

การวินิจฉัยการเรียนคณิตศาสตร์ เรื่องการหาร ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 5  
ในโรงเรียนลังกัวคลานักงานการประถมศึกษา เชียงการศึกษา 12



นางสาวนงลักษ์ เสมอภาค

# ศูนย์วิทยบรพยากร จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

วิทยานิพนธ์เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาตรีสาขาวิชานี้เพื่อใช้

ภาควิชาประถมศึกษา

นักศึกษาวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

๕.๕.๒๕๓๔

ISBN 974-578-991-7

ลิขสิทธิ์ของนักศึกษาวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

017171 114823629

A DIAGNOSIS OF MATHEMATICS LEARNING ON DIVISION  
OF PRATHOM SUKSA FIVE STUDENTS IN SCHOOLS UNDER THE  
JURISDICTION OF THE OFFICE OF PROVINCIAL PRIMARY EDUCATION,  
EDUCATIONAL REGION TWELVE

MISS NONGLUCK SAMERPHAP

ศูนย์วิทยบรพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements  
for the Degree of Master of Education

Department of Elementary Education

Graduate School

Chulalongkorn University

1991

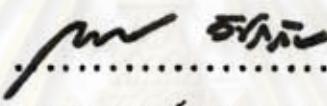
ISBN 974-578-991-7



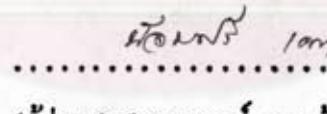
หัวชีววิทยานิพนธ์ การวินิจฉัยการเรียนคณิตศาสตร์ เรื่องการหาร ของนักเรียนชั้นประถมศึกษา  
ปีที่ 5 ในโรงเรียนสังกัดสถาบันการบริหารฯ ประจำปี พ.ศ. ๒๕๖๓ จำนวน ๑๒  
โดย นางสาวนงลักษณ์ เลมอภาพ  
ภาควิชา ประถมศึกษา<sup>๑</sup>  
อาจารย์ที่ปรึกษา รองศาสตราจารย์ ดร.คงเดือน อ่อนนำม

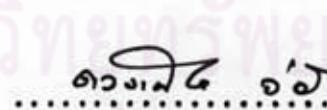
---

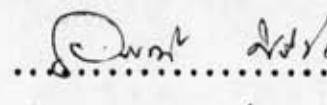
บัดติววิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ เป็นส่วนหนึ่งของ  
การศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

  
..... คงเดือน ..... คณบดีบัดติววิทยาลัย  
(ศาสตราจารย์ ดร. กานต์ วัชราภัย)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

  
..... น้อมศรี ..... ประธานกรรมการ  
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. น้อมศรี เศก)

  
..... คงเดือน ..... อาจารย์ที่ปรึกษา  
(รองศาสตราจารย์ ดร. คงเดือน อ่อนนำม)

  
..... วรรภรณ์ ..... กรรมการ  
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ วรรภรณ์ ศิริราชติ)

นงลักษณ์ เสมอภาค : การวินิจฉัยการเรียนคณิตศาสตร์เรื่องการหาร ของนักเรียนชั้น ประถมศึกษาปีที่ 5 ในโรงเรียนสังกัดสำนักงานการประถมศึกษา เชดการศึกษา 12 (A DIAGNOSIS OF MATHEMATICS LEARNING ON DIVISION OF PRATHOM SUKSA FIVE STUDENTS IN SCHOOLS UNDER THE JURISDICTION OF THE OFFICE OF PROVINCIAL PRIMARY EDUCATION, EDUCATIONAL REGION TWELVE) อ.พีร์กษา: รองศาสตราจารย์ ดร.ดวงเดือน อ่อนนำม. 211 หน้า ISBN 974-578-991-7

การวิจัยนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อวินิจฉัยการเรียนคณิตศาสตร์ เรื่องการหาร ด้านมโนทัศน์ ด้านการคิดความน่าจะเป็น และด้านการแก้โจทย์ปัญหา ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 5 ในโรงเรียนสังกัดสำนักงานการประถมศึกษา เชดการศึกษา 12

#### ผลการวิจัยพบว่า

1. นักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 5 จำนวน 516 คน มีข้อบกพร่องทางการหาร 499 คน คิดเป็นร้อยละ 96.71 และไม่มีข้อบกพร่องทางการหาร 17 คน คิดเป็นร้อยละ 3.29

2. นักเรียนที่มีข้อบกพร่องทางการหาร ด้านมโนทัศน์ คิดเป็นร้อยละ 95.39 ของจำนวนนักเรียนที่มีข้อบกพร่องทางการหาร นักเรียนล้วนนำไปที่มีข้อบกพร่องในการเขียนภาพแสดงการแบ่งไม่ถูกต้อง ในโจทย์ลักษณะการหารว่าแต่ละส่วนที่เท่ากัน มีส่วนละ เท่าไร มีสาเหตุสำคัญเนื่องจากนักเรียนแบ่งแบบการแบ่งลดทิล เท่า ๆ กัน รองลงมาคือ แบ่งໄวดคูจานากลุ่ม เป็นหลัก

3. นักเรียนที่มีข้อบกพร่องทางการหาร ด้านการแก้โจทย์ปัญหา คิดเป็นร้อยละ 87.58 ของจำนวนนักเรียนที่มีข้อบกพร่องทางการหาร นักเรียนล้วนนำไปที่มีข้อบกพร่องในการแก้โจทย์ปัญหา ในลักษณะการหารว่ามีส่วนที่เท่ากันอยู่กี่ส่วน ซึ่งโจทย์กำหนดตัวตั้งไว้ แต่ต้องหาตัวหารของโจทย์ (หารมีเศษ) รองลงมาคือ โจทย์ในลักษณะการหารว่าแต่ละส่วนที่เท่ากัน มีส่วนละ เท่าไร ซึ่งโจทย์กำหนดตัวตั้งและตัวหารไว้ (หารมีเศษ) พบสาเหตุของข้อบกพร่องที่สำคัญคือ นักเรียนหาค่าตอบผิดเนื่องจากการคำนวณผิดมากที่สุด รองลงมาคือ การเขียนประโยชน์สัมฤทธิ์ลักษณ์ผิด เนื่องจากหาตัวหารผิด และหาค่าตอบผิด เนื่องจากคำนวณจากประโยชน์สัมฤทธิ์ลักษณ์ผิด

4. นักเรียนที่มีข้อบกพร่องทางการหาร ด้านการคิดความน่าจะเป็น คิดเป็นร้อยละ 75.15 ของจำนวนนักเรียนที่มีข้อบกพร่องทางการหาร ประเภทของแบบผิดในการหารที่นักเรียนมีข้อบกพร่องมากที่สุด คือ ผิดที่เกี่ยวกับการเรียนรู้ความคิดรวบยอด พบสาเหตุของข้อบกพร่องที่สำคัญคือ นักเรียนวางแผนหารผิดๆ รองลงมาคือ ผิดที่เกี่ยวกับลักษณะข้อสอบในการแสดงวิธีทำ พบสาเหตุของข้อบกพร่องที่สำคัญคือ นักเรียนหารจากหลักหน่วย



ภาควิชา ..... ประถมศึกษา  
สาขาวิชา ..... ประถมศึกษา<sup>๑</sup>  
ปีการศึกษา ..... 2533

ลายมือชื่อนักศึกษา ..... พญ. สุวิทย์ ใจดี  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา ..... ดร. วนิดา คงกระพัน

อายุน้อยกว่าเจ้าของนามสกุล ..... ๒๕๖๒

NONGLUCK SAMERPHAP: A DIAGNOSIS OF MATHEMATICS LEARNING ON DIVISION OF PRATHOM SUKSA FIVE STUDENTS IN SCHOOLS UNDER THE JURISDICTION OF THE OFFICE OF PROVINCIAL PRIMARY EDUCATION, EDUCATIONAL REGION TWELVE. THE THESIS ADVISOR: ASSO. PROF. DUANGDUEN ONUUAM, PH.D.  
211 pp. ISBN 974-578-991-7

The purpose of this study was to diagnose mathematics learning on division of Prathom Suksa five students in schools under the jurisdiction of the Office of Provincial Primary Education, educational region twelve. Their mathematics learning on division was diagnosed in three aspects: concept, computation and problem-solving.

The findings of this study were as follows:

1. Among a sample of 516 Prathom Suksa five students, 499 students or 96.71 per cent of them had difficulties in division and 17 students or 3.29 per cent of them had no difficulties in division.
2. Among students who had difficulties in division, 95.39 per cent of them had difficulties in concepts. Most of them had errors in drawing to show divisional parts of partition division question. The main cause of error was grouping objects by using size of each subsets. Another cause was grouping objects by using number of subsets.
3. Among students who had difficulties in division, 87.50 per cent of them had difficulties in problem-solving. Error of most of students was concerned with measurement division question with identified dividend but unidentified divisor (division with remainder). The second error was concerned with partition division question with identified dividend and divisor (division with remainder). Causes of errors were: having wrong answer due to wrong computation; writing wrong mathematical sentence due to wrong divisor; having wrong answer due to wrong mathematical sentence.
4. Among students who had difficulties in division, 75.15 per cent of them had difficulties in computation. Error pattern in computation of most of them was related to conceptual learning which was caused mostly by ignoring place value of the quotient. Another error pattern was related to sequencing steps within procedures. The main cause of this error was starting division algorithm from ones.

ภาควิชา ..... ประถมศึกษา  
สาขาวิชา ..... ประถมศึกษา  
ปีการศึกษา ..... 2533

ลายมือชื่อนักเต็ต .....   
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา .....   
ลายมือชื่อคณาจารย์ที่ปรึกษาawan .....



### กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลุล่วง ได้ทั้งความกรุณาของ รองศาสตราจารย์ ดร. คง เก่อน อ่อนน้ำม อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ที่ได้ให้คำปรึกษา แนะนำและตรวจสอบแก้ไขล้วงนกพร่อง ด้วยความอาใจใส่อย่างดีย์ตลอดมา ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณเป็นอย่างสูงไว้ ณ ที่นี่

ขอกราบขอบพระคุณ ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. น้อมศรี เศท ประธานกรรมการและ ผู้ช่วยศาสตราจารย์วาระนี้ ศิริราชค กรรมการสอบวิทยานิพนธ์ ที่ได้ให้คำแนะนำและข้อเสนอแนะ ที่เป็นประโยชน์ต่อการวิจัย ทำให้วิทยานิพนธ์ฉบับนี้มีความถูกต้องสมบูรณ์ยิ่งขึ้น

ขอกราบขอบพระคุณผู้ทรงคุณเกียรติทุกท่านที่ได้สละเวลาให้ความช่วยเหลือและคำแนะนำ ในการแก้ไขเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย จนเป็นเครื่องมือที่สมบูรณ์

ขอขอบพระคุณ ศึกษานิเทศก์ อาจารย์ใหญ่ ครุฑ์ใหญ่ ครุฑ์สอนและนักเรียนที่เป็น ตัวอย่างประذاกร ด้วยเฉพาะอย่างยิ่งอาจารย์ทรงค สรรพศรี ที่ได้อ่านความลับของ และให้ ความร่วมมือในการเก็บรวบรวมข้อมูลเป็นอย่างดีและขอบพระคุณ อาจารย์ไห不成 รามศรี ที่ได้ ให้การสนับสนุนและ เป็นกำลังใจแก่ผู้วิจัยตลอดมาจนวิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลงด้วยดี

คุณค่าและประโยชน์ของวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ ผู้วิจัยขอมอบเป็นเครื่องบุชาพระคุณของ คุณท่อ คุณแม่ คุณครูอาจารย์และผู้มีพระคุณทุกท่าน ที่มีส่วนในการวางแผนการวิจัย รายงานการศึกษาแก่ผู้วิจัย

**ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย**

ผู้ลักษณ์ เสนอภาพ



## สารบัญ

|                                                              | หน้า      |
|--------------------------------------------------------------|-----------|
| บทคัดย่อภาษาไทย.....                                         | ๑         |
| บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....                                      | ๑         |
| กิตติกรรมประกาศ.....                                         | ๙         |
| สารบัญตาราง.....                                             | ๙         |
| <b>บทที่</b>                                                 |           |
| 1 <b>บทนำ.....</b>                                           | <b>1</b>  |
| ความเป็นมาและความสำคัญของปัจจุบัน.....                       | 1         |
| วัตถุประสงค์ของการวิจัย.....                                 | 8         |
| ขอบเขตของการวิจัย.....                                       | 8         |
| ค่าจำกัดความ.....                                            | 8         |
| ข้อคงเหลือเชิงค้น.....                                       | 10        |
| วิธีดำเนินการวิจัย.....                                      | 11        |
| ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ.....                               | 12        |
| 2 <b>การผลิตที่เกี่ยวข้อง.....</b>                           | <b>13</b> |
| ความหมาย ลักษณะสำคัญและความสำคัญของคณิตศาสตร์.....           | 14        |
| วัตถุประสงค์ที่นำไปใช้ในการสอนคณิตศาสตร์ระดับประถมศึกษา..... | 17        |
| ลักษณะสำคัญของคณิตศาสตร์ตามหลักสูตรประถมศึกษาพุทธศักราช ๒๕๒๑ | 18        |
| วิธีสอนคณิตศาสตร์ระดับประถมศึกษา.....                        | 20        |
| เนื้อหาคณิตศาสตร์ระดับประถมศึกษา.....                        | 28        |
| งานทัศน์การหาร สมบัติของการหารและความพร้อมในการเรียนการหาร   | 32        |
| การสอนซ้อมเสริม.....                                         | 36        |
| ความหมายของการสอนซ้อมเสริม.....                              | 36        |

|                                                                 | หน้า |
|-----------------------------------------------------------------|------|
| จุดมุ่งหมายของการสอนช้อมเริ่ม.....                              | 37   |
| แนวทางการสอนช้อมเริ่ม.....                                      | 38   |
| การวินิจฉัย.....                                                | 40   |
| ความหมายของการวินิจฉัย.....                                     | 40   |
| การวินิจฉัยการเรียนคณิตศาสตร์.....                              | 41   |
| เทคนิคในการวินิจฉัย.....                                        | 42   |
| ระดับของการวินิจฉัย.....                                        | 42   |
| ขั้นตอนการวินิจฉัยและการแก้ไขข้อบกพร่อง .....                   | 44   |
| รูปแบบการวินิจฉัย.....                                          | 46   |
| เครื่องมือสำหรับการวินิจฉัยการเรียนคณิตศาสตร์.....              | 47   |
| เทคนิคการสร้างแบบสอบถามวินิจฉัย.....                            | 50   |
| การสร้างแบบสอบถามวินิจฉัยการเรียนคณิตศาสตร์โดยยึดความล่าดับขั้น |      |
| การเรียนรู้.....                                                | 52   |
| งานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับการวินิจฉัยการเรียนคณิตศาสตร์.....      | 54   |
| 3 วิธีดำเนินการวิจัย.....                                       | 57   |
| ตัวอย่างประชากร.....                                            | 57   |
| เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย.....                                 | 60   |
| การเก็บรวบรวมข้อมูล.....                                        | 70   |
| วิเคราะห์ข้อมูล.....                                            | 70   |
| การเสนอแนะแนวทางการแก้ไขข้อบกพร่อง.....                         | 71   |
| 4 การวิเคราะห์ข้อมูล.....                                       | 73   |
| 5 สิ่งผลการวิจัย อภิปรายผล เสนอแนะแนวทางในการแก้ไขข้อบกพร่องและ |      |
| ข้อเสนอแนะ .....                                                | 136  |
| บรรณานุกรม.....                                                 | 159  |
| ภาคผนวก ก .....                                                 | 166  |
| ภาคผนวก ข .....                                                 | 167  |
| ภาคผนวก ค .....                                                 | 170  |

หน้า

|                      |     |
|----------------------|-----|
| ภาคผนวก ๔ .....      | 173 |
| ภาคผนวก ๕ .....      | 176 |
| ภาคผนวก ๖ .....      | 179 |
| ประวัติผู้เขียน..... | 211 |



ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## สารบัญสารทั่วไป

| รายการที่                                                                                                                   | หน้า |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------|
| 1 เนื้อหาคณิตศาสตร์ในระดับประถมศึกษา แยกตามระดับชั้นเรียน.....                                                              | 29   |
| 2 เนื้อหาคณิตศาสตร์เรื่องการหาร แยกตามระดับชั้นเรียน.....                                                                   | 31   |
| 3 จำนวนของเรียน จำแนกตามจังหวัด และอาเภอ/อำเภอ.....                                                                         | 58   |
| 4 จำนวนตัวอย่างประชากร จำแนกตามจังหวัด อาเภอ/อำเภอ และ โรงเรียน.....                                                        | 59   |
| 5 คุณภาพของแบบสอบถามวินิจฉัย.....                                                                                           | 70   |
| 6 จำนวนและร้อยละของนักเรียนที่มีและไม่มีข้อบกพร่องทางการหาร.....                                                            | 75   |
| 7 จำนวนและร้อยละของนักเรียนที่มีข้อบกพร่องทางการหาร จำแนกตามด้านที่วัด.....                                                 | 76   |
| 8 จำนวนและร้อยละของนักเรียนที่มีข้อบกพร่องทางการหาร จำแนกตามจำนวนค้านที่มีข้อบกพร่อง .....                                  | 77   |
| 9 จำนวนและร้อยละของนักเรียนที่มีข้อบกพร่องทางการหาร ค้านไม่ทั้งหมด จำแนกตามระดับความเข้าใจในหัวเรียน.....                   | 79   |
| 10 จำนวนและร้อยละของนักเรียนที่มีข้อบกพร่องทางการหาร ค้านไม่ทั้งหมด จำแนกตามลักษณะของโจทย์และระดับความเข้าใจในหัวเรียน..... | 80   |
| 11 จำนวนและร้อยละของนักเรียนที่มีข้อบกพร่องทางการหาร ค้านไม่ทั้งหมด จำแนกตามลักษณะของโจทย์และลักษณะของโจทย์.....            | 81   |
| 12 จำนวนและร้อยละของนักเรียนจำแนกตามสาขาวิชา เช่น ประวัติศาสตร์ สังคมศึกษา และภาษาไทย.....                                  | 82   |
| 13 จำนวนและร้อยละของนักเรียนจำแนกตามสาขาวิชา เช่น คณิตศาสตร์ และ ภาษาไทย.....                                               | 90   |
| 14 จำนวนและร้อยละของนักเรียน จำแนกตามสาขาวิชา เช่น คณิตศาสตร์ แบบไม่ถูกต้อง ...                                             | 91   |

| ตารางที่                                                                                                                                                                  | หน้า |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------|
| 15 ประ เกษาของแบบพิດในการหารต้านการคิดค้านาฬ จาแนกตามเนื้อหา.....                                                                                                         | 93   |
| 16 จำนวนและร้อยละของนักเรียน จาแนกตามประ เกษาของแบบพิດ.....                                                                                                               | 95   |
| 17 จำนวนและร้อยละของนักเรียน จาแนกตามสาเหตุของการหารพิດที่เกี่ยวกับ การเรียนรู้ ความคิดรวบยอด.....                                                                        | 96   |
| 18 จำนวนและร้อยละของนักเรียน จาแนกตามสาเหตุของการหารพิດที่เกี่ยวกับ ขั้นตอนในการแสดงวิธีทำ.....                                                                           | 102  |
| 19 จำนวนและร้อยละของนักเรียน จาแนกตามสาเหตุของการหารพิດที่เกี่ยวกับ ศูนย์.....                                                                                            | 108  |
| 20 จำนวนและร้อยละของนักเรียน จาแนกตามสาเหตุของการหารพิດอย่าง หลากราย.....                                                                                                 | 111  |
| 21 จำนวนและร้อยละของนักเรียน จาแนกตามสาเหตุของการหารพิດที่เกี่ยวกับ การเลือกวิธี.....                                                                                     | 117  |
| 22 จำนวนและร้อยละของนักเรียน จาแนกตามนักเรียนที่หารพิດเกี่ยวกับเอกลักษณ์                                                                                                  | 118  |
| 23 จำนวนและร้อยละของนักเรียน จาแนกตามการหารพิດที่เกี่ยวกับเชื่น.....                                                                                                      | 120  |
| 24 จำนวนและร้อยละของนักเรียนที่มีข้อบกพร่องทางการหาร ต้านการแก้โจทย์ ปัญหา จาแนกตามลักษณะของโจทย์และแบบของโจทย์.....                                                      | 123  |
| 25 ลักษณะของข้อบกพร่องในกระบวนการคิดแก้โจทย์ปัญหา.....                                                                                                                    | 124  |
| 26 จำนวนและร้อยละของนักเรียนที่มีข้อบกพร่องทางการหารค้านการ แก้โจทย์ปัญหา ในลักษณะการหารว่ามีส่วนที่เท่ากันอยู่กับส่วน จาแนกตามแบบ ของโจทย์ และลักษณะของข้อบกพร่อง.....   | 126  |
| 27 จำนวนและร้อยละของนักเรียนข้อบกพร่องทางการหารค้านการแก้โจทย์ปัญหา ในลักษณะการหารว่าแต่ละส่วนที่เท่ากันมีส่วนและ เท่าไร จาแนกตามแบบของ โจทย์ และลักษณะของข้อบกพร่อง..... | 128  |
| 28 จำนวนและร้อยละของนักเรียน จาแนกตามสาเหตุของข้อบกพร่องทาง การหารค้านการแก้โจทย์ปัญหา.....                                                                               | 130  |
| 29 ค่าระดับความยาก (p) และค่าอำนาจจำแนก (r) ของแบบสອบวินิจฉัย ชุดที่ 1.....                                                                                               | 167  |

| ตารางที่ |                                                                                       | หน้า |
|----------|---------------------------------------------------------------------------------------|------|
| 30       | ค่าระดับความมาก (p) และค่าอ่านใจจำแนก (r) ของแบบสอบถามวินิจฉัยชุดที่ 2 ฉบับที่ 1..... | 170  |
| 31       | ค่าระดับความมาก (p) และค่าอ่านใจจำแนก (r) ของแบบสอบถามวินิจฉัยชุดที่ 2 ฉบับที่ 2..... | 173  |
| 32       | ค่าระดับความมาก (p) และค่าอ่านใจจำแนก (r) ของแบบสอบถามวินิจฉัยชุดที่ 3.....           | 176  |


  
**ศูนย์วิทยทรัพยากร**  
**จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย**