

เข็มกุรุปของการแปลงที่ปีคอร์สสัมภาร์



นาย ประลักษณ์ ล้มภพศิริพงษ์

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตร์มหาบัณฑิต

สาขาวิชาคณิตศาสตร์ ภาคอุตสาหกรรม

นักพัฒนาวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2532

ISBN 974-576-494-9

ลิขสิทธิ์ของบัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

015326

I10309A43

ABSOLUTELY CLOSED TRANSFORMATION SEMIGROUPS

MR. PRASIT LIMBUPASIRIPORN

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements

for the Degree of Master of Science

Department of Mathematics

Graduate School

Chulalongkorn University

1989

ISBN 974-576-494-9



Thesis Title            Absolutely Closed Transformation Semigroups  
By                    Mr. Prasit Limbupasiriporn  
Department            Mathematics  
Thesis Advisor       Associate Professor Yupaporn Kemprasit Ph.D.

---

Accepted by the Graduate School, Chulalongkorn University in  
partial fulfillment of the requirements for the Master's degree.

*Thavorn Vajrabhaya* ..... Dean of Graduate School  
(Professor Thavorn Vajrabhaya Ph.D.)

Thesis Committee

*Thavee Srisangthong* ..... Chairman  
(Associate Professor Thavee Srisangthong M.A.)

*Yupaporn Kemprasit* ..... Thesis Advisor  
(Associate Professor Yupaporn Kemprasit Ph.D.)

*Patanee Udomkavanich* ..... Member  
(Assistant Professor Patanee Udomkavanich Ph.D.)

## พิมพ์ต้นฉบับนบทั้งหมดของนิพนธ์ภาษาในกรอบลีบีชานี้เพื่อขึ้นแผ่นเดียว

ประศิกต์ สมกุพศิริพง : เยี่ยมกุรุปของการแปลงที่ปิดอย่างสัมบูรณ์ (ABSOLUTELY CLOSED TRANSFORMATION SEMIGROUPS) อ.ที่รร.กษา : รศ.ดร.บุพาราษ เอ็มประศิกต์, 45 หน้า.

สำหรับเขต  $X$  ใด ๆ ให้

$P_X$  = เยี่ยมกุรุปของการแปลงบางส่วนบนเขต  $X$

$T_X$  = เยี่ยมกุรุปของการแปลงเต็มบนเขต  $X$

$CP_X$  = เยี่ยมกุรุปของการแปลงบางส่วนแบบคงที่ว่ายัง เช่น  $X$  ทั้งหมด (รวม 0 ตัวบ)

$CT_X$  = เยี่ยมกุรุปของการแปลงแบบคงที่ว่ายัง เช่น  $X$  ทั้งหมด

$U_X$  = เยี่ยมกุรุปของการแปลงบางส่วนที่เกือบเป็นเอกสิทธิ์ของ เช่น  $X$  ทั้งหมด

$V_X$  = เยี่ยมกุรุปของการแปลงที่เกือบเป็นเอกสิทธิ์ของ เช่น  $X$  ทั้งหมด

ผลลัพธ์ที่ได้จากการวิเคราะห์ดังนี้

ทฤษฎีบท 1 สำหรับเขต  $X$  ใด ๆ ทุก ๆ ไอตีลิอย่าง  $P_X$  และทุก ๆ ไอตีลิอย่าง  $T_X$  ปิดอย่างสัมบูรณ์

บทแทรก 2 สำหรับเขต  $X$  ใด ๆ  $P_X$ ,  $T_X$ ,  $CP_X$  และ  $CT_X$  ปิดอย่างสัมบูรณ์

ทฤษฎีบท 3 สำหรับเขต  $X$  ใด ๆ  $U_X$  และ  $V_X$  ปิดอย่างสัมบูรณ์

# ศูนย์วิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาควิชา ..... คณิตศาสตร์  
สาขาวิชา ..... คณิตศาสตร์  
นักการศึกษา ..... 2531

ดำเนินการ ..... ป.สก. ลั่นบุพัดโพร  
ดำเนินการ ..... อาจารย์ที่ปรึกษา รุ่งเรือง ก. ธรรมรงค์ ธรรมรงค์

พิมพ์ด้วยคอมพิวเตอร์โดยวิทยานิพนธ์ภาษาไทยในกรอบสีเขียวที่บังแฟ้มเดียว

PRASIT LIMPUPASIRIPORN : ABSOLUTELY CLOSED TRANSFORMATION SEMIGROUPS.  
THESIS ADVISOR : ASSOC. PROF. YUPAPORN KEMPRASIT, PH.D. 45 pp.

For any set  $X$ , let

$P_X$  = the partial transformation semigroup on  $X$ ,

$T_X$  = the full transformation semigroup on  $X$ ,

$CP_X$  = the transformation semigroup of all constant partial transformations of  $X$  (including 0),

$CT_X$  = the transformation semigroup of all constant transformations of  $X$ ,

$U_X$  = the transformation semigroup of all almost identical partial transformations of  $X$  and

$V_X$  = the transformation semigroup of all almost identical transformations of  $X$ .

The main results of this research are as follows:

Theorem 1. For any set  $X$ , every ideal of  $P_X$  and every ideal of  $T_X$  is absolutely closed.

Corollary 2. For any set  $X$ ,  $P_X$ ,  $T_X$ ,  $CP_X$  and  $CT_X$  are absolutely closed.

Theorem 3. For any set  $X$ ,  $U_X$  and  $V_X$  are absolutely closed.

ศูนย์วิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาควิชา ..... คณิตศาสตร์  
สาขาวิชา ..... คณิตศาสตร์  
ปีการศึกษา ..... 2531.....

ลายมือชื่อนิสิต ปู.สก. อัมนาดา

ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา ผู้ร่วมก่อตั้ง -

#### ACKNOWLEDGEMENT

I am greatly indebted to Assoc. Prof. Dr. Yupaporn Kemprasit, my thesis supervisor, for her untired offering me some thoughtful and helpful advice in preparing and writing my thesis. Also, I would like to thank all of the lecturers for their previous valuable lectures while studying.

In particular, I would like to express my deep gratitude to my mother, brother and sisters for their encouragement throughout my graduate study.

ศุภชัยวิทยากร  
บุคลาลักษณะนักวิชาการสัมมั่น



## CONTENTS

	page
ABSTRACT IN THAI .....	iv
ABSTRACT IN ENGLISH .....	v
ACKNOWLEDGEMENT .....	vi
INTRODUCTION .....	1
CHAPTER	
I PRELIMINARIES .....	3
II SOME CERTAIN SEMIGROUPS .....	10
III TRANSFORMATION SEMIGROUPS .....	19
IV SOME FURTHER REMARKS .....	36
REFERENCES .....	44
VITA .....	45

ศูนย์วิทยบริพัท  
อุժาลงกรณ์มหาวิทยาลัย