



### หลักการและทฤษฎีของสเปกโตรกราฟ

สเปกโตรกราฟเป็นอุปกรณ์แบบหนึ่งที่ใช้สังเกตการณ์การมีคี่ที่ขอบดวงโดยรับแสงขาว (white light) ที่มีความยาวคลื่นต่าง ๆ แล้วกระจายทิศทางลำแสงให้แยกจากกันตามความยาวคลื่น เมื่อนำฟิล์มไปรับแสงที่กระจายออกมาจะได้ภาพสเปกตรัม (spectrum) สเปกโตรกราฟมีหลายแบบแบ่งออกตามลักษณะการใช้งาน หรือลักษณะของส่วนประกอบที่ใช้ โดยทั่วไปสเปกโตรกราฟมีส่วนประกอบสำคัญ 5 ส่วน ดังนี้

#### 1. ช่องเปิดแสงเข้า (Entrance aperture)

ช่องเปิด (aperture) เป็นทางผ่านของแสงจากแหล่งกำเนิดแสงภายนอกเข้าสู่ระบบทัศนอุปกรณ์ สำหรับสเปกโตรกราฟช่องเปิดนี้จะมีลักษณะเป็นสี่เหลี่ยมผืนผ้าแคบและยาวเรียกว่า สลิต (slit) สลิตมักทำด้วยแผ่นโลหะ 2 แผ่นวางหันขอบเข้าหากันเป็นแนวของช่องเปิด ขอบของช่องเปิดต้องเรียบและขนานกัน ผิวคานหน้าของแผ่นโลหะทั้งสองซึ่งหันเข้าหาแหล่งกำเนิดแสงจะต้องเรียบและเป็นระนาบเดียวกัน ผิวคานหลังนับจากขอบของช่องเปิดจะปาดเนื้อโลหะเฉียงออกข้างไปพอสมควร เพื่อให้เนื้อโลหะตรงขอบของช่องเปิดบางที่สุด จะลดการสะท้อนแสงที่ขอบให้น้อยลง

#### 2. ตัวทำแสงขนาน (Collimating element)

ตัวทำแสงขนานในสเปกโตรกราฟอาจเป็นเลนส์นูนหรือกระจกเว้า มีหน้าที่รับแสงจากจุดแต่ละจุดของสลิตแล้วปล่อยออกไปเป็นแสงขนาน เพื่อให้ทุกส่วนของลำแสงจากจุดเดียวกันกระทบตัวกระจาย (dispersive element) เป็นมุมเท่ากัน ในกรณีนี้

แสงไม่ขนานเข้าสู่ตัวกระจายจะก่อให้เกิดความคลาดที่เรียกว่า แอสติกมาติซึม (astigmatism) กล่าวคือ จุดบนสลิตในแสงเอกรงค์จะไม่ปรากฏเป็นจุดบนระนาบโฟกัสที่เกิดสเปกตรัม แต่กลับกลายเป็นเส้นหรือจุดกลมพรั่มวขนาดใหญ่มากกว่าที่ควรจะเป็นมาก เพราะลำแสงในระนาบที่ขนานและที่ตั้งฉากกับแนวกระจายแสง เมื่อผ่านตัวกระจายและตัวรวมแสง (focusing element) แล้วมีระนาบโฟกัสต่างกัน ดังนั้นการปรับโฟกัสในแนวหนึ่งชดเชยยอมทำให้ภาพในอีกแนวหนึ่งพรั่มวไป

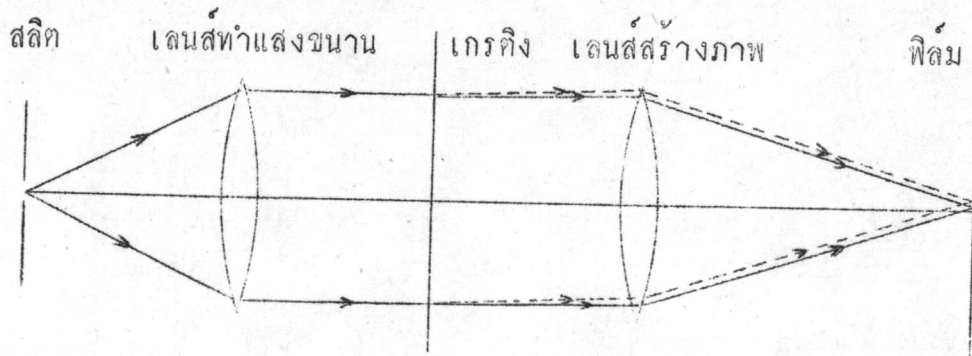
### 3. ตัวกระจาย (Dispersive element)

ตัวกระจายเป็นส่วนที่อาจจะกล่าวได้ว่าสำคัญที่สุดของสเปกโตรกราฟ เพราะเป็นตัวทำหน้าที่แยกลำแสงที่มีความยาวคลื่นต่างกันออกจากกัน โดยดรรชนีแสงรวมหรือแสงขาวที่มีมุมตกกระทบกำหนดแล้วจึงกระจายลำแสงออกเป็นมุมต่าง ๆ ตามลำดับความยาวคลื่น ตัวกระจายที่ใช้ในสเปกโตรกราฟอาจจะเป็นปริซึมหรือเกรตติ้ง ในงานนี้ใช้เกรตติ้งจึงจะกล่าวถึงเฉพาะเกรตติ้ง

3.1 เกรตติ้ง (Grating) ก็ฟแฟรคชันเกรตติ้ง (diffraction grating) หรือเรียกง่าย ๆ ว่าเกรตติ้ง คือร่อง (groove) หรือสลิตที่มีความยาวมากกว่าความกว้างมาก ๆ วางเรียงขนานกันอยู่เป็นจำนวนมาก โดยมีระยะระหว่างร่องติดกันคงที่ ระยะจากร่องถึงร่องนี้เรียกว่า ค่าคงที่ของเกรตติ้ง (grating constant) ค่าคงที่นี้จะต้องมีค่ามากกว่าหรืออย่างน้อยก็เท่ากับความยาวคลื่นของแสงที่ถูกกระจาย มิฉะนั้นเกรตติ้งจะกลายเป็นกระจกหรือแผ่นแก้วธรรมดาไป ไม่สามารถกระจายแสงออกมาได้ เกรตติ้งที่ใช้กับแสงช่วงที่ตาเห็น (visible light) จะมีจำนวนร่องประมาณ 200-1200 เส้นต่อมิลลิเมตร

เกรตติ้งแบ่งออกเป็น 2 แบบ คือ เกรตติ้งแสงผ่าน (transmission grating) กับเกรตติ้งสะท้อน (reflection grating) ซึ่งแบบหลังจะเป็นที่นิยมใช้กันมาก ลักษณะของเกรตติ้งทั้ง 2 แบบพอจะกล่าวในรายละเอียดได้ดังนี้

3.1.1 เกรตติ้งแสงผ่าน วัสดุที่ใช้ทำมักเป็นแผ่นแก้ว ซึ่งมีคุณสมบัติยอมให้แสงผ่านตัวมันได้ทุกความยาวคลื่นในช่วงที่ตาเห็น แผ่นแก้วนี้จะถูกขีดเป็นร่องยาวสม่ำเสมอจำนวนมากเรียงขนานกันไป ร่องเหล่านี้จะทำหน้าที่เหมือนกับสลิตเล็กๆ เมื่อมีแสงตกกระทบเกรตติ้งก็จะมีแสงเลี้ยวเบนที่ตำแหน่งของร่องแต่ละร่องนั้น แสงที่เลี้ยวเบนออกไปจะไปเกิดการแทรกสอดกันขึ้นทำให้แสงที่มีความยาวคลื่นเท่ากันเลี้ยวเบนออกไปเป็นมุมเท่ากันจากเส้นตั้งฉากกับเกรตติ้ง ดังนั้นแสงแต่ละความยาวคลื่นจึงมีมุมเลี้ยวเบนไม่เท่ากัน เกรตติ้งจึงสามารถแยกและกระจายแสงความยาวคลื่นต่างกันอย่างออกมาได้ ภาพที่ 3.1 ซึ่งแสดงการจัดวางเกรตติ้งแสงผ่านแบบที่นิยมกันทั่วไป

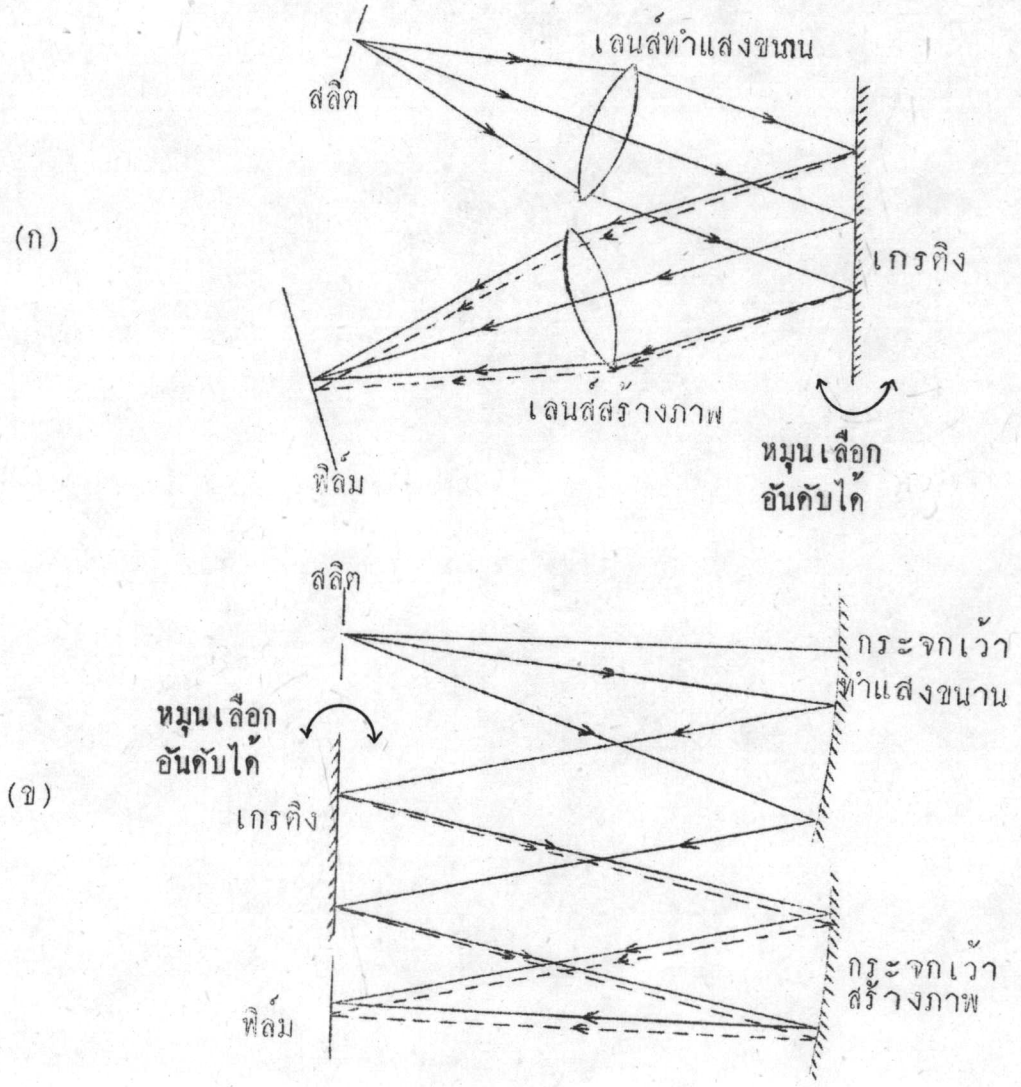


ภาพที่ 3.1 แสดงการจัดวางเกรตติ้งแสงผ่านแบบที่นิยมกัน

3.1.2 เกรตติ้งสะท้อน ทำจากแผ่นโลหะหรือแผ่นแก้วเคลือบโลหะ ซึ่งถูกขีดเป็นร่องจำนวนมากเรียงขนานและมีระยะระหว่างร่องเท่ากันเช่นเดียวกับเกรตติ้งแสงผ่าน เกรตติ้งสะท้อนแบ่งออกเป็น 2 แบบตามลักษณะของผิวหน้าที่ใช้ กล่าวคือ ถ้าผิวหน้าเป็นผิวราบ เรียกว่าเกรตติ้งระนาบ (plane grating) ถ้าผิวหน้าเป็นผิวโค้งเว้าก็เรียกว่าเกรตติ้งเว้า (concave grating) ทั้งเกรตติ้งสะท้อนและเกรตติ้งแสงผ่านมีสมการของเกรตติ้งเหมือนกัน แต่เกรตติ้งแสงผ่านมีผู้นิยมใช้น้อยกว่าก็เนื่องจากรูปร่างวัสดุที่ใช้ทำมักจะเป็นแก้ว



ซึ่งยอมให้แสงผ่านในช่วงความยาวคลื่นที่ตาเห็นเท่านั้น และมักจะทับต่อแสงอุลตราไวโอ-  
 เลต ส่วนเกรตติ้งสะท้อนเนื้อวัสดุไม่ค่อยเข้ามาเกี่ยวข้องกับคุณสมบัติในการกระจายแสง  
 จึงมีช่วงที่ใช้งานได้กว้างกว่า เมื่อมีค่าคงที่ของเกรตติ้งเท่ากับเกรตติ้งแสงผ่าน ลักษณะ  
 การจัดวางเกรตติ้งสะท้อนแบบระนาบแสดงอยู่ในภาพที่ 3.2ก และ ข. สำหรับในช่วงคลื่น  
 อุลตราไวโอเลตจะใช้กระจกเว้าเป็นตัวทำแสงขนานและเป็นตัวสร้างภาพแทนเลนส์



ภาพที่ 3.2 แสดงการจัดวางเกรตติ้งสะท้อนแบบระนาบที่นิยมกันทั่วไป

3.2 สมการของเกรตติ้ง ( Grating equation ) เกรตติ้งทำหน้าที่กระจายแสง โดยที่เมื่อมีแสงตกลงบนหน้าที่มีร่องนั้น แสงจะสะท้อนหรือหักเหออกเป็นมุมต่าง ๆ กัน มุมออกนี้จะสัมพันธ์กับระยะห่างของร่องติดกันของเกรตติ้งกับมุมที่แสงตกกระทบเกรตติ้ง และกับความยาวคลื่นของแสงที่ถูกแยก ดังนั้นแสงจะถูกแยกออกเป็นสีต่าง ๆ ตามลำดับ ความยาวคลื่น สมการซึ่งแสดงถึงความสัมพันธ์ข้างต้น เรียกว่า สมการของเกรตติ้งเป็นดังนี้

$$m\lambda = b(\sin\theta \pm \sin\phi) \quad (3.1)$$

โดยที่  $m$  เป็นอันดับของสเปกตรัม (spectral order) มีค่าเป็นจำนวนเต็ม

$\lambda$  เป็นความยาวคลื่นของแสง

$b$  เป็นระยะห่างระหว่างร่องติดกันของเกรตติ้ง เรียกว่าค่าคงที่ของเกรตติ้ง (grating constant)

$\theta$  เป็นมุมตกกระทบเกรตติ้งของลำแสงเข้า

$\phi$  เป็นมุมเลี้ยวเบนจากเกรตติ้งของลำแสงออก

เครื่องหมายบวก ใช้ในกรณีที่ลำแสงเข้าและลำแสงออกอยู่ข้างเดียวกันของเส้นตั้งฉากกับหน้าเกรตติ้ง และเครื่องหมายลบใช้เมื่อลำแสงเข้าและลำแสงออกอยู่คนละด้านของเส้นตั้งฉากกับหน้าเกรตติ้ง

3.3 การกระจาย ( dispersion ) สำหรับเกรตติ้งการกระจายคือการแยกแสงออกตามความยาวคลื่น โดยอาศัยการเลี้ยวเบนของแสง การกระจายเชิงมุมของแสงที่มีความยาวคลื่นต่าง ๆ กันเมื่อผ่านเกรตติ้งจะหาได้จากสมการต่อไปนี้ คือ

$$\frac{d\phi}{d\lambda} = \frac{m}{b\cos\phi} \quad (3.2)$$

ซึ่งได้จากการหาอนุพันธ์เทียบกับค่า  $\phi$  ของสมการ (3.1) เมื่อกำหนดให้มุมตกกระทบ  $\theta$  เป็นค่าคงที่ ในสมการ (3.2) ค่าทางซ้ายมือคือการกระจายจะมากขึ้น ถ้าค่าทางขวามือ

คือ  $m$  มีค่ามากขึ้น และ/หรือ  $b$  มีค่าน้อยลง อย่างไรก็ตาม ทั้งค่า  $m$  และ  $b$  จะมีค่าจำกัดอยู่ กล่าวคือถ้า  $m$  มีค่ามากขึ้นจะทำให้มุมเลี้ยวเบน  $\theta$  มีค่ามากขึ้นไปเรื่อยๆ ตามสมการ (3.1) ซึ่งมุมตกกระทบ  $\theta$  กับมุมเลี้ยวเบน  $\theta$  จะมีค่าได้อย่างมากที่สุดเท่ากับ  $90$  องศา สำหรับค่า  $b$  ค่าน้อยที่สุดจะต้องไม่สั้นกว่าความยาวคลื่นแสงที่เลี้ยวเบน มิฉะนั้นแสงที่ตกกระทบจะไม่ถูกกระจายและเกรตติงจะมีสภาพเป็นกระจกหรือแผ่นแก้วขนานแทน ตัวอย่างเช่น เกรตติงแสงขาวที่ทำด้วยวัสดุที่มีดัชนีหักเห  $1.556$  จะมีจำนวนร่องโคสูงที่สุดเพียง  $900$  เส้นต่อมิลลิเมตร (Richardson, 1969) สำหรับการกระจายเชิงเส้นมีค่าเท่ากับ ผลคูณของการกระจายเชิงมุมกับความยาวโฟกัสของเลนส์กล้องฉายภาพซึ่งแทนค่าด้วย  $f$  ดังนั้นสมการการกระจายเชิงเส้นจะเป็น

$$\frac{dI}{d\lambda} = f \frac{m}{b \cos \theta} \quad (3.3)$$

การกระจายเชิงเส้นจะบอกให้ทราบถึงตำแหน่งของแสงความยาวคลื่นต่าง ๆ บนระนาบโฟกัสของกล้องฉายภาพ

3.4 กำลังแยก (Resolving power) กำลังแยกของเกรตติงหมายถึงความสามารถของเกรตติงที่จะแยกเส้นสเปกตรัม 2 เส้น ที่มีความยาวคลื่นใกล้เคียงกันให้ออกห่างจากกันพอที่จะสังเกตได้ กำลังแยกเขียนแทนได้ด้วย  $\lambda/\Delta\lambda$  โดยที่  $\lambda + \Delta\lambda$  เป็นความยาวคลื่นของเส้นสเปกตรัมที่พอดีแยกออกจากเส้นที่มีความยาวคลื่น  $\lambda$  สมการกำลังแยกของเกรตติงเป็น

$$\frac{\lambda}{\Delta\lambda} = mN \quad (3.4)$$

ซึ่งเท่ากับผลคูณของอันดับของสเปกตรัมกับจำนวนเส้นทั้งหมดของเกรตติง ( $N$ ) จากสมการ (3.1) หากค่า  $m$  แล้วแทนค่าลงในสมการ (3.4) จะได้

$$\frac{\lambda}{\Delta\lambda} = \frac{Nb (\sin\theta \pm \sin\theta')}{\lambda} \quad (3.5)$$

จะเห็นว่ากำลังแยกจะขึ้นกับจำนวนร่องและระยะระหว่างร่องของเกรตติง และมุมตกกับมุมเลี้ยวเบนของเกรตติงอีกด้วย ถ้าพิจารณาเฉพาะสมการ (3.4) อาจคิดว่ากำลังแยกทางทฤษฎีของเกรตติงหน้ากว้างคงที่อื่นหนึ่งจะมีค่าไม่จำกัด โดยการทำให้จำนวนร่องมากขึ้น แต่ในสมการ (3.5) ถ้าให้  $w$  เป็นความกว้างของหน้าเกรตติงซึ่งเท่ากับ  $m\lambda$  จะได้สมการในรูป

$$\frac{\lambda}{\Delta\lambda} = \frac{w}{\lambda} (\sin\theta \pm \sin\phi) \quad (3.6)$$

ค่าของผลบวกในวงเล็บจะไม่เกิน 2 ดังนั้นกำลังแยกสูงสุดที่ความยาวคลื่นใด ๆ สำหรับเกรตติงที่มีหน้ากว้าง  $w$  จะมีค่าไม่เกิน  $2w/\lambda$  เช่นแสงความยาวคลื่น 5,000 อังสตรอม. และเกรตติงกว้าง 150 มิลลิเมตร จะมีกำลังแยกสูงสุดทางทฤษฎีไม่เกิน 600,000 โดยไม่ต้องคำนึงถึงอันดับของสเปกตรัมและจำนวนร่องของเกรตติงเลย และกำลังแยกจะมีค่าลดลงถ้าความเร็วของระนาบกับความสม่ำเสมอในระยะระหว่างร่องของเกรตติงไม่สมบูรณ์

#### 4. ตัวรวมแสง (Focusing element)

ตัวรวมแสงจะเป็นกระจกเว้าหรือเลนส์นูนเช่นเดียวกับตัวทำแสงขนาน แต่มีหน้าที่ตรงข้ามกัน กล่าวคือตัวรวมแสงจะรับแสงขนานที่เลี้ยวเบนออกจากตัวกระจายแล้วรวมแสงให้ไปเกิดเป็นภาพบนฟิล์ม คุณภาพและคุณสมบัติของตัวรวมแสงจะเป็นเช่นเดียวกับตัวทำแสงขนาน แต่ความชัดเจนของเส้นสเปกตรัมซึ่งเสียไปเพราะความคลาดทรงคี่ของเลนส์รวมแสงนั้น แก้ไขได้โดยการปรับระนาบของฟิล์มให้เอียงพอดีกับระนาบของโฟกัสที่เอียงไปนั้น เลนส์รวมแสงมักจะเรียกว่าเลนส์สร้างภาพ (camera lens)

#### 5. ฟิล์ม (Film)

ฟิล์มเป็นส่วนสุดท้ายของสเปกโตรกราฟที่จะต้องให้ความสำคัญไม่น้อยทีเดียว เพราะข้อมูลจากสังเกตการณ์ที่จะถูกบันทึกไว้ที่ส่วนนี้สำหรับนำไปวิเคราะห์ ข้อมูล...



วิเคราะห์ออกมาได้จะหยาบหรือละเอียดก็ขึ้นอยู่กับเนื้อฟิล์มด้วยเป็นสำคัญ ดังนั้นการเลือก  
ใช้ฟิล์มจึงต้องคำนึงถึงข้อจำกัดต่าง ๆ ที่มีอยู่และจะเกิดต่อไปด้วย ในทางฟิสิกส์ดาราศาสตร์  
สเปคโตรกราฟที่ไชม์ก็มีปัญหาเกี่ยวกับเวลาที่ให้แสง ซึ่งต้องใช้เวลานาน เนื่องจากมี  
ความเข้มแสงน้อย จึงต้องใช้ฟิล์มที่มีความไวสูงซึ่งมักจะมีเนื้อฟิล์มหยาบเป็นข้อจำกัดในการ  
บันทึกรายละเอียด แต่สำหรับดวงอาทิตย์ให้แสงที่มีความเข้มสูงมากจึงสามารถเลือกใช้  
ฟิล์มที่มีเนื้อละเอียดมีความไวต่ำแทนได้ รายละเอียดในค่านคุณสมบัติของฟิล์มจะได้กล่าว  
ถึงในบทที่ 5