

คลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าขนาดความถี่ ญ แอล เอฟ-อี แอล เอฟ ในตัวกลางแอนไซโตรปิก



นายคุณสันต์ สิริวัฒนาพาท

007147

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตร์มหาบัณฑิต

ภาควิชาจักรกลไฟฟ้า

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2525

ISBN 974-561-594-3

๙๗๖

ULF-ELF ELECTROMAGNETIC FIELDS IN AN ANISOTROPIC MEDIUM

Mr.Komsan Siriwattanapat

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements

for the Degree of Master of Electrical Engineering

Department of Electrical Engineering

Graduate School

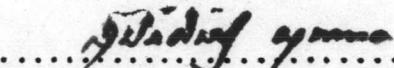
Chulalongkorn University

1982

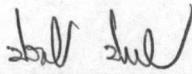
หัวขอวิทยานิพนธ์ คลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าขนาดความถี่ ญ แอล เอฟ-บี แอล เอฟ ในตัวกล่าง  
 และไออกซ์โกรีปิก  
 โดย นายคุณสันต์ สิริวัฒนาพาท  
 ภาควิชา วิศวกรรมไฟฟ้า  
 อาจารย์ที่ปรึกษา รองศาสตราจารย์ ดร.มงคล เดชนครินทร์

---

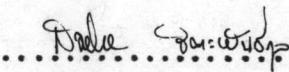
บัณฑิต วิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ เป็นส่วนหนึ่งของ  
 การศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

  
 ..... คณบดีบัณฑิต วิทยาลัย  
 ( รองศาสตราจารย์ ดร.สุประดิษฐ์ บุนนาค )

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

  
 ..... ประธานกรรมการ  
 ( รองศาสตราจารย์ ดร.ประลักษณ์ ประพิยอมคลากาน )

  
 ..... กรรมการ  
 ( รองศาสตราจารย์ ดร.มงคล เดชนครินทร์ )

  
 ..... กรรมการ  
 ( ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.สมชาย จิตะพันธ์กุล )

  
 ..... กรรมการ  
 ( ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.บัณฑิต ใจจัน อารยานันท์ )

หัวข้อวิทยานิพนธ์	คลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าขนาดความถี่ ญ แอล เอฟ-อี แอล เอฟ ในตัวกล่าง แอนไซโตรปิก
ชื่อผู้สืบ	นายคมสันต์ สิริรัตนพาท
อาจารย์ที่ปรึกษา	รองศาสตราจารย์ ดร. มงคล เดชนครินทร์
ภาควิชา	วิศวกรรมไฟฟ้า
ปีการศึกษา	2525

บทศัคย์



วิทยานิพนธ์นี้เกี่ยวข้องกับการศึกษาคุณสมบัติของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าขนาดความถี่ ญ แอล เอฟ-อี แอล เอฟ ในตัวกล่างชนิดแอนไซโตรปิก ซึ่งมีสภาพนำไฟฟ้าเปลี่ยนแปลงไปตาม ศักดิ์ ตัวกล่างชนิดแอนไซโตรปิกที่ใช้ก็คือบรรยายการซึ้งไอโอดีนสีฟ้า ซึ่งสามารถแม่เหล็กโลก อาจมีค่ามุมเท่าๆ กันในช่วง 0-90 องศา การหาค่ามุมของสนามแม่เหล็กไฟฟ้า เริ่มขึ้นโดยการใช้สมการ ของแม่กษ์เวล์ จากนั้นจึงอาศัยวิธีเคราะห์เห็นเชอร์ เพื่อแปลงตัวแปรที่เกี่ยวข้องกับระยะทางทำให้ ได้สมการใหม่ที่แก้ได้ง่าย นอกจากนี้ผู้วิจัยก็ได้นำเทคนิคพัฒนาระบบงานทางความถี่มาใช้ด้วย เพื่อหาค่ามุม เชิง วิเคราะห์ของสนามอันดับหนึ่งจากสนามอันดับสูงยิ่ง เป็นสนามที่หาได้ในตอนแรก เมื่อได้มีพัฒนา เชิง วิเคราะห์ของสนามแม่เหล็กไฟฟ้าตามที่ต้องการแล้ว ผู้วิจัยได้ยกตัวอย่างการคำนวณค่า เป็นตัวเลขของ สนามตั้งกล่าวไว้ด้วย เพื่อศึกษาคุณสมบัติทางกายภาพของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าในไอโอดีนสีฟ้า ใน บริเวณที่สนามแม่เหล็กโลกมีค่ามุมเท่าๆ กัน ในการทดสอบได้กับผลงานของผู้วิจัยอื่นๆ และมีข้อ ได้เปรียบวิธีการของผู้วิจัยอื่นๆ ในแบบที่ทำให้สามารถหาค่าสนามแม่เหล็กไฟฟ้าในไอโอดีนสีฟ้า ใน บริเวณที่สนามแม่เหล็กโลกมีค่ามุมเท่าๆ กันได้ ในขณะที่วิธีของผู้วิจัยอื่นๆ ล้วนมากใช้ได้เฉพาะกับบริเวณ ที่สนามแม่เหล็กโลกมีค่ามุมเท่าๆ กัน 90 องศาเท่านั้น

Thesis Title    ULF-ELF Electromagnetic Fields in an Anisotropic Medium

Name                Mr. Komsan Siriwattanapat

Thesis Advisor Dr. Mongkol Dejnarakintara

Department        Electrical Engineering

Academic Year    1982

#### ABSTRACT

In this thesis we study ULF-ELF electromagnetic fields in an anisotropic medium, whose conductivities vary with direction. The anisotropic medium used here is the ionosphere, an atmospheric layer, in which the earth's magnetic field can have any dip angle in the range of 0-90 degrees. The derivation of expressions of electromagnetic fields starts from Maxwell's equations. Tensor analysis is applied to the equations in order to transform the space variables and obtain new equations which are easy to solve. In addition, the author uses frequency-perturbation technique to obtain analytical expressions for first-order fields from zero-order fields, which are previously derived. After having obtained the desired analytical expressions for the electromagnetic fields, the author then gives examples of numerical calculation of the fields. This is done to study the physical properties of the fields and to make a comparison with the results of other authors. The method used in this thesis gives the results which check well with those of other authors. It also has an advantage in that the expressions of the electromagnetic fields in the ionosphere can be obtained for any value of the dip angle of the earth's magnetic field whereas methods used by most of other authors can apply to the case of 90-degree dip angle only.



กิติกรรมประกาศ

ข้าพเจ้าขอขอบพระคุณ รศ.ดร.มน吉ล เดชนครินทร์ อารยที่ปรึกษาที่กุญแจลະเวลา  
ให้ความรู้ คำแนะนำ และการตรวจสอบ จนวิทยานิพนธ์นี้สำเร็จลงด้วยดี  
สุดท้ายนี้ขอบพระคุณท่านผู้มีพระคุณต่อข้าพเจ้าที่ได้ช่วยเหลือ และแนะนำข้าพเจ้าตลอดจน  
เป็นกำลังใจในการเขียนวิทยานิพนธ์ครั้งนี้



ສາ ຮປ່ງ

หน้า

บทคัดย่อภาษาไทย .....	๙
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ .....	๑๕
กิติกรรมประกาศ .....	๑
รายการรูปและกราฟ .....	๗
รายการตาราง .....	๘

บทที่

1.	บทนำ.....	1
1.1	ประวัติความเป็นมา.....	1
1.2	คุณสมบัติทางกายภาพของขั้นบรรยายกาศ.....	1
1.3	วัสดุประสงค์.....	5
2.	การคำนวณค่าสนามแม่เหล็กไฟฟ้าโดยวิธีเคราะห์เทนเซอร์.....	8
2.1	สมการพื้นฐาน.....	8
2.2	การหาสูตรตามวิธีเคราะห์เทนเซอร์.....	10
2.3	ค่าสนามแม่เหล็กไฟฟ้า ULF-ELF เมื่อสนามแม่เหล็กโลกทำมุม $90^\circ$ กับพื้นโลก.....	21
3.	การคำนวณค่าสนามแม่เหล็กไฟฟ้าโดยวิธีใช้พจน์รบกวน.....	36
3.1	บทนำ.....	36
3.2	สมการพื้นฐาน.....	36
3.3	ค่าสนามแม่เหล็กไฟฟ้า ULF-ELF เมื่อใช้พจน์รบกวนทางมุม เท.....	39
4.	การเปรียบเทียบผลการคำนวณโดยแสดง เป็นค่าตัวเลข .....	59

## หน้า

4.1 ค่าคงที่ที่นำมาใช้ในการพิจารณา.....	59
4.2 การเปลี่ยนแปลงของค่า a , b , และ c เทียบกับค่ามุมเทต่างๆ.....	60
4.3 ผลของการเปลี่ยนตัวแปรจาก x , y , z เป็นตัวแปร ๔ , ๗ , ๕.....	61
4.4 การแปรค่าของลسانามค่า z.....	62
4.5 ค่าลسانามไฟฟ้าอันดับศูนย์ที่ค่ามุมเทติดๆ จากการคำนวณโดยวิธีเคราะห์ เทนเซอร์.....	63
4.6 ค่าลسانามไฟฟ้าอันดับหนึ่งที่ค่ามุม เทติดๆ จากการคำนวณโดยวิธีเคราะห์ เทนเซอร์.....	65
4.7 ค่าลسانามไฟฟ้าอันดับศูนย์ที่ค่ามุม เทในช่วง $82^{\circ}-90^{\circ}$ จากการคำนวณโดย วิธีพจน์รบกวน.....	68
5. วิจารณ์ ข้อเสนอแนะ และสรุป.....	91
5.1 วิจารณ์.....	91
5.2 ข้อเสนอแนะ.....	93
5.3 สรุป.....	94
เอกสารอ้างอิง.....	95
ภาคผนวก.....	97
ประวัติผู้เขียน.....	129

## รายการรูปและกราฟ

หน้า

รวมที่

1.1 ขอบเขตของขั้นบรรยายกาศ.....	2
1.2 แบบจำลองแบบเก่าของขั้นบรรยายกาศของโลก.....	3
1.3 แบบจำลองแบบใหม่ของขั้นบรรยายกาศของโลก.....	4
1.4 แสดงค่าความนิ่วไฟฟ้าที่ระดับความสูงต่าง ๆ.....	5
2.1 แสดงเส้นแรงสนามแม่เหล็กโลกทั่วไป I ในระบบ xyz.....	10
3.1 แสดงมุมเท (dipangle) I ซึ่งอยู่ในระบบ yz และทั่วไปแกน y และ $\theta = 90^\circ - I$ .....	37
4.1 แสดงมุมระหว่างแกน ค , ท , และ ด ..... 61	
4.2 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่า a และ b กับมุมเท I ที่ระดับความสูงต่าง ๆ กัน.....	70
4.3 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่า c กับมุมเท I ที่ระดับความสูงต่าง ๆ กัน.....	71
4.4 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างมุม เท I กับมุม ฯ ที่ระดับความสูงต่าง ๆ กัน .....	72
4.5 แสดงความสัมพันธ์ของฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียลของตัวแปร z ที่ระดับความสูงต่าง ๆ กัน.....	75
4.6 แสดงความสัมพันธ์ของค่าสนามไฟฟ้าอันดับศูนย์ (วิชีวิเคราะห์เทนเซอร์) กับมุม เท I ที่ระดับความสูงต่าง ๆ ณ จุดพิกัด ( $x=0$ , $y=0$ , $z=0$ ) และ ( $x=1$ , $y=1$ , $z=1$ ) .....	78
4.7 แสดงความสัมพันธ์ของค่าสนามไฟฟ้าอันดับหนึ่ง (วิชีวิเคราะห์เทนเซอร์) กับมุม เท I ที่ระดับความสูงต่าง ๆ ณ จุดพิกัด ( $x=1$ , $y=1$ , $z=1$ ) ..	82

4.7 แสดงความสัมพันธ์ของค่าส่วนนามไฟฟ้าอันดับศูนย์โดยวิธีเคราะห์แบบพจน์รูบกวน <sup>๔</sup> เปรียบเทียบวิธีเคราะห์แทนเชอร์ ที่ระดับความสูง 90 กิโลเมตร ณ จุด <sup>๕</sup>	85
พิกัด ( $x=0$ , $y=0$ , $z=0$ ) และ ( $x=1$ , $y=1$ , $z=1$ ) .....	85
ช.1 แสดงเล็บแรงแม่เหล็กโลกกับมุมต่าง ๆ ที่จะใช้ในการคำนวณ.....	101

## รายการตาราง

หน้า

## ตารางที่

2.1	แสดงค่าคงศ์ตัวต่าง ๆ ของสนามแม่เหล็ก $\vec{H}_0$ .....	23
2.2	แสดงค่าคงศ์ตัวต่าง ๆ ของสนามไฟฟ้า $\vec{E}_1$ .....	26
2.3	แสดงค่าคงศ์ตัวต่าง ๆ ของสนามแม่เหล็กไฟฟ้า $\vec{H}_1$ .....	29
2.4	แสดงค่าคงศ์ตัวและตัวแปรต่าง ๆ ของสนามแม่เหล็กไฟฟ้า เมื่อเลี้ยวเรง- แม่เหล็กโลกทำมุม $\approx 90^\circ$ กับพื้นโลก.....	34
3.1	แสดงค่าคงศ์ตัวต่าง ๆ ของสนามแม่เหล็กไฟฟ้าที่มุนเกิด ๆ โดยวิธีเชิง วิเคราะห์แบบพจน์รบกวน.....	46
4.1	ค่าของ $\sigma_0$ , $\sigma_1$ , และ $\sigma_2$ .....	59