

(11) 06/05

4

การวิเคราะห์ความถดถอยเมื่อตัวແປຣຕາມນາງຄ່າມືຄໍາຫາດຫາຍ



นางล่าว อัมพร ข้าตบุษยมาล

ວິທຍາຜົນຮັນເປັນລ່ວນໜຶ່ງຂອງການສຶກສາຕາມທຳກຳລູ້ທະບຽນລົດສິຕິຄ່າລ່ຽມທາບປະກິດ

ການວິຫາລືສິຕິ

ບັນດາວິທຍາລັບ ລູ້ພິາລັງກຮ້ອມທາວິທຍາລັບ

ພ.គ. 2531

ISBN 974-569-373-1

ສິລິສິກິດຂອງບັນດາວິທຍາລັບ ລູ້ພິາລັງກຮ້ອມທາວິທຍາລັບ

013924

i 10301318

REGRESSION ANALYSIS WITH CENSORED DATA

Miss Amporn Chatbusayamas

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements

for the Degree of Master of Science

Department of Statistics

Graduate School

Chulalongkorn University

1988

ISBN 974-569-373-1



หัวข้อวิทยานิพนธ์ การวิเคราะห์ความถดถอยเมื่อตัวแปรตามบางค่ามีค่าขาดหาย

โดย นางล่าว อัมพร ขี้กุษย์มาล

ภาควิชา สังคม

อาจารย์ที่ปรึกษา อาจารย์ ดร. สุพล ดุรงค์วัฒนา

บังคับวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่ง  
ของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

..... *นร. วชิร์* ..... คณบดีบังคับวิทยาลัย  
(ค่าลิดตราจารย์ ดร. ถาวร วชิร์ราษฎร)

คณะกรรมการลือบวิทยานิพนธ์

..... *นร.* ..... ประธานกรรมการ  
(รองค่าลิดตราจารย์ ดร. สรชัย พค่าลบุตร)

..... *สุนทร* ..... กรรมการ  
(รองค่าลิดตราจารย์ ส่องศรี พกษารัตน์)

..... *บ. ก. ล.* ..... กรรมการ  
(รองค่าลิดตราจารย์ ผกาวดี ศิริรังษี)

..... *พ. พ.* ..... กรรมการ  
(อาจารย์ ดร. สุพล ดุรงค์วัฒนา)



วัฒพ. ชาติบุญมาล : การวิเคราะห์ความถดถอยเมื่อตัวแปรตามบางค่ามีค่าขาดหาย  
(REGRESSION ANALYSIS WITH CENSORED DATA) อ. ปรีกษา : อาจารย์ ดร. สุพล  
ดุรงค์วัฒนา, 118 หน้า.

การวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์ที่จะศึกษาเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวประมาณค่าพารามิเตอร์  
ในการวิเคราะห์ความถดถอย เมื่อตัวแปรตามบางค่ามีค่าขาดหาย ประเภทของค่าขาดหายที่ใช้ในการศึกษา<sup>1</sup>  
ครั้งนี้เป็นค่าขาดหายแบบสุ่ม ซึ่งได้ทำการเปรียบเทียบวิธีการ 3 วิธีคือ วิธีการกำลังล่องต่ำสุด วิธีการ  
ของมิลเลอร์ และวิธีการของบักเคลย์และเจมส์ ข้อมูลที่ใช้ในการศึกษาได้จากการจำลองข้อมูลจากเครื่องคอม-  
พิวเตอร์ ใน การศึกษาครั้งนี้ ได้ทำการศึกษา เมื่อค่าขาดหายมีการแยกแจง เป็นแบบบูนิฟอร์ม แบบแบ่งม้า  
แบบปกติ และเมื่อค่าขาดหายเป็นฟังก์ชันเชิงเส้นกับค่าความคลาดเคลื่อน ขนาดตัวอย่างที่ใช้ในการศึกษา<sup>2</sup>  
มีขนาด 10 20 50 60 100 และ 150 และให้เปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายในแต่ละขนาด  
ตัวอย่างมีค่าเท่ากับ 5% 10% 15% 20% 25% 30% 50% 60% 70% และ 80%

ในการ เปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวประมาณนั้น จะพิจารณาจากค่าความคลาดเคลื่อนกำลัง<sup>3</sup>  
ล่องเฉลี่ยของตัวประมาณเป็นเกณฑ์ในการตัดสินใจ ผลการ เปรียบเทียบได้ผลลัพธ์ที่สำคัญดังนี้

วิธีการกำลังล่องต่ำสุด จะให้ประสิทธิภาพในการประมาณค่าพารามิเตอร์ได้ดีกว่า วิธีการของ  
บักเคลย์และเจมส์ ยกเว้นในกรณีที่การแยกแจงของค่าขาดหายเป็นแบบแบ่งม้า ที่บาง เปอร์เซนต์เฉลี่ยของ  
ค่าขาดหาย และขนาดตัวอย่าง วิธีการของบักเคลย์และเจมส์ จะให้ประสิทธิภาพในการประมาณค่าพารา-  
มิเตอร์ได้ดีกว่า วิธีการกำลังล่องต่ำสุด และวิธีการกำลังล่องต่ำสุดจะให้ประสิทธิภาพในการประมาณค่า  
พารามิเตอร์ได้ดีกว่า วิธีการของมิลเลอร์ ในทุกส่วนของการศึกษา แต่อย่างไรก็ตามค่าประมาณของวิธีการ  
ของมิลเลอร์ เป็นค่าประมาณที่เกือบจะไม่เออนเอียงของพารามิเตอร์

ในกรณีที่เปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายมีค่าต่ำ ๆ ประมาณ 5% ถึง 15% วิธีการของบักเคลย์  
และเจมส์จะให้ค่าประมาณที่เป็นค่าไม่เออนเอียงของพารามิเตอร์ แต่จะให้ค่าความแปรปรวนสูงกว่าวิธีการ  
กำลังล่องต่ำสุด

## ศูนย์วิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาควิชา ..... ลัทธิ  
สาขาวิชา ..... ลัทธิ  
ปีการศึกษา ..... 2530

ลายมือชื่อนิสิต ..... ๖๖๔๗๗๘๙  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา ..... ๖๒๕



AMPORN CHATBUSAYAMAS : REGRESSION ANALYSIS WITH CENSORED DATA.  
THESIS ADVISOR : SUPOL DURONGWATANA, Ph.D. 118 PP.

The Objective of this study is to compare the efficiency of parameter estimation in the regression analysis when some observations of dependent variable are censored. The censoring are random and interrupt the dependent variable. This interrupting is called censoring variable. Three methods were compared. They were Least Squares method, Miller method, Buckley and James method. Data used in the study were generated by computer simulation. Four types of distribution for censored data were generated. They were uniform distribution, gamma distribution, normal distribution and linear function of error in the regression model. The different sample size used in the study were 10, 20, 50, 60, 100 and 150. The average percentages of censored given in each sample size were 5%, 10%, 15%, 20%, 25%, 30%, 50%, 60%, 70% and 80% .

Comparing the efficiency of the estimators, the mean square error of estimators has been used. The result of the comparison can be concluded as follow:

Least squares method is more efficient in estimating parameters than Buckley and James method except when censored data is gamma distribution in some percentage of censoring and sample size. Least squares method is better than Miller method in every experiment situation in the study. However, the estimator from Miller's method is nearly unbiased.

When average percentage of censored data are low, ie., 5 to 15 percent, Buckley and James method will provide good estimator. This estimator is unbiased. However its mean square error is higher than that of Least squares method.

## ศูนย์วิทยบรังษยการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาควิชา ..... สาขาวิชา .....  
สาขาวิชา ..... ปีการศึกษา .....  
ปีการศึกษา ..... 2530

ลายมือชื่อนิสิต .....  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา .....



กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ล้ำเรื่องลุล่วงลงได้ด้วยความช่วยเหลืออย่างดีอิ่งจาก อาจารย์ ดร. สุพล  
ฤทธิ์วัฒนา ที่ได้กุศลให้คำแนะนำ ค�ปรึกษา และตรวจแก้ไขข้อบกพร่องต่าง ๆ จนวิทยานิพนธ์  
ฉบับนี้ล้ำเรื่องโดยล่มบูรณา ผู้เขียนขอกราบขอบพระคุณเป็นอย่างสูง ด้วยล้ำนึกในพระคุณ

ขอกราบขอบพระคุณ รองค่าลัตราชารย์ ดร. ลรษัย พิคามบุตร รองค่าลัตราชารย์ ส่องคัรรี  
พิพารัตน์ รองค่าลัตราชารย์ ผกาวดี ศิริรังษี ในฐานะประธานและกรรมการลอบวิทยานิพนธ์  
ที่กรุณาอ่านและตรวจแก้วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ให้ล่มบูรณา ยิ่งขึ้น และขอบกราบขอบพระคุณอาจารย์ทุกท่าน  
ในภาควิชาลีดิตที่ได้อบรมและล่อนความรู้ต่าง ๆ ให้แก่ผู้เขียน

ขอกราบขอบพระคุณ คุณพ่อ คุณแม่ และที่ ฯ ทุกท่าน ที่ให้ความห่วงใยและให้กำลังใจ  
ในการทำวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ และขอขอบพระคุณ คุณภัลยา ชาตบุญมาล พี่สาวที่ได้ให้กำลังใจ  
และให้ความช่วยเหลือด้านโปรแกรมคอมพิวเตอร์ ด้วยความห่วงใยตลอดมา

ขอขอบคุณเพื่อน ๆ ที่มีส่วนช่วยเหลือในการทำวิทยานิพนธ์นี้ด้วยดีตลอดมา

อัมพร ชาตบุญมาล

ศูนย์วิทยบรพยการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



## รายการตารางประกอบ

หน้า

## ตารางที่

4.1	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 10 และเบอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 5% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	33
4.2	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 10 และเบอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 10% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	34
4.3	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 10 และเบอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 15% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	35
4.4	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 10 และเบอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 20% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	36
4.5	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 10 และเบอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 25% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	37

## รายการตารางประกอบ (ต่อ)

หน้า

## ตารางที่

4.6	แล้วตงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 10 และเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 30% จำแนกตามการแยกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	38
4.7	แล้วตงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 10 และเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 50% จำแนกตามการแยกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	39
4.8	แล้วตงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 10 และเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 60% จำแนกตามการแยกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	40
4.9	แล้วตงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 10 และเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 70% จำแนกตามการแยกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	41

## รายการตารางประกอบ (ต่อ)

หน้า

## ตารางที่

4.10	แสดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 10 และเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 80% จำแนกตามการแยกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ ..... 42
4.11	แสดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 และเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 5% จำแนกตามการแยกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ ..... 44
4.12	แสดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 และเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 10% จำแนกตามการแยกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ ..... 45
4.13	แสดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 และเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 15% จำแนกตามการแยกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ ..... 46

## รายการตารางประภกอบ (ต่อ)

หน้า

## ตารางที่

4.14	แล้วคงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 20% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	47
4.15	แล้วคงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 25% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	48
4.16	แล้วคงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 30% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	49
4.17	แล้วคงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 50% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	50

๙

รายการตารางประทับบ (ต่อ)

หน้า

ตารางที่

4.18	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 20 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 60% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	51
4.19	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 20 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 70% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	52
4.20	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 20 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 80% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	53
4.21	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 50 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 5% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	55

## รายการตารางประกอบ (ต่อ)

หน้า

## ตารางที่

4.22	แล้วดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 50 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 15% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	56
4.23	แล้วดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 50 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 15% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	57
4.24	แล้วดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 50 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 20% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	58
4.25	แล้วดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 50 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 25% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	59

รายการตารางประกอบ (ต่อ)

หน้า

ตารางที่

4.26	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนadtัวอย่างเท่ากับ 50 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 30% จำแนกตามการแจกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	60
4.27	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนadtัวอย่างเท่ากับ 50 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 50% จำแนกตามการแจกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	61
4.28	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนadtัวอย่างเท่ากับ 50 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 60% จำแนกตามการแจกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	62
4.29	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนadtัวอย่างเท่ากับ 50 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 70% จำแนกตามการแจกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	63

## รายการตารางประกอบ (ต่อ)

หน้า

## ตารางที่

4.30	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนadtัวอย่างเท่ากับ 50 และเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 80% จำแนกตามการแยกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	64
4.31	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนadtัวอย่างเท่ากับ 60 และเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 5% จำแนกตามการแยกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	66
4.32	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนadtัวอย่างเท่ากับ 60 และเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 10% จำแนกตามการแยกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	67
4.33	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนadtัวอย่างเท่ากับ 60 และเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 15% จำแนกตามการแยกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	68

## รายการตารางประกอบ (ต่อ)

หน้า

## ตารางที่

4.34	แล้วคงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 60 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 20% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	69
4.35	แล้วคงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 60 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 25% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	70
4.36	แล้วคงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 60 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 30% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	71
4.37	แล้วคงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 60 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 50% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	72

รายการตารางประชากอบ (ต่อ)

หน้า

ตารางที่

4.38	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 60 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 60% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	73
4.39	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 60 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 70% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	74
4.40	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 60 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 80% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	75
4.41	แลดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 100 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 5% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	77

## รายการตารางประกอบ (ต่อ)

หน้า

## ตารางที่

4.42	แล้วคงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>*</sup> กำลังส่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขดหายเท่ากับ 10% จำแนกตามการแจกแจงของค่าขดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	78
4.43	แล้วคงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>*</sup> กำลังส่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขดหายเท่ากับ 15% จำแนกตามการแจกแจงของค่าขดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	79
4.44	แล้วคงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>*</sup> กำลังส่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขดหายเท่ากับ 20% จำแนกตามการแจกแจงของค่าขดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	80
4.45	แล้วคงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>*</sup> กำลังส่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขดหายเท่ากับ 25% จำแนกตามการแจกแจงของค่าขดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	81

## รายการตารางประกอบ (ต่อ)

หน้า

## ตารางที่

4.46	แสดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 100 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 30% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	82
4.47	แสดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 100 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 50% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	83
4.48	แสดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 100 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 60% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	84
4.49	แสดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 100 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 70% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	85

## รายการตารางประกอบ (ต่อ)

หน้า

## ตารางที่

4.50	แสดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 100 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 80% จำแนกตามการแจกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	86
4.51	แสดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 150 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 5% จำแนกตามการแจกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	88
4.52	แสดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 150 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 10% จำแนกตามการแจกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	89
4.53	แสดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 150 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 15% จำแนกตามการแจกแจงของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	90

รายการตารางประกอบ (ต่อ)

หน้า

ตารางที่

4.54	แล้วดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 150 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขดหายเท่ากับ 20% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	91
4.55	แล้วดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 150 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขดหายเท่ากับ 25% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	92
4.56	แล้วดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 150 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขดหายเท่ากับ 30% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	93
4.57	แล้วดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังสองเฉลี่ย (MSE) เมื่อยนาดตัวอย่างเท่ากับ 150 และเปอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขดหายเท่ากับ 50% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	94

## รายการตารางประกอบ (ต่อ)

หน้า

### ตารางที่

4.58	แล้วดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 150 และเบอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 60% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	95
4.59	แล้วดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 150 และเบอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 70% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	96
4.60	แล้วดงค่าประมาณพารามิเตอร์ และค่าความคลาดเคลื่อน <sup>ก</sup> กำลังล่องเฉลี่ย (MSE) เมื่อยอดตัวอย่างเท่ากับ 150 และเบอร์เซนต์เฉลี่ยของค่าขาดหายเท่ากับ 80% จำแนกตามการแยกแยะของค่าขาดหาย (Censored Data) และวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	97
5.1	แล้วดงตัวประมาณที่มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังล่องเฉลี่ยต่ำสุด ที่ยอดตัวอย่างเท่ากับ 10 จำแนกตามเบอร์เซนต์เฉลี่ยของ ค่าขาดหาย และการแยกแยะของค่าขาดหาย .....	100
5.2	แล้วดงตัวประมาณที่มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังล่องเฉลี่ยต่ำสุด ที่ยอดตัวอย่างเท่ากับ 20 จำแนกตามเบอร์เซนต์เฉลี่ยของ ค่าขาดหาย และการแยกแยะของค่าขาดหาย .....	101

รายการตารางประกอบ (ต่อ)

หน้า

**ตารางที่**

5.3	แลดงตัวประมาณที่มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังล่องเฉลี่ยต่ำสุด ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 จำแนกตามเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่า <sup>ค่า</sup> ขาดหาย และการแยกแจงของค่าขาดหาย .....	102
5.4	แลดงตัวประมาณที่มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังล่องเฉลี่ยต่ำสุด ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 60 จำแนกตามเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของค่า <sup>ค่า</sup> ขาดหาย และการแยกแจงของค่าขาดหาย .....	103
5.5	แลดงตัวประมาณที่มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังล่องเฉลี่ยต่ำสุด ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 จำแนกตามเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของ ค่าขาดหาย และการแยกแจงของค่าขาดหาย .....	104
5.6	แลดงตัวประมาณที่มีค่าความคลาดเคลื่อนกำลังล่องเฉลี่ยต่ำสุด ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 150 จำแนกตามเปอร์เซ็นต์เฉลี่ยของ ค่าขาดหาย และการแยกแจงของค่าขาดหาย .....	105

**ศูนย์วิทยบรหพยากร**  
**บุคลากรผู้มีสาขาวิชาสืบ**



สารบัญ

หน้า

บทคัดย่อภาษาไทย .....	๑
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ .....	๒
กิตติกรรมประกาศ .....	๓
รายการตารางประกอบ .....	๔
 บทที่ 1 บทนำ .....	1
1.1 ความสำคัญและความเป็นมาของปัญหา .....	1
1.2 รัฐประสังค์ของการวิจัย .....	4
1.3 ข้อตกลงเบื้องต้น .....	4
1.4 ขอบเขตของการวิจัย .....	4
1.5 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ .....	8
 บทที่ 2 ระเบียบวาริที่ใช้ในการวิจัย .....	9
2.1 ความรู้และทฤษฎีพื้นฐาน .....	9
2.2 การประมาณค่าพารามิเตอร์ .....	13
2.2.1 วิธีการกำลังล่องต่ำสุด .....	13
2.2.2 วิธีการของมิลเลอร์ .....	17
2.3.3 วิธีการของบักเคลียและเจมล์ .....	20
 บทที่ 3 วิธีดำเนินการวิจัย .....	25
3.1 วิธีการศึกษา .....	25
3.2 การสร้างข้อมูลสำหรับใช้ในการศึกษา .....	26

สารบัญ (ต่อ)

หน้า

บทที่ 4 ผลการวิเคราะห์ .....	31
4.1 ผลการวิเคราะห์เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 10 .....	38
4.2 ผลการวิเคราะห์เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 .....	43
4.3 ผลการวิเคราะห์เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 .....	54
4.4 ผลการวิเคราะห์เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ .60 .....	65
4.5 ผลการวิเคราะห์เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 .....	76
4.6 ผลการวิเคราะห์เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 150 .....	87
บทที่ 5 สรุปผลการวิเคราะห์และข้อ เล่นוแนะ .....	98
5.1 สรุปผลการวิเคราะห์ .....	98
5.2 ข้อ เล่นוแนะ .....	107
บรรณานุกรม .....	108
ภาคผนวก .....	110
ประวัติผู้เขียน .....	118

ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย