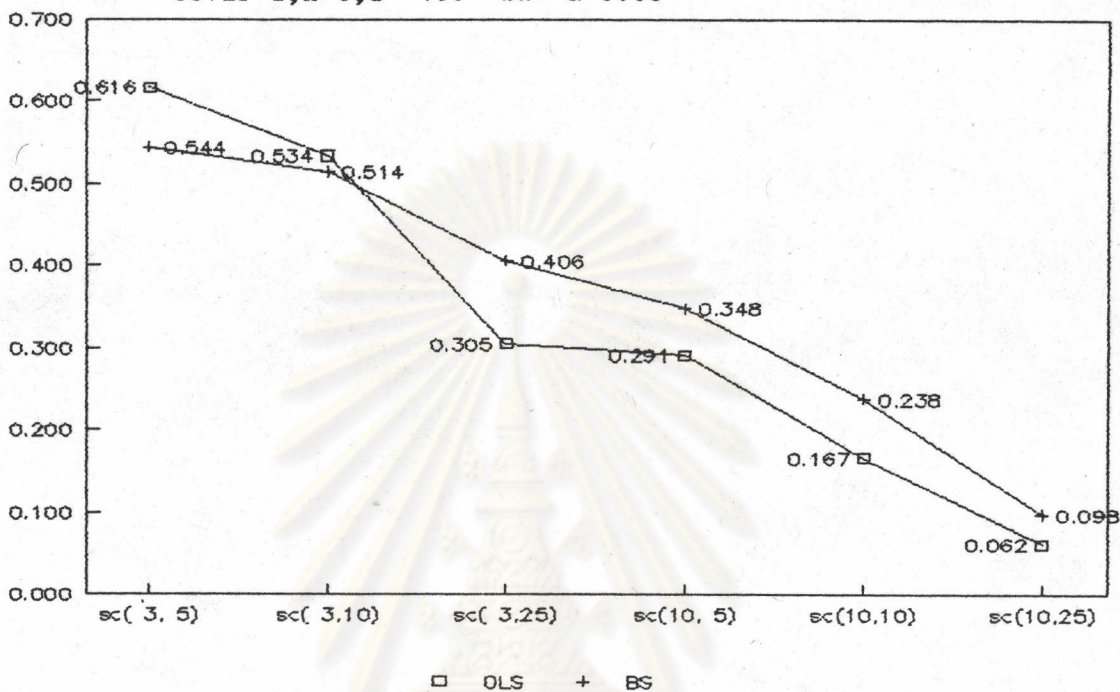
รูปที่ 2.2.27 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรพกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=5, n=8, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



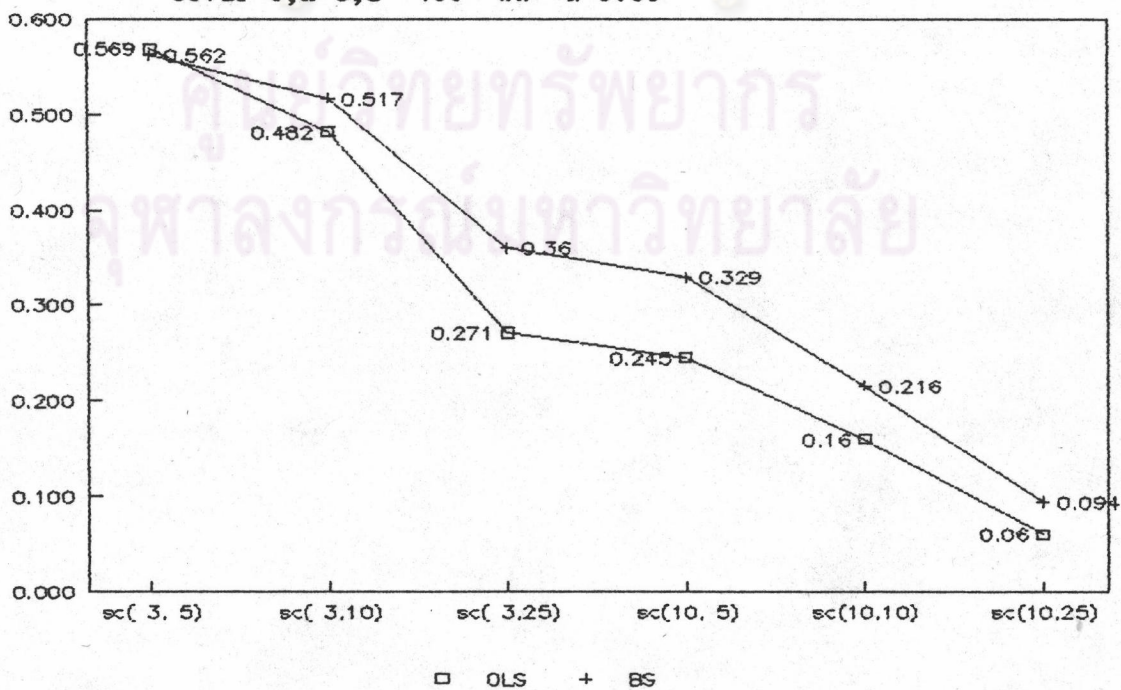
รูปที่ 2.2.28 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรพกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=5, n=4, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



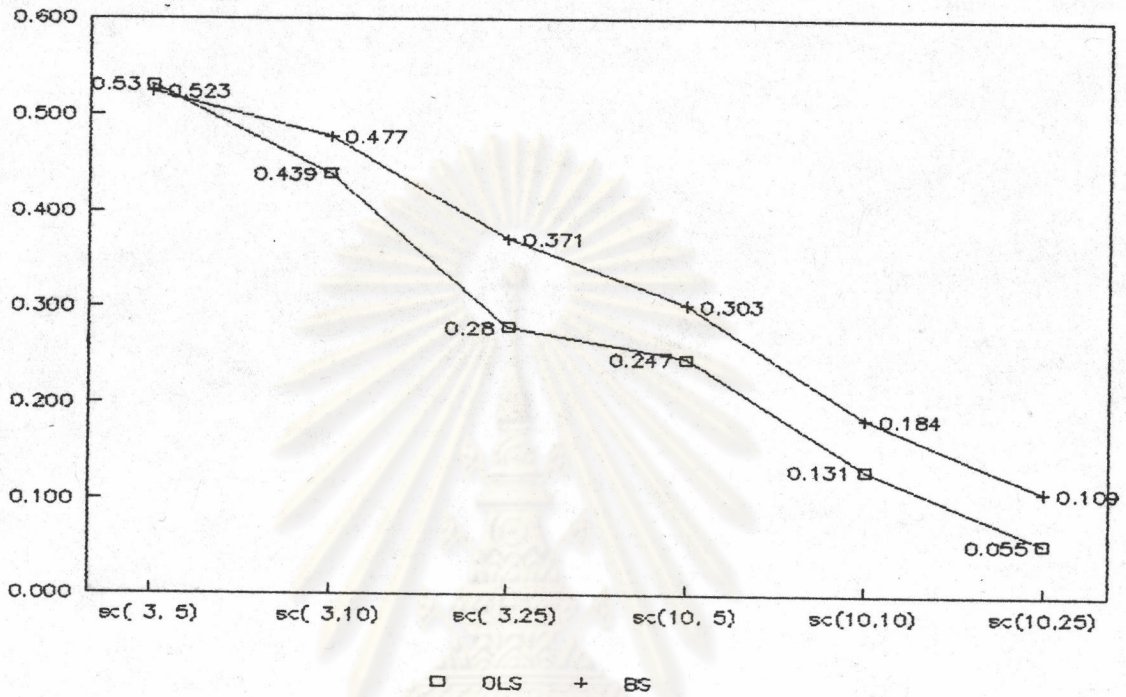
รูปที่ 2.2.29 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=1, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



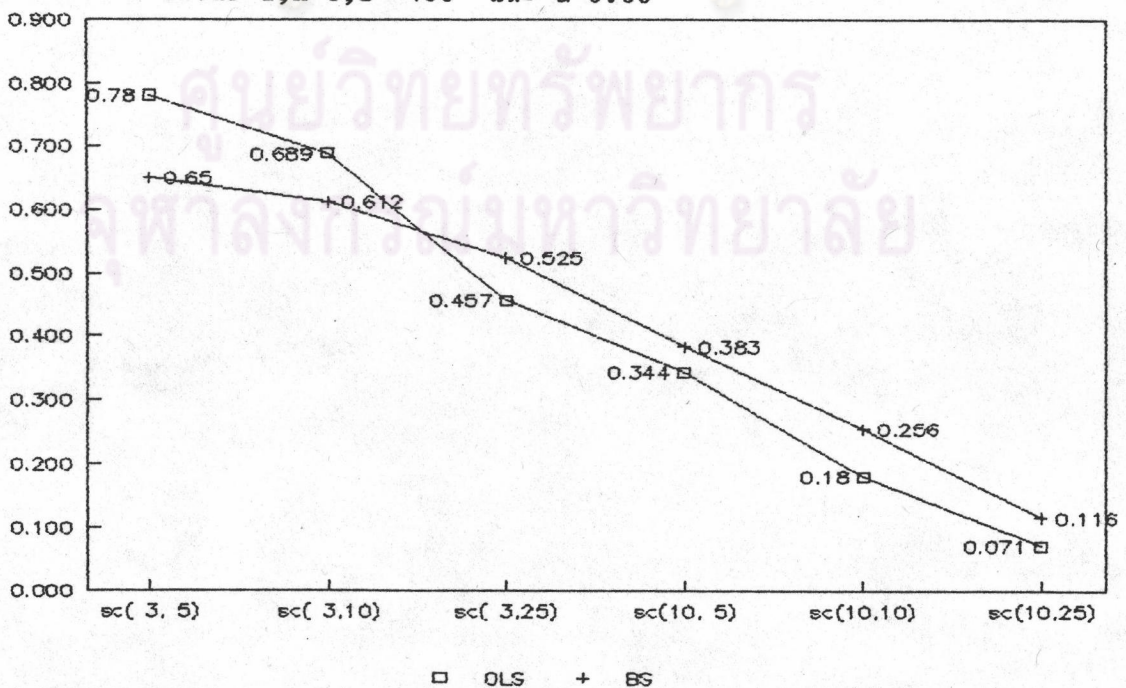
รูปที่ 2.2.30 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=3, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



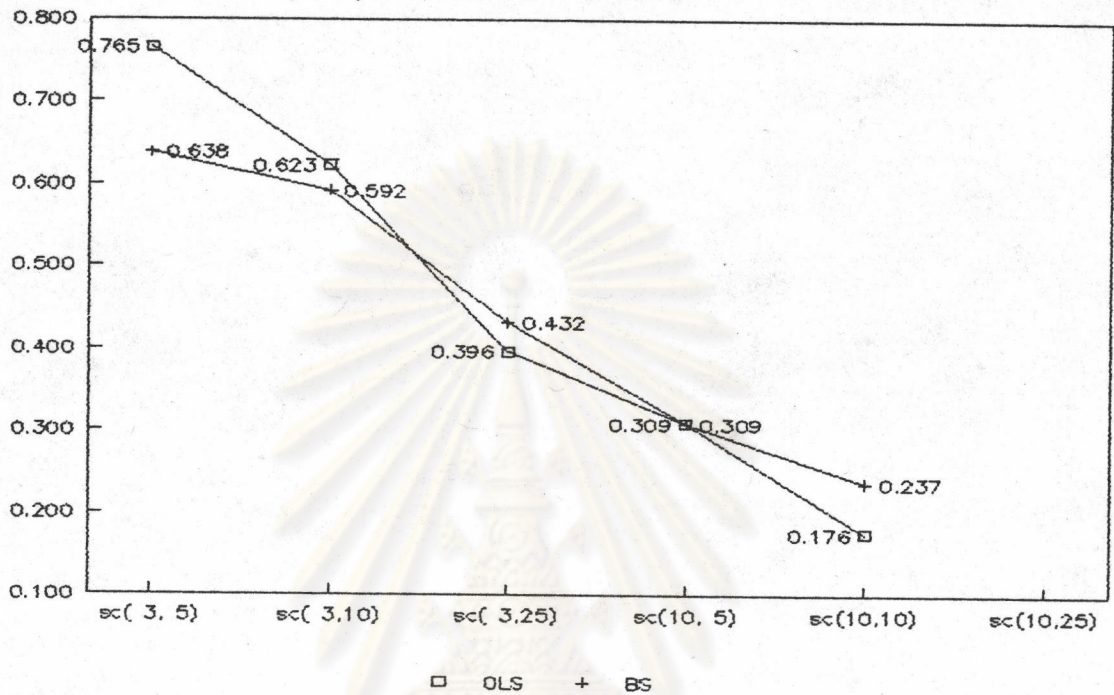
รูปที่ 2.2.31 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=5, n=6, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



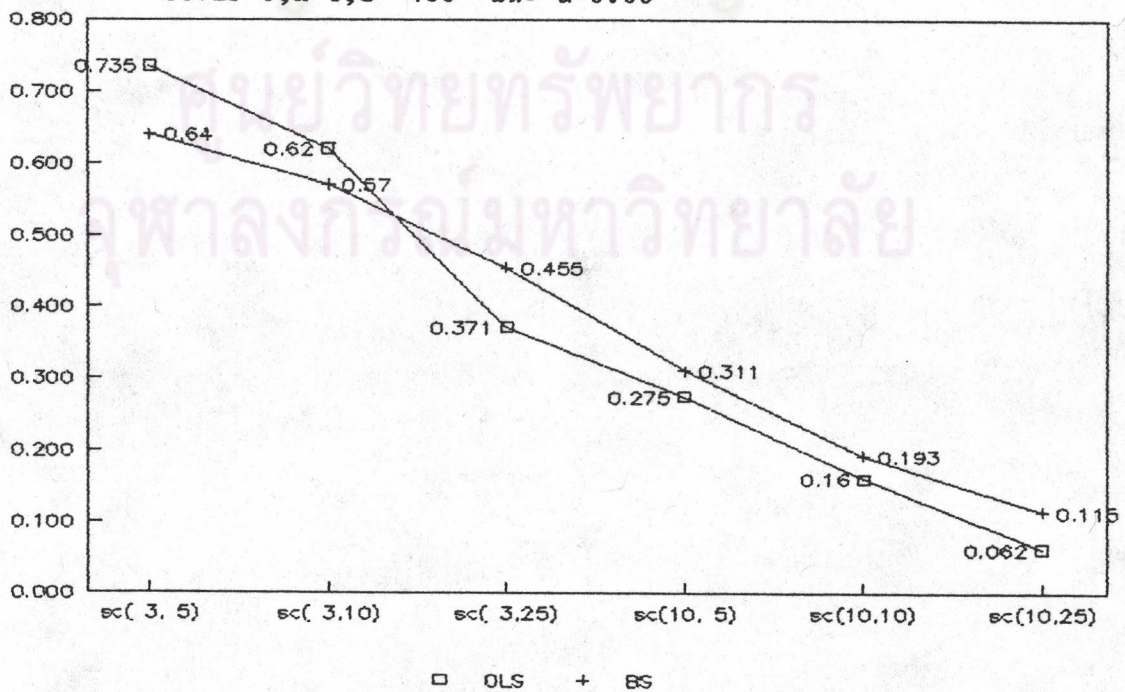
รูปที่ 2.2.32 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=1, n=8, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



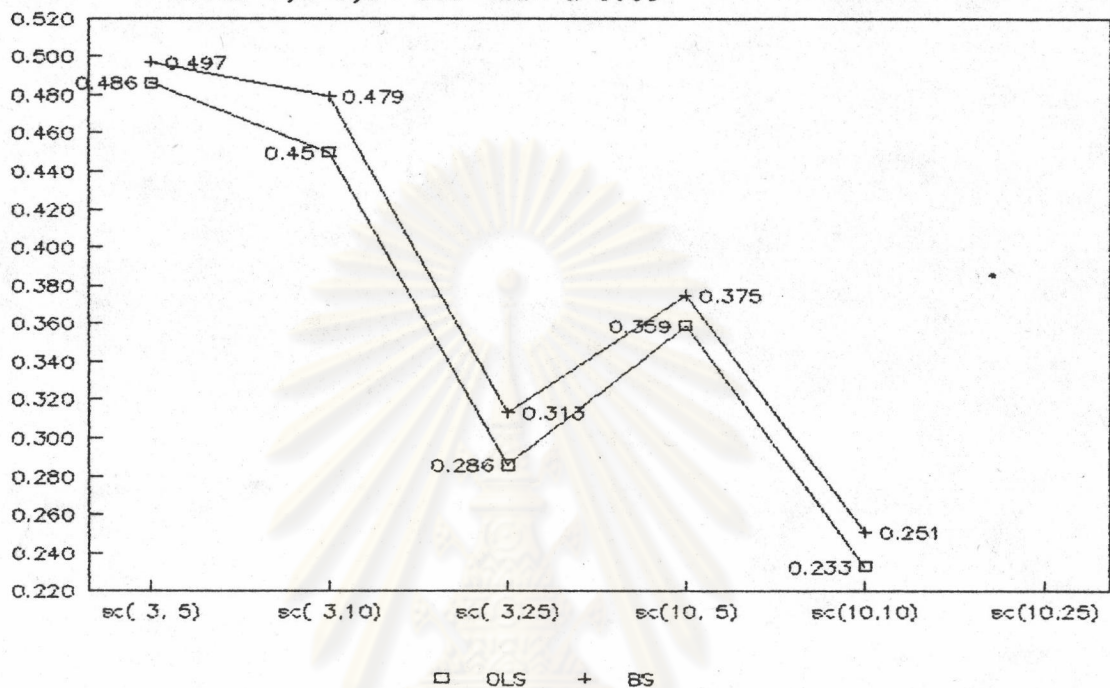
รูปที่ 2.2.33 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=3, n=8, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



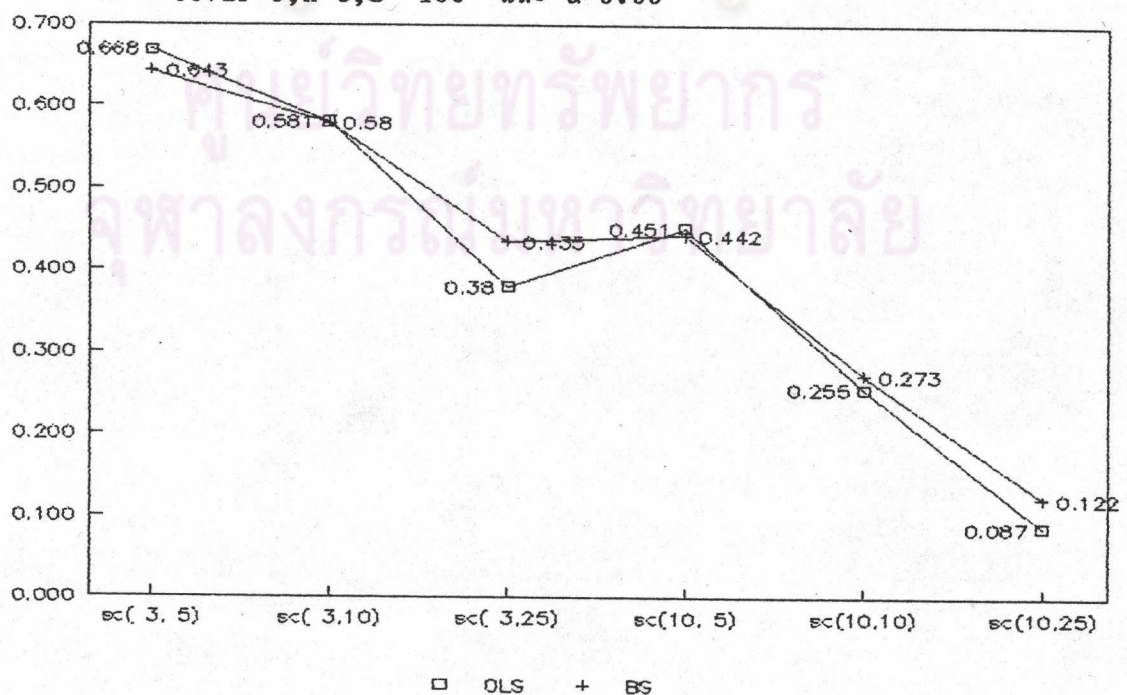
รูปที่ 2.2.34 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=5, n=8, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



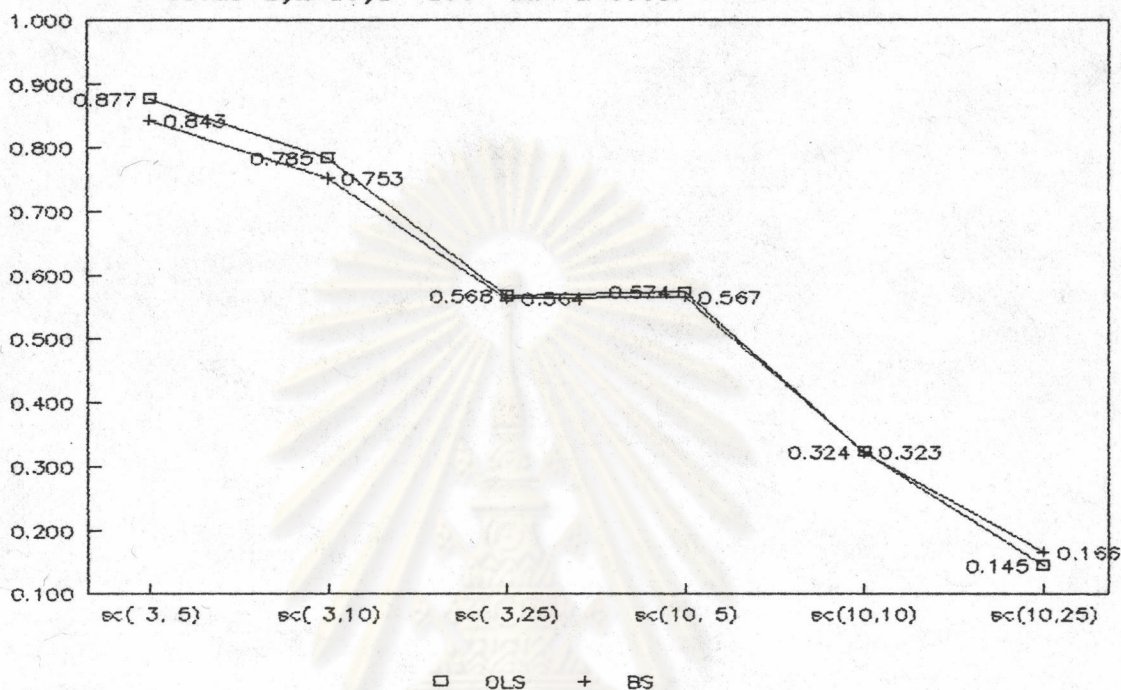
รูปที่ 2.2.35 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$,
 $covar=5, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



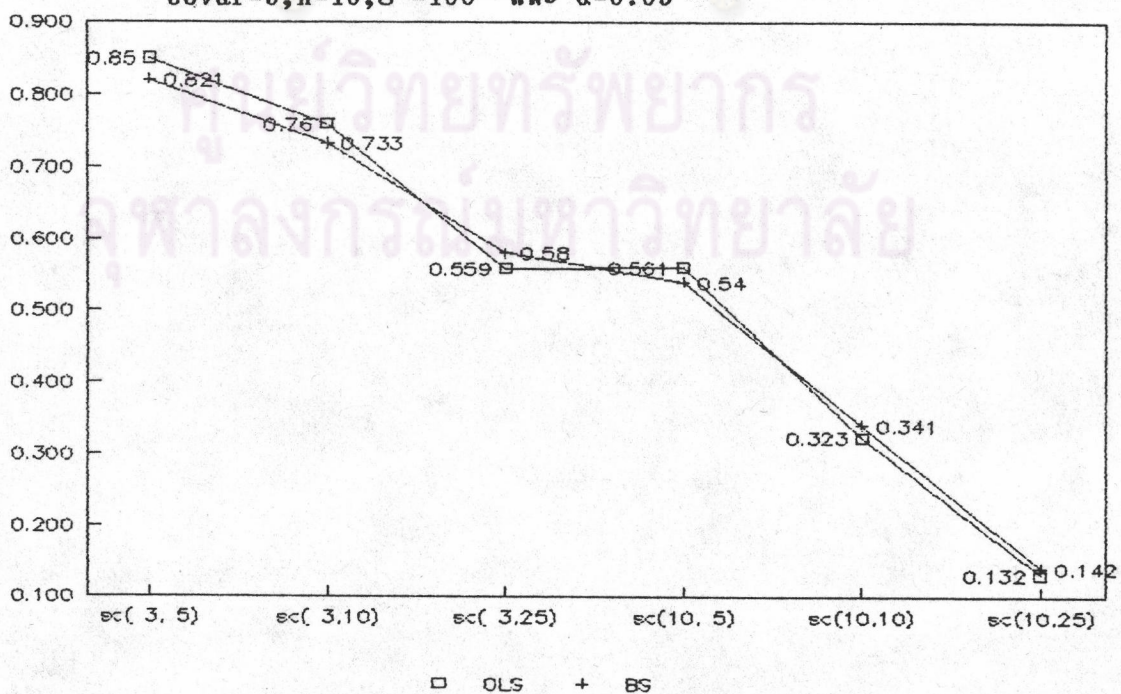
รูปที่ 2.2.36 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$,
 $covar=5, n=8, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



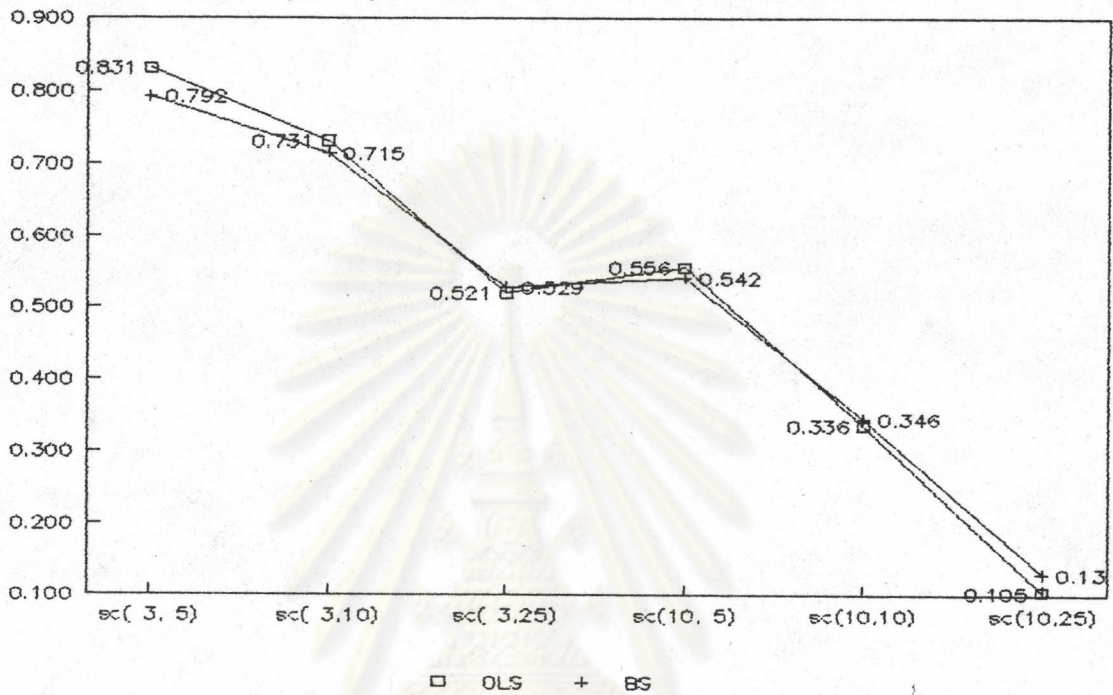
รูปที่ 2.2.37 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=1, n=10, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



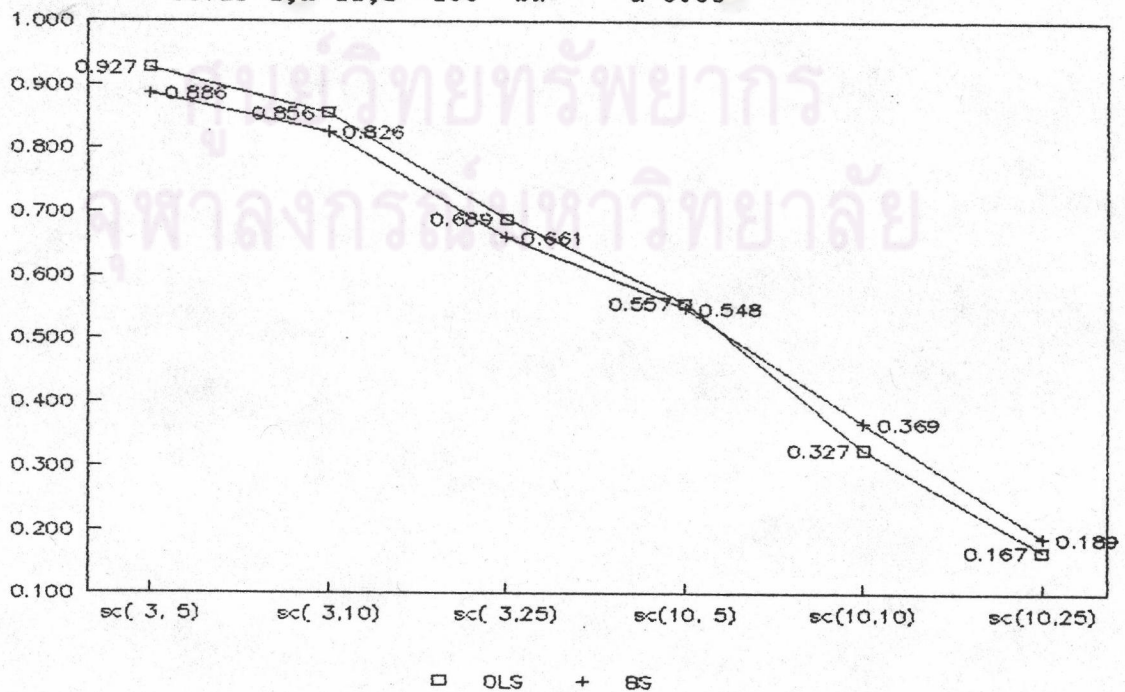
รูปที่ 2.2.38 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=3, n=10, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



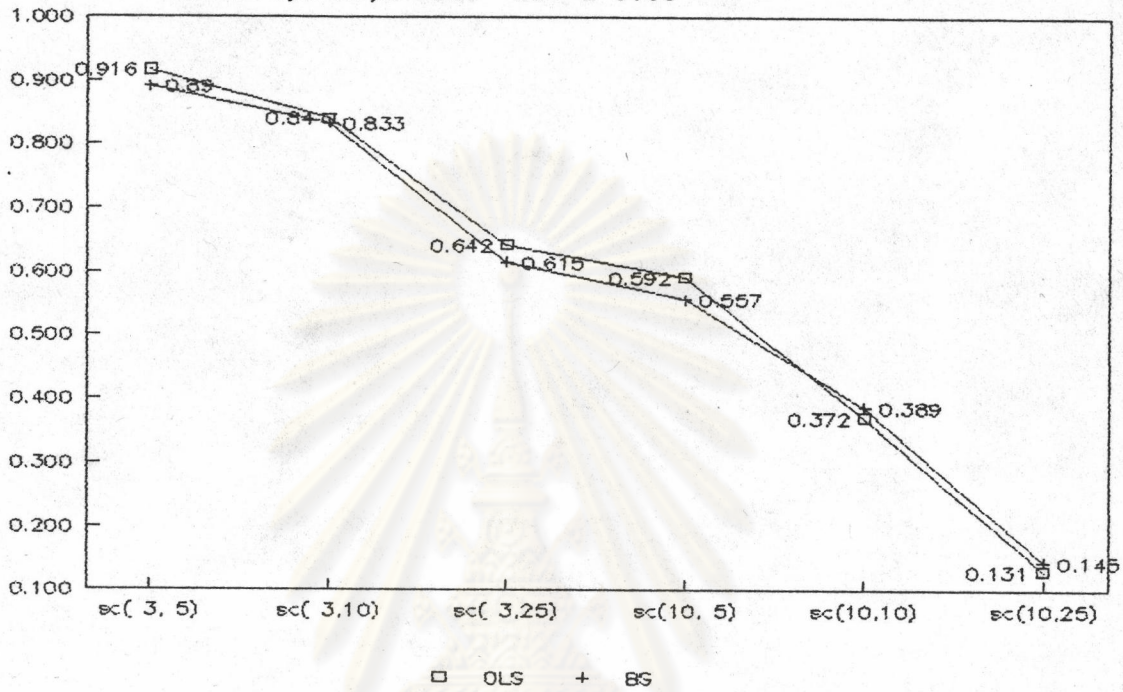
รูปที่ 2.2.39 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=5, n=10, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



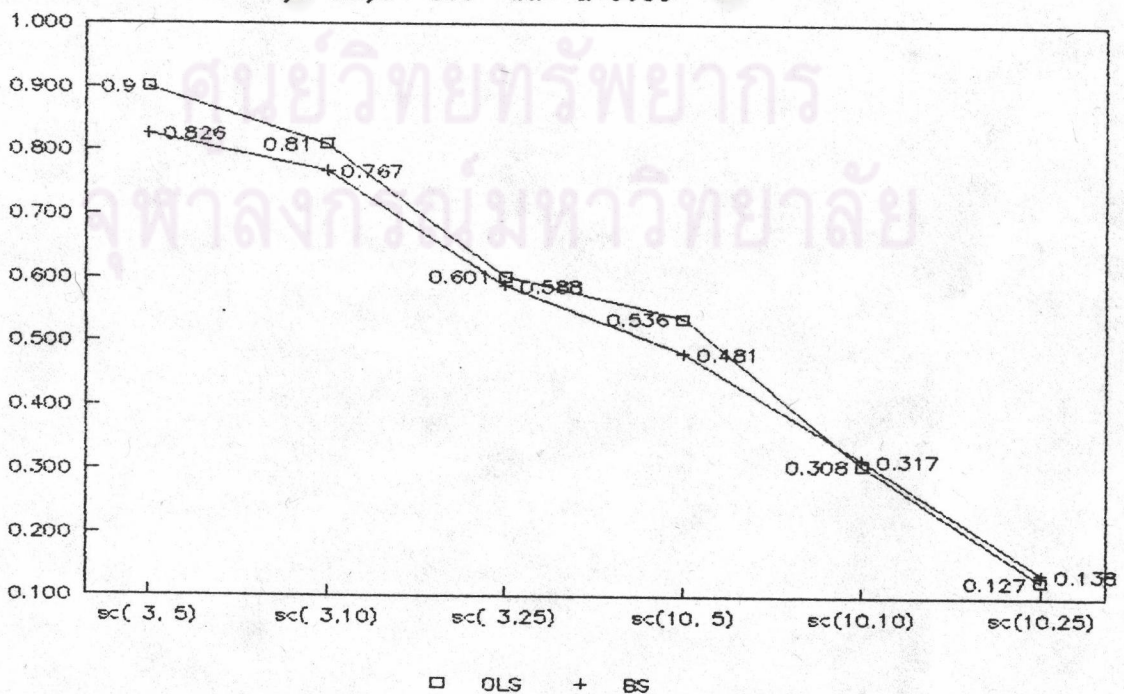
รูปที่ 2.2.40 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=1, n=12, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



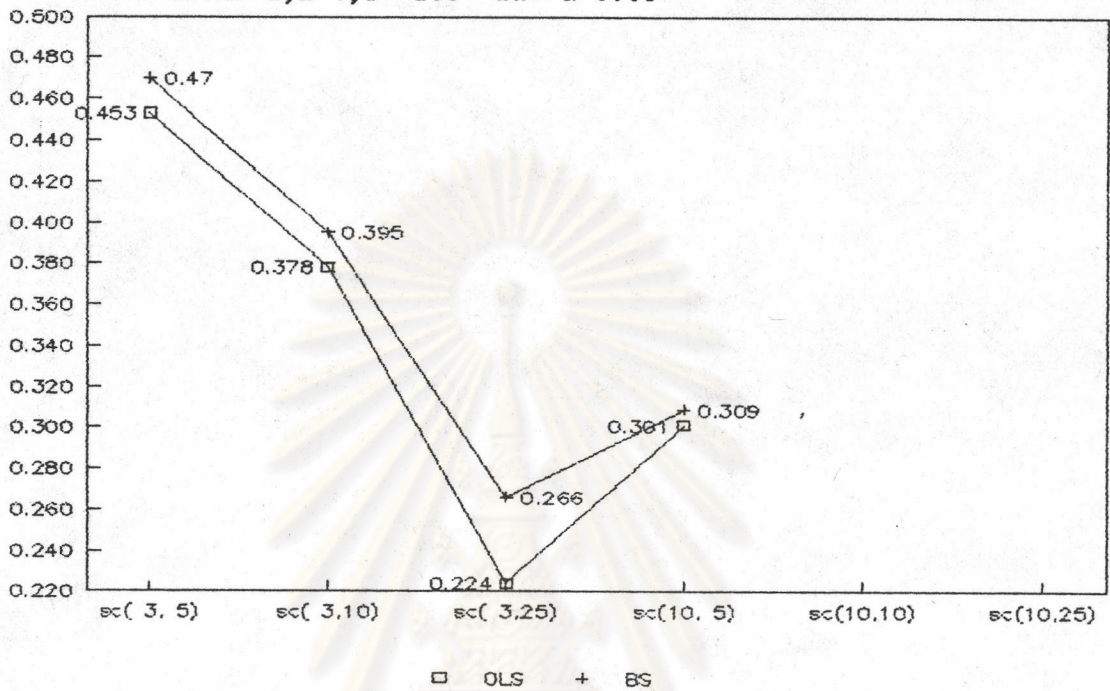
รูปที่ 2.2.41 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=3, n=12, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



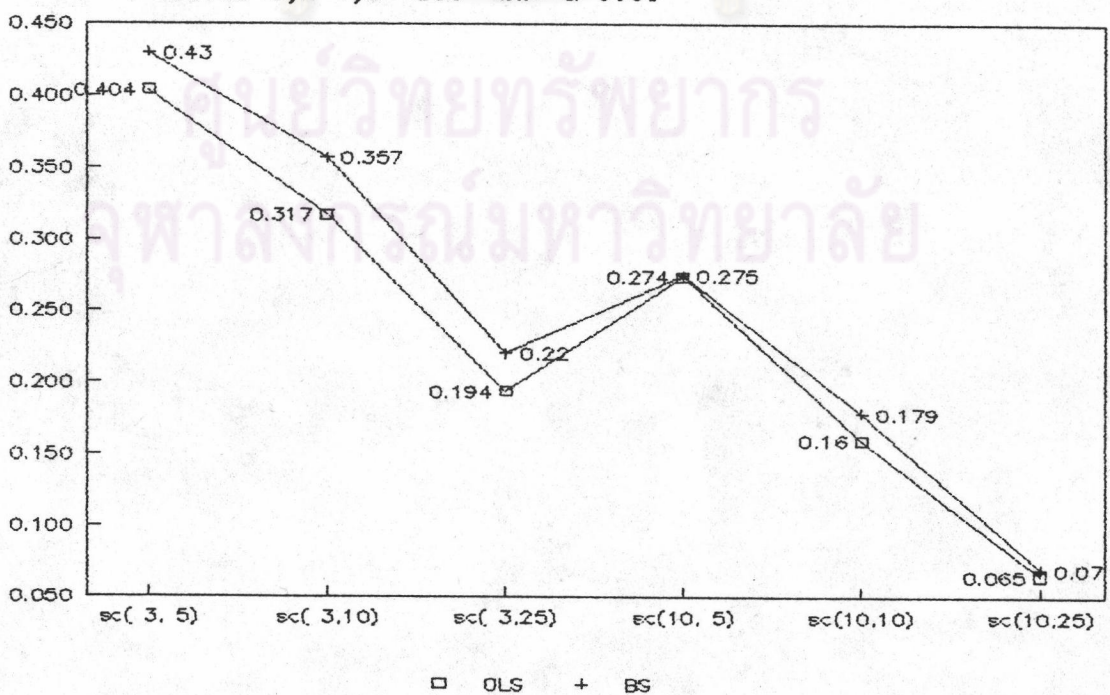
รูปที่ 2.2.42 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 3$, $covar=5, n=12, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



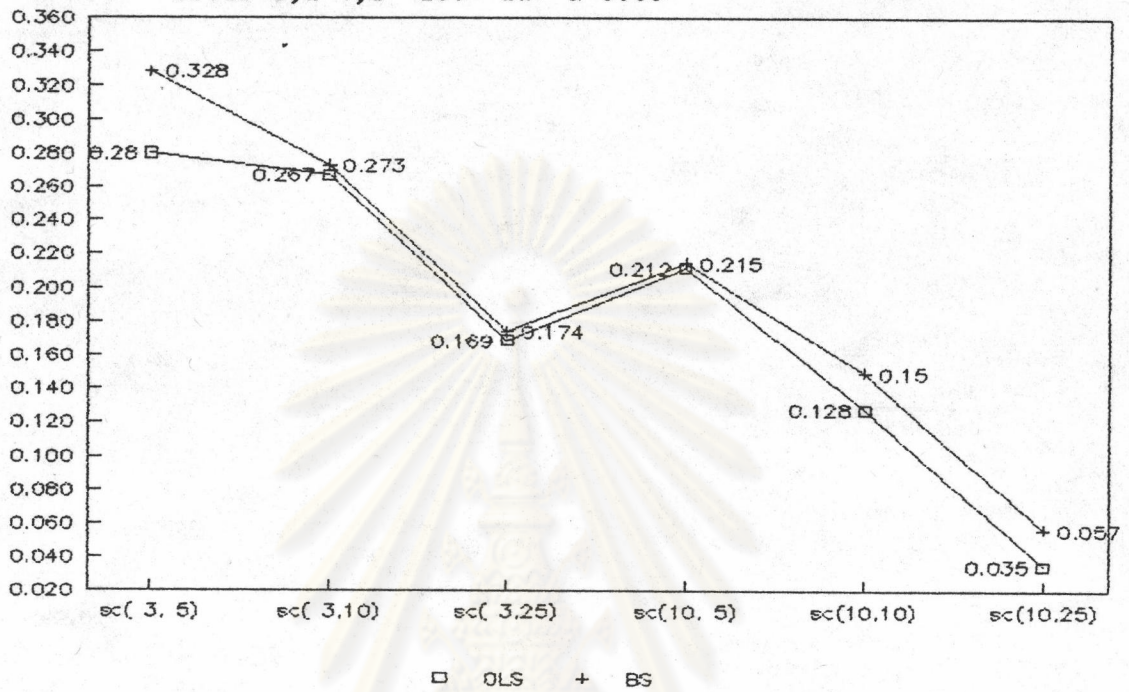
รูปที่ 2.2.43 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $t_r = 5$, $covar=1, n=4, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



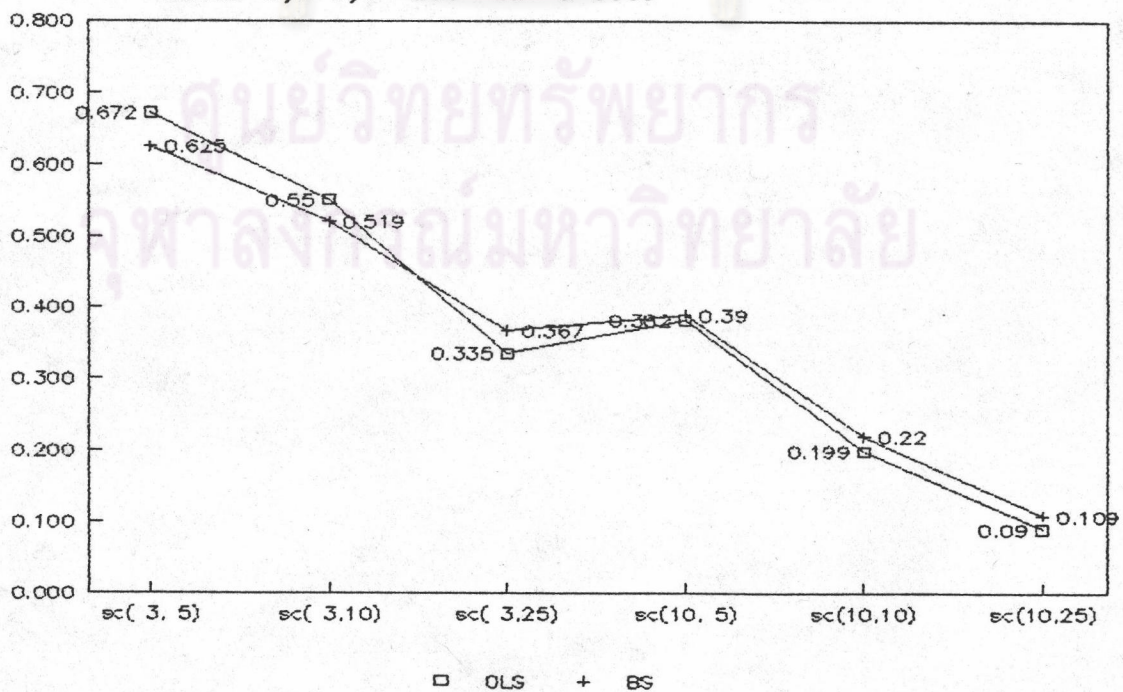
รูปที่ 2.2.44 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $t_r = 5$, $covar=3, n=4, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



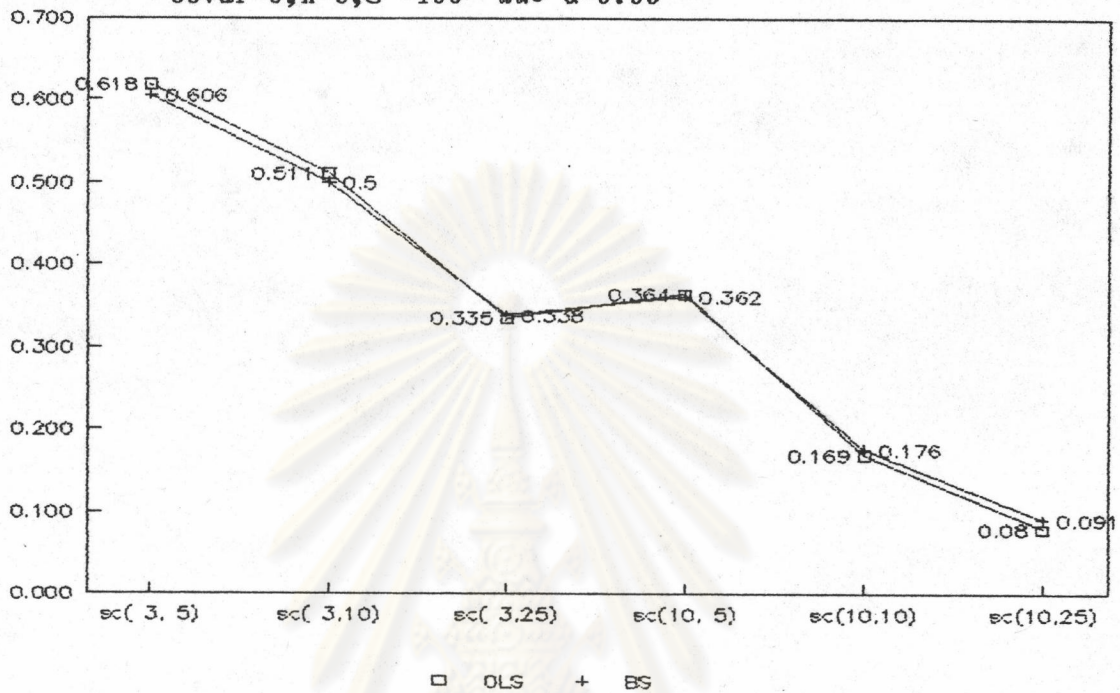
รูปที่ 2.2.45 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$,
 $covar=5, n=4, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



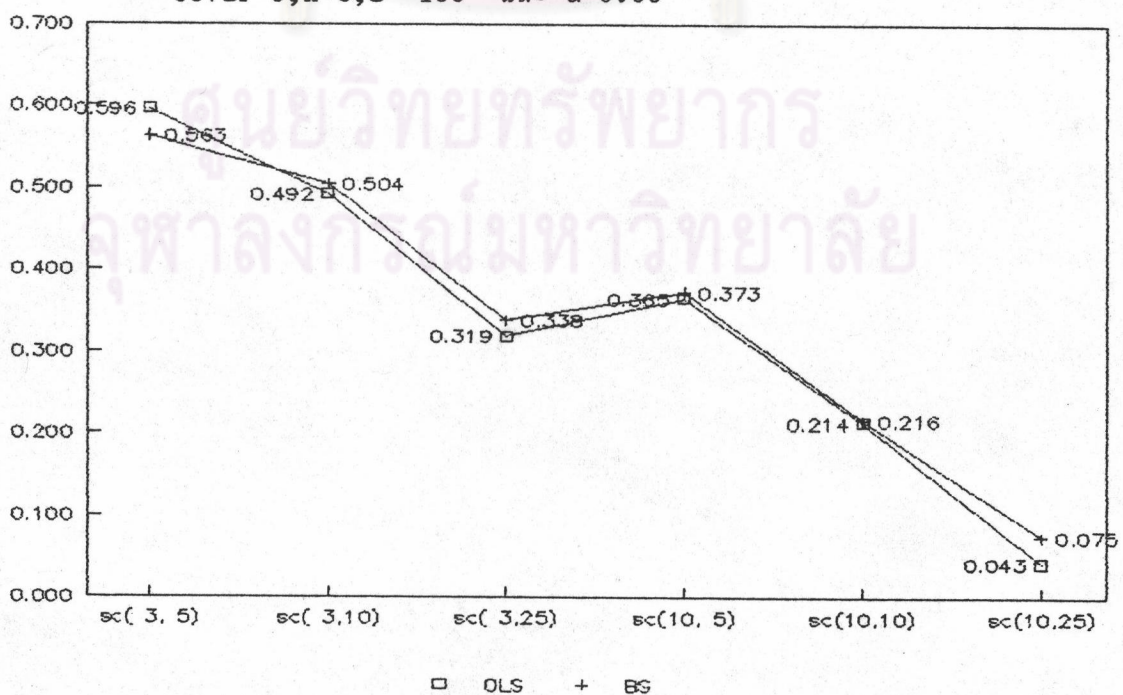
รูปที่ 2.2.46 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$,
 $covar=1, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



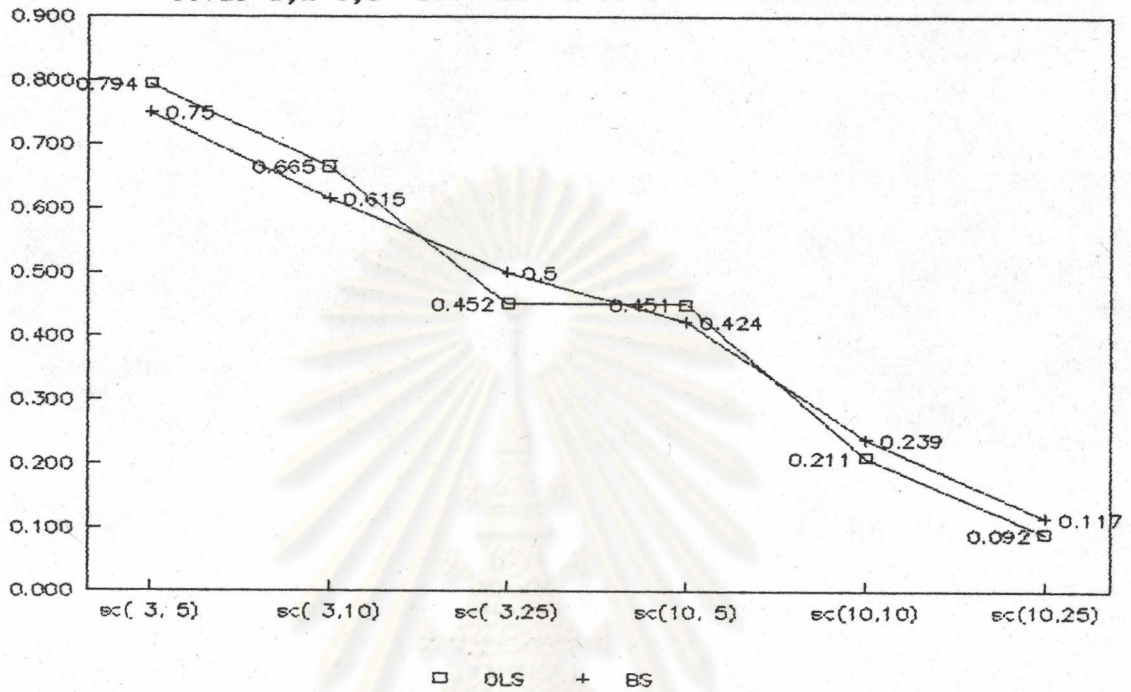
รูปที่ 2.2.47 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=3, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



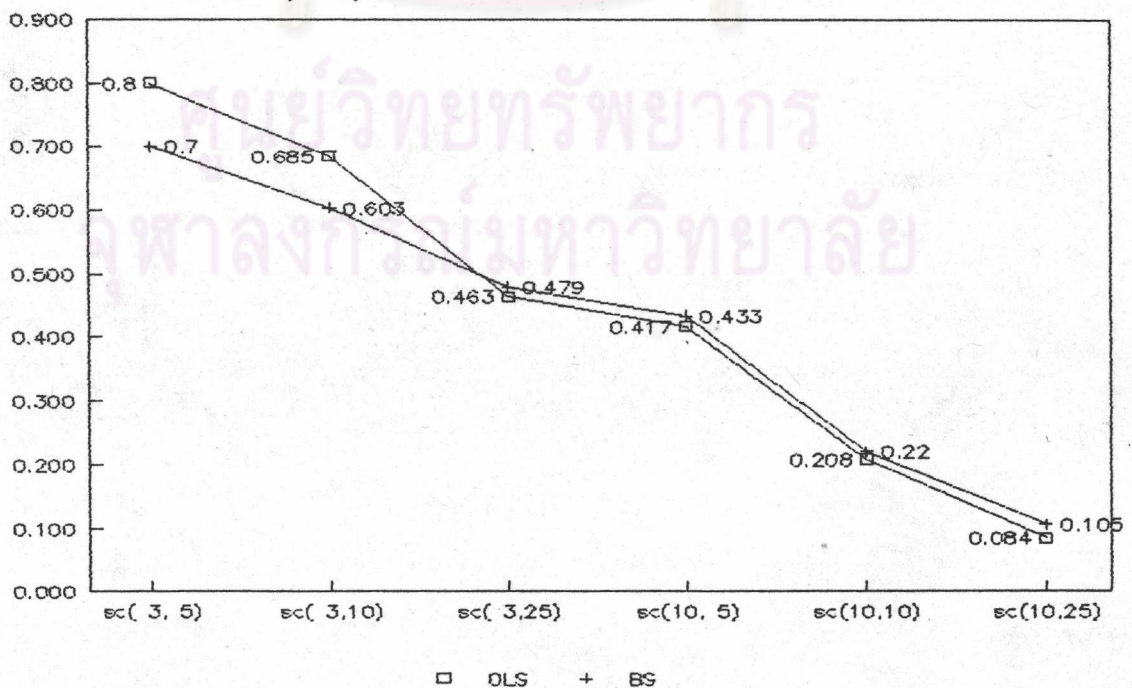
รูปที่ 2.2.48 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=5, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



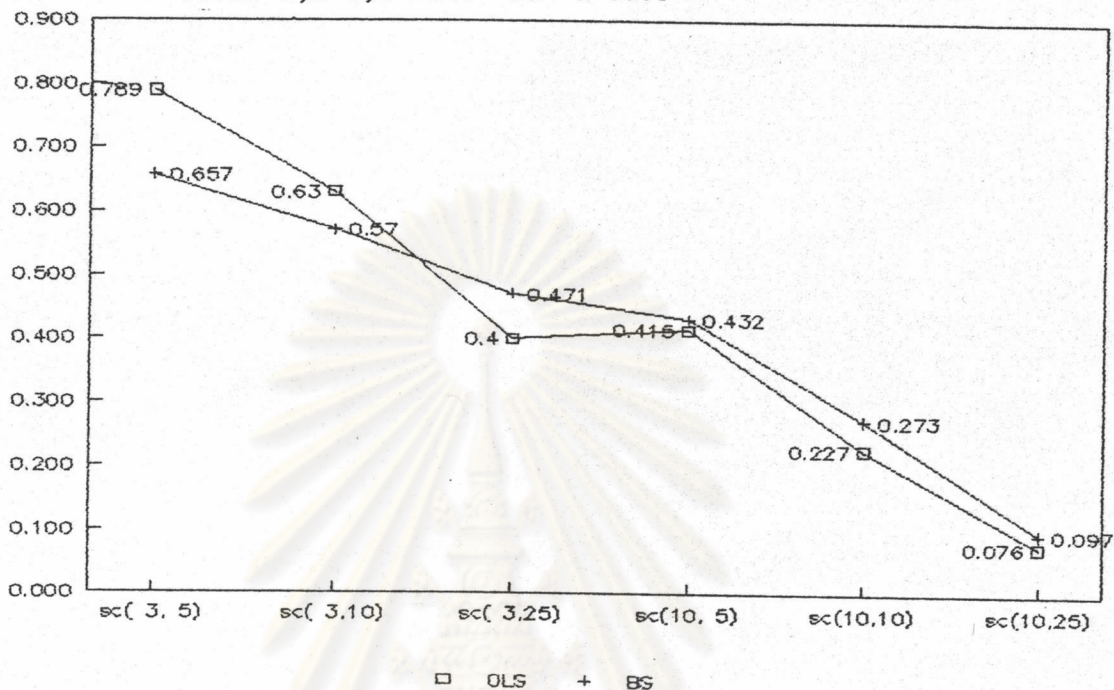
รูปที่ 2.2.49 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=1, n=8, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



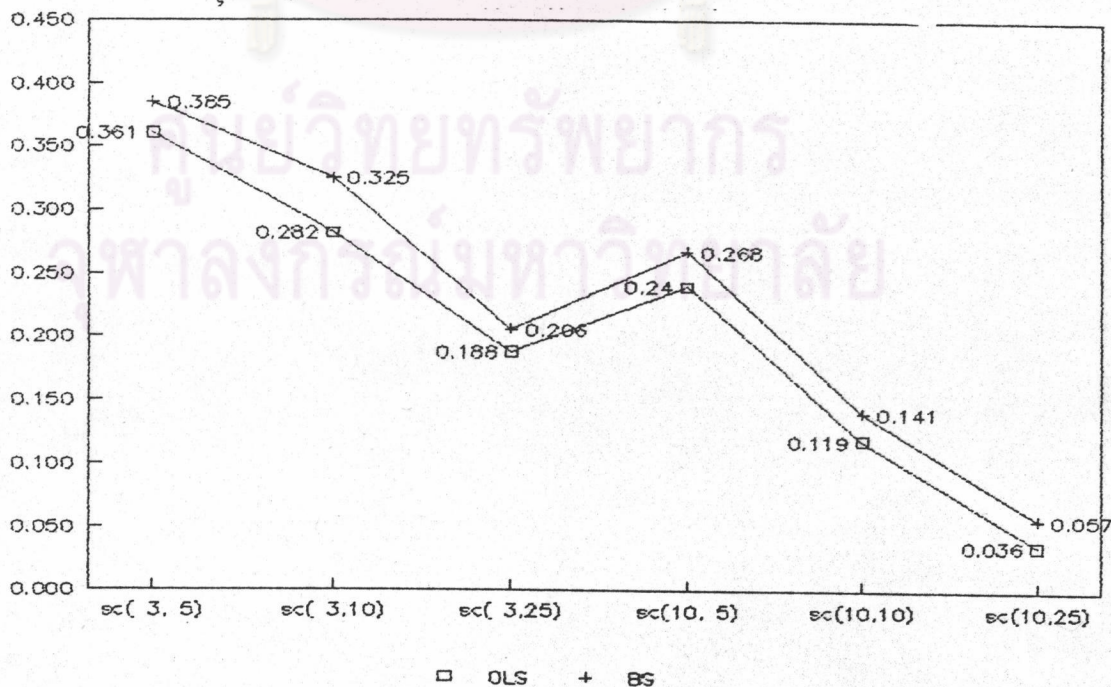
รูปที่ 2.2.50 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 5$, $covar=3, n=8, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



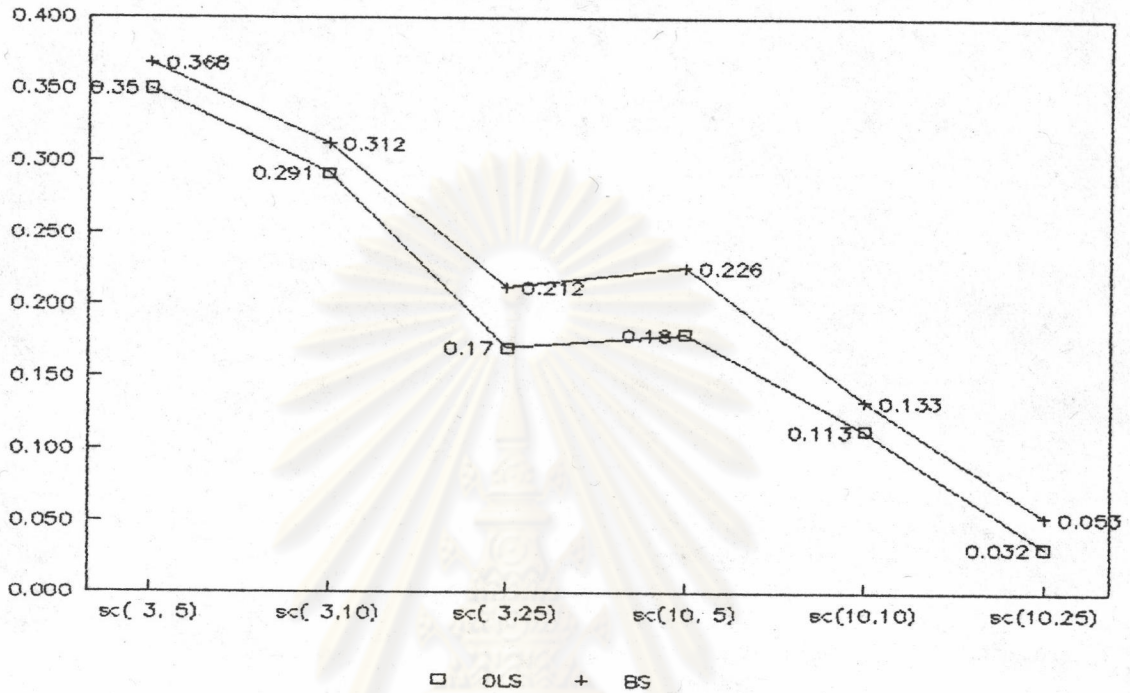
รูปที่ 2.2.51 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปโลมเพน โดยที่ $tr = 5$, $covar = 5, n = 8, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.05$



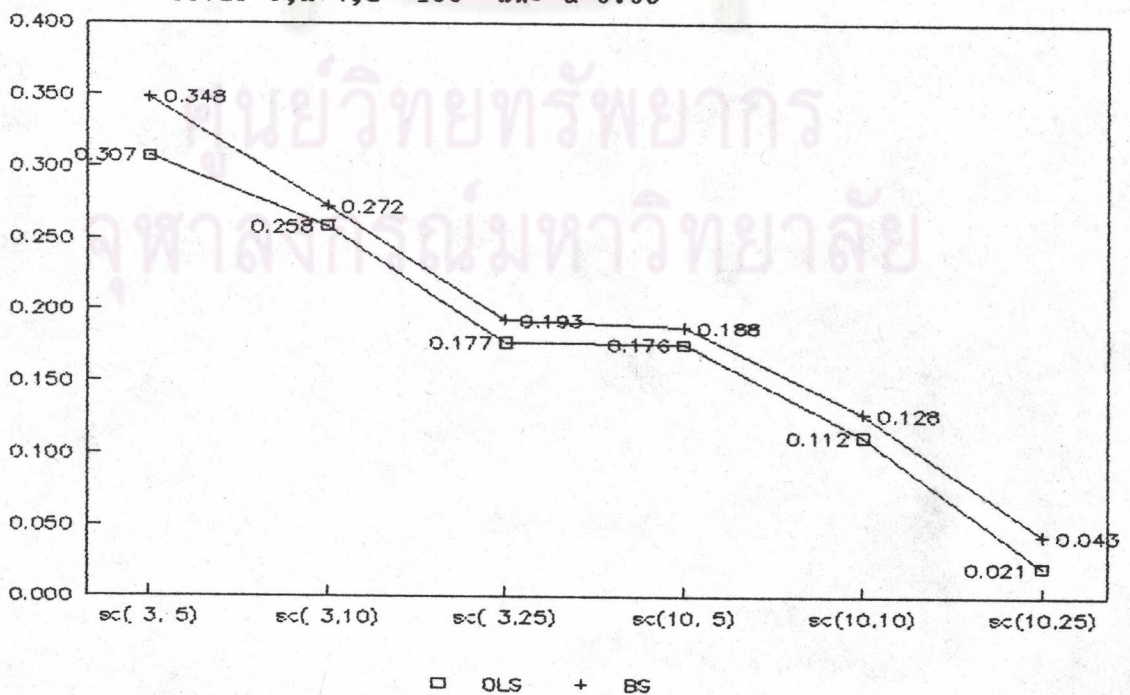
รูปที่ 2.2.52 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปโลมเพน โดยที่ $tr = 7$, $covar = 1, n = 4, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.05$



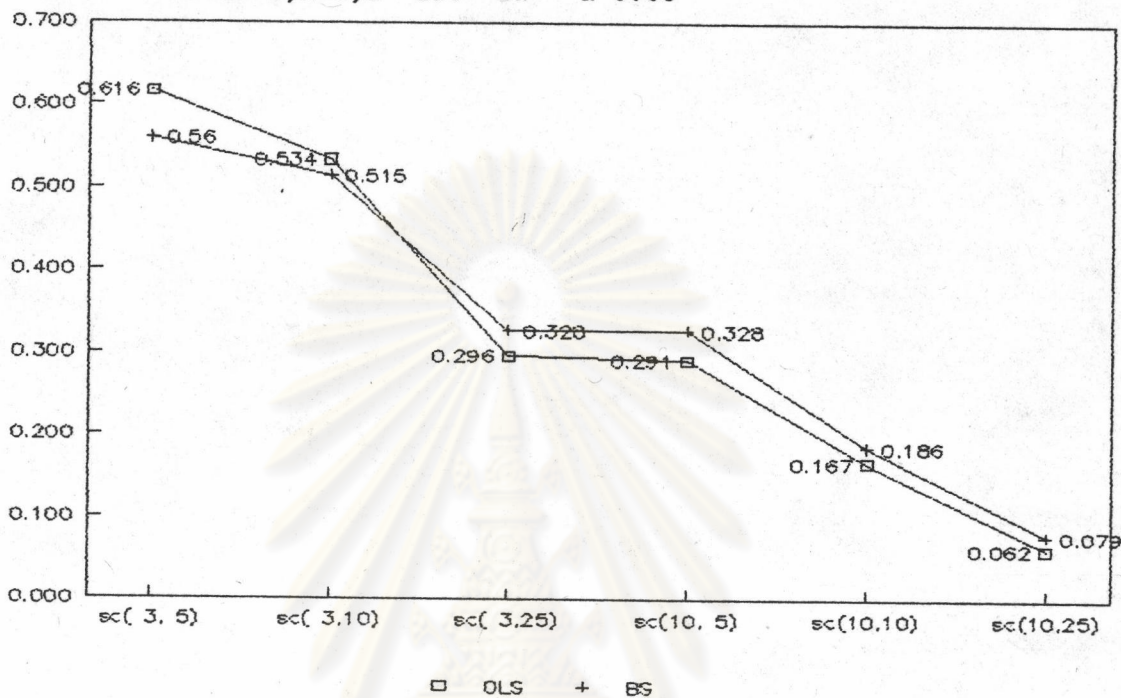
รูปที่ 2.2.53 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=3, n=4, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



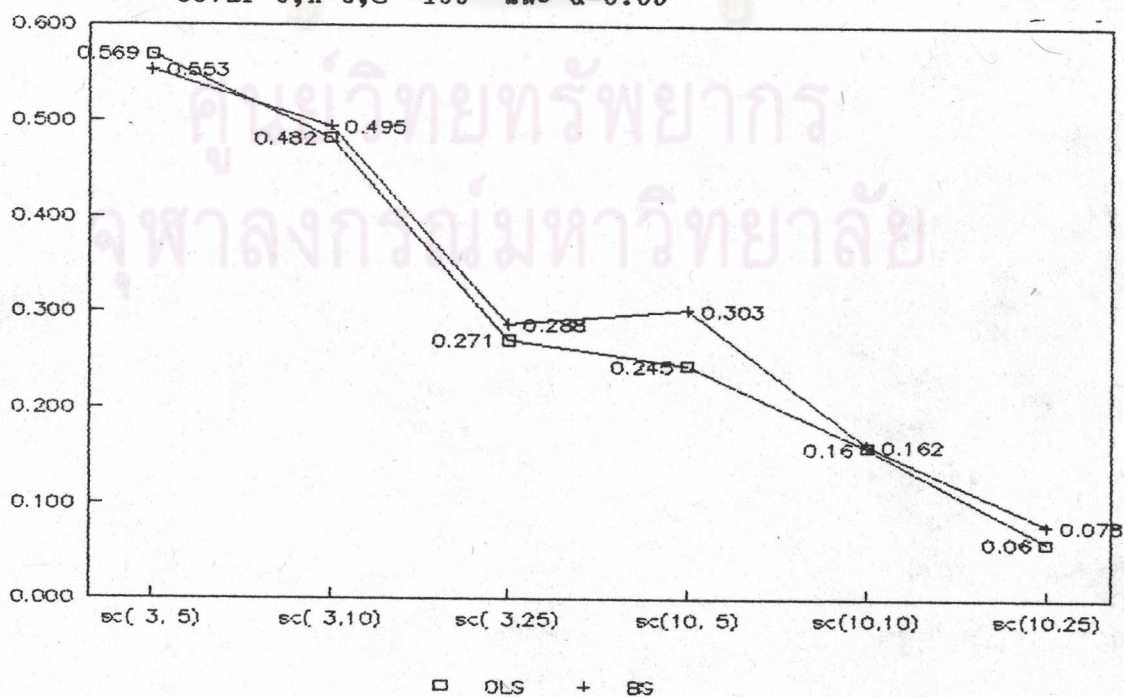
รูปที่ 2.2.54 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=5, n=4, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



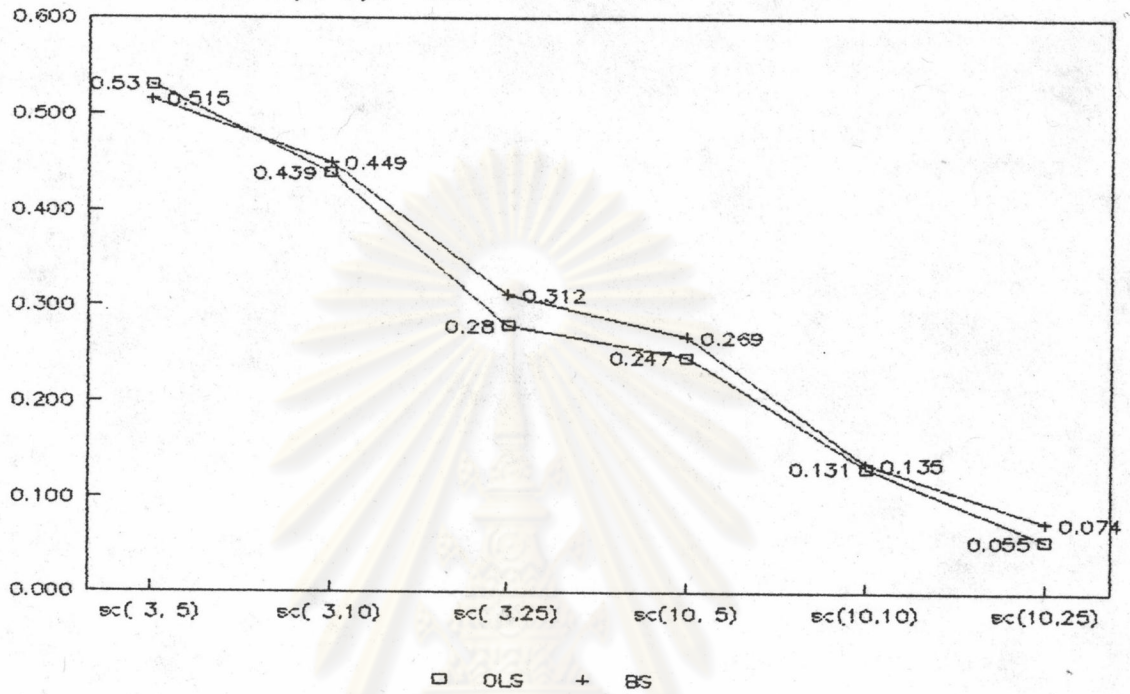
รูปที่ 2.2.55 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=1, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



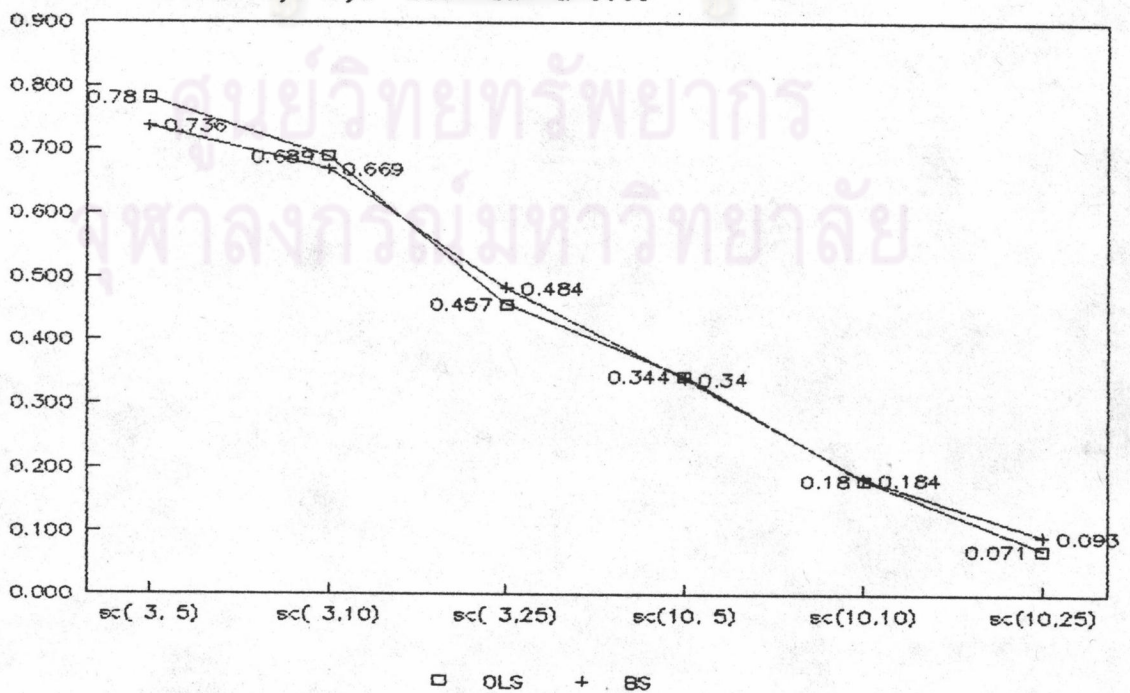
รูปที่ 2.2.56 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=3, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



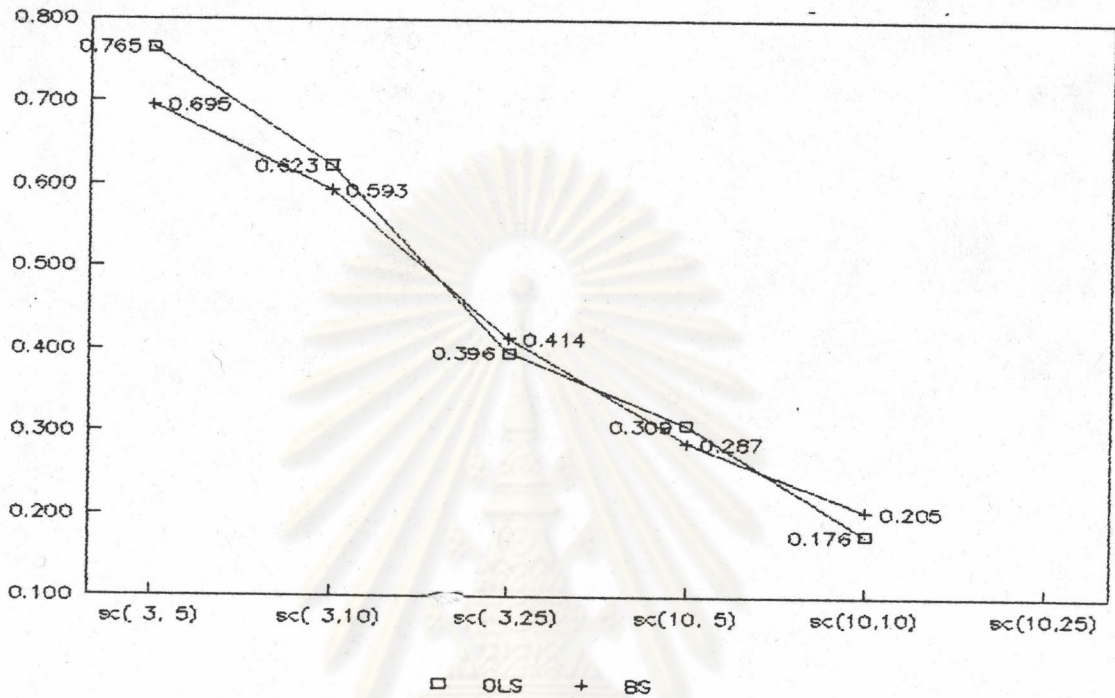
รูปที่ 2.2.57 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=5, n=6, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



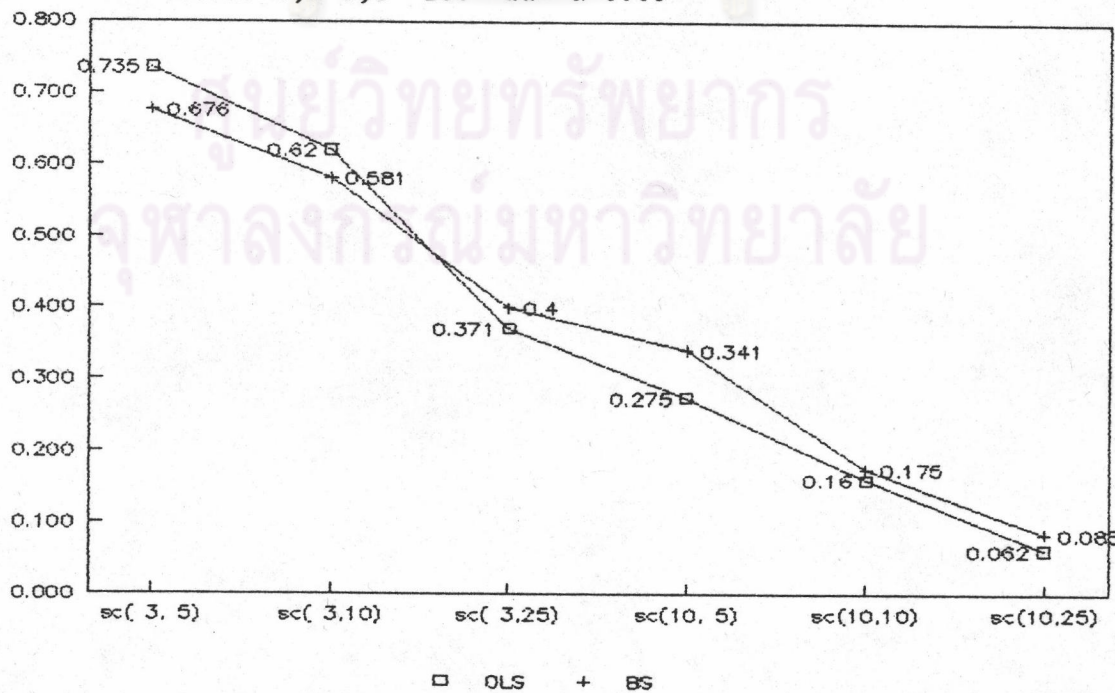
รูปที่ 2.2.58 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$, $covar=1, n=8, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



รูปที่ 2.2.59 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$,
 $covar=3, n=8, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$

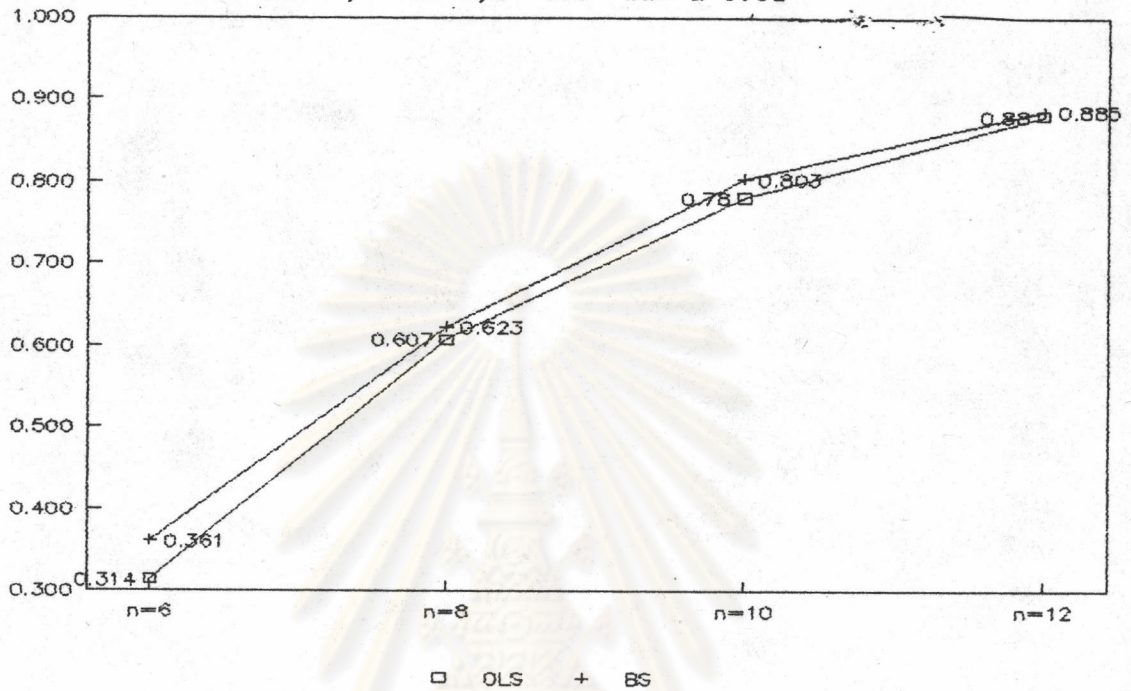


รูปที่ 2.2.60 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบปกติปลอมปน โดยที่ $tr = 7$,
 $covar=5, n=8, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



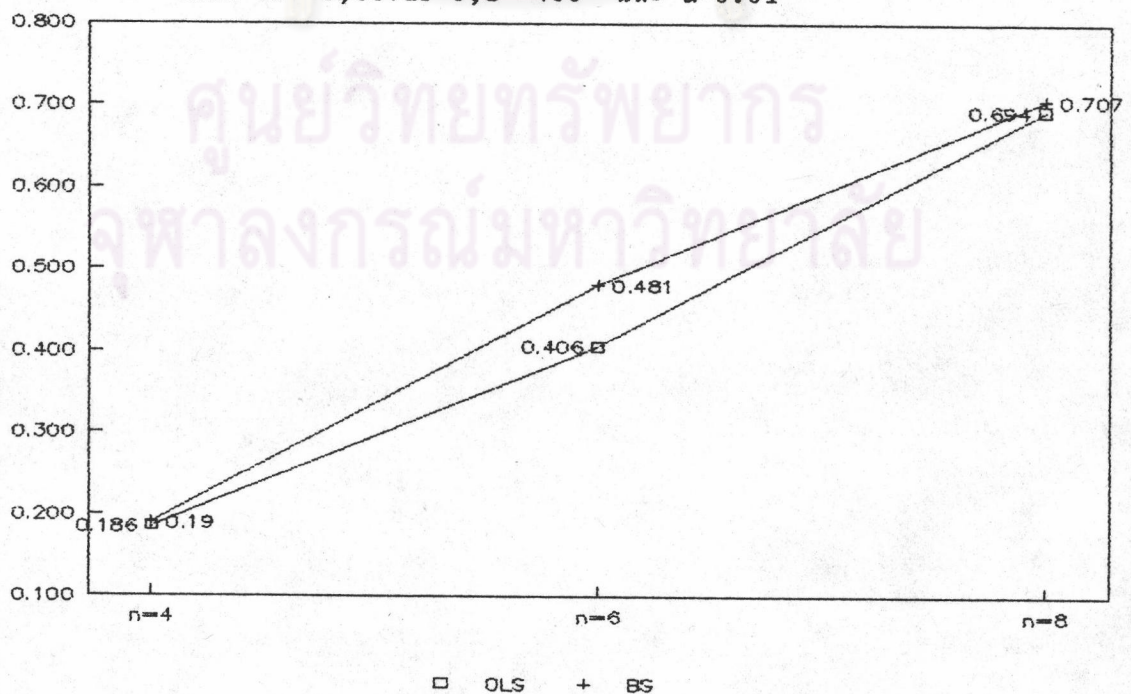
รูปที่ 2.3.13 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 3, covar = 5, \sigma^2 = 400$ และ $\alpha = 0.01$



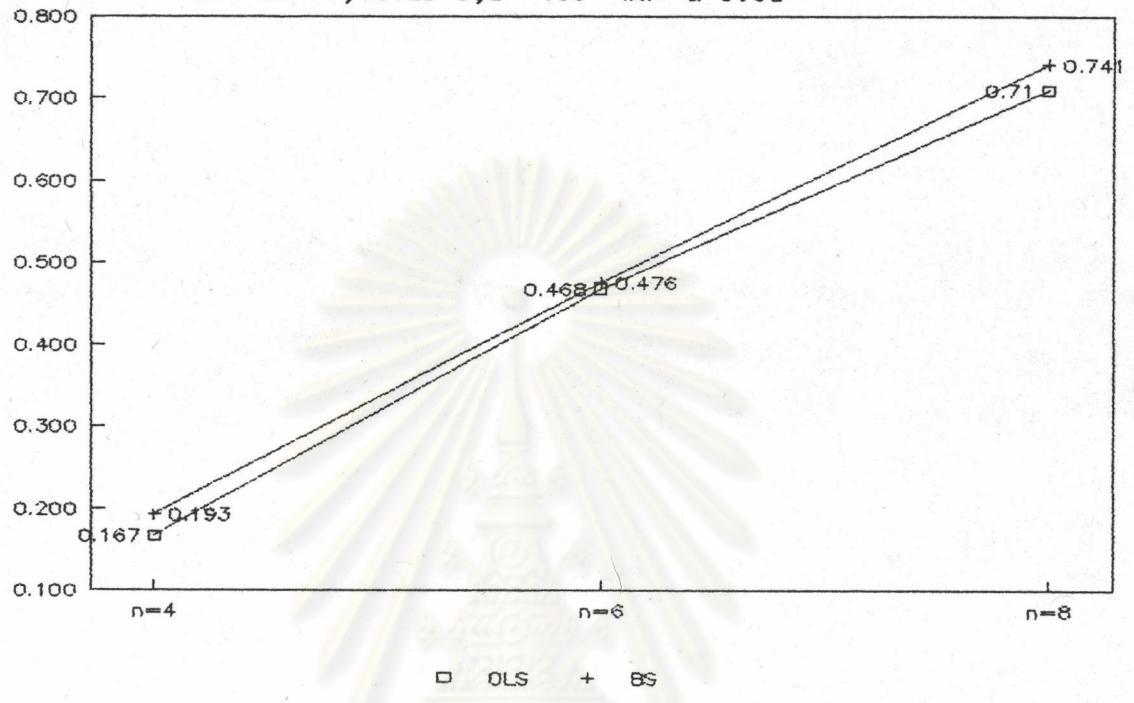
รูปที่ 2.3.14 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 5, covar = 5, \sigma^2 = 400$ และ $\alpha = 0.01$



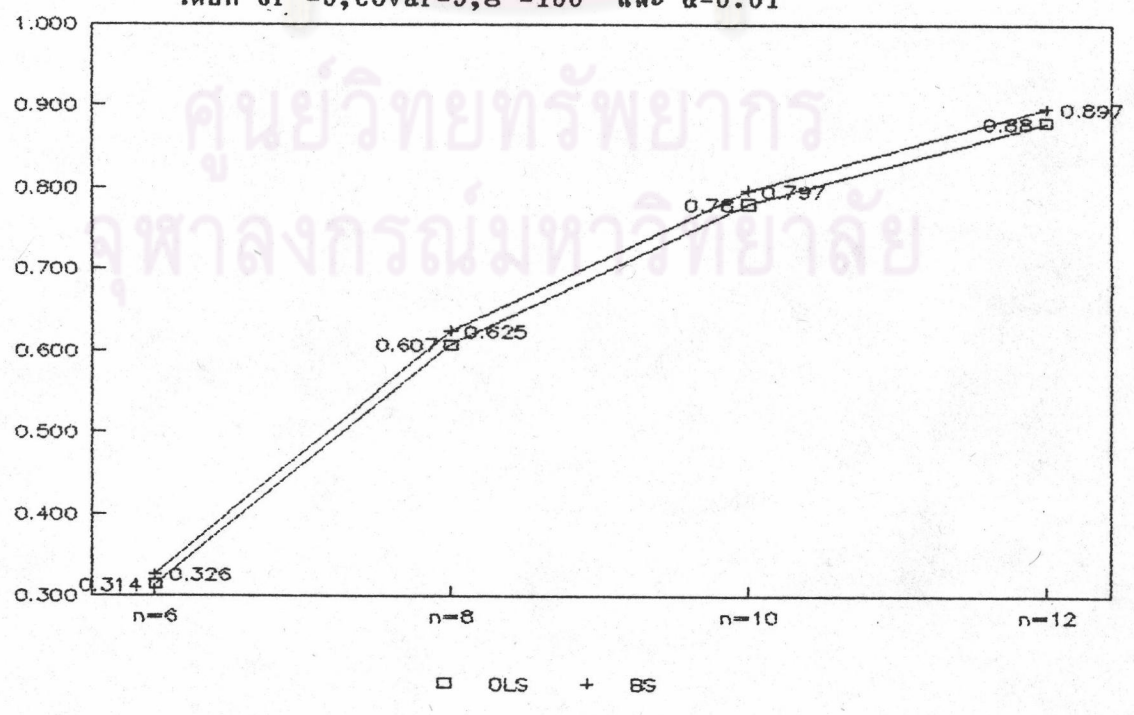
รูปที่ 2.3.15 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 7, covar = 5, \sigma^2 = 400$ และ $\alpha = 0.01$



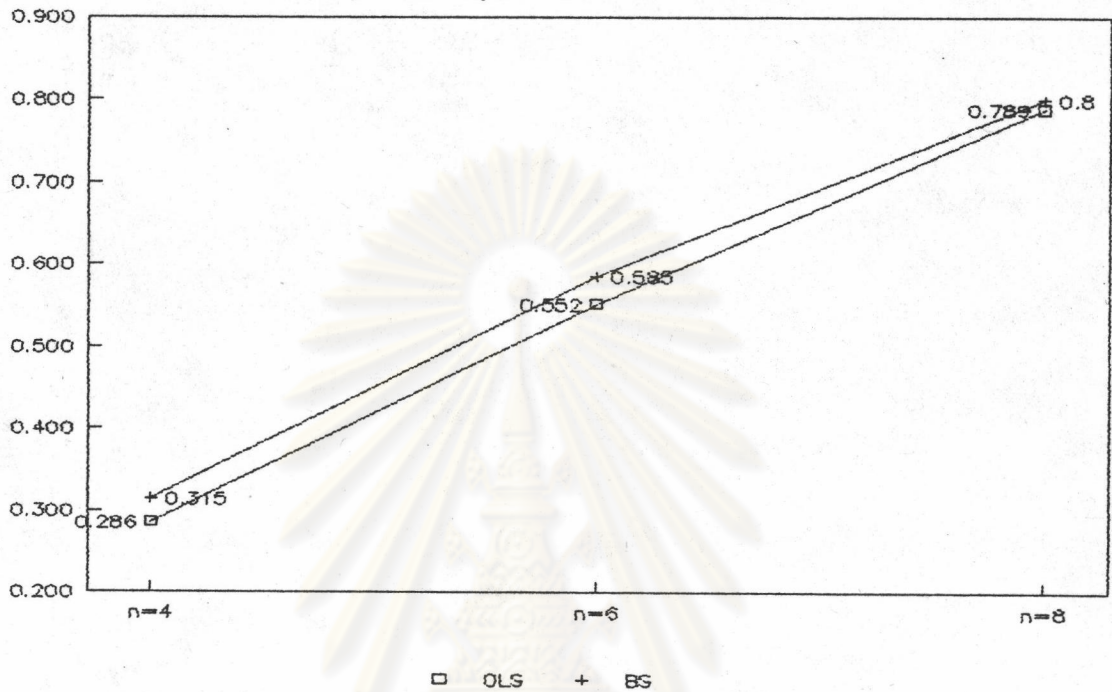
รูปที่ 2.3.16 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 3, covar = 5, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.01$



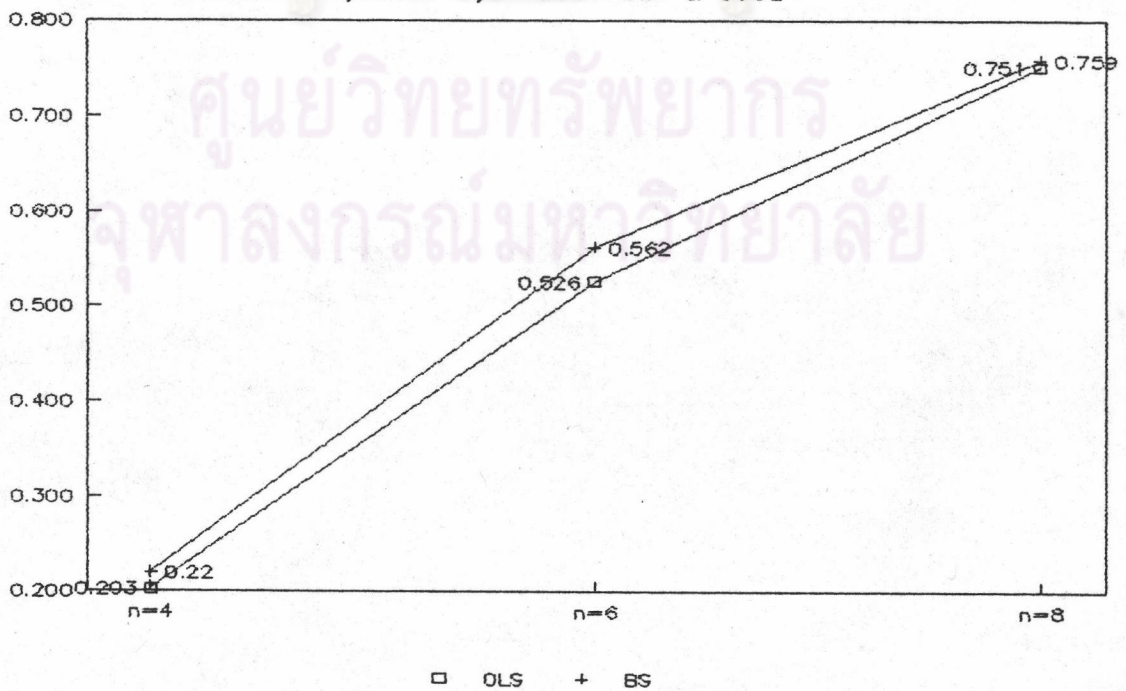
รูปที่ 2.3.17 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมป์เบลล์เอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 5, covar = 1, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.01$



รูปที่ 2.3.18 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมป์เบลล์เอ็กซ์โปเนนเชียล

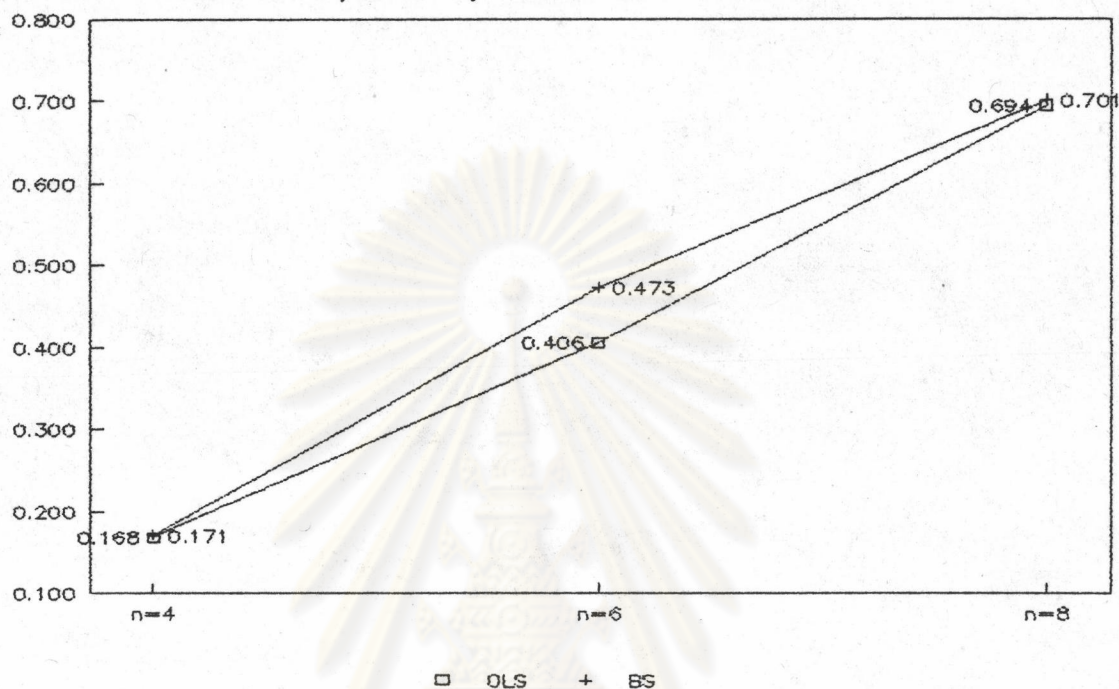
โดยที่ $tr = 5, covar = 3, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.01$



รูปที่ 2.3.19 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด

เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบดัดเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

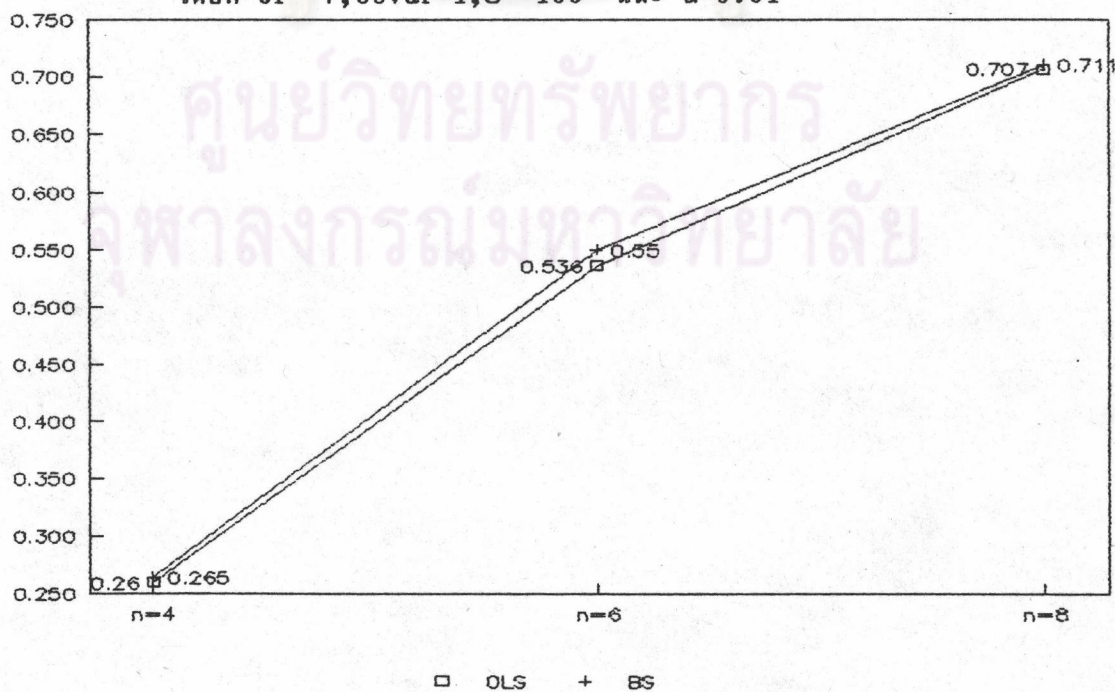
โดยที่ $tr = 5, covar = 5, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.01$



รูปที่ 2.3.20 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด

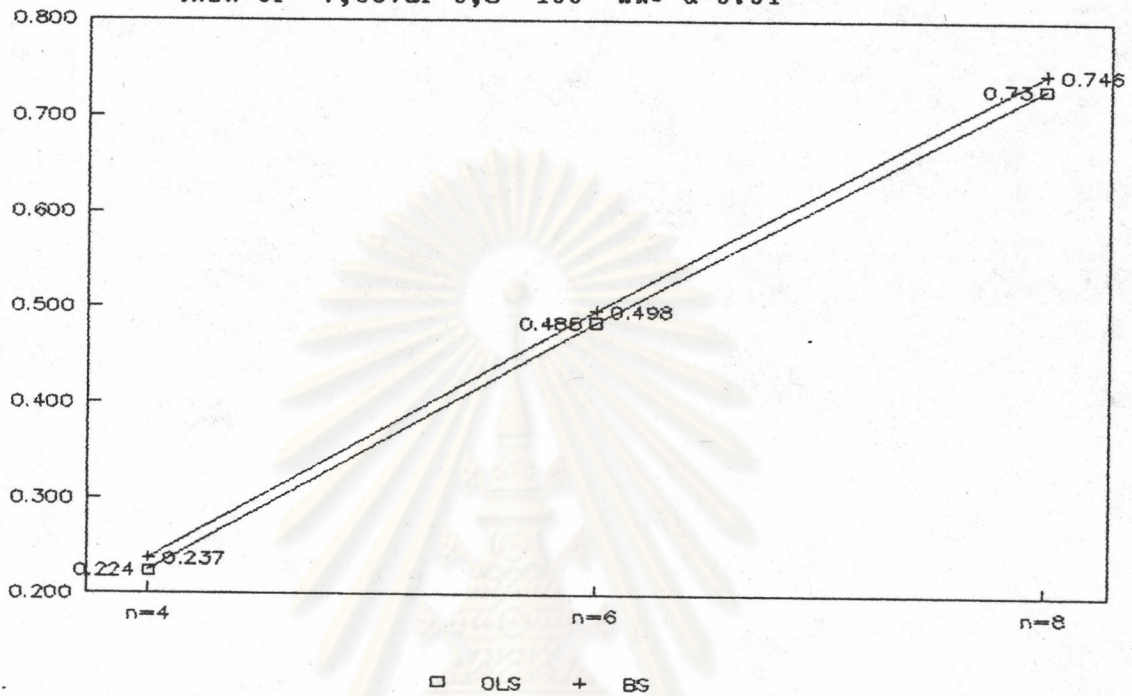
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบดัดเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 7, covar = 1, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.01$



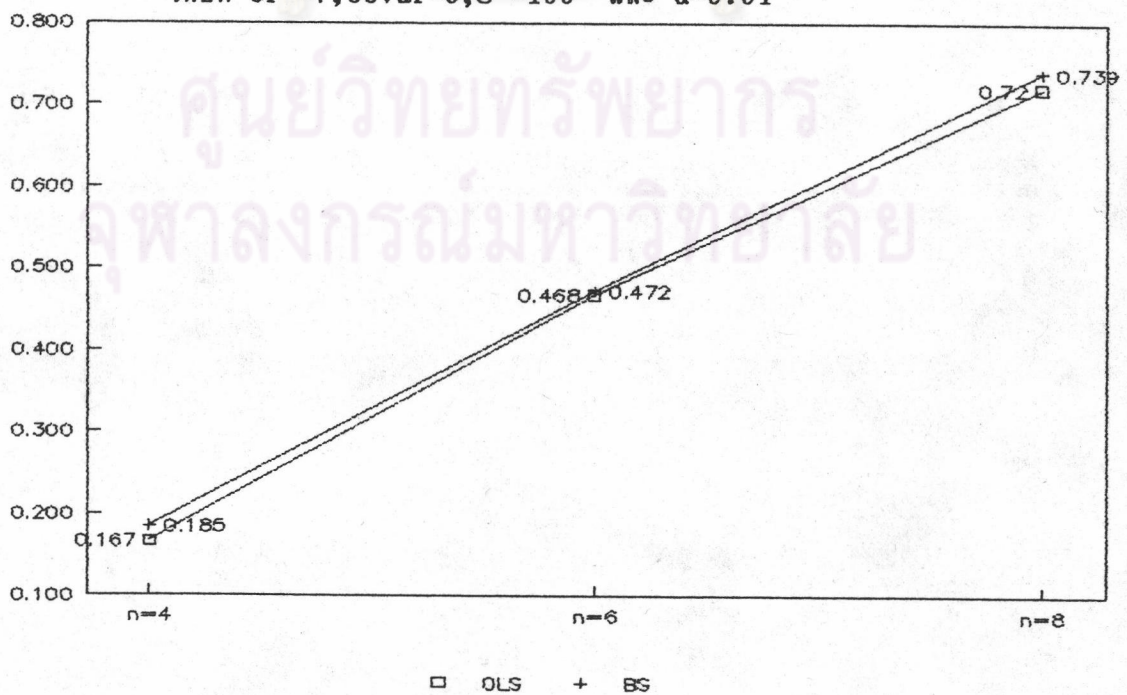
รูปที่ 2.3.21 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบดัดเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 7, covar = 3, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.01$



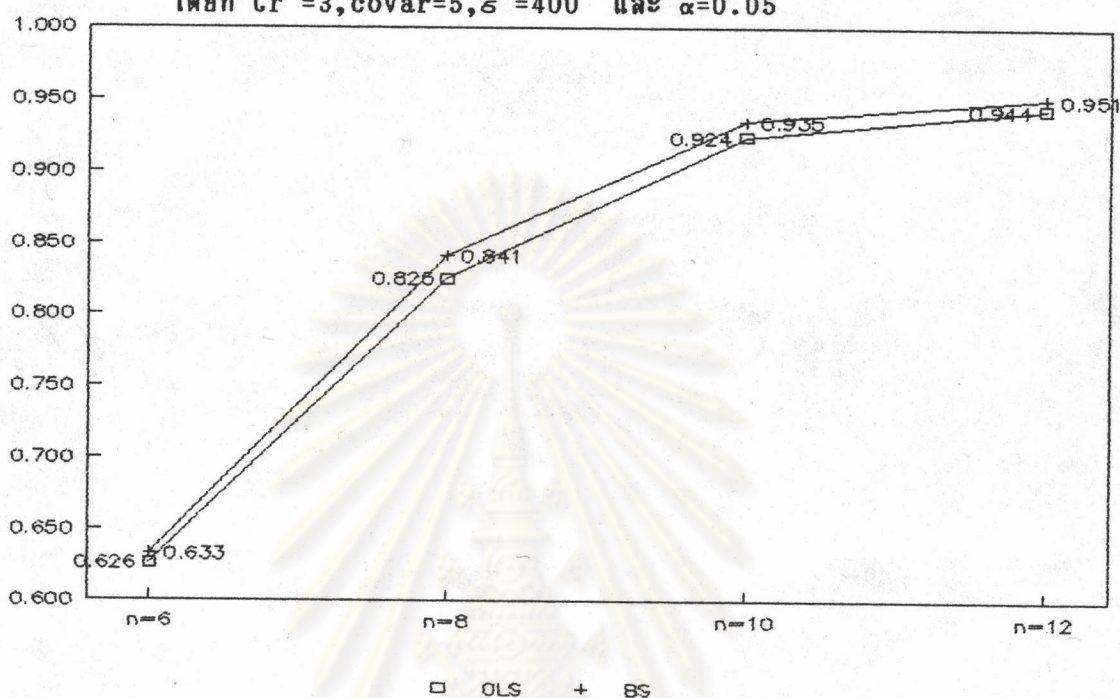
รูปที่ 2.3.22 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบดัดเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 7, covar = 5, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.01$



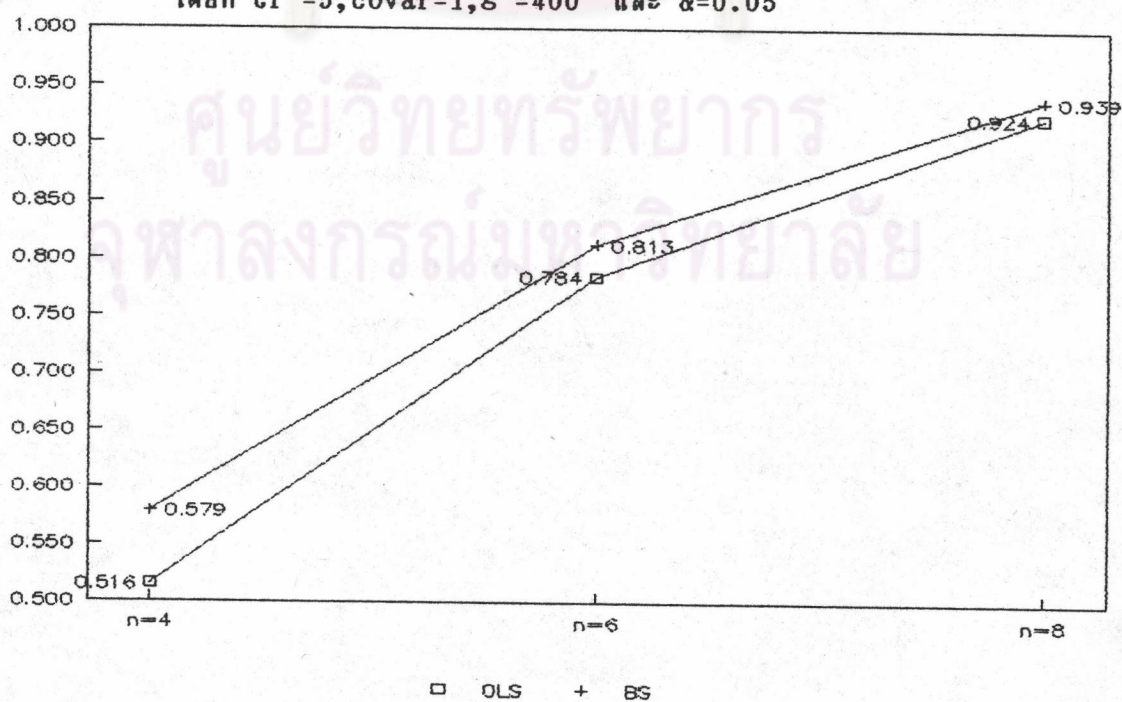
รูปที่ 2.3.23 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 3, covar = 5, \sigma^2 = 400$ และ $\alpha = 0.05$



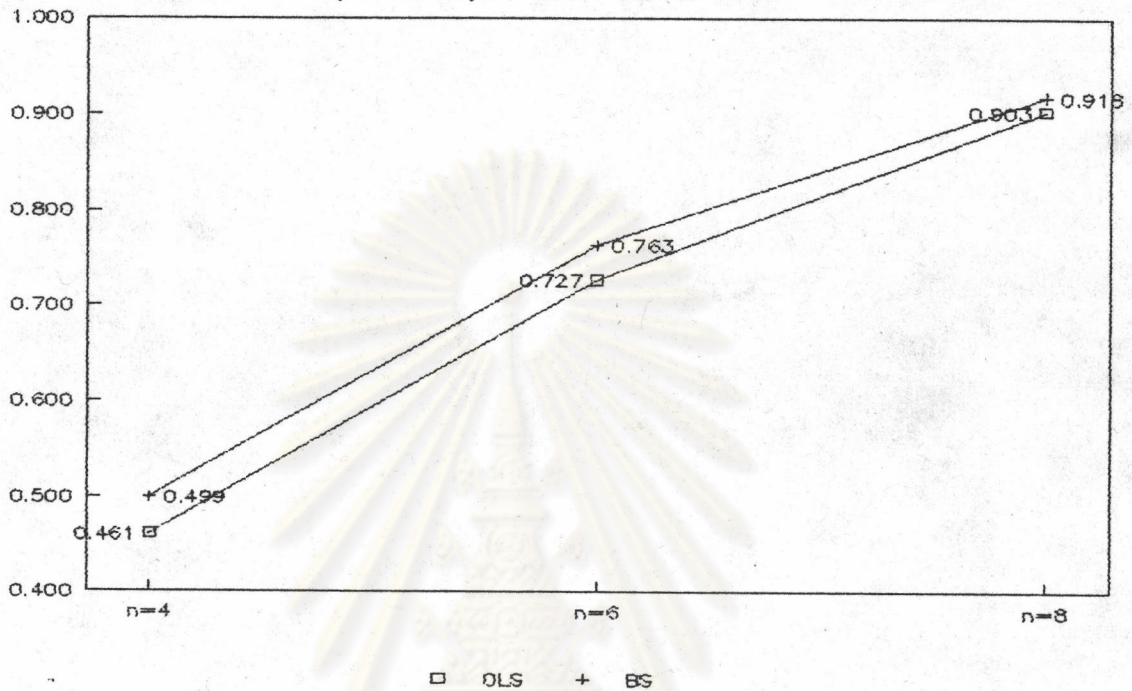
รูปที่ 2.3.24 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 5, covar = 1, \sigma^2 = 400$ และ $\alpha = 0.05$



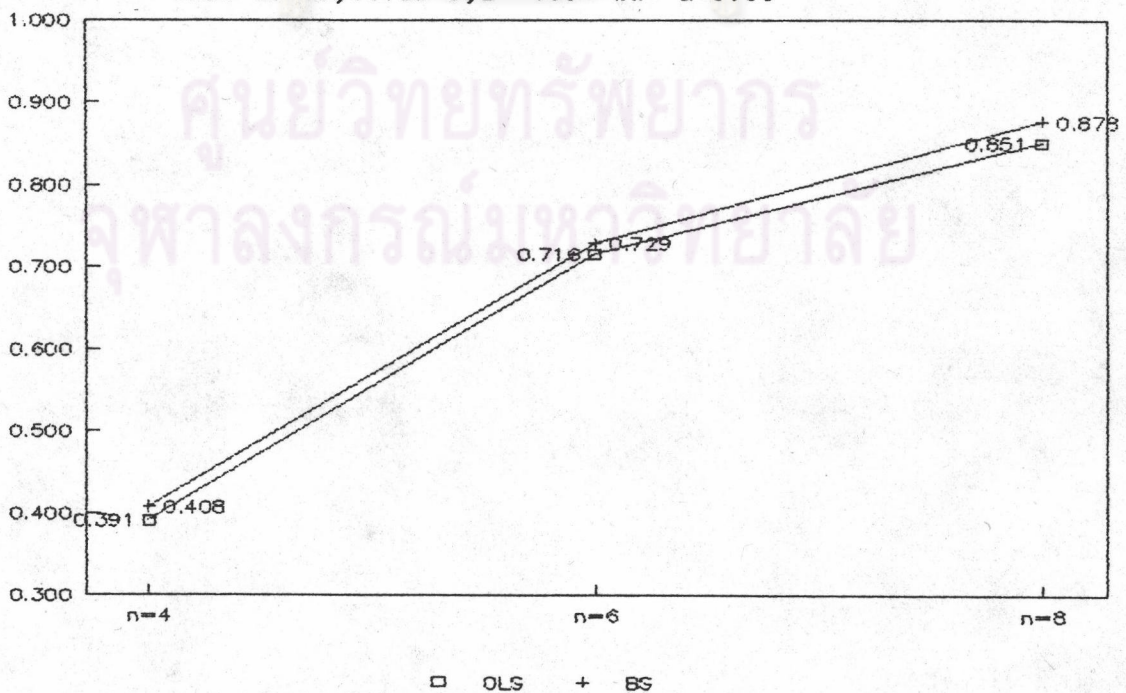
รูปที่ 2.3.25 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรพกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบดัดเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 5, covar = 3, \sigma^2 = 400$ และ $\alpha = 0.05$

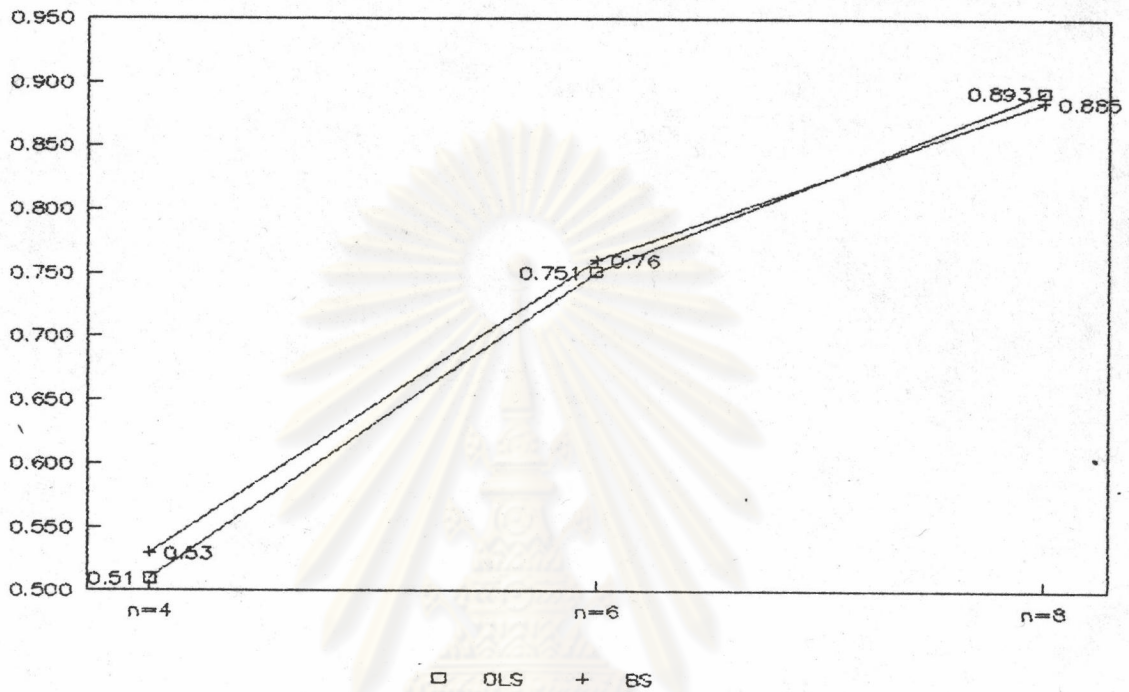


รูปที่ 2.3.26 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรพกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบดัดเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

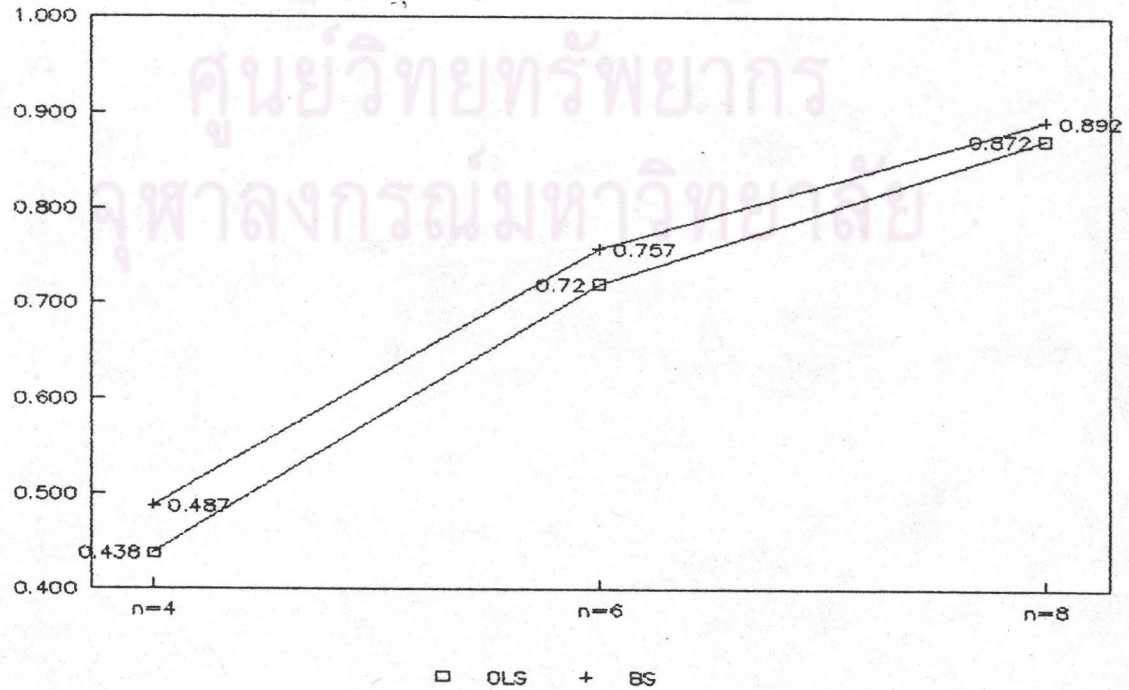
โดยที่ $tr = 5, covar = 5, \sigma^2 = 400$ และ $\alpha = 0.05$



รูปที่ 2.3.27 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล
 โดยที่ $tr = 7, covar = 1, \sigma^2 = 400$ และ $\alpha = 0.05$

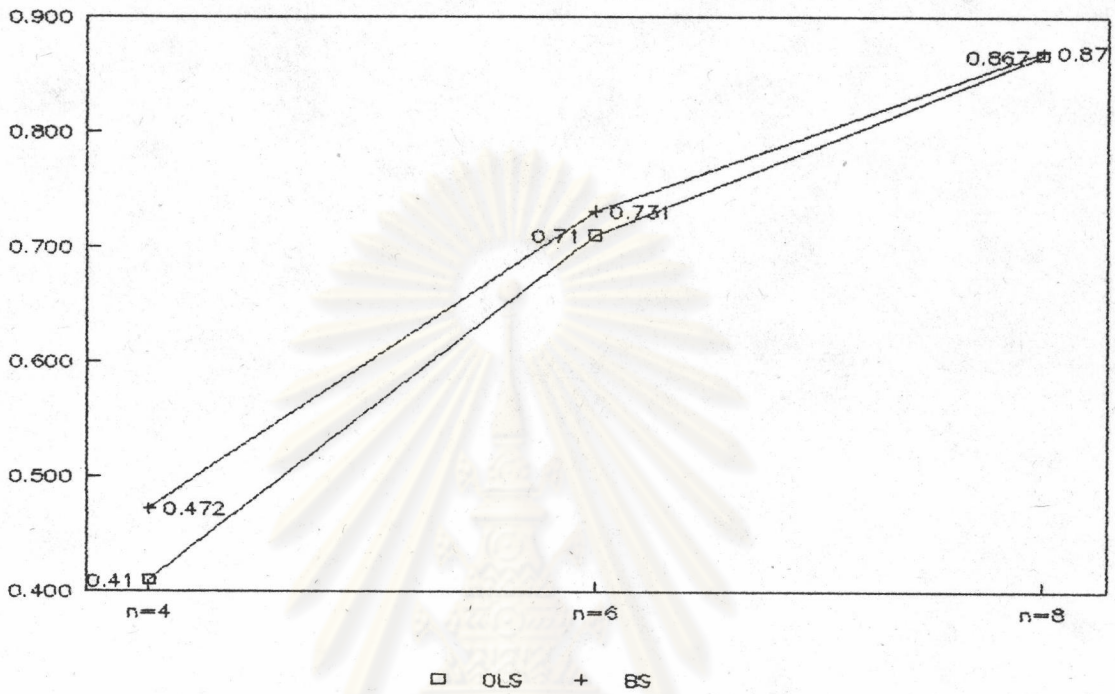


รูปที่ 2.3.28 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล
 โดยที่ $tr = 7, covar = 3, \sigma^2 = 400$ และ $\alpha = 0.05$



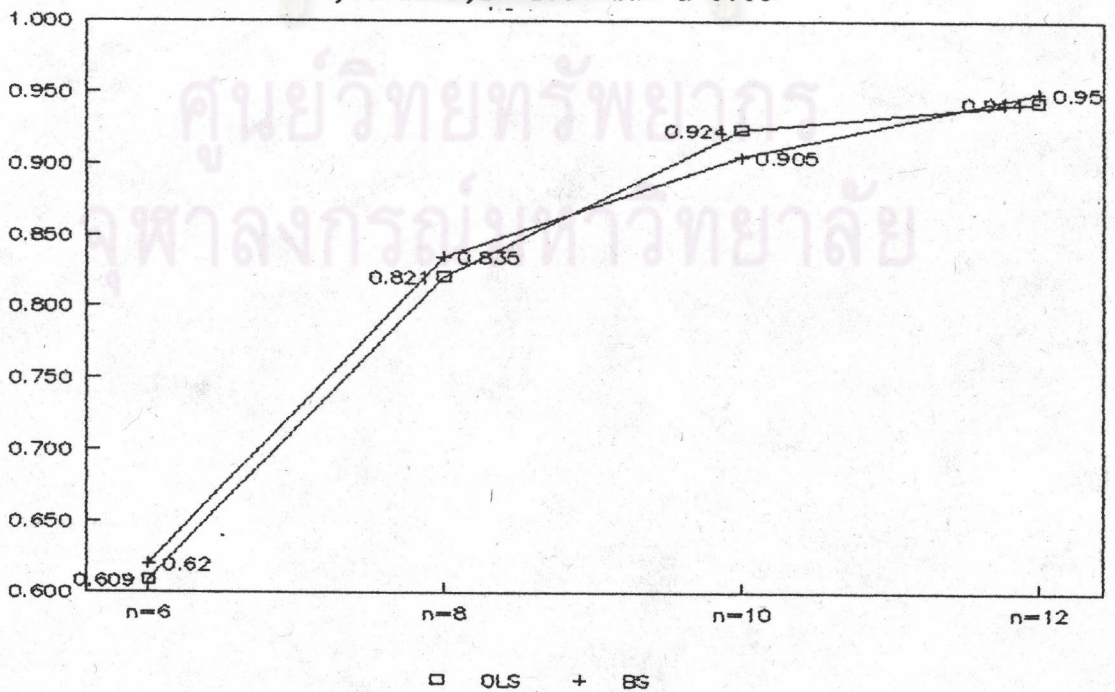
รูปที่ 2.3.29 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรพกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบดัดเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 7, covar = 5, \sigma^2 = 400$ และ $\alpha = 0.05$



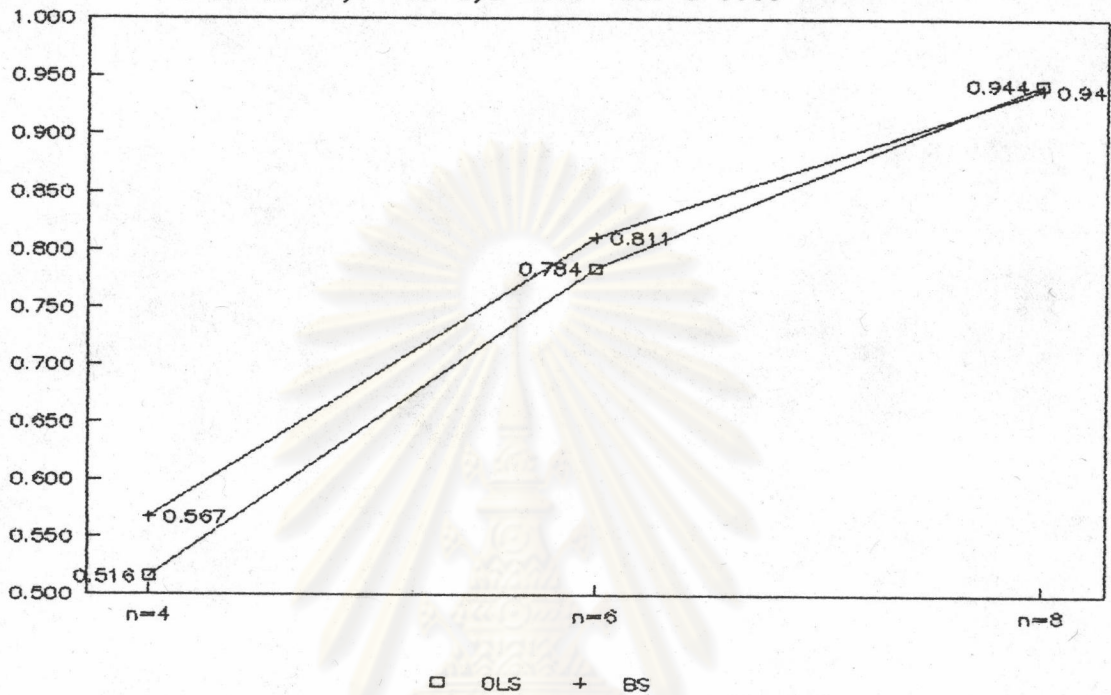
รูปที่ 2.3.30 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรพกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบดัดเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 3, covar = 5, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.05$



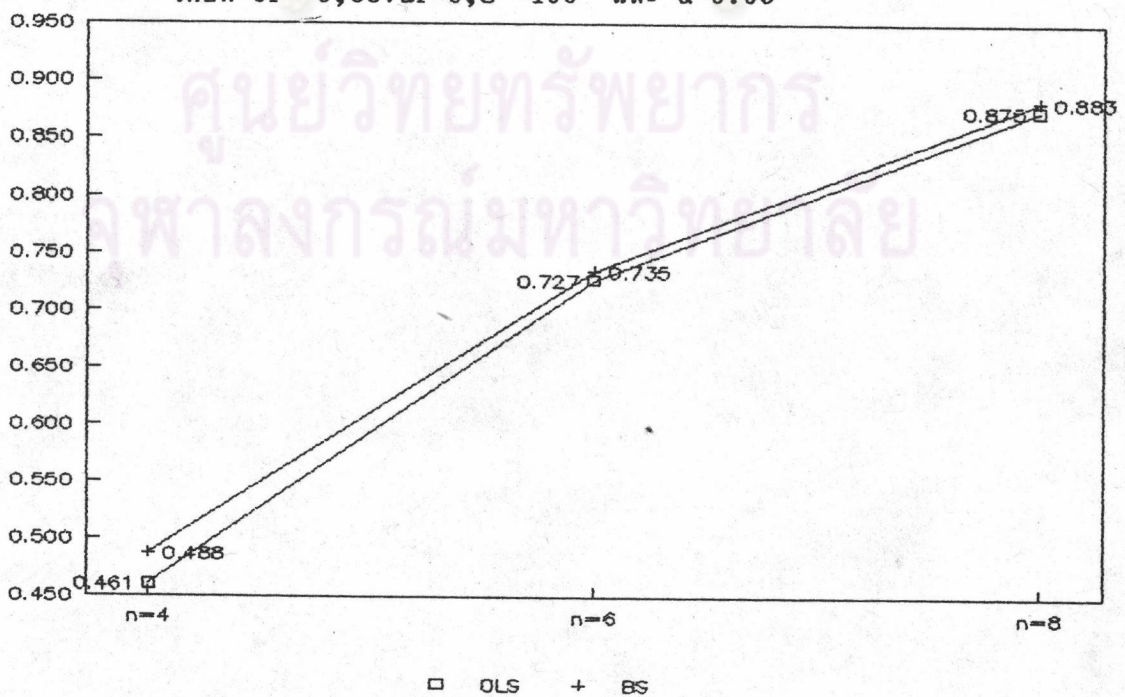
รูปที่ 2.3.31 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 5, covar = 1, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.05$

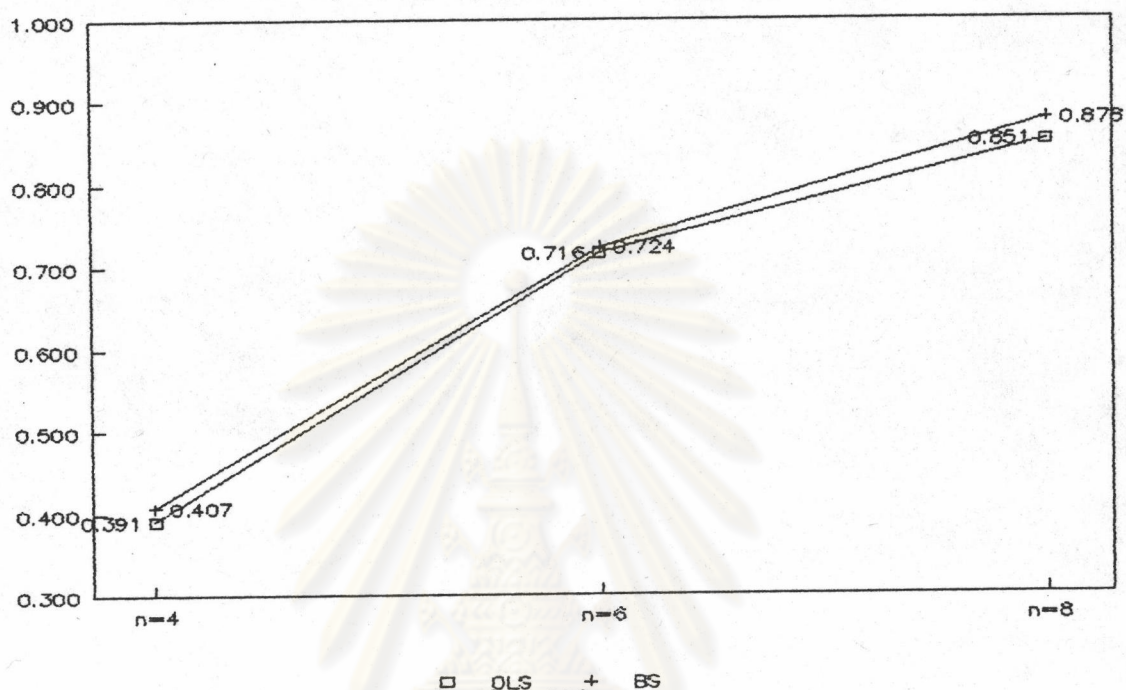


รูปที่ 2.3.32 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมเบิ้ลเอ็กซ์โปเนนเชียล

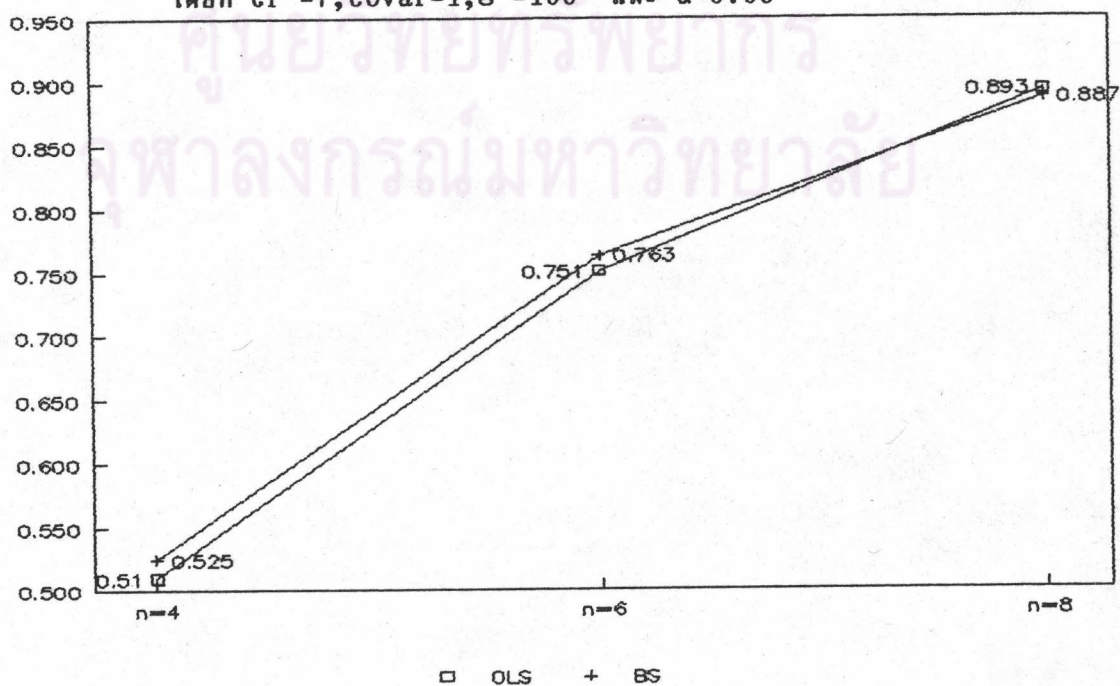
โดยที่ $tr = 5, covar = 3, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.05$



รูปที่ 2.3.33 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบัสตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมเบิ้ล เอ็กซ์โปเนนเชียล
 โดยที่ $tr = 5, covar=5, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$

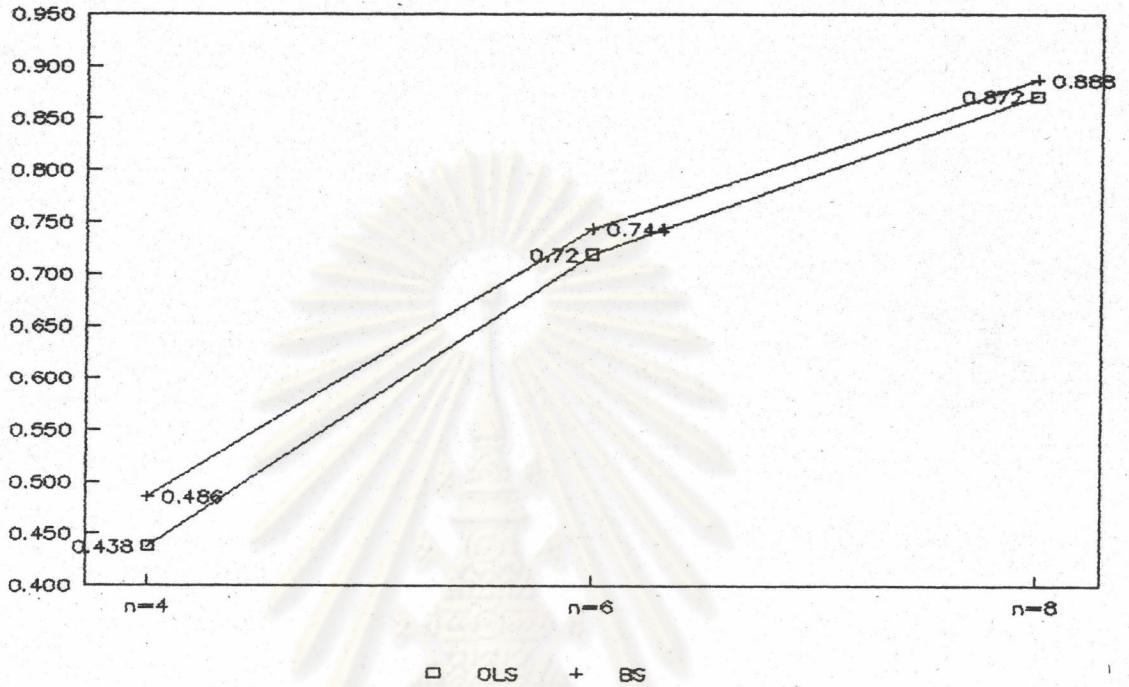


รูปที่ 2.3.34 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบัสตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบคัมเบิ้ล เอ็กซ์โปเนนเชียล
 โดยที่ $tr = 7, covar=1, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



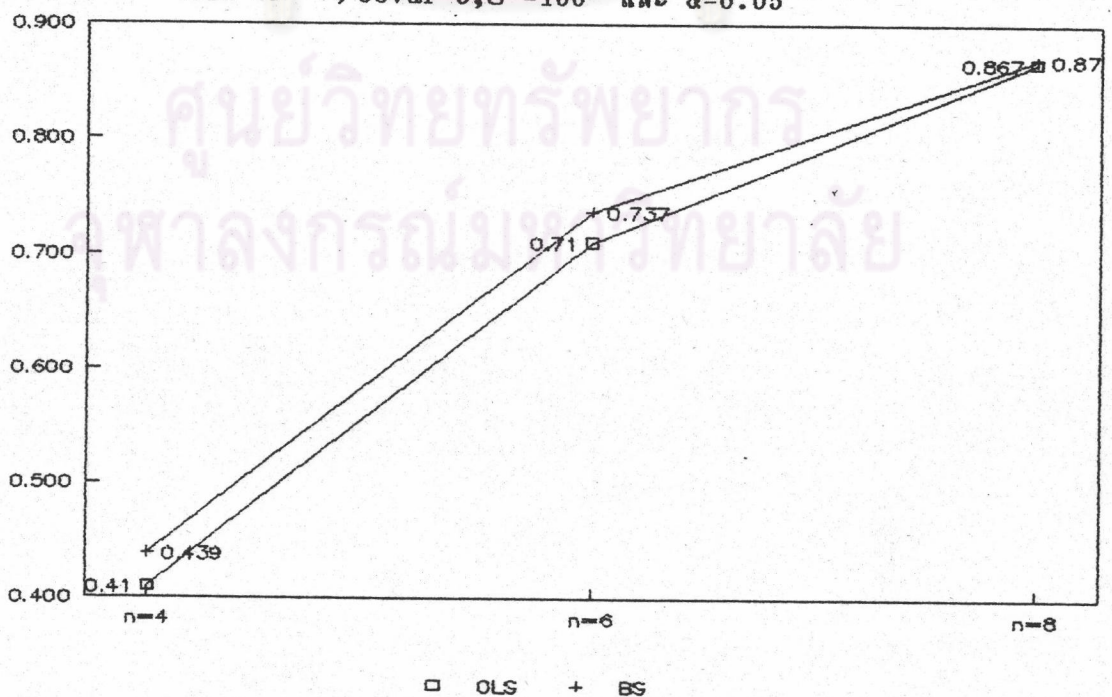
รูปที่ 2.3.35 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบดัดเบิ้ล เอ็กซ์โปเนนเชียล

โดยที่ $tr = 7, covar = 3, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.05$

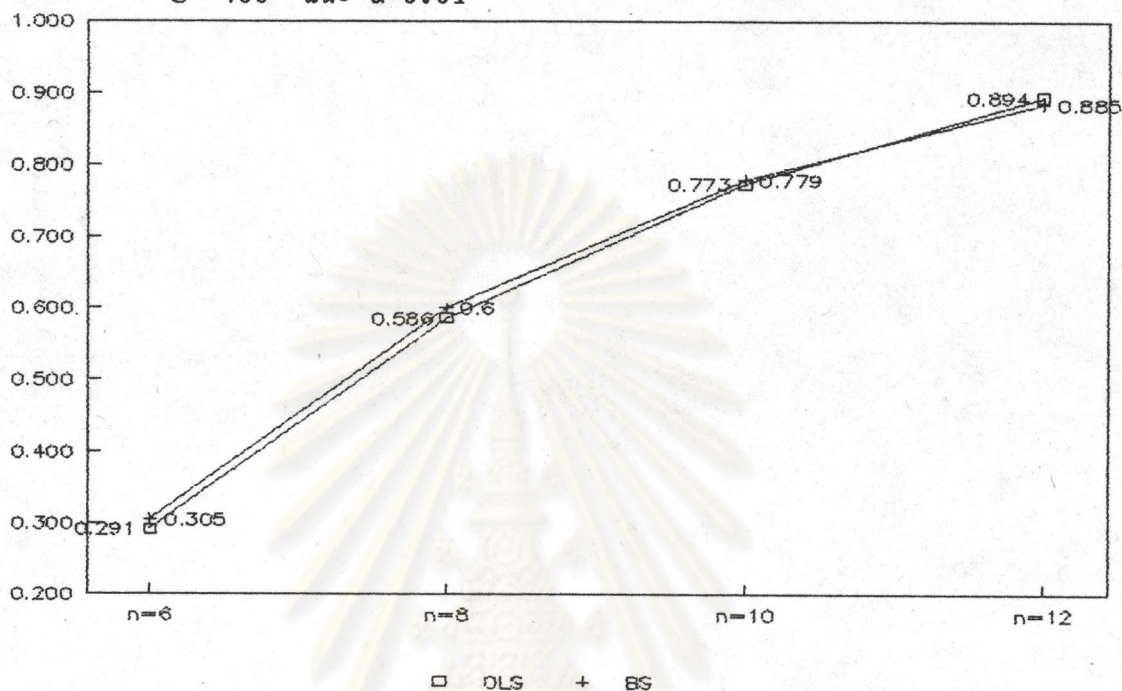


รูปที่ 2.3.36 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบดัดเบิ้ล เอ็กซ์โปเนนเชียล

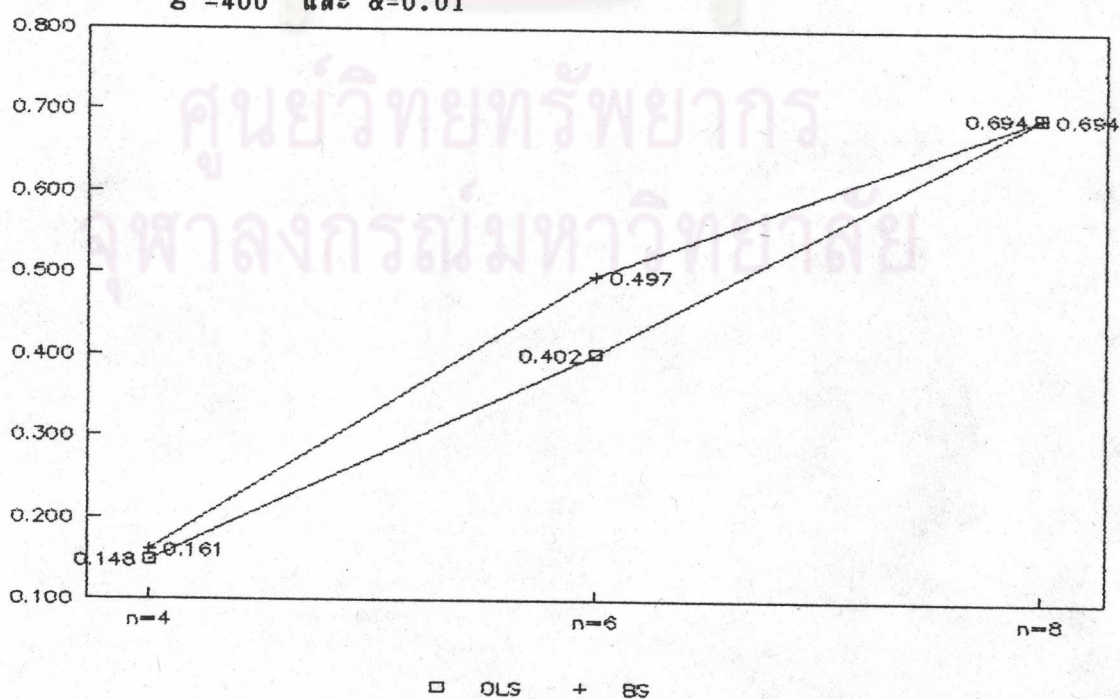
โดยที่ $tr = 7, covar = 5, \sigma^2 = 100$ และ $\alpha = 0.05$



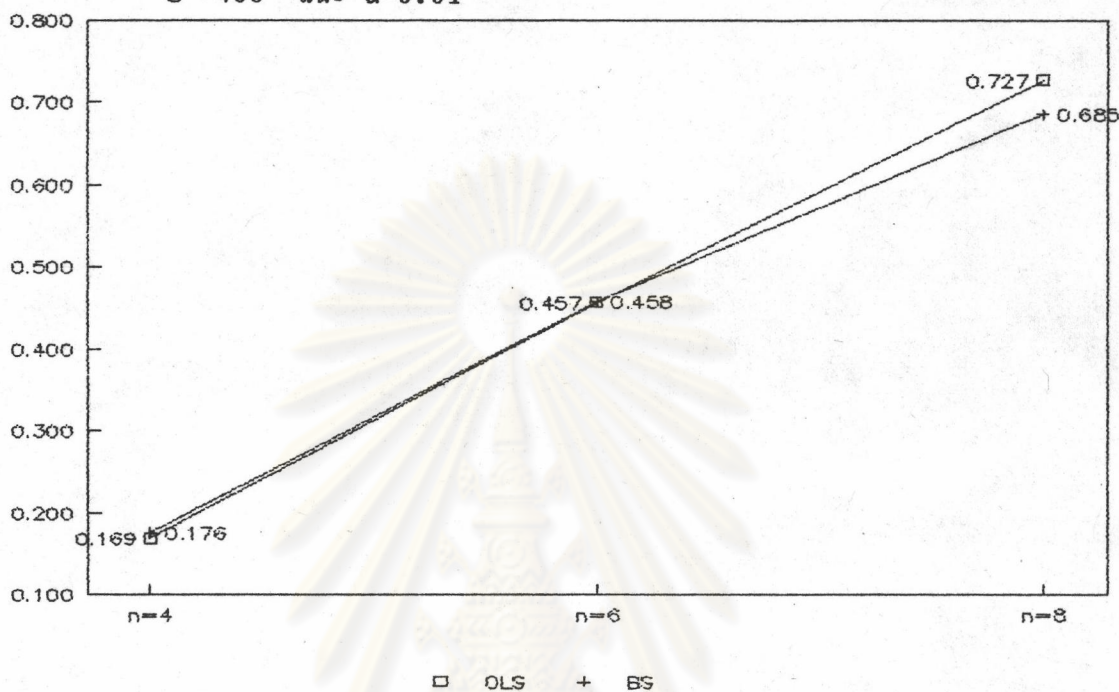
รูปที่ 2.4.13 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสตรัปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=3, covar=5, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



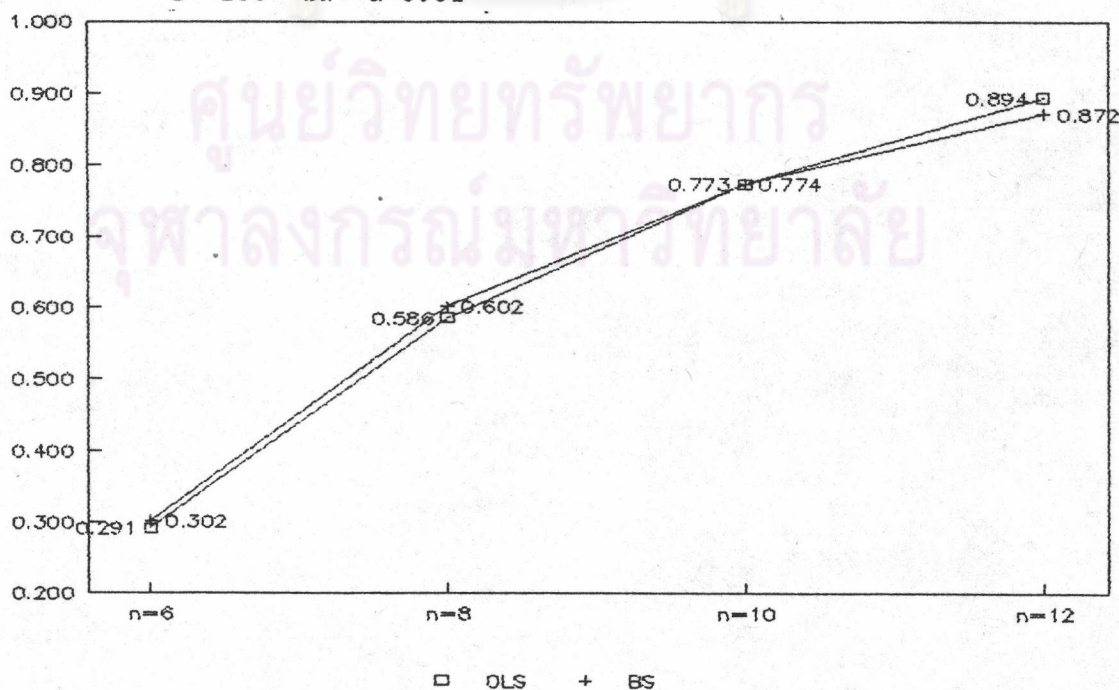
รูปที่ 2.4.14 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสตรัปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=5, covar=5, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



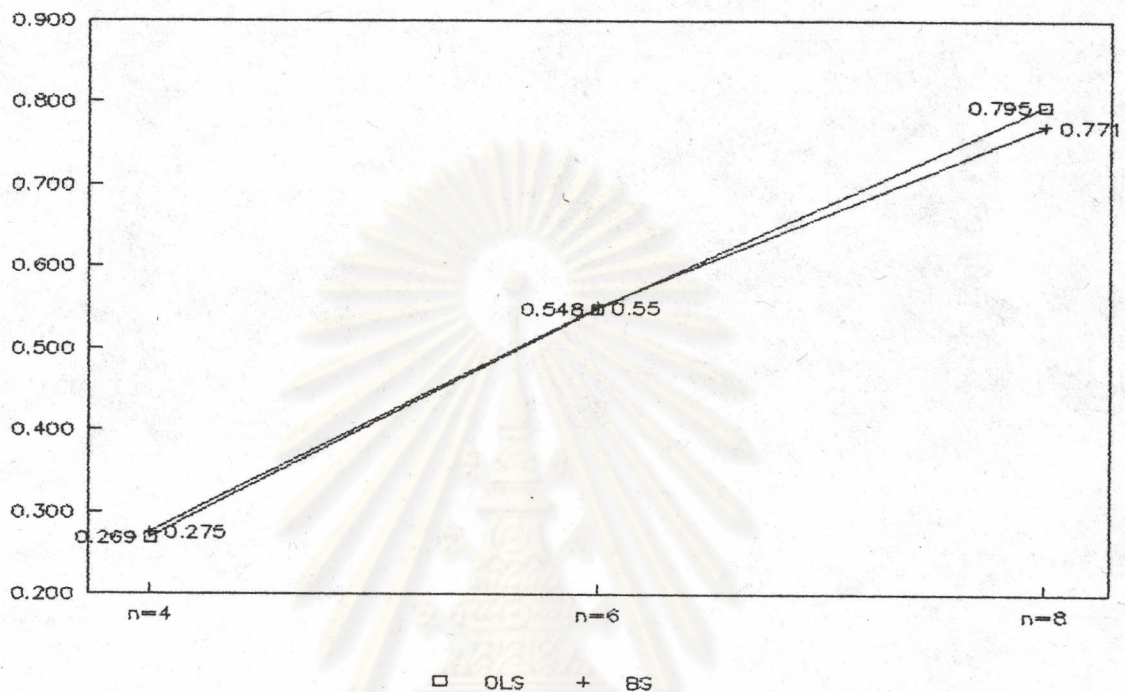
รูปที่ 2.4.15 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรพกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=7$, $covar=5$,
 $\sigma^2=400$ และ $\alpha=0.01$



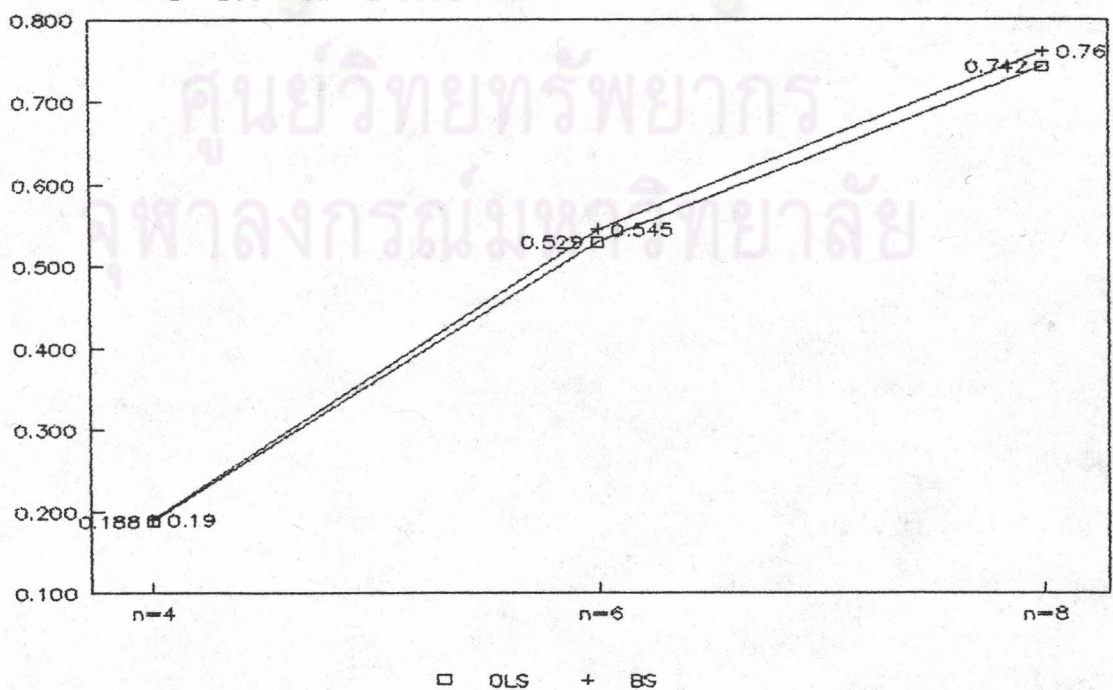
รูปที่ 2.4.16 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรพกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=3$, $covar=5$,
 $\sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



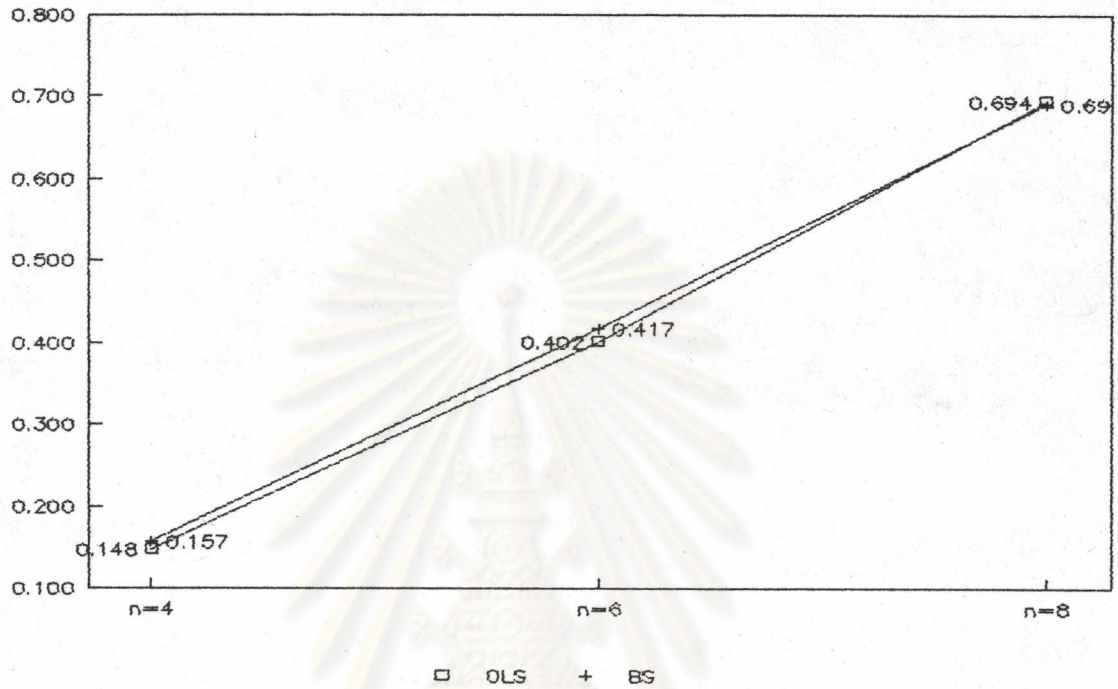
รูปที่ 2.4.17 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=5$, $covar=1$, $\sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



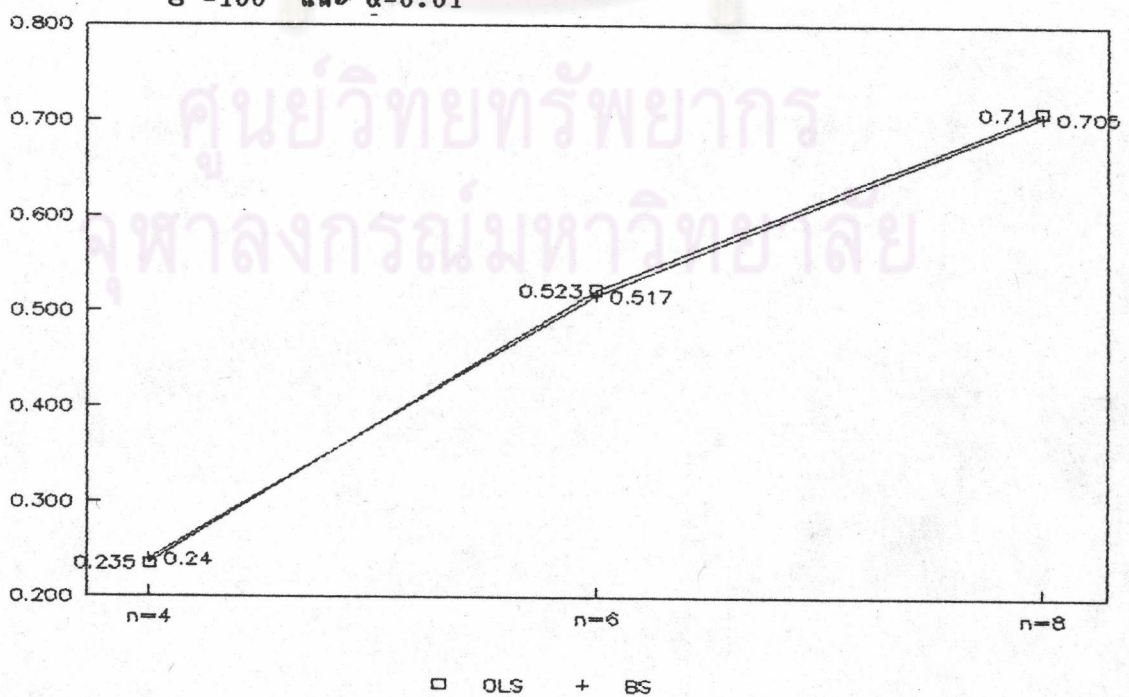
รูปที่ 2.4.18 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=5$, $covar=3$, $\sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



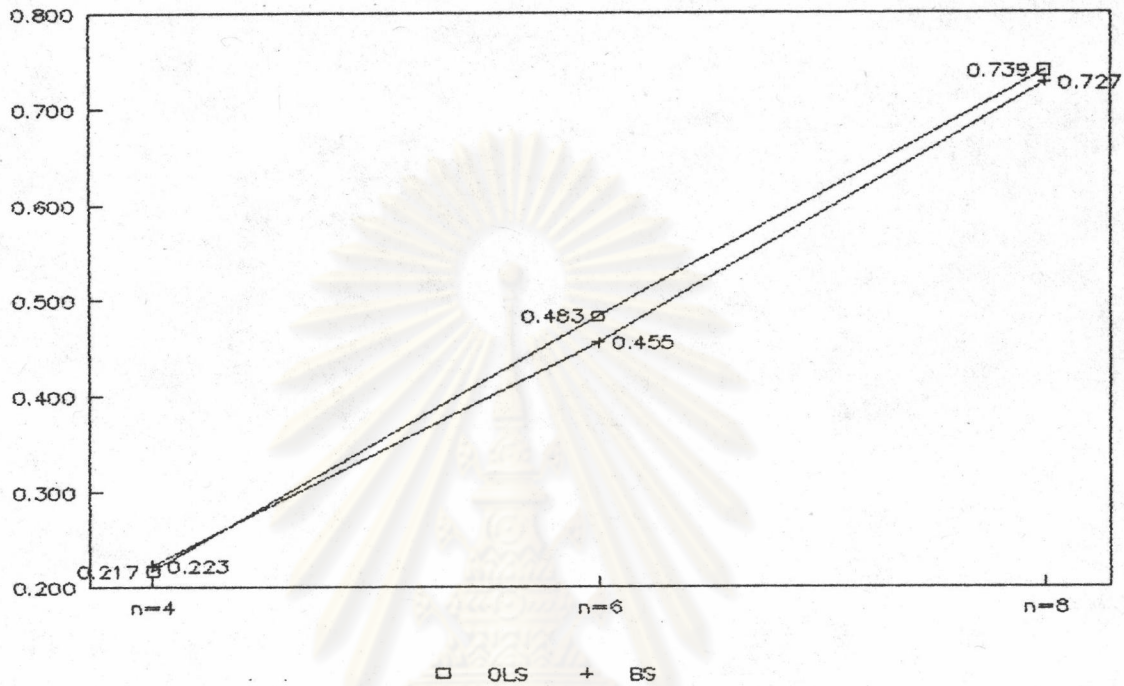
รูปที่ 2.4.19 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสแตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=5, covar=5, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



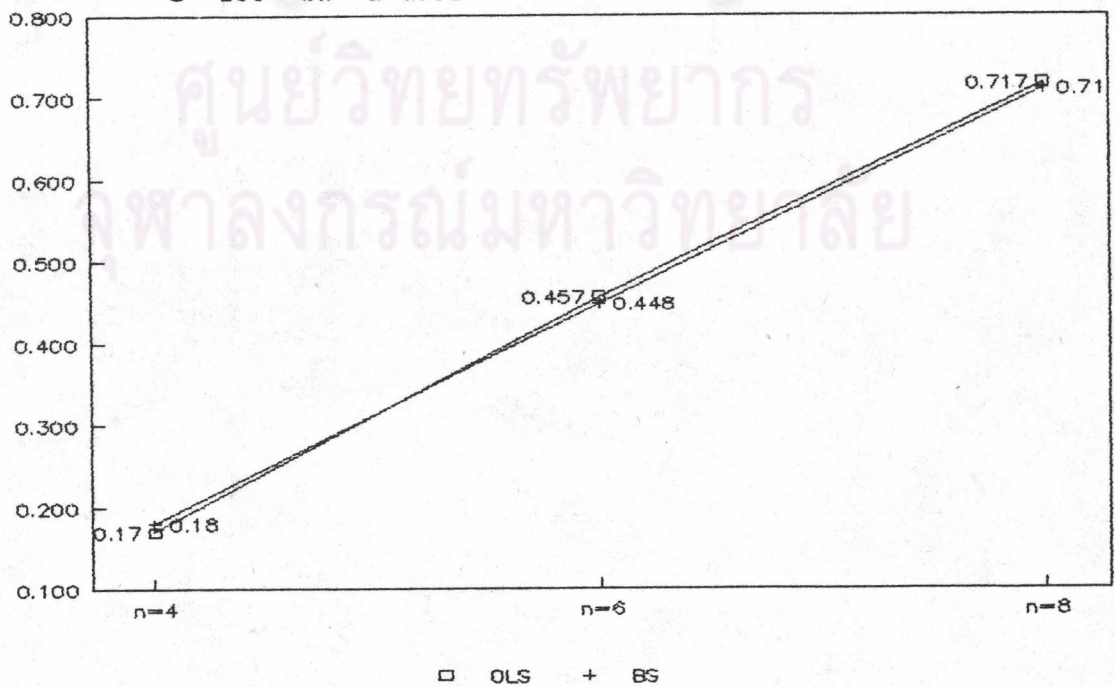
รูปที่ 2.4.20 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสแตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=7, covar=1, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



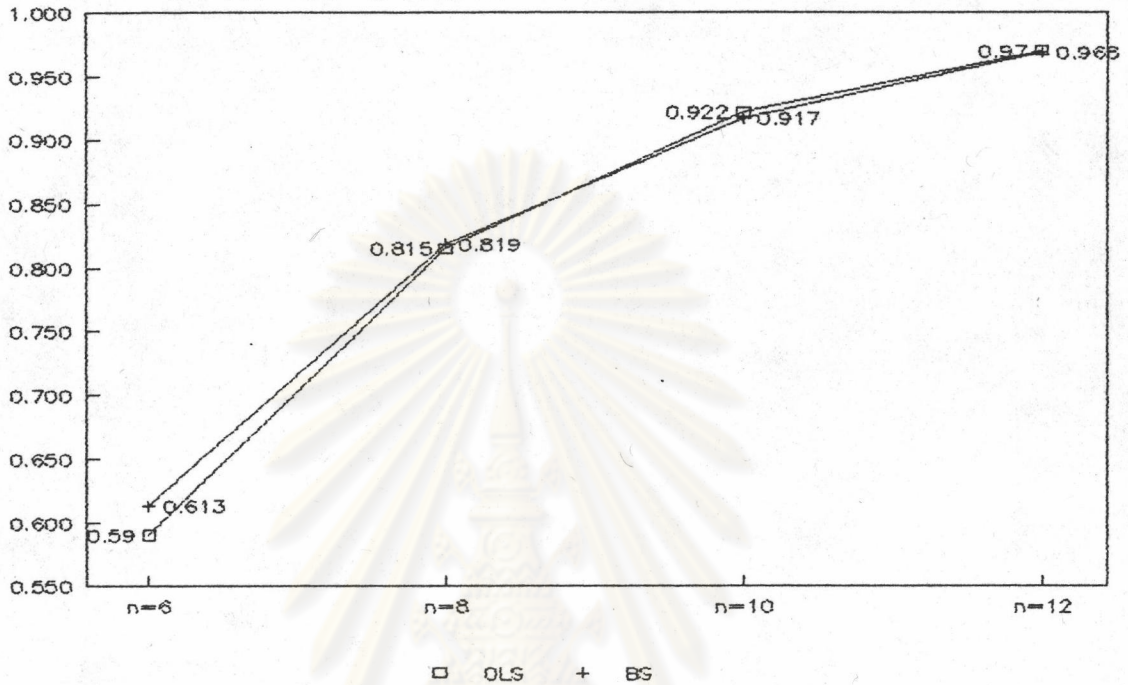
รูปที่ 2.4.21 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=7, covar=3, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



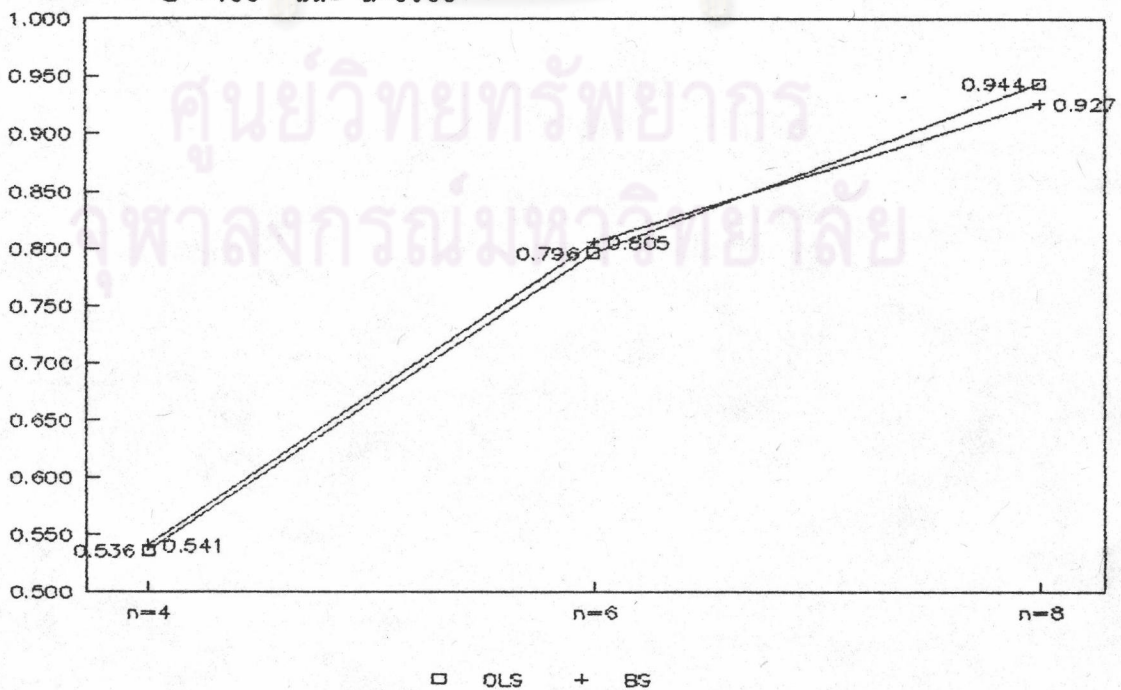
รูปที่ 2.4.22 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=7, covar=5, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.01$



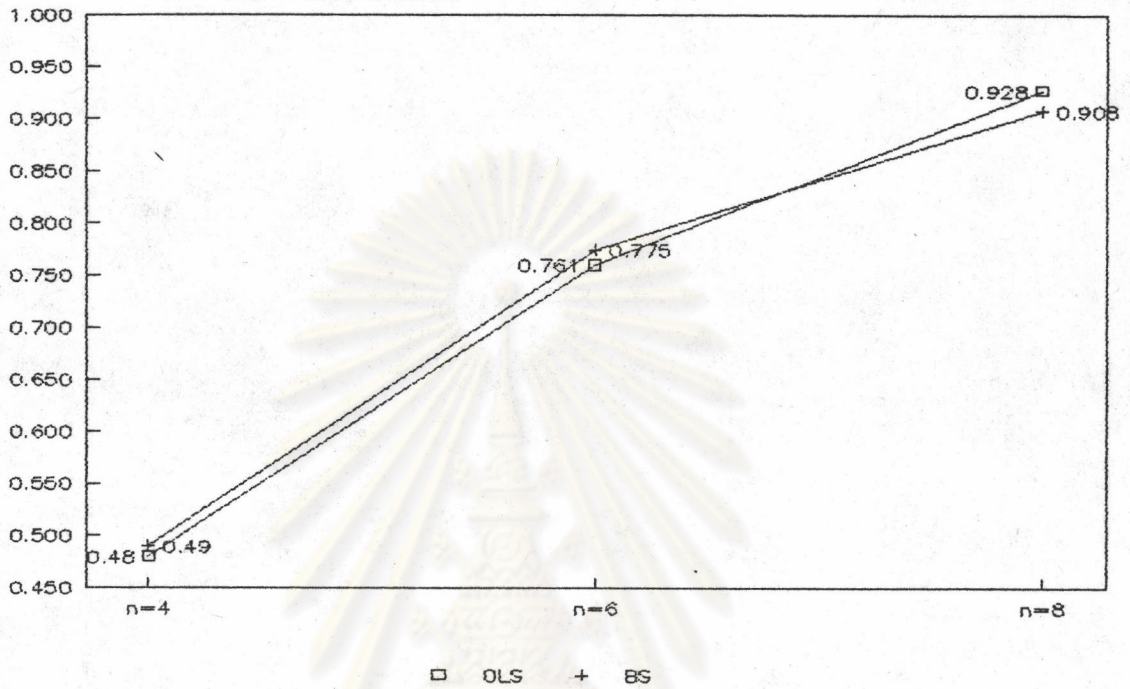
รูปที่ 2.4.23 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=3, covar=5, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



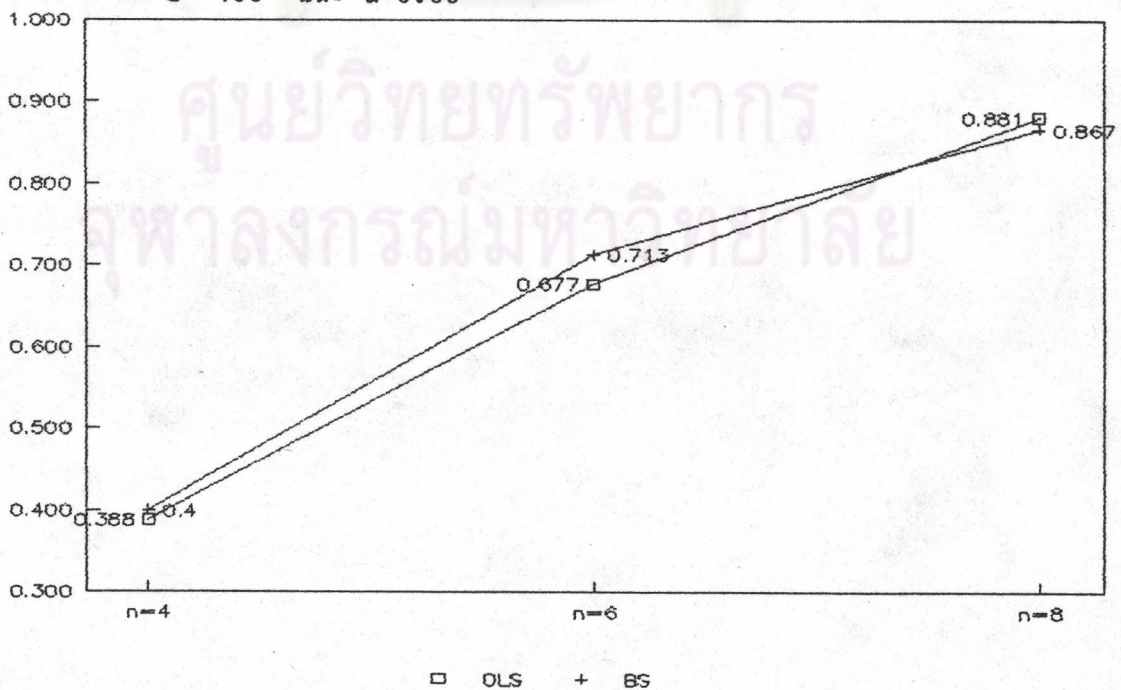
รูปที่ 2.4.24 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=5, covar=1, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



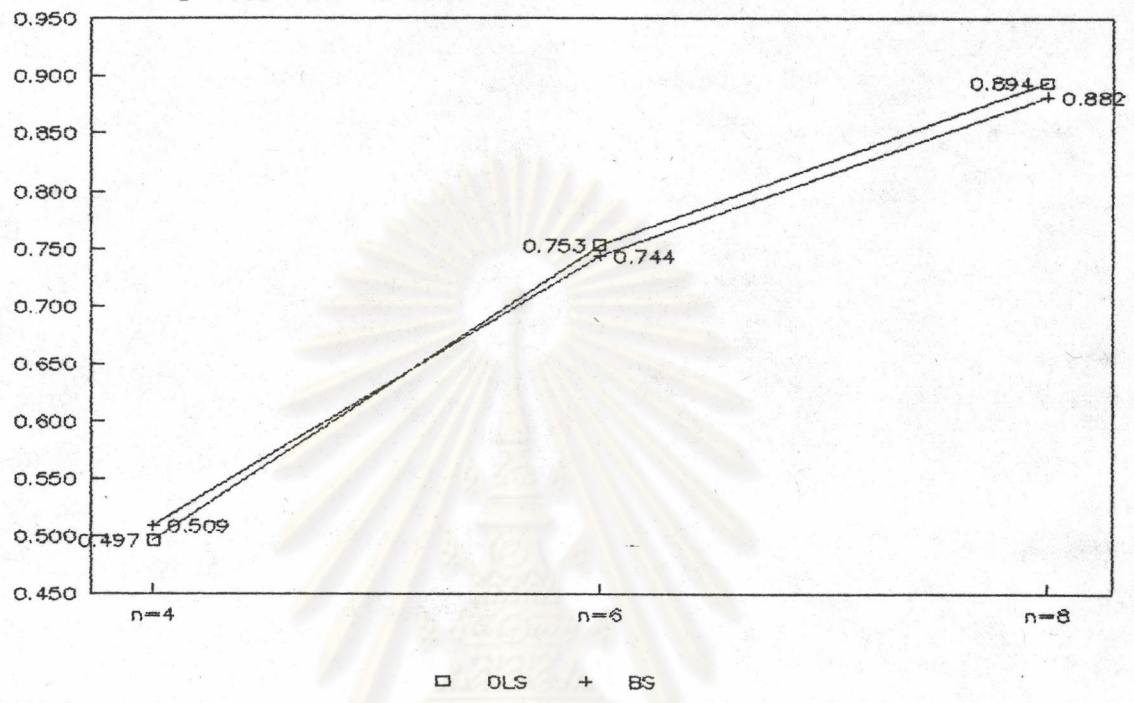
รูปที่ 2.4.25 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=5, covar=3,$
 $\sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



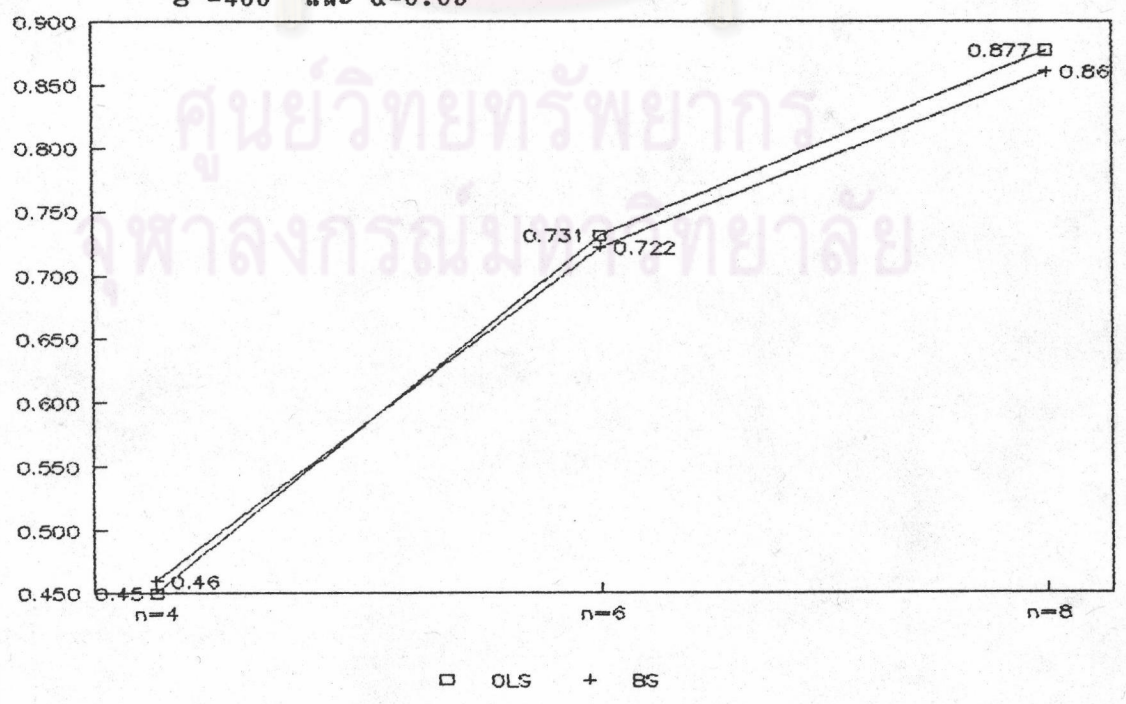
รูปที่ 2.4.26 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=5, covar=5,$
 $\sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



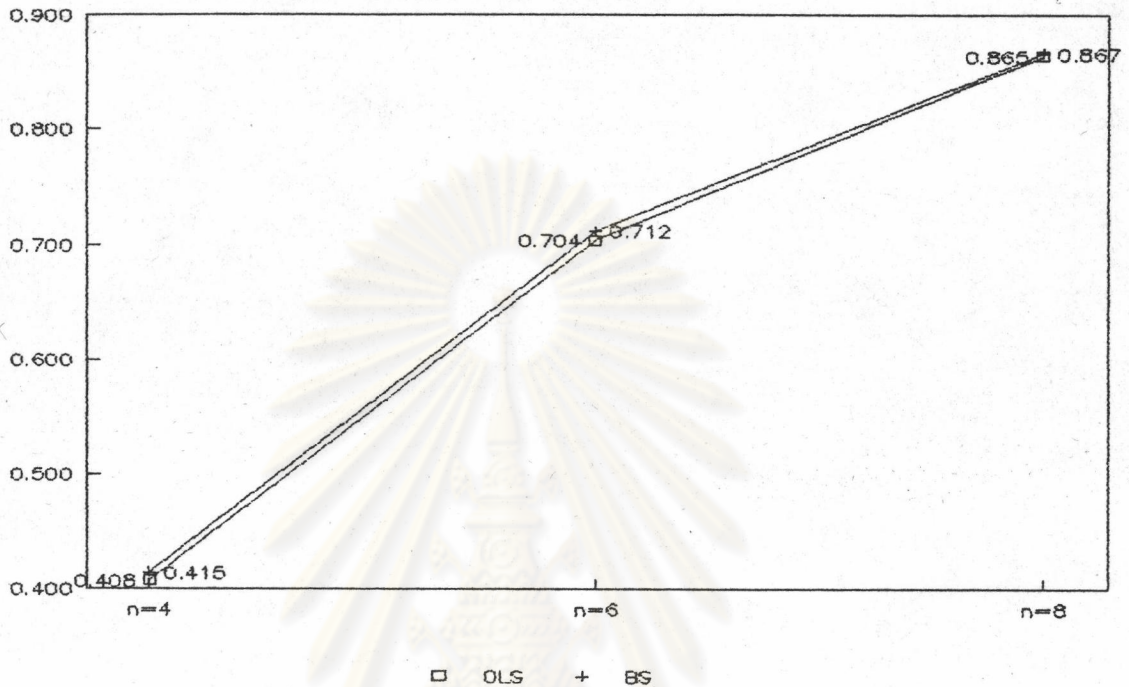
รูปที่ 2.4.27 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=7, covar=1, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



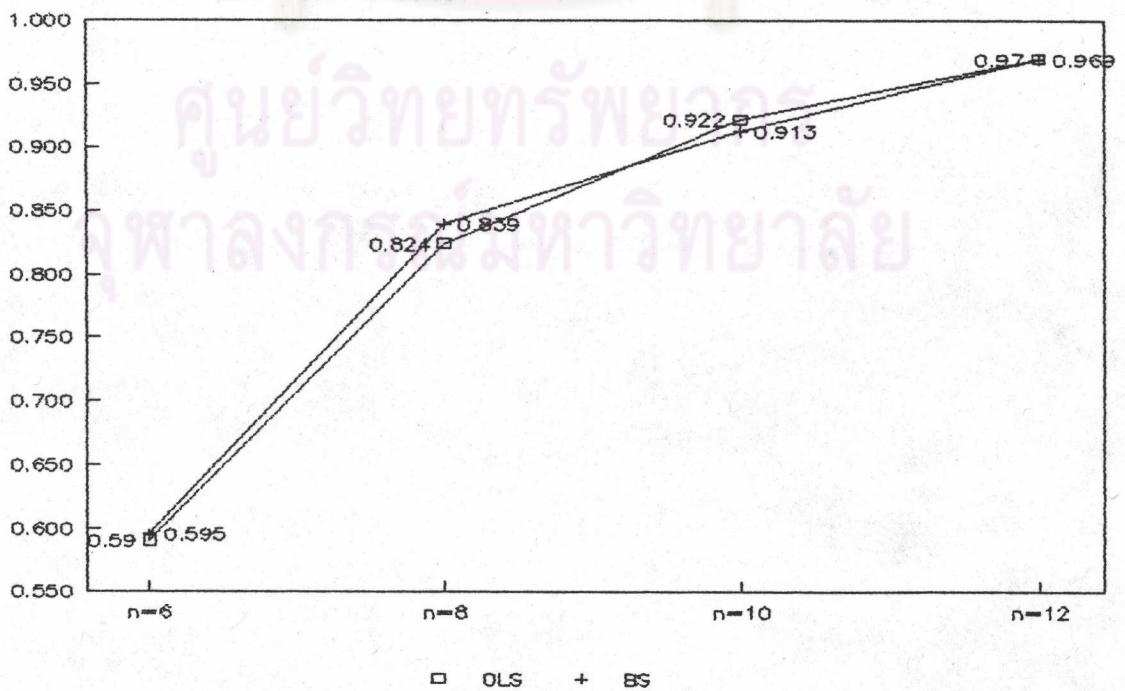
รูปที่ 2.4.28 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=7, covar=3, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



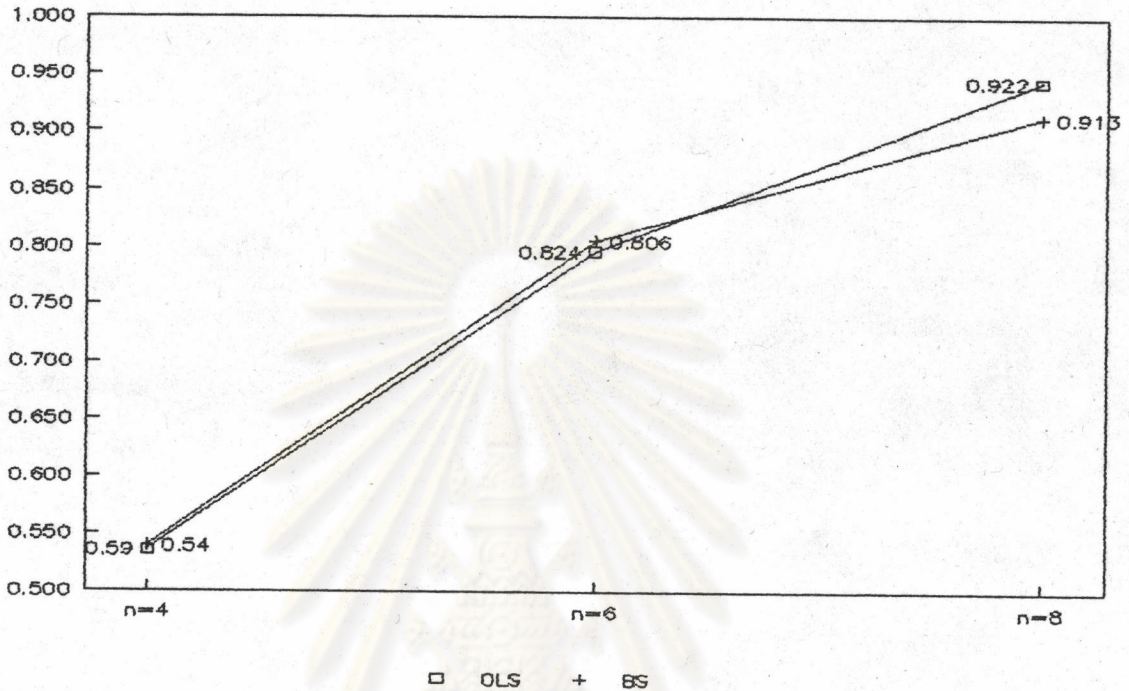
รูปที่ 2.4.29 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=7, covar=5, \sigma^2=400$ และ $\alpha=0.05$



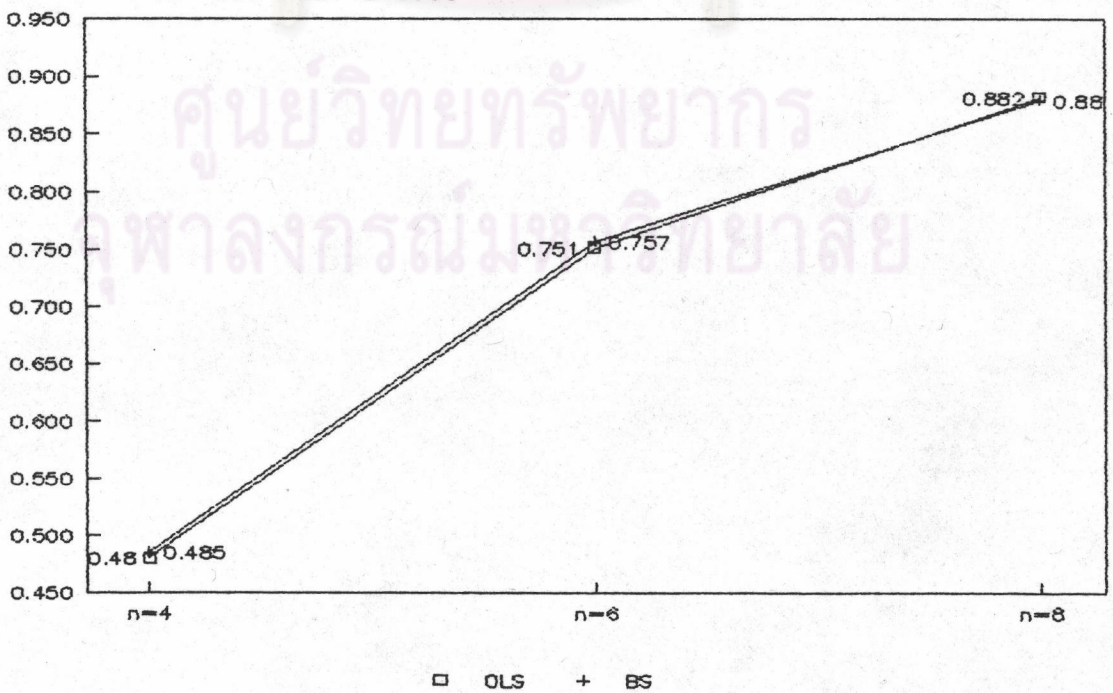
รูปที่ 2.4.30 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=3, covar=5, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



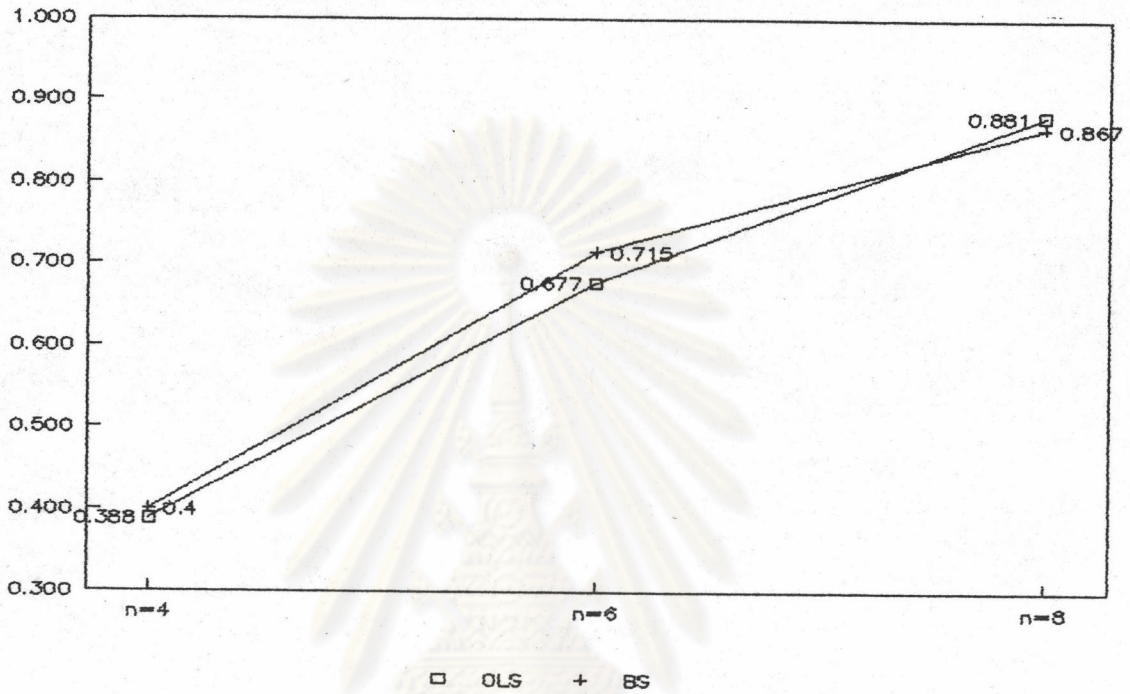
รูปที่ 2.4.31 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรพกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=5, covar=1, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



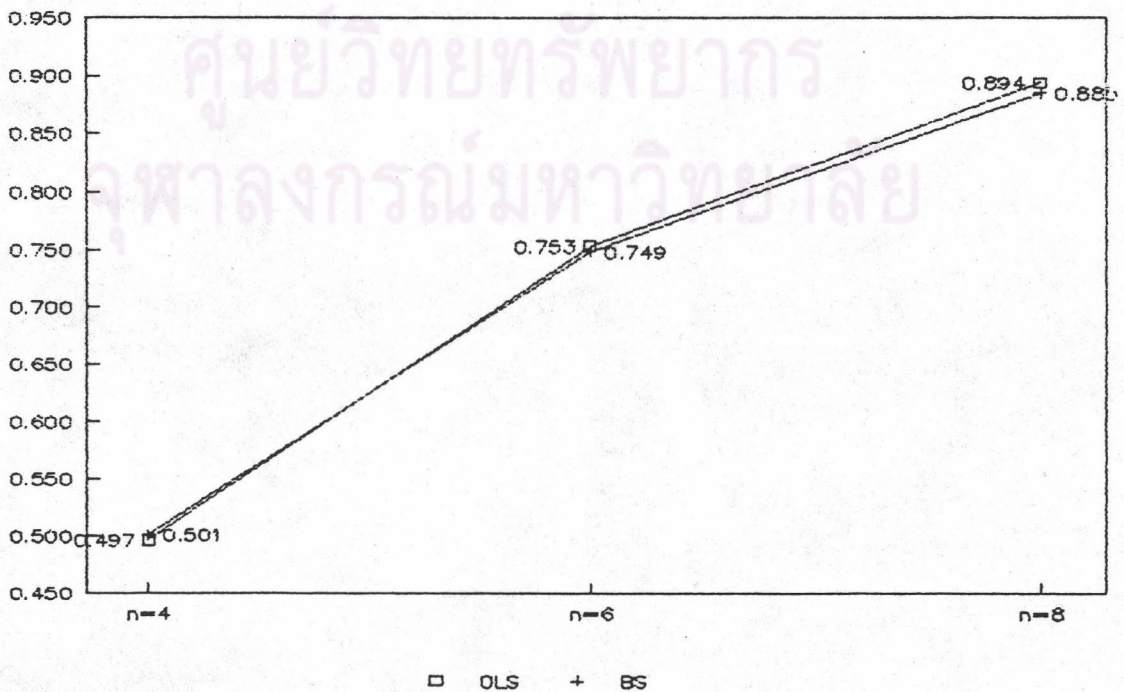
รูปที่ 2.4.32 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรพกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=5, covar=3, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



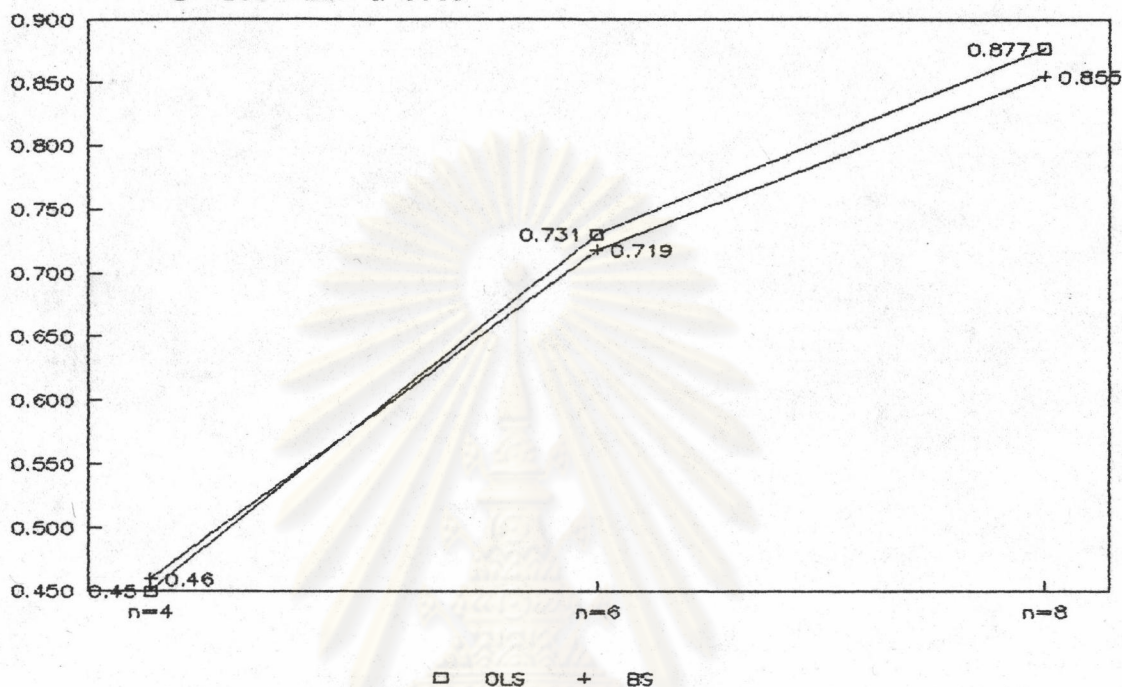
รูปที่ 2.4.33 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=5, covar=5,$
 $\sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



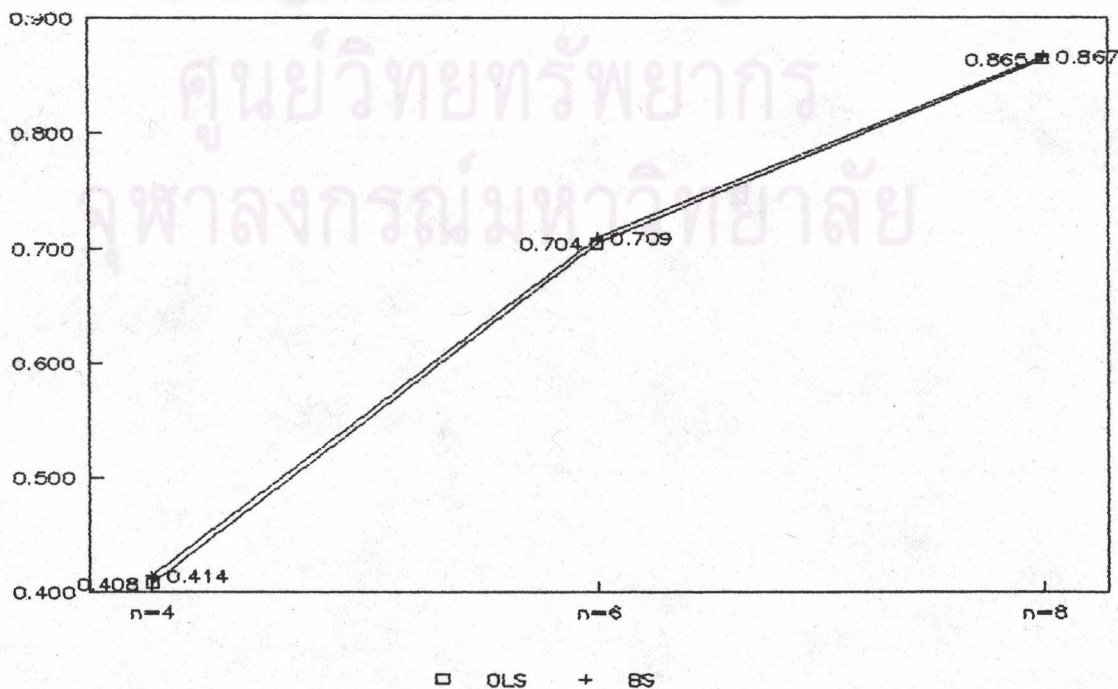
รูปที่ 2.4.34 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบูตสเตรปกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด
 เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=7, covar=1,$
 $\sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



รูปที่ 2.4.35 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=7, covar=3, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



รูปที่ 2.4.36 การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบระหว่างวิธีบุคคลตรงกับวิธีกำลังสองน้อยที่สุด เมื่อการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนเป็นแบบโลจิสติก โดยที่ $tr=7, covar=5, \sigma^2=100$ และ $\alpha=0.05$



ภาคผนวก ค

โปรแกรมที่ใช้ในการวิจัย

C*****

C MANOON SRIVIRAT c223138

C DEPARTMENT OF STATISTICS

C CHULALONGKORN UNIVERSITY

C PROGRAM

C A COMPARISON OF METHODS FOR ESTIMATION OF PARAMETERS BETWEEN

C LEAST SQUARE METHOD AND BOOTSTRAP METHOD IN ANALYSIS OF COVARIANCE

C*****

DIMENSION YY(150) ,XX(10,20,10),B(15),N(10),AT(10),IA(10)

* ,AMEAN(15),SD(15),Y(10,20),XBAR(15),BOLSF(15)

* ,XF(150,15),XR(150,15),X(150,15),BOLS(15),BBS(15)

* ,SZO(500),SZB(500),E(10,20),BBSF(15)

C*****

C M = NUMBER OF COVARIATE

C L = NUMBER OF TREATMENT

C IN = 1 P(TYPE I ERROR) , 2 POWER OF THE TEST

C IZ = DISTRIBUTION

C AMEANO = MEAN OF ERROR

C SDO = STANDARD ERROR

C CS = SCALE FACTER

C PS = PERCENT CONTAMENATE

C F1 = F SIGNIFICANT 0.01

C F5 = F SIGNIFICANT 0.05

COMMON/SEED/IX, KK

```

READ(5,1) F1,F5
1 FORMAT(2F5.2)
READ(5,2) IN,IZ
2 FORMAT(2I3)
READ(5,3) CS,PS
3 FORMAT(2F5.2)
READ(5,4) AMEAN0,SD0
4 FORMAT(2F5.2)
READ(5,10) M,L,NN
10 FORMAT(2I2,I4)
DO 20 I=1,M
READ(5,30) AMEAN(I),SD(I),B(I)
30 FORMAT(2F4.0,F3.1)
20 CONTINUE
DO 40 I=1,L
READ(5,50) N(I),AT(I)
50 FORMAT(I2,F4.1)
40 CONTINUE
KK=0
*****
C
C          GENERATE DATA
*****
C
C          DISTRIBUTION OF ERROR (IZ)
C
C          1.LOGISTIC
C
C          2.DOUBLE EXPONENTIAL
C
C          3.SCALE CONTAMINATE NORMAL
*****

```

```
SC=0
C=0
SC1=0
C1=0
DO 70 I1=1,NN
DO 80 I=1,L
NM=N(I)
DO 90 J=1,NM
S=0
DO 100 K=1,M
CALL NORMAL(AMEAN(K),SD(K),XX(I,J,K))
S=S+(XX(I,J,K))*B(K)
100 CONTINUE
IF (IZ.EQ.1) THEN
    CALL LOGIS(AMEANO,SDO,E(I,J))
    Y(I,J)= S+E(I,J)+AT(I)+100
ELSE IF (IZ.EQ.2) THEN
    CALL DOUBLE(AMEANO,SDO,E(I,J))
    Y(I,J)= S+E(I,J)+AT(I)+100
ELSE IF (IZ.EQ.3) THEN
    CALL SCAL(CS,PS,AMEANO,SDO,E(I,J))
    Y(I,J)=S+E(I,J)+AT(I)+100
ENDIF
90 CONTINUE
80 CONTINUE
```



```

DO 280 I=1,IS
  YY(I)=YY(I)-SS
  YYY=YYY+YY(I)**2

```

```
280 CONTINUE
```

```
C*****
```

```
C          MATRIX X(I,J) REDUCE MODEL
```

```
C*****
```

```

DO 290 I=1,IS
  M0=M+1
  DO 290 J=2,M0
    M1=L+J-1
    XR(I,1)=1
    XR(I,J)=X(I,M1)

```

```
290 CONTINUE
```

```
C*****
```

```
C          COMPUTE OLS AND BOOTSTRAP
```

```
C*****
```

```

M2 = L+M
CALL OLS(XF,M2,IS,YY,SSF,SBF)
M0=M+1
CALL OLS(XR,M0,IS,YY,SSR,SBR)

S1=(SSF-SSR)/(L-1)
S2= (YYY-SSF)/(IS-L-M)
S3=(SBF-SBR)/(L-1)
S4= (YYY-SBF) /(IS-L-M)

FOLS= S1/S2
FBS = S3/S4

```

```
IF (FOLS.GT.F1) THEN
    SC=SC+1
ENDIF
IF (FBS.GT.F1) THEN
    C=C+1
ENDIF
IF (FOLS.GT.F5) THEN
    SC1=SC1+1
ENDIF
IF (FBS.GT.F5) THEN
    C1=C1+1
ENDIF
70 CONTINUE
WRITE(6,300) L,M,NM
300 FORMAT(' TREATMENT=',I2,' INDEPENDENT=',I2,
* ' NUMBER OF DATA=',I2)
IF (IN.EQ.1) THEN
WRITE(6,310)
310 FORMAT(' P(TYPE I ERROR)')
ELSE
WRITE(6,320)
320 FORMAT(' POWER OF THE TEST ')
ENDIF
IF (IZ.EQ.3) THEN
WRITE(6,330) CS,PS
330 FORMAT(' C=',F3.0,' P=',F3.2)
ENDIF
```



```
WRITE(6,340)
340 FORMAT(' ALPHA                0.01                0.05')
AOLS=SC/NN
ABS  =C/NN
AOLS1=SC1/NN
ABS1=C1/NN
WRITE(6,350) IZ,AOLS,ABS,AOLS1,ABS1
350 FORMAT(' DISTRIBUTION      ',I2,4F10.4)
STOP
END
***** STOP MAIN PROGRAM *****
***** SUBROUTINE NORMAL *****
SUBROUTINE NORMAL(AMEAN,SIGMA,EX)
COMMON/SEED/IX, KK
PI=3.1415926
IF(KK.EQ.1) GOTO 10
RONE=RAND(IX)
RTWO=RAND(IX)
ZONE=SQRT(-2*ALOG(RONE))*COS(2*PI*RTWO)
ZTWO=SQRT(-2*ALOG(RONE))*SIN(2*PI*RTWO)
EX=ZONE*SIGMA+AMEAN
KK=1
GOTO 15
10 EX=ZTWO*SIGMA+AMEAN
KK=0
15 RETURN
END
```

C***** SUBROUTINE SCALE CONTAMINATED NORMAL *****

```
SUBROUTINE SCAL(C1,P1,AMEAN,SIGMA,EX)
COMMON/SEED/IX, KK
SIGMA2=C1*SIGMA
YFL=RAND(IX)
IF(YFL-P1) 10,10,11
10 CALL NORMAL(AMEAN,SIGMA2,EX1)
EX=EX1
GOTO 15
11 CALL NORMAL(AMEAN,SIGMA,EX2)
EX=EX2
15 RETURN
END
```

C***** SUBROUTINE DOUBLE EXPONENTIAL *****

```
SUBROUTINE DOUBLE(AMEAN,SIGMA,EX)
COMMON/SEED/IX, KK
BETA=SIGMA/SQRT(2.)
YFL=RAND(IX)
IF(YFL-0.5) 10,10,11
10 EX=BETA*(ALOG(2.)+ALOG(YFL))
GOTO 15
11 YFL=ALOG(2.) +ALOG(1.-YFL)
EX=-1.*BETA*YFL + AMEAN
15 RETURN
END
```

C***** SUBROUTINE LOGISTIC *****

SUBROUTINE LOGIS(AMEAN,SIGMA,EX)

COMMON/SEED/IX, KK

PI=3.141592654

BETA=SQRT(3.)*SIGMA / PI

YFL=RAND(IX)

S=ALOG(YFL)-ALOG(1.-YFL)

EX=AMEAN + S*BETA

RETURN

END

C*****

C FUNCTION RANDOM

C*****

FUNCTION RAND(IX)

IX = IX*16807

IF (IX.LT.0) IX = IX+2147483647+1

RAND = IX

RAND = RAND*0.4656613E-9

RETURN

END

C*****

C SUBROUTINE OLS AND BOOTSTRAP

C*****

SUBROUTINE OLS(X1,MX,IS,YY,SS0,SS1)

DIMENSION A1(15,15),BE(15),BS(15),YHAT(150),EES(150),

* YHATS(150),X1(150,15),EE0(150),YY(150),EE1(150),XY(15)

```
DO 10 I=1,MX
DO 10 J=1,MX
XY(J)=0
A1(I,J)=0
DO 20 K=1,IS
A1(I,J)=A1(I,J)+X1(K,I)*X1(K,J)
XY(J)=XY(J)+X1(K,J)*YY(K)
20 CONTINUE
10 CONTINUE
CALL SINV(MX,A1)
DO 30 I=1,MX
BE(I)=0
DO 30 J=1,MX
BE(I)=BE(I)+ A1(I,J)*XY(J)
30 CONTINUE
DO 40 I=1,IS
YHAT(I)=0
DO 50 J=1,MX
YHAT(I)=YHAT(I)+X1(I,J)*BE(J)
50 CONTINUE
EEO(I) =YY(I)-YHAT(I)
40 CONTINUE
SS0=0
DO 60 I=1,MX
SS0=SS0 +XY(I)*BE(I)
60 CONTINUE
```

```
CALL BOOT(MX, IS, X1, YHAT, A1, EEO, BS)
```

```
SS1=0
```

```
DO 70 J=1, MX
```

```
SS1=SS1+XY(J)*BS(J)
```

```
70 CONTINUE
```

```
RETURN
```

```
END
```

```
C*****
```

```
C                                BOOTSTRAP
```

```
C*****
```

```
  SUBROUTINE BOOT(MS, IS, XS, YHAT, AS, EES, BS)
```

```
  DIMENSION XS(150, 15), AS(15, 15), EES(150), YHAT(150), BS(15)
```

```
  *           ,XYS(15), EE2(150), Y1(150), BS1(200, 15), EES1(150)
```

```
  *           ,PP(150)
```

```
  DO 10 I=1, IS
```

```
  PP(I)=FLOAT(I)/FLOAT(IS)
```

```
10 CONTINUE
```

```
  DO 20 I2=1, 50
```

```
  CALL WR(IS, PP, EES, EE2)
```

```
  DO 30 I=1, IS
```

```
  Y1(I)=YHAT(I)+EE2(I)
```

```
30 CONTINUE
```

```
  DO 40 I=1, MS
```

```
  YYS(I)=0
```

```
  DO 40 K=1, IS
```

```
  YYS(I)=YYS(I)+XS(K, I)*Y1(K)
```

```
40 CONTINUE
```

```

DO 50 I=1,MS
BS1(I2,I)=0
DO 50 J=1,MS
BS1(I2,I)=BS1(I2,I)+AS(I,J)*XYS(J)
50 CONTINUE
20 CONTINUE
DO 60 I=1,MS
S=0
DO 70 J=1,50
S=S+BS1(J,I)
70 CONTINUE
BS(I)=S/ 50
60 CONTINUE
RETURN
END

```

C*****

C SUBROUTINE INVERSE MATRIX

C*****

```

SUBROUTINE SINV(MI,A)
DIMENSION A(15,15)
DO 20 K=1,MI
A(K,K)=-1.0/A(K,K)
DO 10 I=1,MI
IF(I-K) 30,10,30
30 A(I,K)=-A(I,K)*A(K,K)
10 CONTINUE

```

```

DO 40 I=1,MI
DO 40 J=1,MI
IF((I-K)*(J-K)) 50,40,50
50 A(I,J)=A(I,J)-A(I,K)*A(K,J)
40 CONTINUE
DO 20 J=1,MI
IF(J-K) 70,20,70
70 A(K,J)=-A(K,J)*A(K,K)
20 CONTINUE
DO 80 I=1,MI
DO 80 J=1,MI
80 A(I,J)=-A(I,J)
RETURN
END

```

C*****

C SUBROUTINE SAMPLING WITH REPLACEMENT

C*****

```

SUBROUTINE WR(IS,P,E0,E1)
DIMENSION P(150),E1(150),E0(150)
COMMON/SEED/IX, KK
DO 10 J=1, IS
YFL=RAND(IX)
DO 20 I=1, IS
I1=I-1
IF (I1.EQ.0) THEN
X1=0
ELSE

```

```
X1=P(I1)
ENDIF
X2=P(I)
IF((YFL.GT.X1).AND.(YFL.LE.X2)) THEN
E1(J)=E0(I)
GOTO 10
ENDIF
20 CONTINUE
10 CONTINUE
RETURN
END
```



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



ประวัติผู้เขียน

นายมนูญ ศรีวิรัตน์ เกิดวันที่ 30 มีนาคม พ.ศ. 2510 ที่อำเภอสุวรรณภูมิ จังหวัดร้อยเอ็ด สำเร็จการศึกษาปริญญาตรีวิทยาศาสตร์บัณฑิต (สถิติ) คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยขอนแก่น ในปีการศึกษา 2531 และเข้าศึกษาต่อในหลักสูตรสถิติศาสตรมหาบัณฑิต จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย เมื่อ พ.ศ. 2532



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย