

วิธีดำเนินการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้ต้องการศึกษาเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบและความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ 3 ตัว ดังที่กล่าวมาแล้วในบทที่ 2 โดยใช้การจำลอง (simulation) ด้วยเทคนิคมอนติคาร์โล (Monte Carlo Technique) โดยใช้โปรแกรมภาษาฟอร์แทรน 77 (FORTRAN 77) กับเครื่อง IBM 370/3031 สำหรับขั้นตอนแผนการทดลองและโปรแกรมที่ใช้ในการทดลองจะนำเสนอต่อไปนี้

3.1 แผนการทดลอง

เราจะกำหนดสถานการณ์ต่าง ๆ สำหรับศึกษาเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบและความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติ 3 ตัว ดังนี้

- 3.1.1 เลือกสุ่มตัวอย่างจากประชากรโดยกำหนดประชากรให้มีการแจกแจงดังต่อไปนี้
- ก. การแจกแจงแบบเอกซ์โปเนนเชียล โดยสนใจศึกษาเมื่อพารามิเตอร์  $\mu = 1^*$
  - ข. การแจกแจงแบบลอการิธึม โดยสนใจศึกษาเมื่อพารามิเตอร์  $\mu = 0$  และ  $\sigma^2 = 0.7, 0.9$  ตามลำดับ
  - ค. การแจกแจงแบบไวบูลล์ โดยสนใจศึกษาเมื่อพารามิเตอร์  $\beta = 1, \alpha = 0.5, 2.0$  ตามลำดับ
  - ง. การแจกแจงแบบแกมมา โดยสนใจศึกษาเมื่อพารามิเตอร์  $\beta = 1, \alpha = 2, 3$  ตามลำดับ
  - จ. การแจกแจงแบบไคลสแควร์ โดยสนใจศึกษาระดับความเป็นอิสระ 1 และ 3

---

\* กรณี  $\mu$  เป็นค่าอื่นให้ผลการทดลองเท่ากัน เพราะว่าการหาค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ตัวสถิติทดสอบที่ดีควรจะปฏิเสธสมมติฐาน  $H_0$  เมื่อสมมติฐาน  $H_0$  นั้นจริง ได้ใกล้เคียงกับระดับนัยสำคัญที่กำหนดไว้ ในที่นี้ สมมติฐาน  $H_0$  คือ การแจกแจงแบบเอกซ์โปเนนเชียล โดยมีพารามิเตอร์  $\mu$  ดังนั้น เมื่อ  $\mu$  มีค่าเป็นค่าใด ๆ การแจกแจงของข้อมูลก็ยังเป็นการแจกแจงแบบเอกซ์โปเนนเชียล

3.1.2 การกำหนดขนาดของกลุ่มตัวอย่าง (sample size) กำหนดให้กลุ่มตัวอย่าง มีขนาด 3 ระดับ คือ 30 , 50 และ 100

กรณีที่มีข้อมูลขาดหายในการวิเคราะห์ข้อมูลนิจรรณาได้ดังนี้

- ให้
- $X_{r_1+1}$  เป็นข้อมูลสุ่มที่เล็กที่สุด
  - $X_{n-r_2}$  เป็นข้อมูลสุ่มที่ใหญ่ที่สุด
  - $r_1$  เป็นจำนวนข้อมูลขาดหายทางซ้าย (left censored data)
  - $r_2$  เป็นจำนวนข้อมูลขาดหายทางขวา (right censored data)

กรณีที่	n=30		n=50		n=100	
	$r_1$	$r_2$	$r_1$	$r_2$	$r_1$	$r_2$
1	3	0	5	0	10	0
2	6	0	10	0	20	0
3	0	3	0	5	0	10
4	0	6	0	10	0	20
5	3	3	5	5	10	10
6	6	6	10	10	20	20

### 3.2 ขั้นตอนในการทดลอง

แบ่งออกเป็น 3 ขั้นตอน ดังนี้

3.2.1 การสร้างการแจกแจงของประชากรตามลักษณะที่กำหนดในแผนการทดลอง

3.2.2 การคำนวณค่าตัวสถิติทดสอบ 3 ตัว

3.2.3 การหาค่าอำนาจการทดสอบและความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1

### รายละเอียดแต่ละขั้นตอนมีดังนี้

3.2.1 การสร้างการแจกแจงของประชากรตามลักษณะที่กำหนดในแผนทดลอง ใช้โปรแกรมฟอร์แทรน 77 กับเครื่อง IBM 370/3010 โดยใช้เลขสุ่ม (Random Number) ซึ่งมีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอในช่วง(0, 1) เป็นพื้นฐานในการสร้างโดยเลขสุ่มที่ได้ควรมีคุณสมบัติดังต่อไปนี้ (Banks 1984 : 258 - 259)

- ก) ตัวเลขที่ได้มีการกระจายของความน่าจะเป็นแบบสม่ำเสมอและเป็นอิสระซึ่งกันและกัน
- ข) อนุกรมของตัวเลขที่ได้สามารถสร้างซ้ำเติมได้ (reproducible)
- ค) อนุกรมของตัวเลขไม่ซ้ำเติมในช่วงที่ต้องการใช้ตัวเลขแบบสุ่ม หมายความว่า ขนาดความยาวของอนุกรมตัวเลขต้องยาวพอสำหรับใช้งาน
- ง) ใช้เวลาสั้น ๆ ในการสร้างตัวเลขแบบสุ่ม
- จ) ใช้หน่วยความจำของคอมพิวเตอร์น้อย

สำหรับโปรแกรมย่อยที่ใช้ในการสร้างตัวเลขแบบสุ่ม คือ

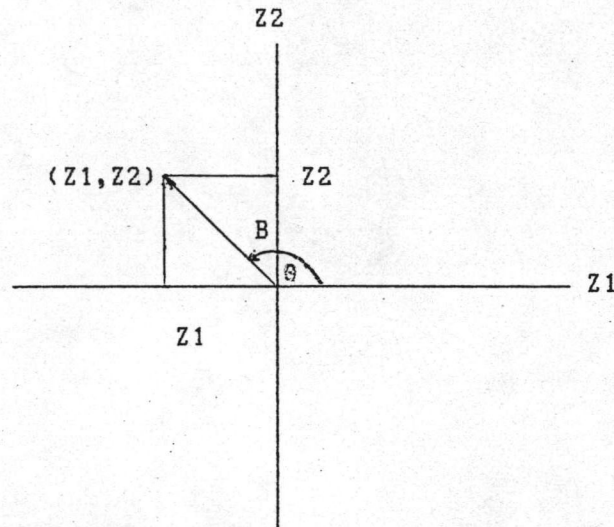
SUBROUTINE RAND(IX, IY, YFL)     ดั่งที่ได้แสดงไว้ในภาคผนวก

ส่วนรายละเอียดในการสร้างการแจกแจงแบบต่าง ๆ เป็นดังนี้

#### 3.2.1.1 การผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบปกติ

การผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบปกติใช้วิธีของ Box และ Muller (ค.ศ. 1958) โดยผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงปกติมาตรฐาน ที่มีค่าเฉลี่ย 0 และค่าความแปรปรวนเป็น 1 พร้อม ๆ กัน 2 ค่า โดยพิจารณาจากรูปต่อไปนี้





พิจารณาจากรูปจะได้

$$(1) \quad Z1 = B \cos(\theta)$$

$$(2) \quad Z2 = B \sin(\theta)$$

เป็นที่ทราบกันว่า  $B^2 = Z1^2 + Z2^2$  มีการแจกแจงโคสแควร์ด้วยระดับความเป็นอิสระ 2 และเทียบเท่าการแจกแจงแบบเอกซ์โปเนนเชียล ค่าเฉลี่ย 2 โดยวิธีการแปลงผกผัน (Inverse Transformation) เราสามารถสร้างเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบเอกซ์โปเนนเชียลได้ดังนี้

$$(3) \quad B = (-2 \ln R)^{1/2}$$

เมื่อ R เป็นเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอในช่วง (0,1)

จากการสมมติของการแจกแจงปกติ (normal distribution) จะได้ว่ามุม  $\theta$  มีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอระหว่าง 0 ถึง  $2\pi$  เรเดียน และรัศมี B กับมุม  $\theta$  เป็นอิสระซึ่งกันและกัน จาก (1), (2) และ (3) เราสามารถสร้างเลขสุ่มที่มีการแจกแจงปกติมาตรฐานจากเลขสุ่ม 2 ชุด  $R1$  และ  $R2$  ตามลำดับ กล่าวคือ

$$Z1 = (-2 \ln R1)^{1/2} \cos(2\pi R2)$$





$$Z2 = (-2 \ln R2)^{1/2} \text{ sine } (2\pi R2)$$

ในกรณีที่ต้องการเลขสุ่มที่มีการแจกแจงปกติที่มีค่าเฉลี่ย  $\mu$  และความแปรปรวน  $\sigma^2$  ทำได้โดยการแปลงเลขสุ่ม  $Z1, Z2$  โดยอาศัยฟังก์ชัน

$$\text{NORMAL} = \mu + \sigma z1$$

$$\text{NORMAL} = \mu + \sigma z2$$

โปรแกรมย่อยที่ใช้ในการสร้างเลขสุ่มให้มีการแจกแจงปกติที่มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ  $\mu$  และความแปรปรวน เท่ากับ  $\sigma^2$  คือ

FUNCTION NORMAL (DMEAN, SIGMA) ดังแสดงในภาคผนวก

### 3.2.2 การผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบลอกนอรัมอล

การแจกแจงแบบลอกนอรัมอลมีฟังก์ชันความหนาแน่นอยู่ในรูปของ

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x \sigma \sqrt{2\pi}} \exp[-(\ln x - \mu)^2 / 2\sigma^2] & , x > 0, \sigma > 0 \\ -\infty < \mu < +\infty \\ 0 & , \text{อื่น ๆ} \end{cases}$$

เมื่อ  $\mu$  และ  $\sigma^2$  เป็นค่าเฉลี่ย และความแปรปรวนของ  $y$  โดยที่  $y = \ln x$  จะมีการแจกแจงปกติ ซึ่ง  $\exp(\sigma^2)$  เป็น scale parameter และ  $\mu$  เป็น shape parameter ค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของการแจกแจงแบบลอกนอรัมอล คือ  $\exp(2\mu + \sigma^2)$  และ  $\exp(2\mu + \sigma^2) * [\exp(\sigma^2) - 1]$  ตามลำดับ

สำหรับการสร้างเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบลอกนอรัมอลหาได้จากการหา exponential ของฟังก์ชัน NORMAL (DMEAN, SIGMA) เมื่อ DMEAN และ SIGMA เป็นค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของการแจกแจงปกติ ดังแสดงในภาคผนวก สำหรับการวิจัยครั้งนี้กำหนดให้ค่า  $\mu = 0$  และ  $\sigma^2 = 0.7$  และ  $0.9$  ตามลำดับ

### 3.2.1.3 การผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบไคสแควร์

กำหนดให้  $Z_i$  มีการแจกแจงปกติที่มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 0 และความแปรปรวนเท่ากับ 1 เราสามารถพิสูจน์ได้ว่า

$$X = \sum_{i=1}^n Z_i^2$$

มีการแจกแจงแบบไคสแควร์ซึ่งมีระดับความเป็นอิสระ  $n$

การผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบไคสแควร์สามารถสร้างได้โดยวิธี ผลประสาน (convolution) โดยการสร้างตัวแปรสุ่ม  $Z_i$  ( $i=1,2,\dots,n$ ) ให้มีการแจกแจงแบบปกติมาตรฐานแล้วแปลง  $Z_i$  ให้เป็น  $Z_i^2$  ซึ่งเป็นตัวแปรสุ่มแบบไคสแควร์ ณ ระดับความเป็นอิสระ 1 เราสามารถสร้างตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงแบบไคสแควร์ ณ ระดับความเป็นอิสระ  $n$  ได้โดยการหาผลรวมของ  $Z_i^2$  ( $i=1,2,\dots,n$ )

โปรแกรมย่อยที่ใช้ในการสร้างตัวเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบไคสแควร์ คือ

FUNTION CSD (NDF,DMEAN,SIGMA) ดังแสดงในภาคผนวก

สำหรับการวิจัยครั้งนี้กำหนดระดับความเป็นอิสระ  $n=1$  และ 3, DMEAN = 0 และ SIGMA = 1

### 3.2.1.4 การผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบไวบูลล์

การแจกแจงแบบไวบูลล์มีฟังก์ชันความหนาแน่นอยู่ในรูปของ

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\alpha x^{\alpha-1} \exp[-(x/\beta)^\alpha]}{\beta^\alpha} & , 0 < x < \infty , \alpha > 0 , \beta > 0 \\ 0 & , \text{อื่น ๆ} \end{cases}$$

เมื่อ  $\beta$  เป็น scale parameter

$\alpha$  เป็น shape parameter

ค่าคาดหวังและความแปรปรวนของการแจกแจงแบบไวบูลล์ คือ  $\beta \Gamma(1+1/\alpha)$  และ  $\beta^2 [\Gamma(1+2/\alpha) - \Gamma^2(1+1/\alpha)]$

การสร้างตัวแปรสุ่มให้มีการแจกแจงแบบไวบูลล์อาศัยเทคนิคการแปลงผกผัน (inverse transformation) ซึ่งเป็นเทคนิคที่ใช้การแปลงตัวแปรสุ่มที่มีลักษณะการกระจายความน่าจะเป็นแบบสม่ำเสมอเป็นรูปแบบของตัวแปรสุ่มที่มีลักษณะการกระจายความน่าจะเป็นแบบอื่นๆ โดยขั้นตอนในการสร้างตัวแปรสุ่มให้มีการแจกแจงแบบไวบูลล์มีดังนี้

ขั้นที่ 1

กำหนดฟังก์ชันการแจกแจงสะสม  $F(x) = 1 - \exp[-(x/\beta)^\alpha]$ ,  $x > 0$

ขั้นที่ 2

ให้  $F(x) = 1 - \exp[-(x/\beta)^\alpha] = R$  โดยที่  $R$  คือ ตัวเลขสุ่มแบบสม่ำเสมอ

ขั้นที่ 3

หาค่าของ  $x$  ในเทอมของ  $R$  ได้  $x = \beta[-\ln(R)]^{1/\alpha}$

สำหรับคำสั่งในการสร้างตัวแปรสุ่มให้มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ คือ

FUNCTION WEIBUL(ALPHA,BETA) ดังแสดงในภาคผนวก

ในการวิจัยครั้งนี้กำหนดพารามิเตอร์  $BETA(\beta)=1$  และ  $ALPHA(\alpha)=0.5$  และ  $2.0$

### 3.2.1.5 การผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบแกมมา

การแจกแจงแบบแกมมามีฟังก์ชันความหนาแน่นอยู่ในรูปของ

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^{\alpha-1} \exp(-x/\beta)}{\beta^\alpha \Gamma(\alpha)}, & x > 0, \alpha > 0, \beta > 0 \\ 0 & \text{, อื่น ๆ} \end{cases}$$

เมื่อ  $\beta$  เป็น scale parameter และ  $\alpha$  เป็น shape parameter



กรณีที่  $\alpha=1$  การแจกแจงแบบแกมมา คือ การแจกแจงแบบเอกซ์โปเนนเชียลซึ่งมีพารามิเตอร์  $\beta$  ค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของการแจกแจงแบบแกมมา คือ  $\alpha\beta$  และ  $\alpha\beta^2$  ตามลำดับ

สำหรับการสร้างเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบแกมมา  $(\alpha, \beta)$  สร้างจากผลรวมของ  $x_i$  ( $i=1, 2, \dots, \alpha$ ) โดยที่  $x_i$  มีการแจกแจงแบบเอกซ์โปเนนเชียลด้วยค่าเฉลี่ย  $\beta$

$$\text{ให้ } x = \sum_{i=1}^{\alpha} x_i$$

จะได้ว่า  $x \sim \text{Gamma}(\alpha, \beta)$

$$\begin{aligned} \text{ดังนั้น } x &= \sum_{i=1}^{\alpha} (-\beta \ln R_i) \\ &= -\beta \sum_{i=1}^{\alpha} \ln R_i \\ &= -\beta \ln \left( \prod_{i=1}^{\alpha} R_i \right) \end{aligned}$$

เมื่อ  $R_i$  เป็นเลขสุ่มแบบสม่ำเสมอในช่วง  $(0, 1)$

สำหรับคำสั่งในการสร้างเลขสุ่มแบบแกมมา คือ

FUNCTION GAMMA1 (ALPHA1, BETA1) ตั้งแสดงในภาคผนวก

ในการวิจัยครั้งนี้กำหนดพารามิเตอร์  $BETA(\beta) = 1$  และ  $ALPHA(\alpha) = 1, 2, 3$  ตามลำดับ

### 3.2.2 การคำนวณค่าตัวสถิติทดสอบ 3 วิธี

เราสุ่มตัวอย่างจากประชากรโดยใช้โปรแกรมย่อยที่เขียนในภาคผนวกตามขนาดตัวอย่าง และเปอร์เซ็นต์ของข้อมูลขาดหายที่กำหนดในแผนการทดลองแล้วนำข้อมูลที่ได้ไปคำนวณค่าต่าง ๆ ตามสูตรของตัวสถิติทดสอบแต่ละวิธีที่เสนอในบทที่ 2 เมื่อได้ค่าของตัวสถิติทดสอบแต่ละตัวให้เปรียบเทียบกับค่าวิกฤต โดยตัวสถิติทดสอบ  $Z$  เปรียบเทียบกับค่าวิกฤตที่เบ็ดจากตารางการแจกแจง

ปกติมาตรฐาน ตัวสถิติทดสอบ F เปรียบเทียบกับค่าวิกฤตที่เปิดจากตารางเอฟ และตัวสถิติทดสอบ K เปรียบเทียบกับค่าวิกฤตที่เปิดจากตาราง Kolmogorov-Smirnov ซึ่งการยอมรับ หรือการ ปฏิเสธสมมุติฐานว่างนั้นให้ถือเกณฑ์ในบทที่ 2

### 3.2.3 การหาค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และค่าอำนาจการทดสอบ

เมื่อทำการสุ่มตัวอย่างและคำนวณค่าตัวสถิติทดสอบพร้อมทั้งเปรียบเทียบกับค่าวิกฤตซ้ำๆ กันเป็นจำนวน 500 ครั้ง ในแต่ละสถานการณ์แล้วให้นับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมุติฐานว่าง ในกรณีที่มีการแจกแจงเป็นแบบเอกซ์โปเนนเชียลความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 หาได้โดยหารจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมุติฐานว่างด้วย 500 ซึ่งเป็นจำนวนครั้งในการทดลอง ส่วนในกรณีการแจกแจงของประชากรเป็นแบบอื่น จะหาค่าอำนาจการทดสอบโดยการคำนวณเช่นเดียวกันกับการหาค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1

สถานการณ์สำหรับการวิจัยแบ่งออกได้ดังนี้

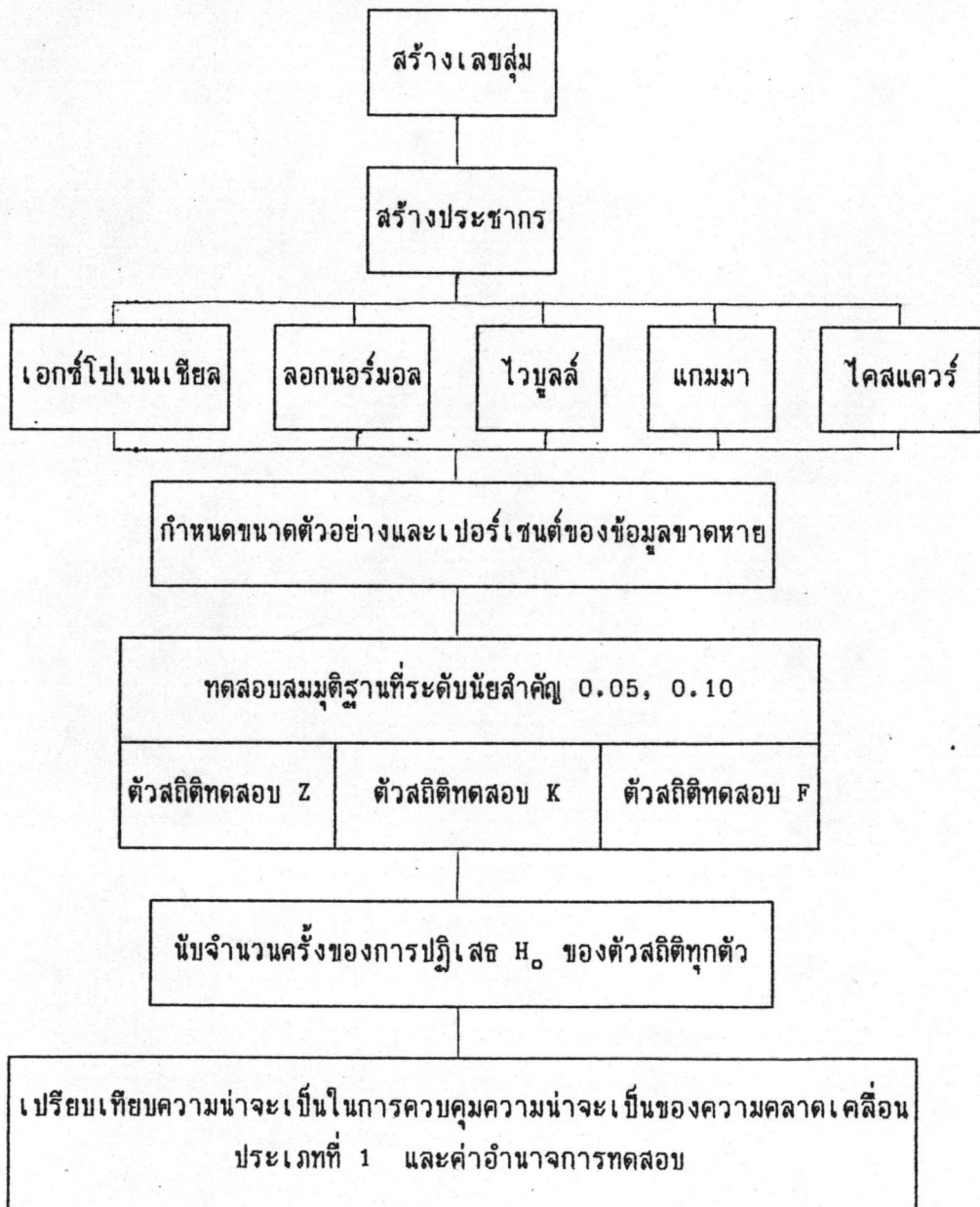
- ก. ระดับนัยสำคัญ 2 ระดับ คือ 0.05 และ 0.10
- ข. ขนาดตัวอย่างของประชากร 3 ระดับ คือ 30, 50 และ 100
- ค. ตัวสถิติทดสอบ 3 วิธี คือ Z, K และ F
- ง. ประชากร 9 ประชากร
- จ. เปอร์เซนต์ของข้อมูลขาดหาย 6 สถานการณ์ กล่าวคือ
  - ข้อมูลขาดหายทางซ้าย 10 % และ 20% ของจำนวนข้อมูลตามลำดับ
  - ข้อมูลขาดหายทางขวา 10 % และ 20% ของจำนวนข้อมูลตามลำดับ
  - ข้อมูลขาดหายทั้งทางซ้ายและทางขวาเท่ากัน 10 % และ 20%

ของจำนวนข้อมูลตามลำดับ ซึ่งในกรณีนี้ใช้ตัวสถิติทดสอบ 2 วิธี คือตัวสถิติทดสอบ Z และ F

$$\begin{aligned}
 \text{ดังนั้น จำนวนสถานการณ์ที่ใช้ทดลองวิจัย} &= \text{สถานการณ์ที่วิเคราะห์ข้อมูลทั้งหมด} + \\
 &\quad \text{สถานการณ์ที่วิเคราะห์โดยเกิดข้อมูลขาดหาย} \\
 &= (2 \times 3 \times 3 \times 9) + (2 \times 3 \times 2 \times 9 \times 6) \\
 &= 162 + 648 \\
 &= 810 \text{ สถานการณ์}
 \end{aligned}$$

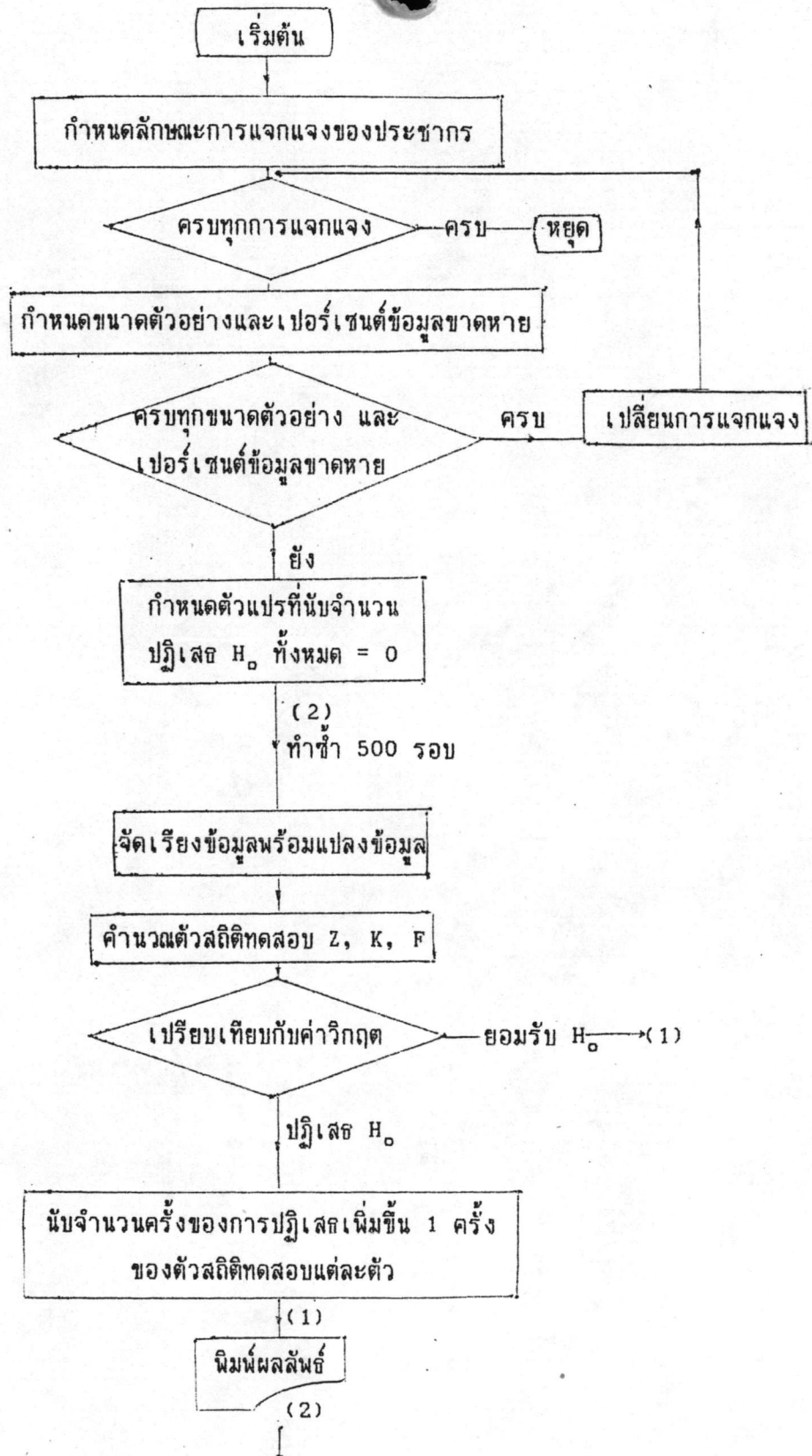
### 3.3 ขั้นตอนในการทำงานของโปรแกรม

ขั้นตอนในการทำงานของโปรแกรมการหาค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และค่าอำนาจการทดสอบ สรุปเป็นแผนผังดังนี้





แผนผังโปรแกรมในการคำนวณความน่าจะเป็นของค่าตลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และค่าอำนาจการทดสอบ



รายละเอียดของแผนผังโปรแกรมในการคำนวณความน่าจะเป็นของค่าคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และอำนาจการทดสอบของตัวสถิติที่ใช้ทดสอบการแจกแจงแบบเอกซ์โปเนนเชียลจะเสนอเป็นขั้นตอนต่อไปนี้

### ขั้นที่ 1

สร้างประชากรให้มีการแจกแจงลักษณะต่าง ๆ ดังนี้

การแจกแจงแบบแกมมา โดยใช้คำสั่ง FUNCTION GAMMA1 (ALPHA 1, BETA 1)

การแจกแจงแบบไวบูลส์ โดยใช้คำสั่ง FUNCTION WEIBUL (ALPHA 1, BETA 1)

การแจกแจงแบบลอกนอร์มอล โดยใช้คำสั่ง EXP(NORMAL (DMEAN, SIGMA))

การแจกแจงแบบโคสแควร์ โดยใช้คำสั่ง FUNCTION CSD (NDF, DMEAN, SIGMA)

การกำหนดขนาดตัวอย่างและการคำนวณค่าตัวสถิติทดสอบ 3 ตัว คือ Z, K, F ทำได้โดยการเลือกประชากรครั้งละ 1 ประชากร และจะหยุดการทดลองเมื่อทำการทดลองครบทุกกรณีที่กำหนดของแต่ละประชากร

### ขั้นที่ 2

กำหนดขนาดตัวอย่างและเปอร์เซ็นต์ข้อมูลขาดหาย ตามหัวข้อ 3.1.2

โดยที่  $n$  คือ จำนวนขนาดตัวอย่าง

$r_1$  คือ จำนวนข้อมูลขาดหายทางซ้าย

$r_2$  คือ จำนวนข้อมูลขาดหายทางขวา

### ขั้นที่ 3

กำหนดตัวแปรที่นับจำนวนการปฏิเสธ  $H_0$  ให้มีค่าเท่ากับ 0

โดยที่ Z05 แทน ตัวแปรที่นับจำนวนการปฏิเสธ  $H_0$  ของตัวสถิติทดสอบ Z ณ ระดับนัยสำคัญ 0.05

Z10 แทน ตัวแปรที่นับจำนวนการปฏิเสธ  $H_0$  ของตัวสถิติทดสอบ Z ณ ระดับนัยสำคัญ 0.10

K05 แทน ตัวแปรที่นับจำนวนการปฏิเสธ  $H_0$  ของตัวสถิติทดสอบ K ณ ระดับนัยสำคัญ 0.05

K10 แทน ตัวแปรที่นับจำนวนการปฏิเสธ  $H_0$  ของตัวสถิติทดสอบ K ณ ระดับนัยสำคัญ 0.10

F05 แทน ตัวแปรที่นับจำนวนการปฏิเสธ  $H_0$  ของตัวสถิติทดสอบ F

ณ ระดับนัยสำคัญ 0.05

F10 แทน ตัวแปรที่นับจำนวนการปฏิเสธ  $H_0$  ของตัวสถิติทดสอบ F

ณ ระดับนัยสำคัญ 0.10

ขั้นที่ 4

จัดเรียงข้อมูลซึ่งได้จากขั้นที่ 1 โดยเรียงข้อมูลจากน้อยไปมาก โดยใช้ SUBROUTINE RANK (N,X) พร้อมกับแปลงข้อมูล X เป็น  $Y_i = (n - i + 1)(x_i - x_{i-1})$

ขั้นที่ 5

คำนวณตัวสถิติทดสอบ Z, K และ F ตามลำดับ

ขั้นที่ 6

ทำการเปรียบเทียบตัวสถิติทดสอบที่คำนวณได้ในขั้นที่ 5 กับค่าวิกฤตที่กำหนดขึ้น ถ้า การเปรียบเทียบปรากฏผลว่ายอมรับสมมติฐาน  $H_0$  ให้พิมพ์ผลลัพธ์แต่ถ้าการเปรียบเทียบปรากฏผล ว่าปฏิเสธสมมติฐาน  $H_0$  ให้นับจำนวนครั้งที่ปฏิเสธสมมติฐานเพิ่มขึ้น 1 ครั้งของตัวสถิติทดสอบ แต่ละตัว แล้วให้พิมพ์ผลลัพธ์ตัวสถิติทดสอบแต่ละตัวและทำการทดลองซ้ำตั้งแต่ขั้นตอนที่ 4 ถึง ขั้นตอนที่ 6 500 ครั้ง ในแต่ละสถานการณ์เนื้อหาผลลัพธ์ของค่าความน่าจะเป็นของค่าคลาดเคลื่อน ประเภทที่ 1 และอำนาจทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z, K และ F ตามลำดับ