

การศึกษาการประยุกต์ใช้ทฤษฎีกราฟเพื่อใช้ในการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุจากข้อมูลໄลดาร์

นายธนวชิต แฉล้มເຂົຕຕໍ

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตร์มหาบัณฑิต

สาขาวิชาระบบสารสนเทศปริญญาโท วิศวกรรม ภาควิชาวิศวกรรมสำราญ

คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ปีการศึกษา 2554

ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

บทคัดย่อและแฟ้มข้อมูลฉบับเต็มของวิทยานิพนธ์ดังແປปีการศึกษา 2554 ที่ให้บริการในคลังปัญญาจุฬาฯ (CUIR)

เป็นแฟ้มข้อมูลของนิสิตเจ้าของวิทยานิพนธ์ที่ส่งผ่านทางบันทึกวิทยาลัย

The abstract and full text of theses from the academic year 2011 in Chulalongkorn University Intellectual Repository(CUIR)

are the thesis authors' files submitted through the Graduate School.

A STUDY OF GRAPH THEORY APPROACH FOR FEATURE EXTRACTION FROM LiDAR DATA

Mr. Tuvachit Chalamkate

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements  
for the Degree of Master of Science Program in Spatial Information System in Engineering

Department of Survey Engineering

Faculty of Engineering

Chulalongkorn University

Academic Year 2011

Copyright of Chulalongkorn University

หัวข้อวิทยานิพนธ์

การศึกษาการประยุกต์ใช้ทฤษฎีกราฟเพื่อใช้ในการดึงข้อมูล  
ลักษณะวัตถุจากข้อมูลไอลดาร์

โดย

นายธนวชิต แฉล้มเขตต์

สาขาวิชา

ระบบสารสนเทศปริภูมิทางวิศวกรรม

อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก

อาจารย์ ดร. คงทิศ ฉายากุล

คณะกรรมการคัดเลือก จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็นส่วน  
หนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาบัณฑิต

..... คณบดีคณะวิศวกรรมศาสตร์  
(รองศาสตราจารย์ ดร. บุญสม เลิศหริรัญวงศ์)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

..... ประธานกรรมการ  
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. สราวุฒิ ช้อนนิชิพศala)

..... อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก  
(อาจารย์ ดร. คงทิศ ฉายากุล)

..... กรรมการ  
(พันเอก ดร. กนก วีรวงศ์)

..... กรรมการภายนอกมหาวิทยาลัย  
(ดร. ฤทธิ์ วิเศษสินธ์)

คุวชิต แฉล้มเขตต์: การศึกษาการประยุกต์ใช้ทฤษฎีกราฟเพื่อใช้ในการดึงข้อมูลลักษณะ  
วัตถุจากข้อมูลไลดาเรอร์(A STUDY OF GRAPH THEORY APPROACH FOR FEATURE  
EXTRACTION FROM LiDAR DATA) อ.ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก: อ.ดร. ธนาธิศ ฉายากุล  
92 หน้า.

ในปัจจุบันข้อมูลไลดาเรอร์เป็นหนึ่งในเทคโนโลยีสำคัญเทคโนโลยีหนึ่งในการสำรวจและรับ  
น้ำไปประยุกต์ใช้ในงานด้านต่างๆ อย่างไรก็ตาม จากการนำไปประยุกต์ใช้งานยังคงพบปัญหาที่  
ประการหนึ่ง คือ ข้อมูลที่ได้จากการไลดาเรอร์เป็นข้อมูลที่บอกได้เพียงพิกัดในสามมิติ ทำให้เราสามารถ  
เหล่านั้นไปใช้งานได้ทันที ต้องมีการวิเคราะห์และแปลงตัวความ เพื่อให้ได้ข้อมูลที่จะนำไปใช้ประโยชน์  
ตามแต่ละประเภทของการใช้งาน การดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกจากข้อมูลไลดาเรอร์เป็นกระบวนการ  
ที่จะช่วยให้การวิเคราะห์และแปลงตัวความข้อมูลทำได้อย่างสะดวกและรวดเร็วมากซึ่งความรู้ที่ว่า  
สามารถใช้ในการสืบสานความสัมพันธ์เกี่ยวกับเนื้องอกนั้น ทฤษฎีกราฟเป็นเทคนิคที่ใช้ในการดึงข้อมูลนี้มาใช้  
ความสัมพันธ์เหล่านี้ได้ดี ดังนั้น การศึกษาวิจัยครั้นี้จึงนำทฤษฎีกราฟมาใช้ในการศึกษาโดยมี  
วัตถุประสงค์ เพื่อศึกษารูปแบบและวิธีการนำทฤษฎีกราฟมาประยุกต์ใช้ในการดึงข้อมูลลักษณะ  
ข้อมูลไลดาเรอร์โดยการศึกษาครั้นี้ได้เลือกลักษณะพื้นที่ศึกษาทั้งหมด 7 กรณีศึกษา คือ บ้านที่มีหลัง  
แบบจั่ว บ้านที่มีการต่อเติมหลังคา ต้นไม้ อาคารที่มีหลังคาแบบปูนซีเมนต์ แปลงนา แปลงนาและต้นไม้  
ใหญ่ และลักษณะ บ้านที่อยู่ติดกันสองหลัง โดยการทดลองครั้งสุดท้ายจะนำผลที่ได้มาทำการ  
เปรียบเทียบกันระหว่างจุดที่ตรงกันและไม่ตรงกัน แล้วคำนวณเป็นค่าร้อยละ

ผลจากการศึกษาวิจัยครั้นนี้พบว่า ได้รูปแบบและวิธีการนำทฤษฎีกราฟไปประยุกต์ใช้ในก  
ข้อมูลได้ 1 รูปแบบ 2 ขั้นตอน และ 2 วิธี โดยขั้นตอนที่ 1 ใช้วิธีที่ 1 คือ กราฟต้นไม้ และ ขั้นตอนที่ 2  
ที่ 2 คือ cluster graph เมื่อพิจารณาแยกเป็นรายกรณีศึกษาเปรียบเทียบจุดที่ตรงกันและไม่ตรงกัน  
จากราฟกับภาพถ่ายทางอากาศพบว่า กรณีที่ 1 มีจุดที่ตรงกัน 8% กรณีที่ 2 มีจุดที่ตรงกัน 89.1%  
กรณีที่ 3 มีจุดที่ตรงกัน 60.5% กรณีที่ 4 มีจุดที่ตรงกัน 67.29% กรณีที่ 5 มีจุดที่ตรงกัน 100%  
กรณีที่ 6 มีจุดที่ตรงกัน 93.1% และกรณีที่ 7 มีจุดที่ตรงกัน 73.0%

ภาควิชา ..... วิศวกรรมสำรวจ ..... ลายมือชื่อนิสิต .....

สาขาวิชา ระบบสารสนเทศปริภูมิทางวิศวกรรมรายมีชื่อ อ.ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก .....

ปีการศึกษา ..... 2554 .....

# # 5170473121 : MAJOR SPATIAL INFORMATION SYSTEM IN ENGINEERING

KEYWORDS : LIDAR DATA / FEATURE EXTRACTION / GRAPH THEORY

TUVACHIT CHALAMKATE : A STUDY OF GRAPH THEORY APPROACH FOR FEATURE EXTRACTION FROM LiDAR DATA. ADVISOR : THONGTHIT CHAYAKULA Ph.D., 92 pp.

The lidar data was one of the key technologies in the exploration and surveying technology. However, the implementation in various fields of its application. To retrieve the Feature Extraction from LiDAR data is one of the methods that will provide analysis and interpretation of data quickly and easily. The knowledge which related in space related. Graph theory is a technique which used to present these relationships as well. Therefore, this study is to use graph theory .The objective was to study patterns and how to apply graph theory are applied to feature extraction from LiDAR data. This study has a total area of seven case studies are gable roof, an addition of a roof, tree, flat roof, tree and paddy rice plants and the two adjacent houses. The trail of the effects were compare match and mismatched then calculated as a percentage. For the last experiment. The results were compared between the matched and mismatched. Then calculated as a percentage.

The study found that the format and approach to the apply graph theory for feature extraction to the data a two-step model and two methods. In first step , use tree and second step use cluster graph. When considered as a case study which the mismatch and matching of data of graph and aerial photo. The indications of the case are as following that Case one has a corresponding 87.67%, Case 2 has a corresponding 89.18%, Case 3 had a corresponding 60.56%, Case 4 has a corresponding 67.29%, Case 5 corresponding to 100%, 6 Case has a corresponding 93.10%, and Case 7 matches with a corresponding 73.07%.

Department : .....Survey Engineering..... Student's Signature .....

Field of Study : Spatial Information System in Engineering..... Advisor's Signature .....

Academic Year : .....2011.....

## กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ เสร็จสมบูรณ์ได้ด้วยความช่วยเหลือและการสนับสนุนจากหลาย  
 ฝ่ายโดยเฉพาะอย่างยิ่งผู้วิจัยขอขอบพระคุณอาจารย์ ดร. ธงทิศ นายากุล ออาจารย์ที่ปรึกษา  
 วิทยานิพนธ์ที่ได้ให้คำแนะนำในการแก้ไขปัญหาต่างๆ ที่เกิดขึ้น และตรวจสอบวิทยานิพนธ์  
 ฉบับนี้ให้กับผู้วิจัย และขอขอบพระคุณคณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์ ประกอบด้วย ผู้ช่วย  
 ศาสตราจารย์ ดร. สรรเพชญ์ ชื่ออนิพศาลประทานกรรมการสอบวิทยานิพนธ์ พันเอก ดร. กนก  
 วีรวงศ์ และ ดร. สุกิจ วิเศษสินธ์ ที่ให้คำแนะนำในการศึกษาวิจัยครั้นนี้และตรวจสอบ  
 วิทยานิพนธ์ฉบับนี้จนสำเร็จเรียบร้อยโดยสมบูรณ์ รวมทั้งคณาจารย์ภาควิชาภิการณ์สำราจ  
 จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ทุกท่านที่ได้ให้ความรู้และคำแนะนำต่างๆ แก่ผู้วิจัย  
 ขอขอบพระคุณบริษัท อีเอสอาร์ไอ (ประเทศไทย) จำกัด ที่ให้ความอนุเคราะห์ข้อมูลที่  
 ใช้ในการวิจัยครั้นนี้

ขอขอบคุณเพื่อนพี่น้องๆ และคณาจารย์ภาควิชาภิการณ์ ศาสตร์มหาวิทยาลัยบูรพาที่ดูแล  
 ช่วยเหลือและให้ความรู้มาตลอด

ขอขอบคุณ คุณศุภារีร เปี่ยมด้วยธรรม สำหรับกำลังใจและการสนับสนุนที่ดีมาโดย  
 ตลอด พี่ฯ เพื่อนๆ และน้องๆ ภาควิชาภิการณ์ สำราจ รวมทั้งผู้เกี่ยวข้องทุกท่านที่มีส่วนร่วมใน  
 การช่วยเหลือให้วิทยานิพนธ์ฉบับนี้เสร็จสมบูรณ์

ท้ายสุดนี้ขอขอบคุณดีของวิทยานิพนธ์ เพื่อเป็นกตเวทิตาคุณแด่บิดา มารดา ญาติพี่  
 น้องและคณาจารย์ทุกท่าน

## สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย.....	๔
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....	๕
กิตติกรรมประกาศ.....	๗
สารบัญ.....	๙
สารบัญตาราง.....	๑๐
สารบัญภาพ.....	๑๑
<b>บทที่ 1 บทนำ</b>	
1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา.....	1
1.2 วัตถุประสงค์ของการวิจัย.....	3
1.3 ขอบเขตของการวิจัย.....	3
1.4 คำจำกัดความที่ใช้ในการวิจัย.....	3
1.5 วิธีดำเนินการวิจัย.....	4
1.6 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ.....	4
<b>บทที่ 2 แนวคิดและทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง</b>	
2.1 ข้อมูลทั่วไปของระบบไลดาร์ (LiDAR , Light Detection and Ranging).....	5
2.2 ข้อมูลไลดาร์ (point cloud).....	7
2.3 สามเหลี่ยม Delaunay (Delaunay Triangulation).....	8
2.3.1 Triangles of Planar Point Set.....	8
2.3.2 นิยามของสามเหลี่ยม Delaunay.....	9
2.4 ทฤษฎีกราฟและการประยุกต์ใช้ (Graph theory and Application).....	11
2.4.1 นิยามของกราฟ.....	11
2.4.2 กราฟต้นไม้ (Tree).....	12
2.4.3 การค้นหาในแนวกว้าง (Breadth first search , BFS).....	13
2.4.4 Cluster Graph .....	14
2.4.5 Topology .....	15
2.4.6 งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง.....	16

	หน้า
<b>บทที่ ๓ วิธีดำเนินการวิจัย</b>	
3.๑ ข้อมูลที่ใช้ในการวิจัย.....	18
3.๒ การเลือกพื้นที่ศึกษา.....	20
3.๓ ขั้นตอนการนำทฤษฎีมาประยุกต์ใช้.....	21
<b>บทที่ ๔ ผลการศึกษา</b>	
4.๑ กรณีศึกษาที่ ๑.....	28
4.๒ กรณีศึกษาที่ ๒.....	37
4.๓ กรณีศึกษาที่ ๓.....	45
4.๔ กรณีศึกษาที่ ๔.....	52
4.๕ กรณีศึกษาที่ ๕.....	58
4.๖ กรณีศึกษาที่ ๖.....	61
4.๗ กรณีศึกษาที่ ๗.....	64
4.๘ ผลสรุปของกราฟ.....	69
<b>บทที่ ๕ สรุปผลการศึกษา</b>	
5.๑ ผลการศึกษา.....	80
5.๒ ปัญหาและอุปสรรค.....	83
5.๓ ข้อเสนอแนะ.....	83
รายการอ้างอิง.....	85
ภาคผนวก.....	87
ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์.....	92

## สารบัญตาราง

หน้า

ตารางที่ 5.1	แสดงผลสรุปของกราฟต้นไม้และ cluster graph ในแต่ละกรณีศึกษา.....	81
ตารางที่ 5.2	แสดงการเปรียบเทียบค่าร้อยละของจุดที่ต่างกันและไม่ต่างกันกับ ภาพถ่ายทางอากาศเมื่อวิเคราะห์ด้วยกราฟ.....	82

## สารบัญภาพ

	หน้า
ภาพที่ 2.1 แสดงส่วนประกอบต่างๆของระบบไลดาร์.....	5
ภาพที่ 2.2 การทำงานเบื้องต้นของระบบไลดาร์.....	6
ภาพที่ 2.3 แสดงการสะท้อนกลับของคลื่นเลเซอร์.....	7
ภาพที่ 2.4 แสดงตัวอย่างข้อมูล point cloud .....	8
ภาพที่ 2.5 (a) แสดงสามเหลี่ยมสองรูปที่ติดกัน โดยมีมุมที่เล็กที่สุดคือ 30 องศา ส่วนรูป (b) แสดงสามเหลี่ยมสองรูปที่ติดกันโดยมีมุมที่เล็กที่สุดเท่ากับ 60 องศา .....	9
ภาพที่ 2.6 แสดง Circum Circles จากจุด 3 จุดที่ไม่อยู่ในแนวเส้นตรงเดียวกัน.....	10
ภาพที่ 2.7 (a) แสดง Circum circles ที่มีจุดอยู่ภายนอก (b) แสดง Circum circles ที่ไม่มีจุดอยู่ภายนอก.....	10
ภาพที่ 2.8 แสดงตัวอย่างส่วนประกอบต่างๆของกราฟ.....	11
ภาพที่ 2.9 แสดงตัวอย่างของกราฟเดียวกัน (a) ที่เส้นขอบเป็นเส้นโค้ง และ (b) มีเส้นขอบที่เป็นเส้นตรง.....	12
ภาพที่ 2.10 แสดงตัวอย่างของกราฟตั้นไม่ .....	12
ภาพที่ 2.11 แสดงการทำงานของ BFS .....	14
ภาพที่ 2.12 แสดงส่วนประกอบของ Cluster graph แบบ Logical Frame โดย (a) คือ $C(v)$ และ (b) คือ $P(v)$ .....	15
ภาพที่ 2.13 แสดงตัวอย่างของ Adjacency Matrix .....	16
ภาพที่ 3.1 ข้อมูลไลดาร์บิวेन อำเภอปั๊บคำ จังหวัดสระบุรี .....	18
ภาพถ่ายทางอากาศบิวेन อำเภอปั๊บคำ จังหวัดสระบุรี .....	19
ภาพที่ 3.3 แสดงตัวอย่างของโปรแกรม yEd Graph editor.....	20
ภาพที่ 3.4 แสดงตำแหน่งของกรณีศึกษาทั้ง 7 กรณี บนภาพถ่ายทางอากาศ.....	21
ภาพที่ 3.5 แสดงขั้นตอนการดำเนินงานวิจัย.....	22
ภาพที่ 3.6 แสดงขั้นตอนการทำงานของ Graph Search Algorithm.....	23
ภาพที่ 3.7 แสดงความนำของจุดที่สมพนธ์กับความชันที่ใช้ โดย (a) คือ จุดสองจุดที่อยู่ห่างกัน และ (b) คือจุดสองจุดที่อยู่ค่อนข้างซึ่ดกัน.....	24

	หน้า
ภาพที่ 3.8 แสดงตัวอย่างของ cluster graph .....	25
ภาพที่ 3.9 แสดงขั้นตอนการสร้าง cluster graph.....	26
ภาพที่ 4.1 แสดงกราฟต้นไม้ของกราฟนีศึกษาที่ 1.....	28
ภาพที่ 4.2 แสดง Cluster Graph ของกราฟนีศึกษาที่ 1 .....	29
ภาพที่ 4.3 แสดงกลุ่มที่ 1 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 1.....	30
ภาพที่ 4.4 แสดงกลุ่มที่ 2 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 1.....	31
ภาพที่ 4.5 แสดงกลุ่มที่ 3 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 1.....	32
ภาพที่ 4.6 แสดงกลุ่มที่ 4 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 1.....	33
ภาพที่ 4.7 แสดงกลุ่มที่ 5 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 1.....	34
ภาพที่ 4.8 แสดงกลุ่มที่ 6 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 1.....	35
ภาพที่ 4.9 แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศในกราฟนีศึกษาที่ 1.....	36
ภาพที่ 4.10 แสดงกราฟต้นไม้ในกราฟนีศึกษาที่ 2 .....	37
ภาพที่ 4.11 แสดง Cluster Graph ของกราฟนีศึกษาที่ 2 .....	38
ภาพที่ 4.12 แสดงกลุ่มที่ 1 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 2.....	39
ภาพที่ 4.13 แสดงกลุ่มที่ 2 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 2 .....	40
ภาพที่ 4.14 แสดงกลุ่มที่ 3 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 2.....	41
ภาพที่ 4.15 แสดงกลุ่มที่ 4 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 2.....	42
ภาพที่ 4.16 แสดงกลุ่มที่ 5 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 2.....	43
ภาพที่ 4.17 แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศในกราฟนีศึกษาที่ 2.....	44
ภาพที่ 4.18 แสดงกราฟต้นไม้ในกราฟนีศึกษาที่ 3 .....	45
ภาพที่ 4.19 แสดง Cluster Graph ของกราฟนีศึกษาที่ 3 .....	46
ภาพที่ 4.20 แสดงกลุ่มที่ 1 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 3.....	47
ภาพที่ 4.21 แสดงกลุ่มที่ 2 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 3.....	48
ภาพที่ 4.22 แสดงกลุ่มที่ 3 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 3.....	49
ภาพที่ 4.23 แสดงกลุ่มที่ 4 ของ cluster graph ในกราฟนีศึกษาที่ 3.....	50

	หน้า	
ภาพที่ 4.24	แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศในกรณีศึกษาที่ 3.....	51
ภาพที่ 4.25	แสดงกราฟต้นไม้ในกรณีศึกษาที่ 4 .....	52
ภาพที่ 4.26	แสดง Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 4 .....	53
ภาพที่ 4.27	แสดงกลุ่มที่ 1 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 4.....	54
ภาพที่ 4.28	แสดงกลุ่มที่ 2 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 4.....	55
ภาพที่ 4.29	แสดงกลุ่มที่ 3 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 4.....	56
ภาพที่ 4.30	แสดงกลุ่มที่ 4 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 4.....	57
ภาพที่ 4.31	แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศในกรณีศึกษาที่ 4.....	58
ภาพที่ 4.32	แสดงกราฟต้นไม้ในกรณีศึกษาที่ 5 .....	58
ภาพที่ 4.33	แสดง Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 5 .....	59
ภาพที่ 4.34	แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศในกรณีศึกษาที่ 5.....	60
ภาพที่ 4.35	แสดงกราฟต้นไม้ในกรณีศึกษาที่ 6 .....	61
ภาพที่ 4.36	แสดง Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 6 .....	62
ภาพที่ 4.37	แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศในกรณีศึกษาที่ 6.....	63
ภาพที่ 4.38	แสดงกราฟต้นไม้ในกรณีศึกษาที่ 7 .....	64
ภาพที่ 4.39	แสดง Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 7 .....	64
ภาพที่ 4.40	แสดงกลุ่มที่ 1 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 7.....	65
ภาพที่ 4.41	แสดงกลุ่มที่ 2 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 7.....	66
ภาพที่ 4.42	แสดงกลุ่มที่ 3 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 7.....	67
ภาพที่ 4.43	แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศในกรณีศึกษาที่ 7.....	68
ภาพที่ 4.44	แสดงจุดที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph ของกรณีศึกษาที่ 1.....	69
ภาพที่ 4.45	แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกมานอกกรอบในกรณีศึกษาที่ 1.....	69

	หน้า
ภาพที่ 4.46 แสดงจุดที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph ของกรณีศึกษาที่ 2.....	70
ภาพที่ 4.47 แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกมานอกกราฟในกรณีศึกษาที่ 2 .....	71
ภาพที่ 4.48 แสดงจุดที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph ของกรณีศึกษาที่ 3.....	72
ภาพที่ 4.49 แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกมานอกกราฟในกรณีศึกษาที่ 3.....	72
ภาพที่ 4.50 แสดงจุดที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph ของกรณีศึกษาที่ 4.....	73
ภาพที่ 4.51 แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกมานอกกราฟในกรณีศึกษาที่ 4.....	74
ภาพที่ 4.52 แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกมานอกกราฟในกรณีศึกษาที่ 5.....	75
ภาพที่ 4.53 แสดงจุดที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph ของกรณีศึกษาที่ 6.....	76
ภาพที่ 4.54 แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกมานอกกราฟในกรณีศึกษาที่ 6.....	76
ภาพที่ 4.55 แสดงจุดที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph ของกรณีศึกษาที่ 7.....	77
ภาพที่ 4.56 แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกมานอกกราฟในกรณีศึกษาที่ 7.....	78
แผนภูมิแท่งแสดงจุดที่ไม่ตรงกันเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ.....	79
แผนภูมิแท่งแสดงจุดที่ตรงกันเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ.....	79
แผนภูมิแท่งแสดงจุดที่ไม่ตรงกันเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ.....	65
แผนภูมิแท่งแสดงจุดที่ตรงกันเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ.....	65
แสดงการกระจายตัวของข้อมูลไอลาร์.....	82

## บทที่ 1

### บทนำ

#### 1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา

ไลดาร์ในปัจจุบันนี้ถูกนำมาเป็นหนึ่งในเทคโนโลยีพื้นฐานชนิดหนึ่งที่ใช้สำหรับเก็บข้อมูล 3 มิติของพื้นผิวโลก อย่างไรก็ตามในขั้นตอนและตัวระบบของไลดาร์ให้รายละเอียดของข้อมูลได้เพียงในส่วนของข้อมูลทางเรขาคณิต แต่ ณ ตอนนี้ยังมีความต้องการในเรื่องของการแปลงตัวความข้อมูลเพื่อดึงข้อมูลลักษณะวัตถุ (feature extraction) การจำแนกข้อมูลใน 3 มิติโดยกระบวนการต่างๆเหล่านี้มีขึ้นเพื่อป้าหมายในการทำแผนที่และสารสนเทศภูมิศาสตร์ (F.Samadzadegan and S.Saeedi, 2009)

ข้อมูลที่ได้รับจากไลดาร์เรียกว่าข้อมูล point cloud ซึ่งได้มามาจากการยิงตัวของอากาศยาน หลังจากนั้นจึงเกิดการประมวลผลร่วมกันระหว่างเครื่องรับและกำเนิดแสงเลเซอร์บนอากาศยาน รวมทั้ง GPS และ IMUs แปลงไปเป็นข้อมูลสามมิติจากพื้นที่ที่เราทำการสำรวจ โดยข้อมูลนี้จะเป็นพื้นฐานในการที่เราจะนำไปใช้งานต่อไป (J.C. Fernandez et al., 2007)

จากที่กล่าวมาข้างต้นหากเราต้องการที่จะนำข้อมูลจาก point cloud มาใช้ จะต้องมีกระบวนการที่ช่วยในการวิเคราะห์และแยกแยะเพื่อจะดึงข้อมูลเหล่านี้มาใช้ประโยชน์ ซึ่งเราเรียกกระบวนการเหล่านี้ว่า การดึงข้อมูลลักษณะวัตถุ (feature extraction) เนื่องจากข้อมูลไลดาร์นั้นจะเป็นข้อมูลที่ได้ทั้งข้อมูลที่เป็นพื้นผิวของภูมิประเทศจริงๆ และข้อมูลที่เป็นเรือนยอดของสิ่งปลูกครามต่างๆ รวมอยู่ด้วย ซึ่งเป็นข้อมูลแบบ DSM (Digital Surface Model) อย่างที่ทราบกันดีว่า ข้อมูลแบบจำลองความสูงเชิงเลข (DEM , Digital Elevation Model) สร้างมาจากข้อมูลไลดาร์ แต่เราไม่สามารถนำข้อมูลไลดาร์นั้นมาสร้างได้ทันทีจึงจำเป็นต้องมีการลบเอาส่วนที่เป็นเรือนยอดของสิ่งปลูกครามต่างๆ ออกไป ซึ่งเป็นเหตุผลหนึ่งของการเกิดกระบวนการนี้ขึ้นมา

กระบวนการในการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุ (feature extraction) นั้นโดยทั่วไปจะเริ่มจากข้อมูลส่วนที่ไม่ใช้พื้นดินโดยผ่านกระบวนการที่ช่วยกรองข้อมูลเหล่านี้ออกมานั้นจำนวนวิธีการและขั้นตอนที่ใช้นั้นปรับเปลี่ยนไปตามวัตถุประสงค์ของการใช้งาน ในส่วนของข้อมูลที่เชื่อมโยงกันได้บางวิธีอาจใช้เพียงแค่ข้อมูลไลดาร์เพียงอย่างเดียว ขณะที่บางวิธีอาจมีการเพิ่มข้อมูลบางส่วนเข้ามาเพื่อช่วยในการวิเคราะห์ เช่น ภาพถ่ายทางอากาศ หรือ แผนที่ การดึงข้อมูลลักษณะวัตถุ แบ่งตามลักษณะของวิธีที่ใช้งานได้ เช่น วิธีการที่ใช้การสร้างแบบจำลองการพิจารณา (Model-driven) และ วิธีการที่พิจารณาจากข้อมูลไลดาร์โดยตรง (Data-driven) โดยที่ทั้งสองวิธีนี้อยู่ภายใต้

สมมติฐานที่จะกำหนดให้ได้ว่าบริเวณนั้นคือ สิ่งปลูกสร้าง ในท้ายที่สุดแล้วเครื่องมือที่นำมาประยุกต์ใช้ในการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุแปลงได้เป็น เเรขาคณิต และ หลักสถิติเป็นความรู้ในเบื้องต้นที่เราสามารถใช้ แต่อย่างไรก็ตามในหลากหลายวิธีนั้นก็มีการรวมเอาเทคนิคที่แตกต่างกันออกไปนำมาใช้ในการวิเคราะห์ร่วมกัน (J.Shan and C.K. Toth , 2009) โดยตัวอย่างของวิธีการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุจากข้อมูลไอลดาرنั้นมีด้วยกันหลายวิธี เช่น การใช้ข้อมูลอื่นมาช่วยเสริม ประกอบในการวิเคราะห์ การนำความรู้ทางฟ็อกแกรมเมตري (Photogrammetry) มาประยุกต์ใช้โดยในแต่ละวิธีนั้นส่วนใหญ่จะมีขั้นตอนในการดำเนินการที่ค่อนข้างซับซ้อนและมากขึ้นตอนปัจจุบันจึงมีความพยายามที่จะพัฒนาเทคนิคในการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุจากข้อมูลไอลดาร์โดยตรงเพื่อให้การทำงานในอนาคตนั้นมีความสะดวกและรวดเร็วมากขึ้น

ทฤษฎีกราฟนั้นจัดว่าเป็นทฤษฎีทางคณิตศาสตร์ที่ในปัจจุบันนี้มีการนำไปประยุกต์ใช้กับงานในแขนงต่างๆมากน้อย เป็นส่วนสำคัญในการจัดเก็บข้อมูลและอธิบายโครงสร้างเชิงพื้นที่เพื่ออธิบายส่วนต่างๆ ของข้อมูลภูมิศาสตร์ ความสัมพันธ์ระหว่างข้อมูล รวมทั้งการจัดการข้อมูลปริภูมิ (Laurini R. and Thompson D., 1994) ซึ่งหลังจากนั้นคุณสมบัติเหล่านี้สามารถแสดงได้ในระบบ GIS โดยแสดงเป็น จุด เส้น และพื้นที่รูปปิ๊ด ซึ่ง Theobald (2001) ได้เพิ่มในส่วนของเรื่องการเชื่อมต่อกันระหว่างสิ่งต่างๆ ในทุกวันนี้มีการนำทฤษฎีกราฟไปประยุกต์ใช้งานอย่างหลากหลายและแตกต่างกันไปตามสาขาวิชา ซึ่งมักจะแสดงในรูปแบบของการเชื่อมต่อและความสัมพันธ์ระหว่างสมาชิกในปริภูมิ

ในงานวิจัยนี้ผู้วิจัยจึงนำทฤษฎีกราฟมาประยุกต์ใช้เพื่อทำการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุจากข้อมูลไอลดาร์โดยมีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาถึงความเป็นไปได้ในการนำทฤษฎีกราฟมาประยุกต์ใช้ รวมทั้งปัญหาและข้อจำกัดต่างๆ เพื่อเป็นอีกหนึ่งแนวทางในอนาคตสำหรับการพัฒนาเป็นเครื่องมือในการทำงานด้านนี้ต่อไป

## 1.2 วัตถุประสงค์ของการวิจัย

ศึกษารูปแบบและวิธีการนำทฤษฎีกราฟมาประยุกต์ใช้ เพื่อดึงข้อมูลลักษณะวัตถุจากข้อมูลไอลดาร์

## 1.3 ขอบเขตของการวิจัย

### 1.3.1 ขอบเขตเนื้อหาที่ศึกษา

ศึกษารูปแบบของกราฟที่เกิดขึ้นจากการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุ

1.3.1.2 ข้อมูลลักษณะวัตถุในงานวิจัยนี้หมายความรวมถึงวัตถุที่มีนุชร์สร้างขึ้นและเกิดขึ้นเองตามธรรมชาติโดยเป็นวัตถุที่อยู่เหนือพื้นดินอย่างชัดเจน

1.3.1.3 กราฟที่นำมาใช้งานคือ กราฟระนาบ (planar graph) และการค้นหาด้วยกราฟ (graph search algorithm)

1.3.1.4 เลือกพื้นที่ศึกษาเพียงบางส่วนจากข้อมูลได้าร์ทั้งหมดโดยเลือกจากวัตถุที่เกิดตามธรรมชาติ และ วัตถุที่มีนุชร์สร้างขึ้น

### 1.3.2 พื้นที่ในการศึกษา

พื้นที่ในการศึกษาในงานวิจัยนี้ คือ อำเภอป้านหมอ จังหวัดสระบุรี

## 1.4 คำจำกัดความที่ใช้ในการวิจัย

1.4.1 ข้อมูลลักษณะวัตถุ (feature) หมายถึง ปรากฏการณ์หรือวัตถุต่างๆ ที่เกิดขึ้นเองตามธรรมชาติและที่มนุษย์สร้างขึ้นโดยแสดงลงบนแผนที่ด้วย จุด เส้น พื้นที่รูปปิ๊ด และตัวอักษร ซึ่งเป็นข้อมูลที่มีตำแหน่งและอิฐิบายได้ด้วย สัญลักษณ์ สี และ ข้อมูลบรรยาย (attribute data) (Laurini R. and Thompson D. , 1994) สำหรับข้อมูลลักษณะวัตถุในงานวิจัยนี้หมายถึงข้อมูลที่เกิดขึ้นทั้งจากมนุษย์และธรรมชาติซึ่งอยู่เหนือพื้นดินอย่างชัดเจน

1.4.2 การดึงข้อมูลลักษณะวัตถุ (feature extraction) ในงานวิจัยนี้หมายถึง การดึงข้อมูลที่อยู่เหนือพื้นดินอย่างชัดเจนออกมาระบุจากข้อมูลได้าร์

1.4.3 ข้อมูลได้าร์ ในงานวิจัยนี้หมายถึง ข้อมูลปฐมภูมิที่ได้จากระบบได้าร์แสดงค่าพิกัดในสามมิติเรียกว่า point cloud

## 1.5 วิธีดำเนินการวิจัย

1.5.1 ศึกษาเอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

1.5.2 ศึกษาข้อมูลและปัจจัยต่างๆ ที่เกี่ยวข้องกับการประยุกต์ใช้ทฤษฎีกราฟและการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุจากข้อมูลได้าร์

1.5.3 วิเคราะห์ข้อมูลและออกแบบวิธีการใช้ทฤษฎีกราฟ ในการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุจากข้อมูลได้าร์

1.5.4 ดำเนินงานวิจัยตามวิธีการและรูปแบบที่กำหนดตามข้อ 1.5.3

1.5.5 วิเคราะห์และประเมินผลการดำเนินงาน แก้ไขปรับปรุงงานจนเสร็จสมบูรณ์

1.5.6 สรุปผลการวิจัยและเขียนรายงานการวิจัย

## 1.6 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

- 1.6.1 ได้รูปแบบและวิธีการนำทฤษฎีกราฟมาประยุกต์ใช้ในการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุจากข้อมูลไอลดาร์
- 1.6.2 ได้ทราบถึงประสิทธิภาพและข้อจำกัดในการนำทฤษฎีกราฟมาประยุกต์ใช้ในการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุจากข้อมูลไอลดาร์
- 1.6.3 เป็นแนวทางในการนำทฤษฎีกราฟไปประยุกต์ใช้ในงานด้านอื่นทางภูมิสารสนเทศ

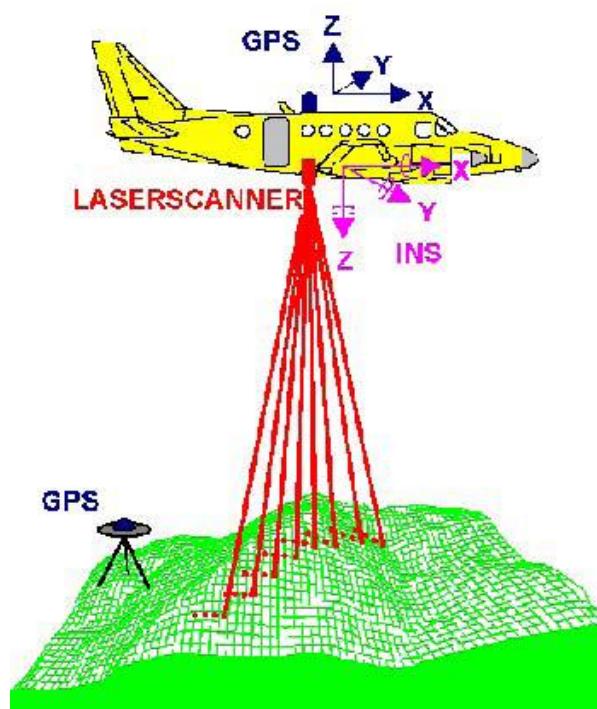
## บทที่ 2

### แนวคิดและทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

#### 2.1 ข้อมูลทั่วไปของระบบไลดาร์ (LiDAR , Light Detection and Ranging)

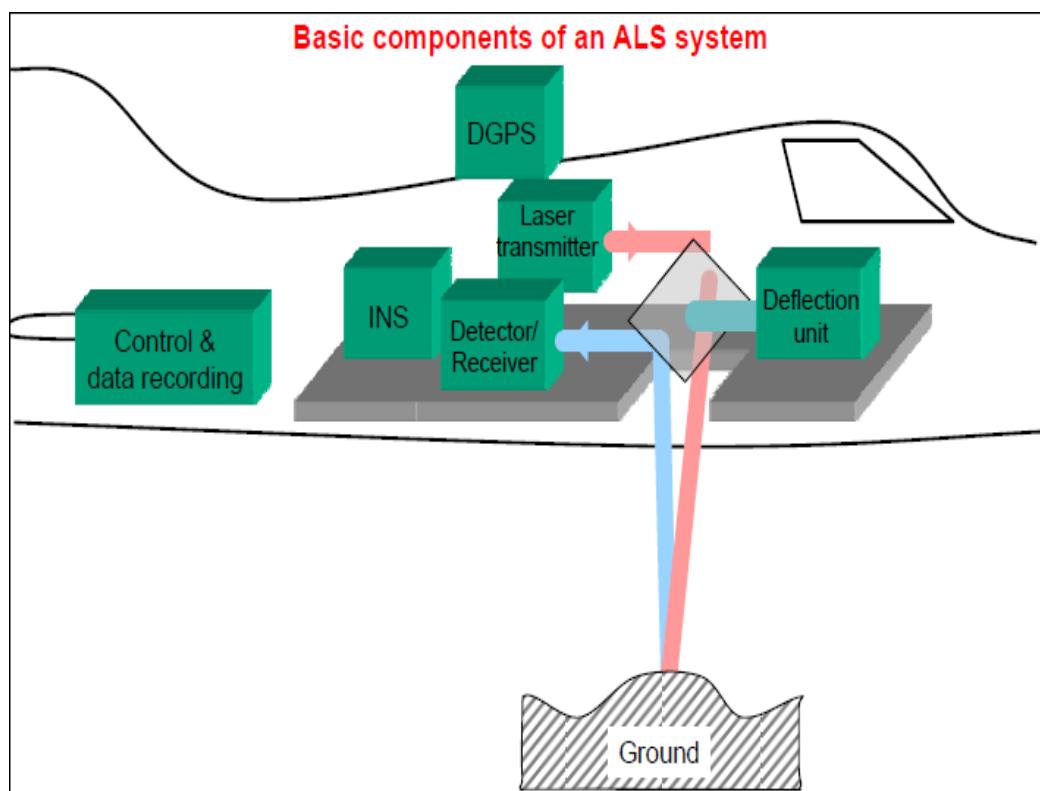
ไลดาร์เป็นเทคโนโลยีที่เหมือนกับระบบเดาร์ก้าวคือเป็นระบบ active remote sensing ระบบนี้เป็นการสร้างคลื่นพลังงานแสงเลเซอร์ส่งไปยังวัตถุที่อยู่บนพื้นโลกและจับเวลาที่คลื่นแสงเลเซอร์กลับมาบันทึกเมื่อวัตถุสัญญาณซึ่งจะคำนวณแล้วเปลี่ยนไปเป็นระยะทางระหว่างตัวรับสัญญาณและพื้นผิววัตถุต่างๆบนพื้นโลก ณ ขณะนั้น

สำหรับเทคโนโลยีไลดาร์ในปัจจุบันนั้นกำเนิดขึ้นมาพร้อมกับระบบที่เรียกว่า “Photogrammetric Aircraft” อุปกรณ์ที่เพิ่มขึ้นมา คือ ระบบ GPS (Global Positionning System) และ IMU (Inertial Motion Unit) ความถี่ของคลื่นแสงเลเซอร์ 20,000 ถึง 50,000 pulse/วินาที , นาฬิกาที่มีความเที่ยงตรงสูง , คอมพิวเตอร์และระบบอิเล็กทรอนิกส์ที่มีความแม่นยำ และระบบที่ใช้สำหรับเก็บข้อมูล (Lillesand M.D. et al. , 2004) ส่วนประกอบต่างๆของไลดาร์จะมีดังภาพที่ 2.1



ภาพที่ 2.1 แสดงส่วนประกอบต่างๆของระบบไลดาร์ (Schmid K., 2008)

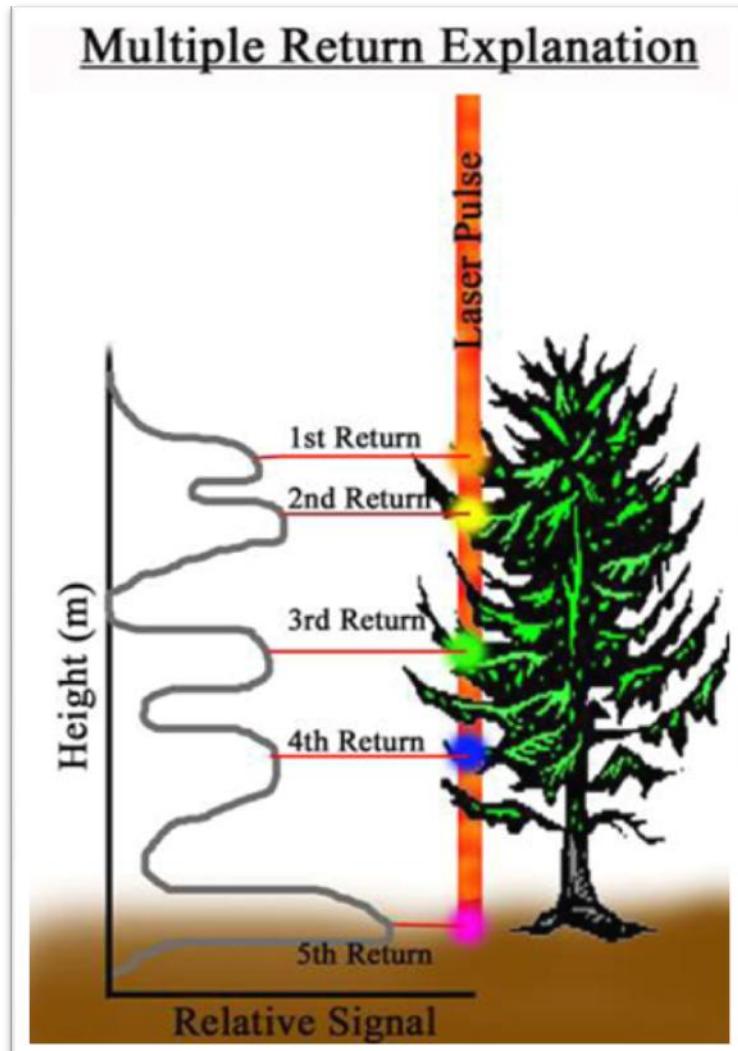
การทำงานของระบบไลดาร์จะมีเครื่องกำเนิดพลังงานและเครื่องรับรวมทั้งอุปกรณ์ควบคุมอื่นๆ ที่ติดตั้งอยู่กับอากาศยาน ขณะที่อากาศยานกำลังเคลื่อนที่ไปตามแนวบินจะส่งคลื่นจากเครื่องเลเซอร์สแกนที่เป็นลำแสงหรือ pulse ไปต่อกลไบทกับภูมิประเทศบริเวณที่เครื่องบินผ่านโดยเครื่องกำเนิดพลังงานของไลดาร์สามารถส่งคลื่น (pulse) ได้มากกว่า 100,000 ลูกคลื่นต่อวินาที หลังจากนั้นตัวรับสัญญาณหรือ receiver จะทำหน้าที่รับคลื่นสะท้อนกลับมาอย่างอากาศยาน โดยความหนาแน่นของจุดต่างๆ บนพื้นดินจะขึ้นอยู่กับปัจจัยต่างๆ เช่น ความเร็วของอากาศยาน อัตราการแกร่งของกระจก ความแตกต่างของระยะเวลาที่ลำแสงเลเซอร์ถูกปล่อยให้เดินทางจากอากาศยานต่อกลไบทกพื้นผิวของวัตถุ จนถึงเวลาที่ลำแสงสะท้อนกลับเข้าสู่ตัวรับ -ส่งสัญญาณทำให้สามารถคำนวณระยะทางระหว่างระดับความสูงต่ำของพื้นที่ที่ทำการสำรวจได้อย่างถูกต้องและแม่นยำ ในขณะเดียวกันจะทราบตำแหน่งของเครื่องบินจาก GPS (Global Positioning System) ทิศทางและการเคลื่อนไหวของอากาศยาน จาก IMU (Inertial Motion Unit) และมุม Scanning Angle ซึ่งข้อมูลทั้งหมดที่ได้จะนำมาคำนวณร่วมกัน เพื่อหาตำแหน่งบนพื้นดิน ได้ทันที ผลลัพธ์ที่ได้จากการวัดและประมวลผลจะเป็นค่าพิกัดในสามมิติของพื้นผิวโลก (3D position from Earth Surface) (Lillesand M.D. et al. , 2004) แสดงตามภาพที่ 2.2



ภาพที่ 2.2 การทำงานเบื้องต้นของระบบไลดาร์ (Baltsavias E., 2008)

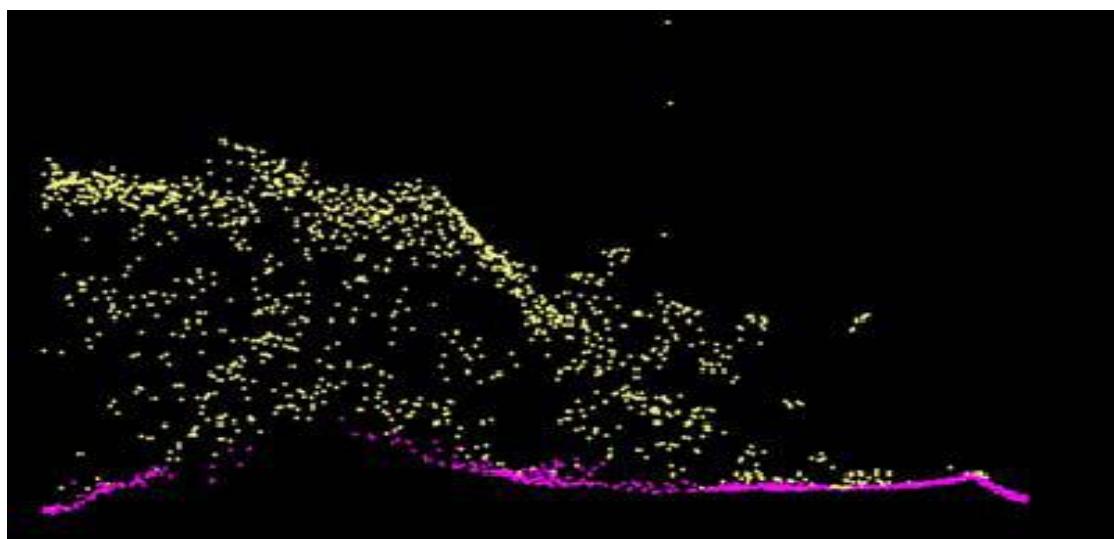
## 2.2 ข้อมูลไอล์ด้าร์ (point cloud)

การส่งคลื่นเลเซอร์จากอุปกรณ์กำเนิดพลังงานบนอากาศยานไปยังภูมิประเทศจะมีคลื่นที่สะท้อนกลับมาอย่างเครื่องรับสัญญาณคือ การสะท้อนกลับช่วงแรก (First return) , การสะท้อนกลับช่วงกลาง (Intermediate return) , การสะท้อนกลับช่วงสุดท้าย (Last return) และ ความเข้ม (Intensity) ซึ่งเป็นจุดต่างๆ (Mass point) โดยความหนาแน่นของข้อมูลจุดเหล่านี้จะขึ้นอยู่กับ มุมที่เครื่องเลเซอร์สแกนทำกับพื้นโลก (Scan Angle) จำนวนของคลื่นในแต่ละวินาทีที่ส่งไป (Pulse per second transmitted) ความเร็วของอากาศยาน และตัวอุปกรณ์กำเนิดพลังที่ติดตั้งใช้งาน (J.R. Jensen, 2007) แสดงตามภาพที่ 2.3



ภาพที่ 2.3 แสดงการสะท้อนกลับของคลื่นเลเซอร์ (Baltsavias E., 2008)

ผลผลิตที่ได้จากระบบไลดาร์นั้นจะอยู่ในรูปแบบดิจิตอลเพื่อความสะดวกที่จะนำไปใช้งาน โดยข้อมูลรูปแบบหนึ่งที่ได้จากไลดาร์นั้นจะเก็บอยู่ในรูปของ ASCII file ซึ่งประกอบไปด้วย วัน และ เวลาในการทำงาน ค่าพิกัด X,Y,Z ความเข้ม (Intensity) โดยข้อมูลเหล่านี้ได้มาจากการค่า สะท้อนของวัตถุต่างๆ ที่อยู่บนพื้นผิวโลก เช่น ต้นไม้ พื้นดิน อาคาร เป็นต้น ซึ่งค่าพิกัดที่ได้จะเก็บอยู่ในรูปของจุดกระจายกันไป เรียกว่า point cloud โดยมีความละเอียดถูกต้องทางดิ่ง หรือ Vertical accuracy ในระดับเซนติเมตรที่ได้มาจากการประมาณรวมกันระหว่างข้อมูลจาก เครื่องรับสัญญาณ GPS และ IMU ข้อมูล point cloud ของไลดาร์แสดงตามภาพที่ 2.4



ภาพที่ 2.4 แสดงตัวอย่างข้อมูล point cloud (Baltsavias E., 2008)

จากภาพที่ 2.4 ในส่วนที่เป็นจุดลอยอยู่เหนือพื้นดิน คือ จุดที่เป็นบริเวณของสิ่งปลูกสร้าง ภูมิประเทศ ส่วนในจุดที่เกาะกลุ่มกับเด่นสีเข้มๆ คือ จุดที่เป็นพื้นผิวของภูมิประเทศ

### 2.3 สามเหลี่ยม Delaunay (Delaunay Triangulation)

หลักการของ Delaunay Triangulation ได้ถูกนำเสนอโดย Boris Delaunay ในปี ค.ศ. 1934 ซึ่งมีหลักการคือ การสร้างทรงกลมให้สัมผัสร่วมผ่านจุดที่เชื่อมกัน 3 จุดของสามเหลี่ยม โดยไม่มีจุดใดๆอยู่ภายในวงกลม

#### 2.3.1 Triangles of Planar Point Set

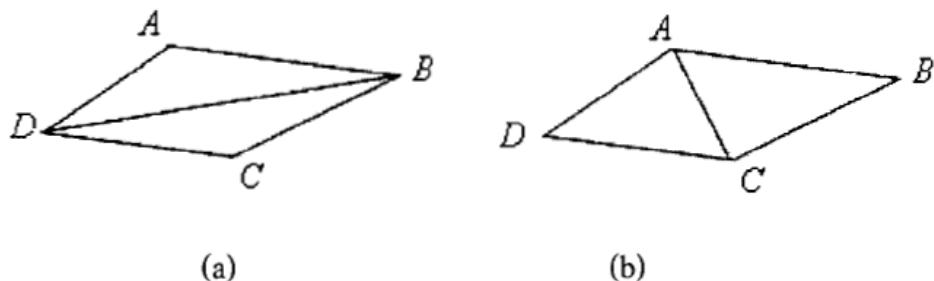
กำหนด  $S$  คือ จุด ( $P_0, P_1, \dots, P_{n-1}$ ) เป็นกลุ่มของจุดบนระนาบ  $x, y$  การสร้างสามเหลี่ยมจากเซตของจุดดังกล่าว คือ การสร้างสามเหลี่ยมที่ถูกกำหนดโดย convex hull ของ  $S$  โดยเซตของจุดนั้นจะทำการสร้างสามเหลี่ยมได้หลายวิธี โดยทั่วไปมักจะไม่มีคุณสมบัติเฉพาะ

(Unique) แต่จำนวนขอบและสามเหลี่ยมเท่ากันสรุปเป็นทฤษฎีได้โดยให้  $S$  เป็นเซตของ  $n$  จุดในร澹นาบโดยที่  $m$  คือจำนวนจุดที่อยู่บนขอบของ Convex hull ซึ่งจะทำให้มีสามเหลี่ยมหั้งหมด  $2n-2-m$  รูป และมีจำนวนขอบเท่ากับ  $3n-3-m$

### 2.3.2 นิยามของสามเหลี่ยม Delaunay

นิยามของสามเหลี่ยม Delaunay คือ สามเหลี่ยมที่ถูกสร้างขึ้นจากจุด  $P$  ใน澹นาบ โดยจะเป็นสามเหลี่ยม Delaunay “ได้ก็ต่อเมื่อไม่มีจุดอยู่ใน circum-circles” ได้ของสามเหลี่ยม Delaunay และจะต้องทำการ maximize minimum angles ในกระบวนการสร้างสามเหลี่ยม เพื่อหลีกเลี่ยงการเกิดสามเหลี่ยมที่บาง (Skinny Triangles) สรุปเป็นคุณสมบัติสำคัญได้สองข้อคือ Angles optimal และ Empty Circles

-Angles Optimal คือ สามเหลี่ยมที่เกิดจากเซตของจุด  $P$  ที่เหมือนกันแต่สร้างสามเหลี่ยมที่แตกต่างกันสองภาพ จากจุด 4 จุด

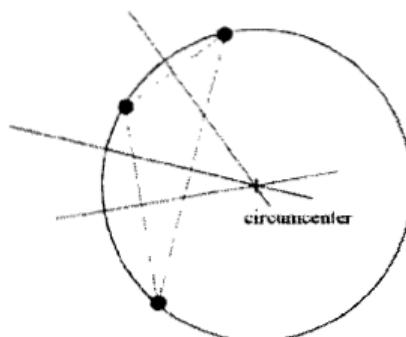


ภาพที่ 2.5 (a) แสดงสามเหลี่ยมสองแบบที่ติดกัน โดยมีมุมที่เล็กที่สุดคือ 30 องศา ส่วน (b) แสดงสามเหลี่ยมสองแบบที่ติดกันโดยมีมุมที่เล็กที่สุดเท่ากับ 60 องศา (สุนันท์ ตันพชุน, 2550)

จากภาพที่ 2.5 จะพบว่ามุมที่เล็กที่สุดของสามเหลี่ยมสองขันดังรูป (b) มีขนาดต่อกว่ามุมที่เล็กที่สุดของสามเหลี่ยมรูป (a) โดยเมื่อได้ก็ตามที่เราทำการ Maximize minimum angles ของสามเหลี่ยมแต่ละอันจะมีคุณสมบัติ Angles optimal ที่กล่าวโดยสรุปคือ การพยายามทำให้มุมแต่ละมุมของสามเหลี่ยมมีค่าเท่ากันมากที่สุด หรือ กล่าวอีกนัยหนึ่งคือ ให้มุมที่เล็กที่สุดมีค่าเท่ากับ 60 องศา ในภาพที่ 2.5 เราทำการ Angles optimal โดยเปลี่ยนขอบของสามเหลี่ยม BD ในภาพ (a) เป็น AC ในภาพ (b) แทน

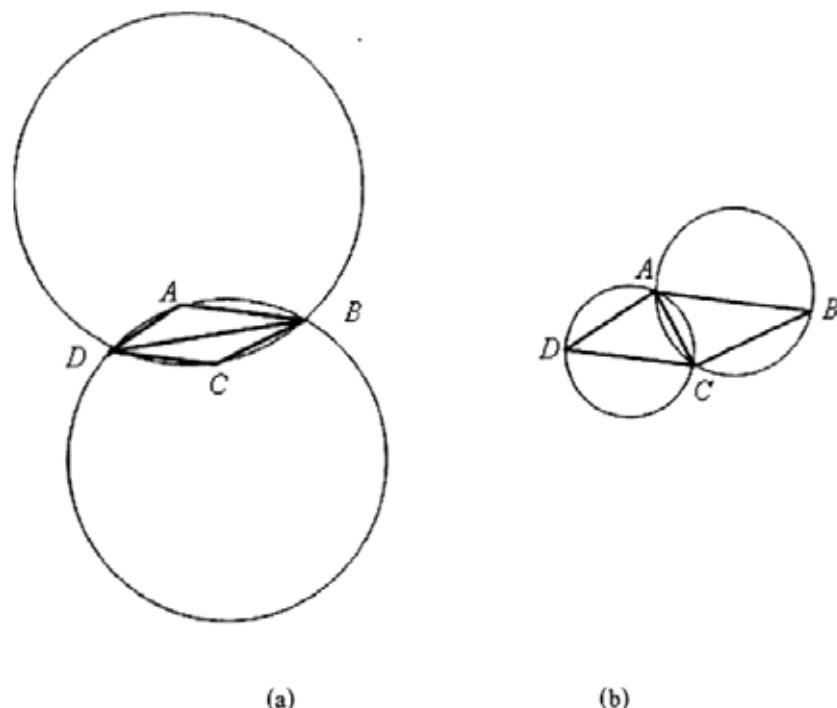
-Empty Circles คือ การที่ Circum Circles ของจุด 3 จุดที่ไม่มีอยู่ในแนวเส้นตรงเดียวกันที่ผ่านทั้ง 3 จุด โดยมีจุดศูนย์กลางอยู่ที่เส้นตั้งฉากที่ลากออกมากจากแต่ละคู่ของจุดมาตัดกัน กล้ายเป็น Circum Center โดยแสดงตามภาพที่ 2.6

Circum Circles ที่สามารถเป็น Empty Circle ได้นั้นจะต้องมีจุดใดๆ ก็ได้อกเหนื่อจาก 3 จุด ที่สร้าง Circum Circles ขึ้นมาอยู่ภายในแสดงดังรูปที่ 2.7



ภาพที่ 2.6 แสดง Circum Circles จากจุด 3 จุดที่ไม่มีอยู่ในแนวเส้นตรงเดียวกัน

(สุนันท์ ตันทชูน, 2550)



ภาพที่ 2.7 (a) แสดง Circum circles ที่มีจุดอยู่ภายใน (b) แสดง Circum circles ที่ไม่มีจุดอยู่ภายใน (สุนันท์ ตันทชูน, 2550)

จากภาพที่ 2.7 แสดงให้เห็นว่าหากสามเหลี่ยมใดก็ตามมีคุณสมบัติ Empty circles จะมีคุณสมบัติ Maximize minimum angles ไปด้วย

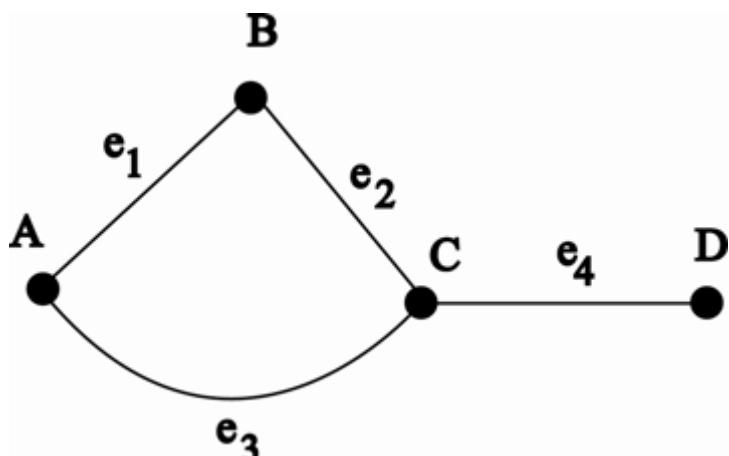
## 2.4 ทฤษฎีกราฟและการประยุกต์ใช้ (Graph theory and Applications)

แนวคิดเกี่ยวกับกราฟจัดอยู่ในประเพณีของคณิตศาสตร์ดิสครีต (Discrete mathematics) และการประยุกต์ของกราฟสามารถนำไปแก้ปัญหาต่างๆ ที่สถาบัตช์ข้อนี้ได้มากมาย เช่น การนับจำนวนวิธีจัดหมู่ การใช้ข่ายงานในการแก้ปัญหา ซึ่งกราฟในที่นี่จะหมายถึงกราฟที่กล่าวถึงความสัมพันธ์ของจุดและเส้นที่เชื่อมโยงจุด เช่น แผนที่ ถนนที่เชื่อมโยงกันระหว่างเมืองต่างๆ แผนที่เส้นทางการบิน ฯลฯ โดยทฤษฎีกราฟมีนิยามดังต่อไปนี้

### 2.4.1 นิยามของกราฟ

กราฟ  $G$  ประกอบไปด้วยเซตจำกัดสองเซต คือ เซตของจุดยอด (vertex set) และเซตของขอบ (edge set) คือ เซตของเซตย่อยที่ประกอบด้วยเซตย่อยที่มีสมาชิก 2 ตัวของสมาชิกของเซตของจุดยอด ให้  $V$  แทน vertex และ  $E$  แทนขอบ โดย  $V(G)$  แทนเซตของจุดยอดของกราฟ  $G$  และ  $E(G)$  แทนเซตของขอบกราฟ  $G$  เรียนแทนโดยสัญลักษณ์ได้ว่า  $G = V(E)$

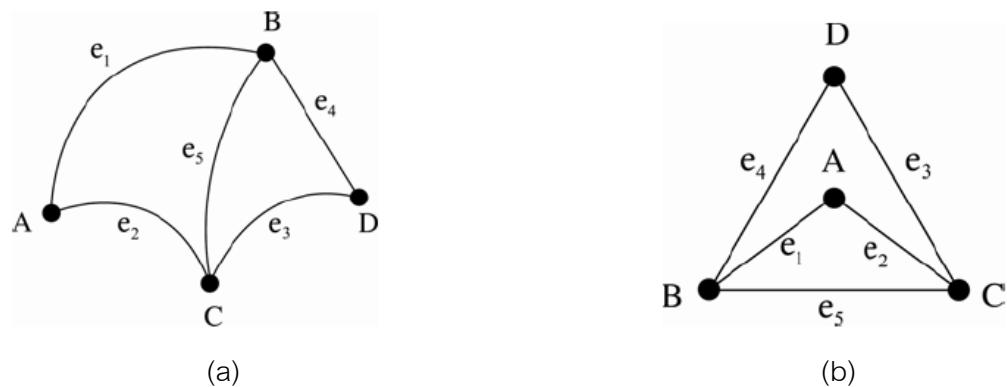
กำหนดกราฟ  $G$  ดังภาพที่ 2.8



ภาพที่ 2.8 แสดงตัวอย่างส่วนประกอบต่างๆ ของกราฟ (Bondy J.R. & U.S.R. Murty, 2008)

นิยาม จุดยอด  $U$  และ จุดยอด  $V$  ของกราฟ เป็นจุดยอดประชิด (Adjacent Vertices) ก็ ต่อเมื่อมีเส้นเชื่อมระหว่างสองจุดและเรียก จุดยอด  $U$  และ  $V$  ว่าจุดปลาย (End Point) ของเส้นเชื่อมนั้น เส้นเชื่อม  $e$  ของกราฟ เกิดกับ (Incident) จุดยอด  $V$  ถ้าจุดยอด  $V$  เป็นจุดปลายจุดหนึ่งของเส้นเชื่อม

ในการเขียนแผนภาพของกราฟนั้น จะกำหนดตำแหน่งของจุดยอด ณ ตำแหน่งใดก็ได้และจะลากเส้นตรงหรือเส้นโค้งมีความยาวเป็นเท่าใดก็ได้โดยเส้นที่ลากจะไม่ตัดกับตัวมันเองและจะไม่ลากผ่านจุดยอดที่ไม่ใช่จุดยอดของเส้นนั้น เช่น กราฟตามภาพที่ 2.9



ภาพที่ 2.9 แสดงตัวอย่างของกราฟเดียวกัน (a) ที่เส้นขอบเป็นเส้นโค้ง และ (b) มีเส้นขอบที่เป็นเส้นตรง (Bondy J.R. & U.S.R. Murty, 2008)

#### 2.4.2 กราฟต้นไม้ (Tree)

กราฟต้นไม้เป็นกราฟชนิดหนึ่งที่มีบทบาทสำคัญในการประยุกต์ใช้งานทางด้านต่างๆ เช่น โครงสร้างของข้อมูลในวิชาคอมพิวเตอร์ การศึกษาโครงสร้างทางเคมี หรือการออกแบบจรวด ไฟฟ้า และระบบอิเล็กทรอนิกส์

นิยาม กราฟต้นไม้ (Tree) คือ กราฟเชื่อมโยงที่ไม่มีวัฏจักร กล่าวคือ กราฟที่สองจุดใดๆ จะมีการเดินทางถึงกันเพียงวิถีเดียวแต่มีการเชื่อมต่อ กันทั้งหมด



ภาพที่ 2.10 แสดงตัวอย่างของกราฟต้นไม้ (Bondy J.R. & U.S.R. Murty, 2008)

### ลักษณะเฉพาะของกราฟต้นไม้ (Tree characterization)

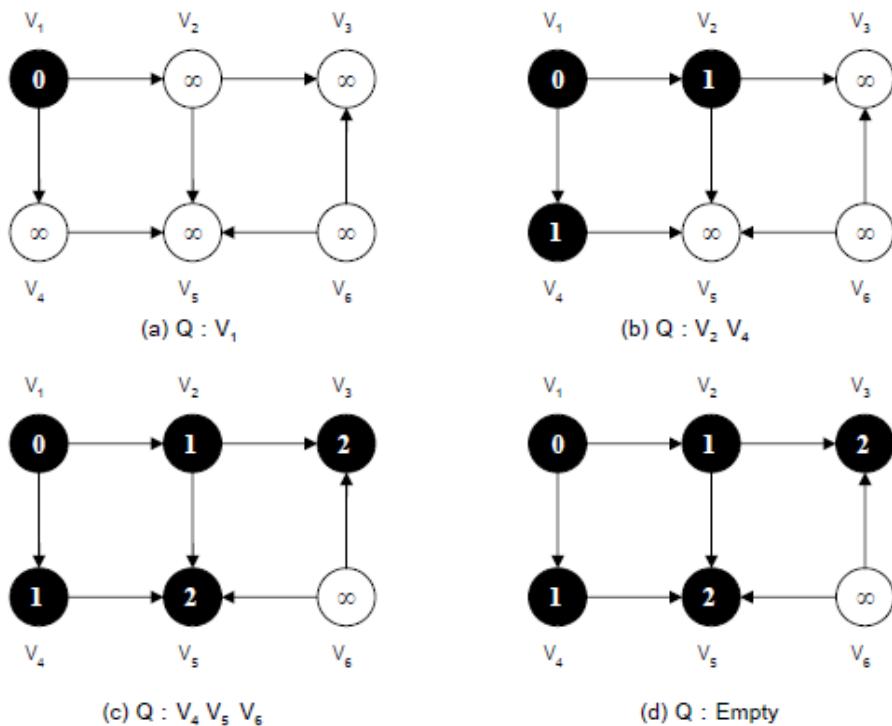
- ให้  $T$  เป็นกราฟที่ไม่มีวัฏจักร กราฟ  $T$  เป็นต้นไม้ก็ต่อเมื่อ จุดยอด 2 จุดใดๆ ใน  $T$  เชื่อมโยงกันได้ด้วยวิถีเพียงวิถีเดียว
- ให้  $T$  เป็นกราฟที่มีจำนวนจุดยอดเป็น  $g$  จุด กราฟ  $T$  เป็นต้นไม้ก็ต่อเมื่อ กราฟ  $T$  ไม่มีวัฏจักร และมีเส้นเชื่อม  $n-1$  เส้น
- ให้  $T$  เป็นกราฟที่มีจำนวนจุดยอดเป็น  $g$  จุด กราฟ  $T$  เป็นต้นไม้ก็ต่อเมื่อ กราฟ  $T$  เป็นกราฟเชื่อมโยงและมีเส้นเชื่อม  $n-1$  เส้น
- ถ้า  $T$  เป็นต้นไม้ที่มีจุดยอดอย่างน้อย 2 จุด แล้ว กราฟ  $T$  จะมีดีกรี 1 อย่างน้อย 2 จุด

#### 2.4.3 การค้นหาในแนวกว้าง (Breadth first search , BFS)

การค้นหาในแนวกว้างมีหลักการ คือ กำหนดจุดที่เป็นราก (Root) และกระจายจุดทุกๆ จุดออกจากแต่ละลูกของรากจะกระจายไปตามจุดต่างๆ เหล่านี้ ผ่านคือจะต้องเชื่อมโยงไปยังจุดอื่นของลูกโดยไม่เจดให้จุดยอดใดๆ มีการเชื่อมโยง 2 ครั้ง ดังนั้นจะไม่มีวัฏจักรเกิดขึ้น (Bondy J.R. & U.S.R. Murty, 2008)

##### - ขั้นตอนวิธีการค้นหาในแนวกว้าง

1. ใส่  $V_1$  ลงใน队 Q และ รูปต้นไม้เริ่มต้น  $T$  จะเป็นรูปต้นไม้ที่ต้องการหาโดยมี  $V_1$  เป็นราก
2. ลบจุดยอดที่ข้างหน้าของ隊 Q ออก โดยจุดยอด  $V$  ที่ถูกลบออกต้องมีเงื่อนไขดังนี้ คือ  $\{V, V\} \in E$  เมื่อ  $2 \leq l \leq n$  และ  $V$  ยังไม่เชื่อมโยงมาก่อน เอาขอบนี้เข้าไปใส่เป็นสมาชิกของ  $T$  ถ้าได้ทดสอบบจุดยอดทุกๆ จุดมาก่อนแล้ว ใน队 Q และไม่ได้รับขอบใหม่ ดังนั้นรูปต้นไม้  $T$  คือรูปต้นไม้แบบทอดข้าม ซึ่งมีอันดับตามกำหนดให้
3. บรรจุจุดที่เชื่อมกับจุดยอด  $V$  แต่ละจุดที่ข้างหลังของ队 Q ทำตามลำดับของการเชื่อมโยง แล้วกลับไปปฏิบัติขั้นที่ 2



ภาพที่ 2.11 แสดงการทำงานของ BFS (Bondy J.R. & U.S.R. Murty, 2008)

#### 2.4.4 Cluster Graph

Cluster Graph หมายถึงการจัดกลุ่มของ Vertices ในส่วนต่างๆ ซึ่งเราจะเรียกกระบวนการนี้ว่า Cluster เช่น การแบ่งส่วนต่างๆ ของ Vertex ออกเป็นกลุ่มตามความสัมพันธ์บางอย่าง บทนิยาม (Logical frame , Focus Vertex) ให้  $Q = (V_1, V_2, \dots, V_s)$  ของ Vertices ของ กราฟ  $G = (V, E)$  โดยที่กราฟย่อย (Subgraph) ของ  $G$  ซึ่งเกิดโดยการรวมกันระหว่าง  $N(v_1), N(v_2), \dots, N(v_s)$  เรียกว่า Logical Frame  $F = (G, Q)$ ,  $G = (V, E)$  และ

$$V' = \bigcup_{i=1}^s N(v_i) \quad E' = \{(u, v) \in E | u, v \in V'\}$$

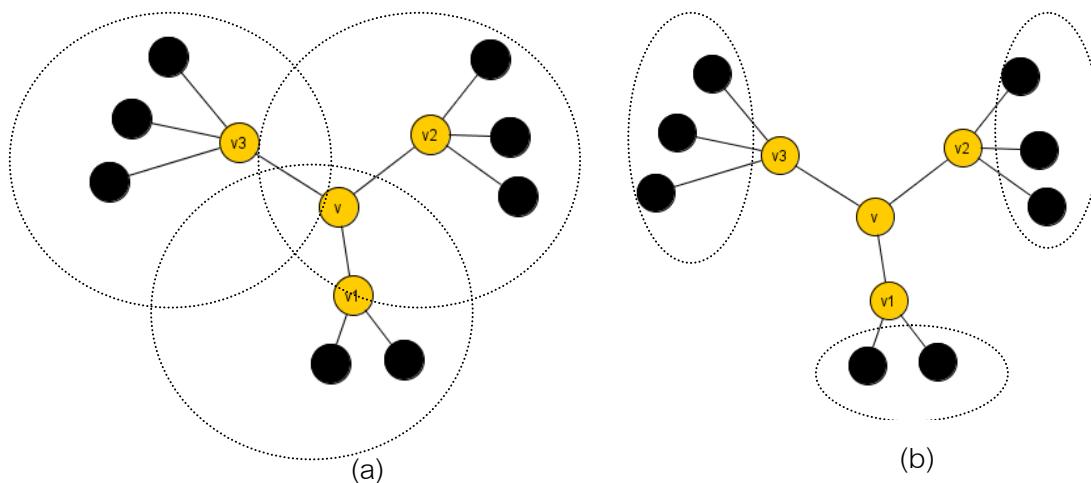
การแบ่งกลุ่ม (Clustering) กำหนดให้  $Q = (V_1, V_2, \dots, V_s)$  คือ คิวของของ Focus Vertices ใน  $G$  แต่ละ Neighborhood  $N(v_i)$ , สำหรับ  $v \in Q$  ซึ่งแบ่งได้สองส่วน คือ ส่วนของ  $C(v)$  และ ส่วนที่เป็น Local part  $P(v)$  ซึ่งอธิบายได้ดังต่อไปนี้ (M. Kaufman & D. Wagner, 2001)

$-C(v)$  คือ ส่วนของ Neighborhood ของ  $N(v)$  ที่อยู่ในความสัมพันธ์ของ Focus Vertex ซึ่ง อธิบายได้ดังเชตต่อไปนี้

$$C(v_j) = \bigcup_{i=1, i \neq j}^s N(v_j \cap v_i)$$

- $P(v)$  คือ ส่วนของ Neighborhood ของ  $N(v)$  ที่ไม่ได้อยู่ในความสัมพันธ์ของ Focus Vertex  $v \neq v$  อย่างใดตามเขตต่อไปนี้

$$P(v_j) = N(v_j) - \bigcup_{i=1, i \neq j}^s N(v_j)$$



ภาพที่ 2.12 แสดงส่วนประกอบของ Cluster graph แบบ Logical Frame โดย (a) คือ  $C(v)$  และ (b) คือ  $P(v)$

#### 2.4.5 Topology

Topology เป็นสาขานึงของคณิตศาสตร์ เสนอโดย Leonard Euler ซึ่งสนใจความสัมพันธ์ทางกายภาพของวัตถุที่ไม่แปรเปลี่ยนไปภายใต้การทำให้เสียรูป เช่น การยืด (rubber sheet) ความสัมพันธ์ทางกายภาพ ได้แก่ การติดกัน (adjacency), การร่วมเส้น (colinearity), การเชื่อมต่อ (connectivity) (Michael, 1995)

Topology คือส่วนสำคัญในงานวิจัยทางด้าน GIS ซึ่งเกี่ยวข้องโดยตรงกับการระบุ feature ในระบบภูมิสารสนเทศโดยความสัมพันธ์ทาง Topology นั้นเป็นความสัมพันธ์ระหว่างสมาชิกต่างๆที่บรรจุอยู่ใน software GIS ซึ่งสามารถให้ข้อมูลเกี่ยวกับการเชื่อมโยงกันของ feature ได้ในขั้นต้น (Theobald, 2001) ดังนั้นเพื่อให้ได้ความสัมพันธ์ในเบื้องต้นเพื่อนำไปสร้างกราฟจึงต้องนำความรู้ในเรื่องของ Topology มาใช้ร่วมด้วย

Adjacency Matrix คือการนำคุณสมบัติทาง Topology มาจัดเก็บในหน่วยความจำของคอมพิวเตอร์ โดยมีนิยามดังต่อไปนี้คือ

1. ถ้ากราฟ G มีทั้งหมด N node matrix ที่ได้จะเป็น square matrix ขนาด  $N \times N$
  2. Matrix  $G(i,j)$
- จะมีค่าเป็น 1 เมื่อมี edge เชื่อมโยงระหว่าง node
  - จะมีค่าเป็น 0 เมื่อไม่มี edge เชื่อมโยงระหว่าง node (Michael, 1995)

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

ภาพที่ 2.13 แสดงตัวอย่างของ Adjacency Matrix

### 2.3.6 งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

ทฤษฎีกราฟนั้นจัดว่าเป็นทฤษฎีทางคณิตศาสตร์ที่ในปัจจุบันนั้นมีการนำไปประยุกต์ใช้ในแขนงต่างๆ มากมายซึ่งในข้อเท็จจริงแล้วมีผู้เขียนอีกหลายท่านที่มีอิทธิพลหนึ่งเดย์ที่นำเสนอส่วนสำคัญในการจัดเก็บข้อมูลและอธิบายโครงสร้างเชิงพื้นที่เพื่ออธิบายส่วนต่างๆ ของข้อมูลภูมิศาสตร์รวมทั้งการจัดการข้อมูลปริภูมิ (Laurini and Thompson, 1992) ซึ่งหลังจากนั้นคุณสมบัติเหล่านี้ก็สามารถแสดงได้ในระบบ GIS โดยแสดงเป็น จุด เส้น และพื้นที่รูปปิด ซึ่ง Theobald (2001) ได้เพิ่มในส่วนของเรื่องการเชื่อมต่อกันระหว่างสิ่งต่างๆ หรือ adjacency ในทุกวันนี้ทฤษฎีกราฟมีการนำไปประยุกต์ใช้งานหลากหลายแตกต่างกันไปตามสาขาวิชาซึ่งมักจะแสดงในรูปแบบของการเชื่อมต่อและความสัมพันธ์ระหว่างสมาชิกในปริภูมิ

ในปี ค.ศ. 1989 Floriani L.D. นำความรู้ทางทฤษฎีกราฟมาปรับใช้ในการอธิบายโครงสร้างข้อมูล CAD model เพื่อสะท้อนในกราฟจัดเก็บและค้นคืนข้อมูลโดยใช้รูปแบบของกราฟที่แสดงการเชื่อมต่อระหว่างสมาชิกในปริภูมิ โดยกำหนดให้แต่ละหน่วยของแบบจำลองแทนด้วย

node และการเชื่อมต่อ กันของแบบจำลองแทนด้วย edge ซึ่งในงานนี้สามารถอธิบายวัตถุที่มีความกลวงตรงกลาง หรือมีวัตถุชนิดอื่นๆ ซ่อนอยู่ข้างบน (Floriani L.D., 1989)

ในปี ค.ศ. 2006 . De Almeida J.P นำเอาความสัมพันธ์ทาง topology มาประยุกต์ใช้โดยใช้ทฤษฎีกราฟในการนำเสนอ เข้าทำการสร้างข่ายสามเหลี่ยมจากข้อมูลได้าร์โดยใช้หน้าของสามเหลี่ยมแทนด้วย node และการเชื่อมต่อของสามเหลี่ยมแทนด้วย edge ซึ่งรูปแบบของความสัมพันธ์จะแบ่งเป็น 2 ลักษณะคือ แบ่งจากหน้าของสามเหลี่ยมที่เป็นแบบราบ และแบบชัน (steep) โดยแบ่งจากความชันซึ่งในการทดลองนี้แบ่งความชันออกเป็น 2 แบบเบรี่ยบเทียบกัน คือ แบ่งที่ 60 องศา และอีกกรณีหนึ่งแบ่งที่ 45 องศา หลังจากการทดลอง (De Almeida J.P. et al., 2007) พบร่วงการแบ่งความชันที่ 45 พบรายละเอียดของกราฟได้กว่าในกรณีที่แบ่งความชันที่ 60 องศา โดยบทสรุปของการศึกษานี้สามารถอธิบายวัตถุที่มีความกลวงตรงกลาง หรือมีวัตถุชนิดอื่นๆ ซ่อนอยู่ข้างบน เช่นเดียวกับการทดลองของ Florian L.D.

ค.ศ. 2007 Rebecca T. et al. นำหลักการของสามเหลี่ยม Delaunay และ Voronoi Diagram มาประยุกต์ใช้ในการดึงข้อมูลได้าร์ส่วนที่เป็นอาคารและสิ่งปลูกสร้างโดยแบ่งกластิกของจุดที่อยู่ในเซลล์ออกเป็นสองกลุ่ม คือ กลุ่มที่มีความสูง และจุดที่เป็นพื้นราบ หลังจากนั้นจึงนำหลักการของ vector มาใช้เพื่อสร้างแบบจำลองจำลองที่ได้จากการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกมา

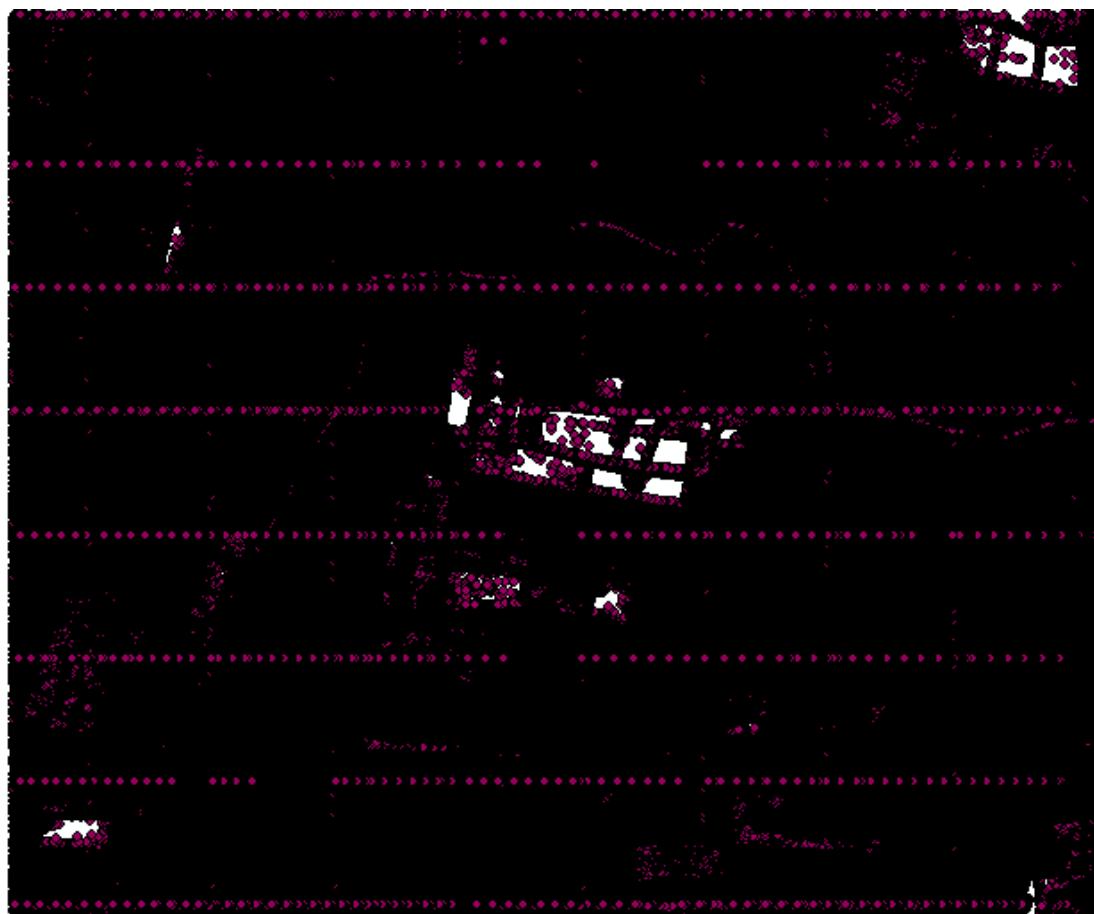
## บทที่ 3

### วิธีดำเนินการวิจัย

วิธีการดำเนินงานประกอบด้วยข้อมูลที่ใช้ในการวิจัย การเลือกพื้นที่ศึกษา ขั้นตอนการนำทฤษฎีกราฟมาประยุกต์ใช้ เพื่อคึ่งข้อมูลลักษณะวัตถุจากข้อมูลไอลดาร์ และตรวจสอบความถูกต้องของวิธีการที่นำมาใช้โดยเปรียบเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ

#### 3.1 ข้อมูลและเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย

##### 3.1.1 ข้อมูลไอลดาร์ ความหนาแน่นของจุด 3 จุดต่อ 2 เมตร



ภาพที่ 3.1 ข้อมูลไอลดาร์บิเวณ อำเภอบ้านหม้อ จังหวัดสระบุรี

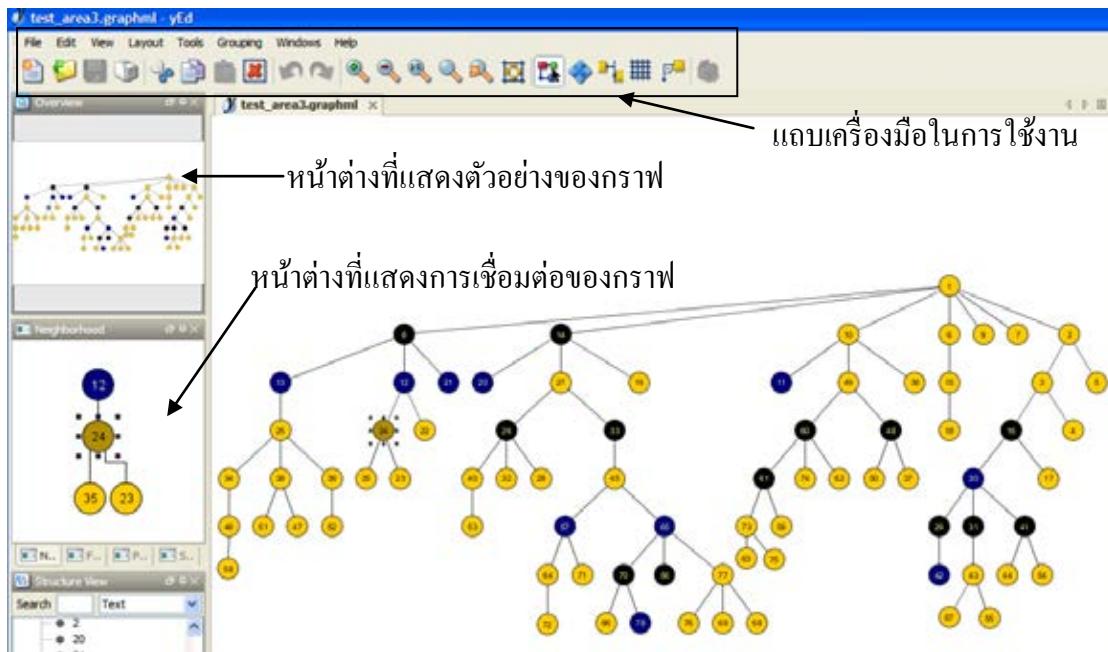
### 3.1.2 ข้อมูลภาพถ่ายดั้งแก้ (Ortho Photo) บริเวณอำเภอบ้านหมอ จังหวัดสระบุรี



ภาพที่ 3.2 ภาพถ่ายทางอากาศบริเวณ อำเภอบ้านหมอ จังหวัดสระบุรี

### 3.1.3 ซอฟต์แวร์ที่ใช้ในการประมวลผล

- ArcGIS 9.3 ใช้ในการกำหนดค่าพิกัดของข้อมูล สร้างข่ายสามเหลี่ยม Delaunay และแสดงผล
  - Microsoft Excel ใช้ในการหาความชันระหว่างจุด
  - yEd Graph editor ซึ่งเป็นโปรแกรมที่ถูกพัฒนาด้วยภาษา Java ใช้สำหรับการสร้างกราฟและวิเคราะห์กราฟ
  - Matlab 2007 ใช้ในการนำเสนอจุดของไลดาร์ที่ทำการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุ
- ออกมานะ



### อธิบายสัญลักษณ์เพิ่มเติม

- → แสดงโนนด์ที่ความชันจากจุดอ้างอิงไม่มีการเปลี่ยนแปลง
- → แสดงโนนด์ที่ความชันจากจุดอ้างอิงมีการเปลี่ยนแปลงในทิศทางที่เป็นบวก
- → แสดงโนนด์ที่ความชันจากจุดอ้างอิงมีการเปลี่ยนแปลงในทิศทางที่เป็นลบ

ภาพที่ 3.3 แสดงตัวอย่างของโปรแกรม yEd Graph editor

### 3.2 การเลือกพื้นที่ศึกษา

เลือกพื้นที่ศึกษาโดยเลือกจากภาพถ่ายทางอากาศเพื่อดูลักษณะอาคารหรือสภาพแวดล้อมเบื้องต้น หลังจากนั้นจึงนำข้อมูลได้ดาว์มาร์มาขึ้นทับเพื่อเลือกเฉพาะจุดที่อยู่บริเวณพื้นที่เป้าหมายมาใช้งาน โดยพื้นที่ศึกษาที่จะนำมาศึกษาแบ่งได้เป็น 2 ประเภทคือ สิ่งปลูกสร้างทั้งหลายที่มีนุษย์สร้างขึ้น และ สิ่งปักคลุมดินที่เกิดขึ้นเองตามธรรมชาติ เช่น ต้นไม้ แปลงนา ฯลฯ ซึ่งสาเหตุที่ต้องมีการแบ่งพื้นที่ศึกษาเนื่องจากเราต้องการศึกษาฐานแบบกราฟของวัตถุแต่ละชนิด ว่ามีลักษณะเฉพาะอย่างไรบ้าง โดยพื้นที่ศึกษาแบ่งเป็น 7 พื้นที่ได้แก่ บ้านหลังคาแบบจั่ว บ้านที่มีการต่อเติมหลังคา ต้นไม้ อาคารที่มีหลังคาแบบราบ แปลงนา ต้นไม้และแปลงนา บ้านสองหลัง ติดกัน โดยตำแหน่งของพื้นที่ศึกษาทั้ง 7 กรณีแสดงตามภาพที่ 3.4

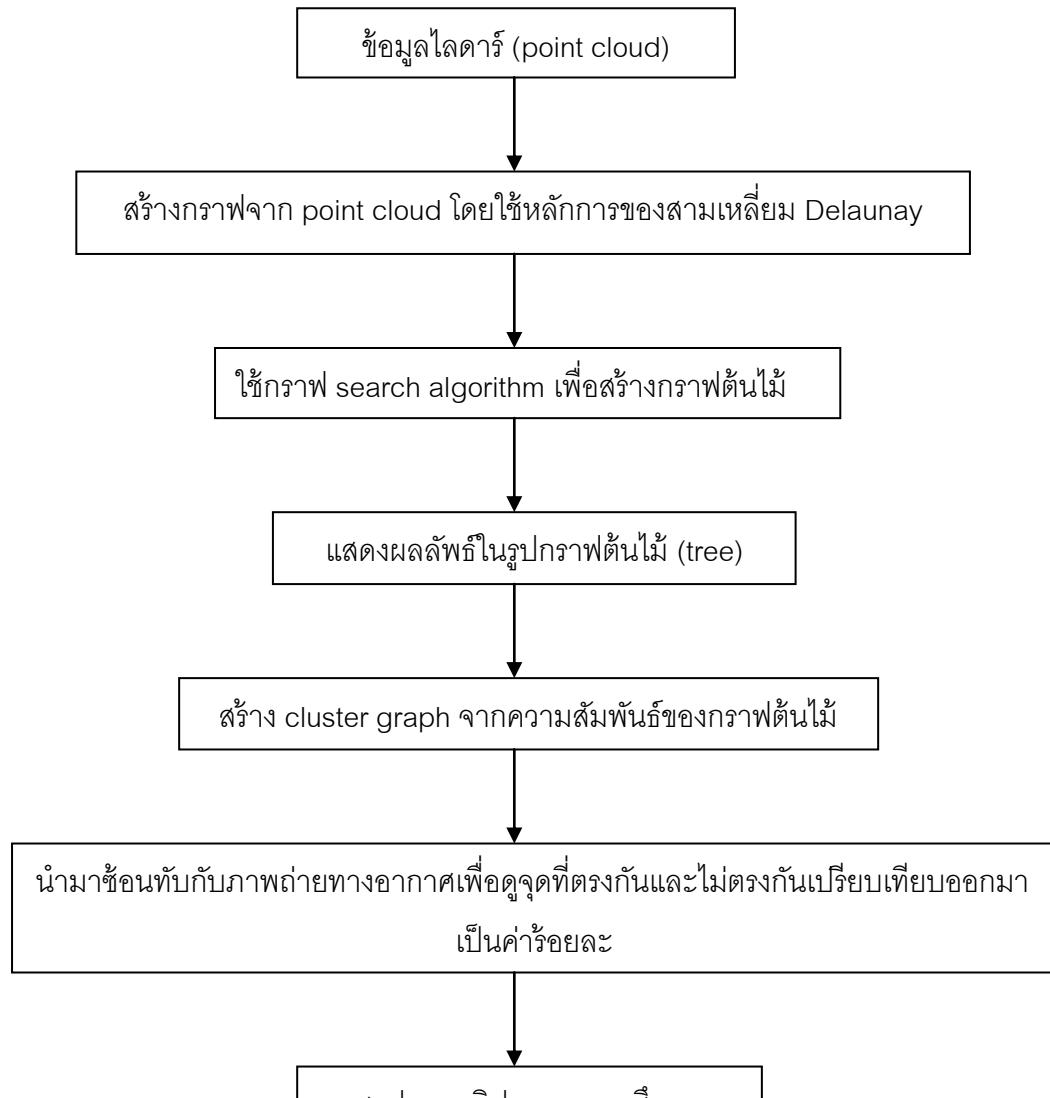


ภาพที่ 3.4 แสดงตำแหน่งของกรณีศึกษาทั้ง 7 กรณี บนภาพถ่ายทางอากาศ

จากภาพที่ 3.4 แสดงกรณีศึกษาทั้ง 7 กรณีโดยแสดงเป็นสัญลักษณ์ตั้งแต่ T1-T7 ซึ่งเป็นตัวแทนของกรณีศึกษาตามลำดับ 1-7 บ้านหลังคาแบบจั่ว บ้านที่มีการต่อเติมหลังคา ตันไม้ อาคารที่มีหลังคาแบบราบ แปลงนา ตันไม้และแปลงนา บ้านสองหลังติดกัน

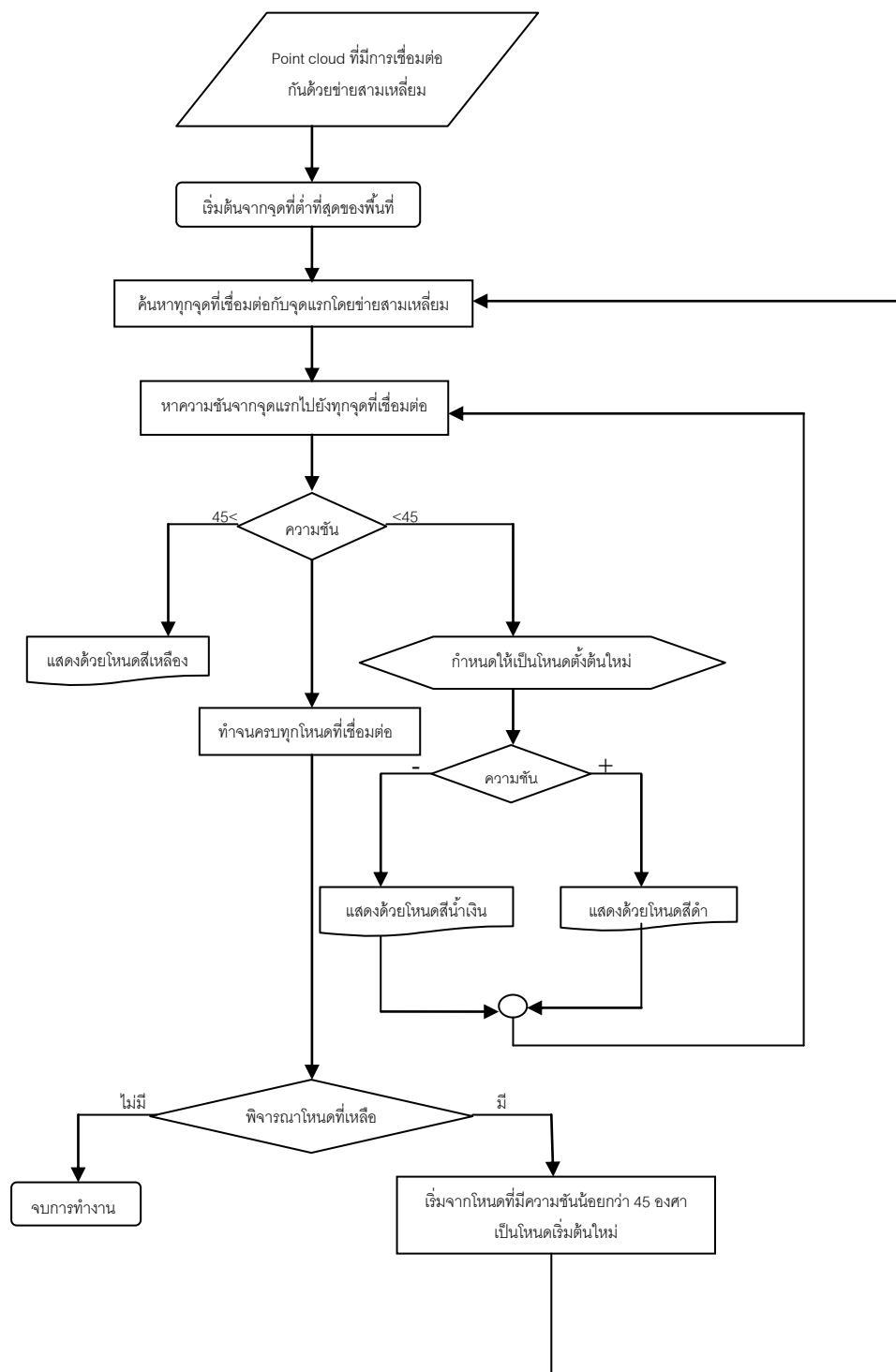
### 3.3 ขั้นตอนการนำทฤษฎีกราฟมาประยุกต์ใช้

3.3.1 แผนผังและขั้นตอนการดำเนินงานการประยุกต์ใช้ทฤษฎีกราฟในการตีดิ่งข้อมูลลักษณะวัตถุแสดงตามภาพที่ 3.5



ภาพที่ 3.5 แสดงขั้นตอนการดำเนินงานวิจัย

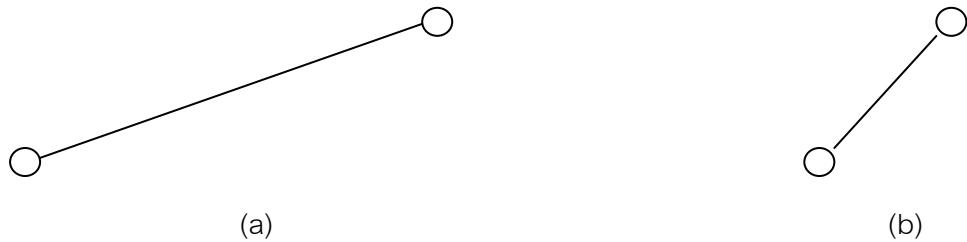
3.3.2 การใช้กราฟ search algorithm เพื่อสร้างกราฟต้นไม้โดยในขั้นตอนนี้ได้นำ  
อัลกอริทึมการค้นหาในแนวกว้าง (Breadth-First-Search) มาประยุกต์ใช้เพื่อหาโหนดทั้งหมดใน  
กราฟที่สร้างขึ้นด้วยสามเหลี่ยม Delaunay และในขั้นตอนนี้จะทำการหาความซ้ำจากโหนดอ้างอิง  
ไปยังโหนดโดยรอบที่ค้นหาเจอด้วยขั้นตอนและวิธีในการใช้กราฟ search algorithm อธิบายได้  
ตามภาพที่ 3.6 ดังนี้



ภาพที่ 3.6 แสดงขั้นตอนการทำงานของ Graph Search Algorithm

จากขั้นตอนในภาพที่ 3.6 จะมีการแบ่งความชันที่ 45 องศาเพื่อจำแนกจุดที่อยู่บอร์เวณอาคารหรือวัตถุและจุดที่เป็นพื้นราบ โดยในสาเหตุที่เราต้องแบ่งความชันที่ 45 องศาเนื่องจากว่า

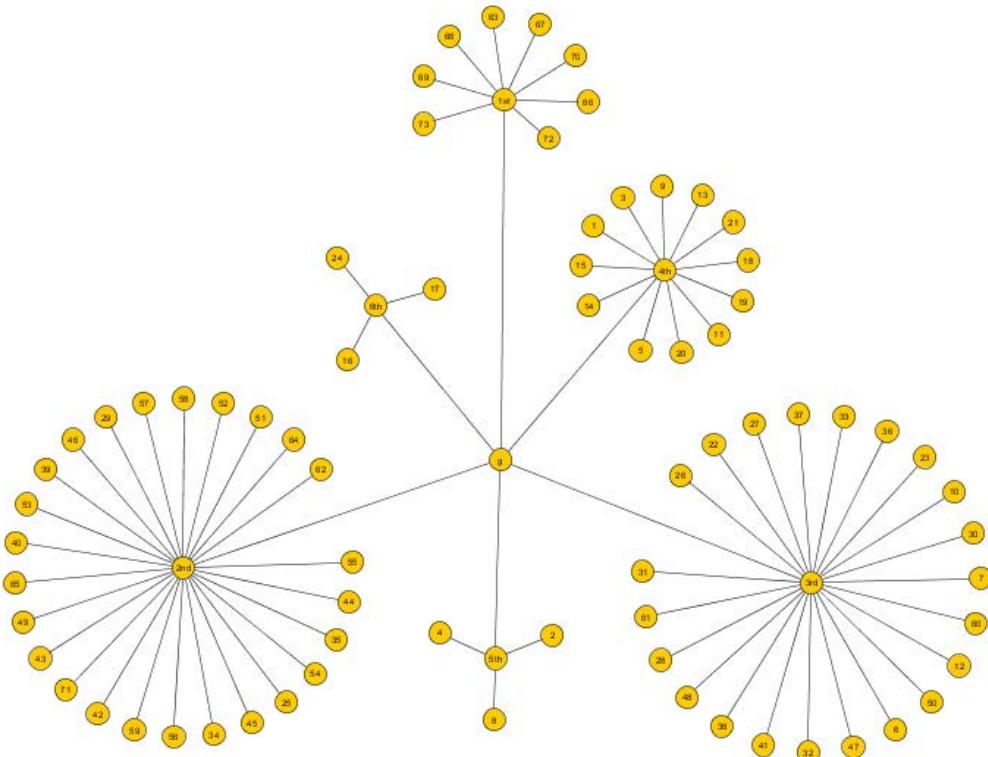
ข้อมูลໄລດաร์ที่ใช้มีความหนาแน่นของจุด 3 จุดต่อ 2 เมตร ซึ่งหากแบ่งความชันที่มากกว่านี้ เช่น 60 องศาจะทำให้จุดที่ควรจะตกลอยู่บนวัตถุภายในพื้นราบไปตามภาพที่ 3.7



ภาพที่ 3.7 แสดงความห่างของจุดที่สัมพันธ์กับความชันที่ใช้ โดย (a) คือ จุดสองจุดที่อยู่ห่างกัน และ (b) คือจุดสองจุดที่อยู่ค่อนข้างซิดกัน

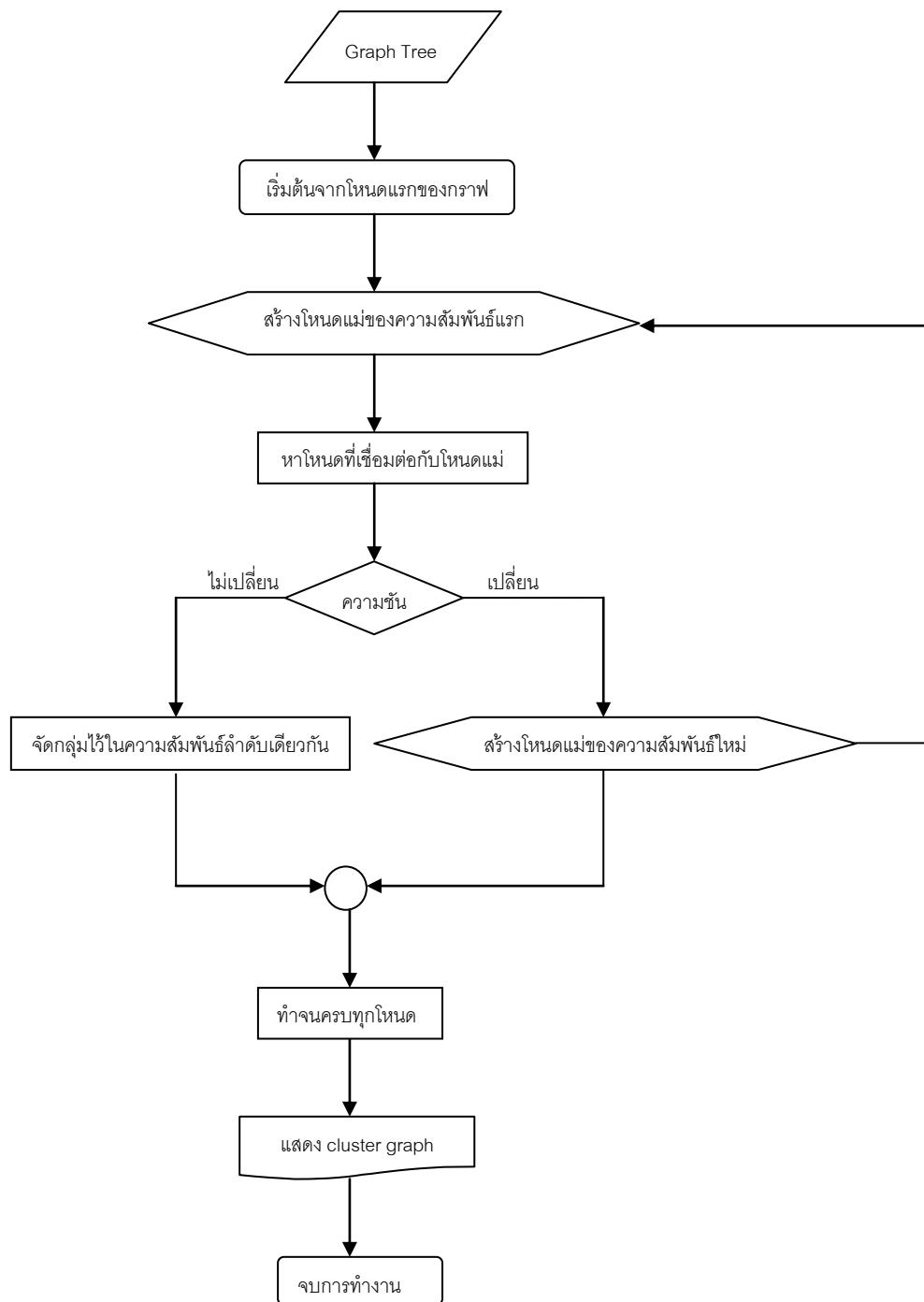
จากภาพที่ 3.7 หากเราแบ่งความชันที่ 60 องศาเพื่อแยกจุดสองจุดออกจากกันในกรณีของ (a) เราจะไม่สามารถแยกออกจากกันได้ แต่สามารถแยกจุดสองจุดในกรณีของ (b) ได้ และหากเราใช้ความชันที่ 45 องศาจะสามารถแยกจุดสองจุดที่เป็นพื้นราบและเป็นวัตถุเนื้อพื้นราบได้ทั้งกรณี (a) และ (b)

3.3.3 การสร้าง cluster graph ตามลำดับขั้นของความสูงมีลักษณะคล้ายกับการ split level มีวัตถุประสงค์เพื่อให้สามารถอธิบายความสัมพันธ์จากการใช้กราฟ search ได้ง่ายขึ้น โดยจะมีการแบ่งความสัมพันธ์เป็นลำดับขั้นตามการเปลี่ยนแปลงของความชัน (ซึ่งในที่นี่กำหนดไว้ที่ 45 องศา ถึงจะถือว่ามีการเปลี่ยนแปลง) โดยหากมีการเปลี่ยนแปลง 1 ขั้น เราจะกำหนดให้มีค่าเป็น 1 หากมีการเปลี่ยนแปลงความชันอยู่ครึ่งจะต้องบวกน้ำหนักไปอีก  $1+1=2$  และหากมีการเปลี่ยนแปลงความชันในทิศทางตรงข้าม (ความชันเป็นลบ) จะมีค่าน้ำหนักเป็น -1 จากจุด b มีค่าเป็น 2 แต่จากจุด b ไป c มีค่าเป็น -1 ดังนั้นจุด c จะมีค่า  $2-1=1$  โดยเราจะจัดกลุ่มตามค่าน้ำหนัก โดย cluster graph แสดงตัวอย่างตามภาพที่ 3.8



ภาพที่ 3.8 แสดงตัวอย่างของ cluster graph

จากภาพที่ 3.8 แสดงให้เห็นถึงการแบ่งความสัมพันธ์ของข้อมูลออกเป็นกลุ่มๆ ซึ่งในงานวิจัยนี้เราได้ใช้ลำดับขั้นของความสูงซึ่งแบ่งตามการเปลี่ยนแปลงของความชันโดยในรูปที่ 3.8 มีการเปลี่ยนแปลงของความชันทั้งหมด 6 ครั้ง ก็จะมีทั้งหมด 6 กลุ่ม โดยที่ในแต่ละกลุ่มจะประกอบไปด้วยโนนดลูกที่มีความชันในระดับเดียวกันโดยที่ไม่สนใจตำแหน่งของโนนดนั้น ซึ่งในกลุ่มแรกจะมีค่าของโนนดเป็น 0 (คือไม่มีการเปลี่ยนแปลงความชัน) และกลุ่มสุดท้ายคือกลุ่มที่ 6 จะมีค่าของโนนดที่เป็นสมาชิกกับ 5 หลังจากนั้นเราจะนำโนนดที่แบ่งได้ในแต่ละกลุ่มไปทำการให้สีตามตำแหน่งเมื่อข้อมูลนั้นทบกับภาพถ่ายทางอากาศ โดยขั้นตอนในการทำ cluster graph นั้นสามารถแสดงได้ตามขั้นตอนต่อไปนี้ ดังภาพที่ 3.9



ภาพที่ 3.9 แสดงขั้นตอนการสร้าง cluster graph

3.3.4 การเปรียบเทียบข้อมูลไอลดาร์ที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย Cluster Graph โดยการซ้อนทับกับภาพถ่ายทางอากาศ เป็นการเช็คจุดที่ไม่ตรงกันและจุดที่ตรงกันระหว่างการวิเคราะห์ด้วย cluster graph และภาพถ่ายทางอากาศ โดยในการเช็คนั้นจะเปรียบเทียบค่าที่ได้ออกมาในรูปของร้อยละแบ่งเป็นสองกรณีคือร้อยละของจุดที่ไม่ตรงกัน และร้อยละของจุดที่ตรงกัน

$$\text{ให้ miss} = \frac{TP - MP}{TP} \times 100$$

โดย  $TP$  = จุดในพื้นที่ศึกษาทั้งหมด  
 $MP$  = จุดที่พลาดทั้งหมด

$$\text{ให้ match} = \frac{TP - MaP}{TP} \times 100$$

โดย  $TP$  = จุดในพื้นที่ศึกษาทั้งหมด  
 $MaP$  = จุดที่ตรงกันทั้งหมด

## บทที่ 4

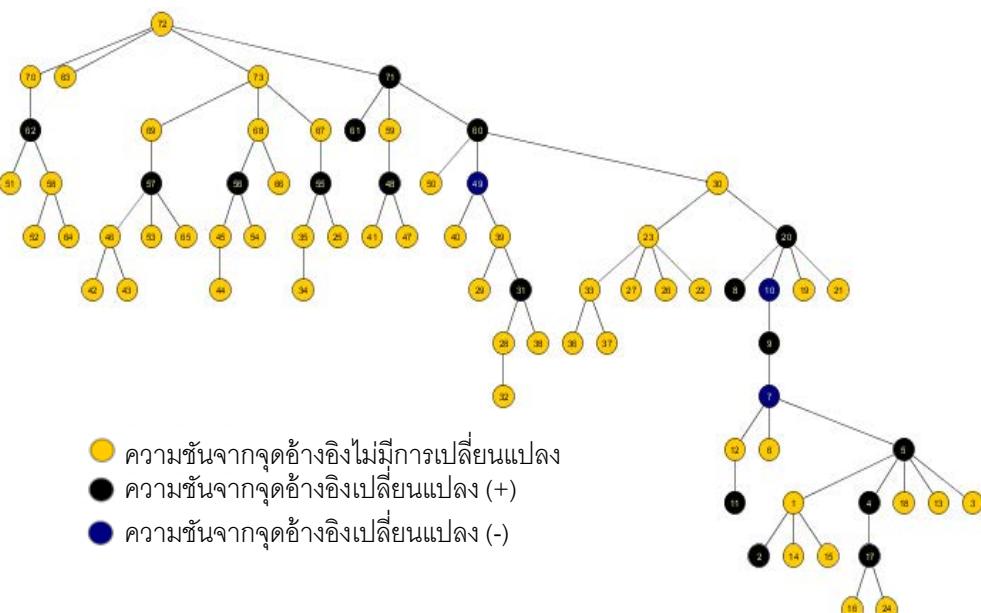
### ผลการศึกษา

ในบทนี้จะกล่าวถึงผลของการประยุกต์ใช้ทฤษฎีกราฟในการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุจากข้อมูลไอลดาเรซึ่งประกอบไปด้วยการแสดงผลในรูปของกราฟต้นไม้ กราฟแบ่งกลุ่ม (cluster graph) เปรียบเทียบความถูกต้องกับภาพถ่ายทางอากาศรวมทั้งการอภิปรายผลในลำดับสุดท้าย โดยในการแสดงผลการศึกษาได้แสดงผลตามกรณีศึกษาทั้ง 7 กรณีดังต่อไปนี้

#### 4.1 กรณีศึกษาที่ 1

ผู้จัดเลือกข้อมูลไอลดาในบริเวณบ้านชั้นเดียวที่ไม่มีการต่อเติมหลังคาเป็นกรณีศึกษา แรกประกอบไปด้วย ข้อมูลไอลดาที่อยู่ในบริเวณบ้านกับข้อมูลไอลดาที่อยู่รอบๆ ตัวบ้าน

##### 4.1.1 กราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 1

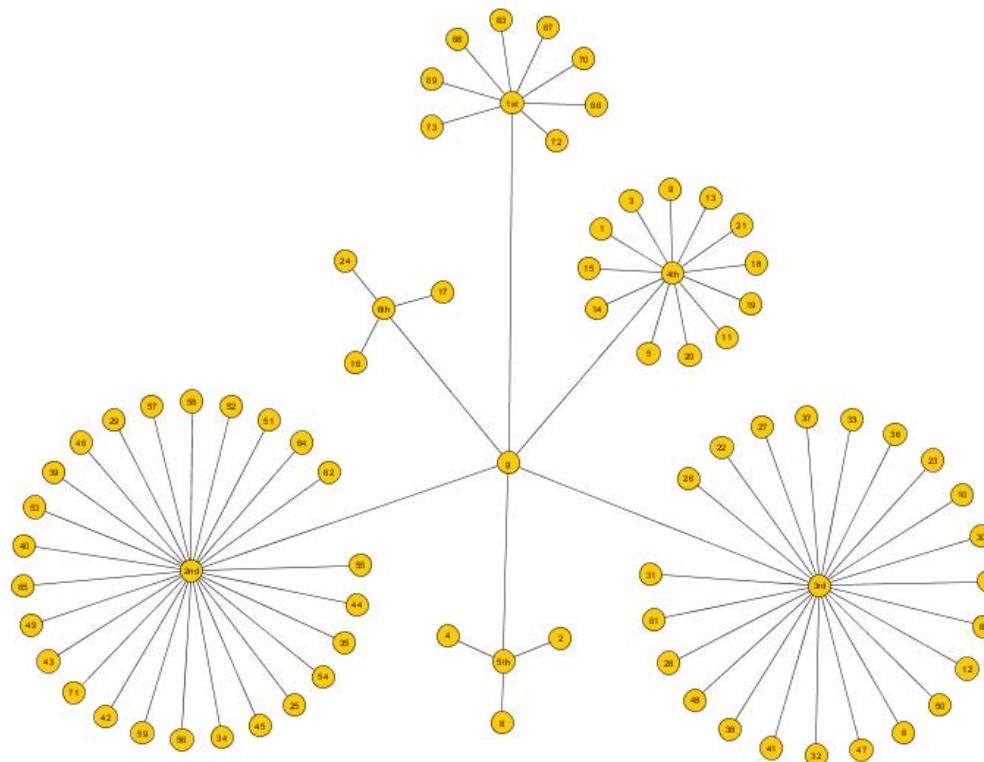


ภาพที่ 4.1 แสดงกราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 1

จากภาพที่ 4.1 โหนดที่เป็นรากของกราฟคือโหนดที่ 72 โดยโหนดที่เป็นสีดำคือโหนดที่เมื่อเทียบกับโหนดอ้างอิงแล้วความชันเปลี่ยนไปมากกว่า 45 องศา รวมทั้งโหนดอื่นๆ ที่เป็นโหนดลูกของโหนดที่เป็นสีดำหากความชันเมื่อเทียบจากโหนดสีดำไม่เปลี่ยนแสดงว่าเป็นพื้นที่ระดับ

เดียวกันจึงคาดคะเนได้ว่า โหนดนั้นอยู่ภายในบริเวณอาคารหรือขอบของอาคารจากกราฟ  
กรณีศึกษาที่ 1 จะพบว่ากิ่งของกราฟต้นไม่เป็นแนวลักษณะไป จากความสัมพันธ์ของกราฟต้นไม่ใน  
กรณีที่ 1 สรุปและจัดกลุ่มของความสัมพันธ์เป็น cluster graph

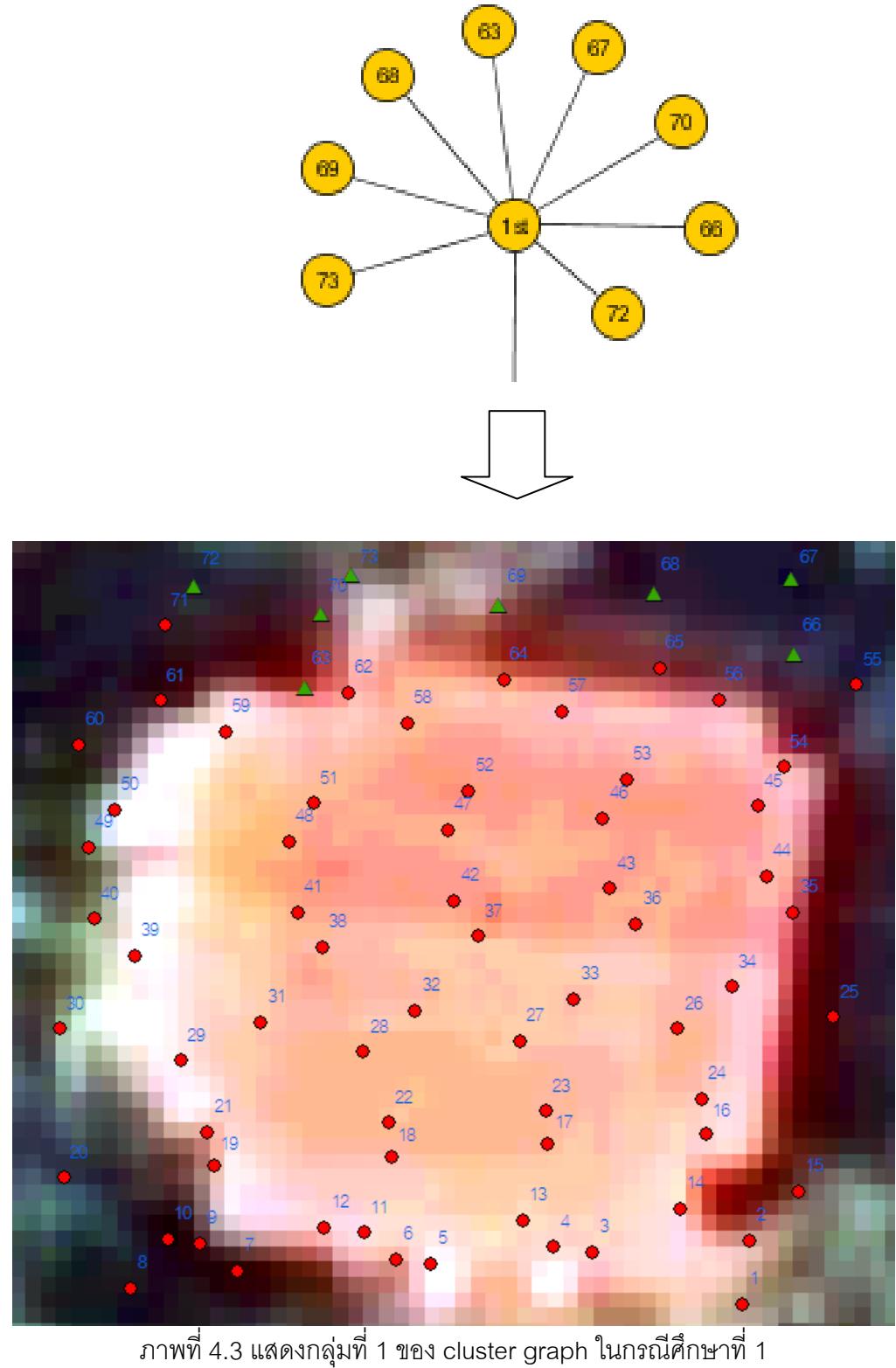
#### 4.1.2 cluster graph ของกรณีศึกษาที่ 1



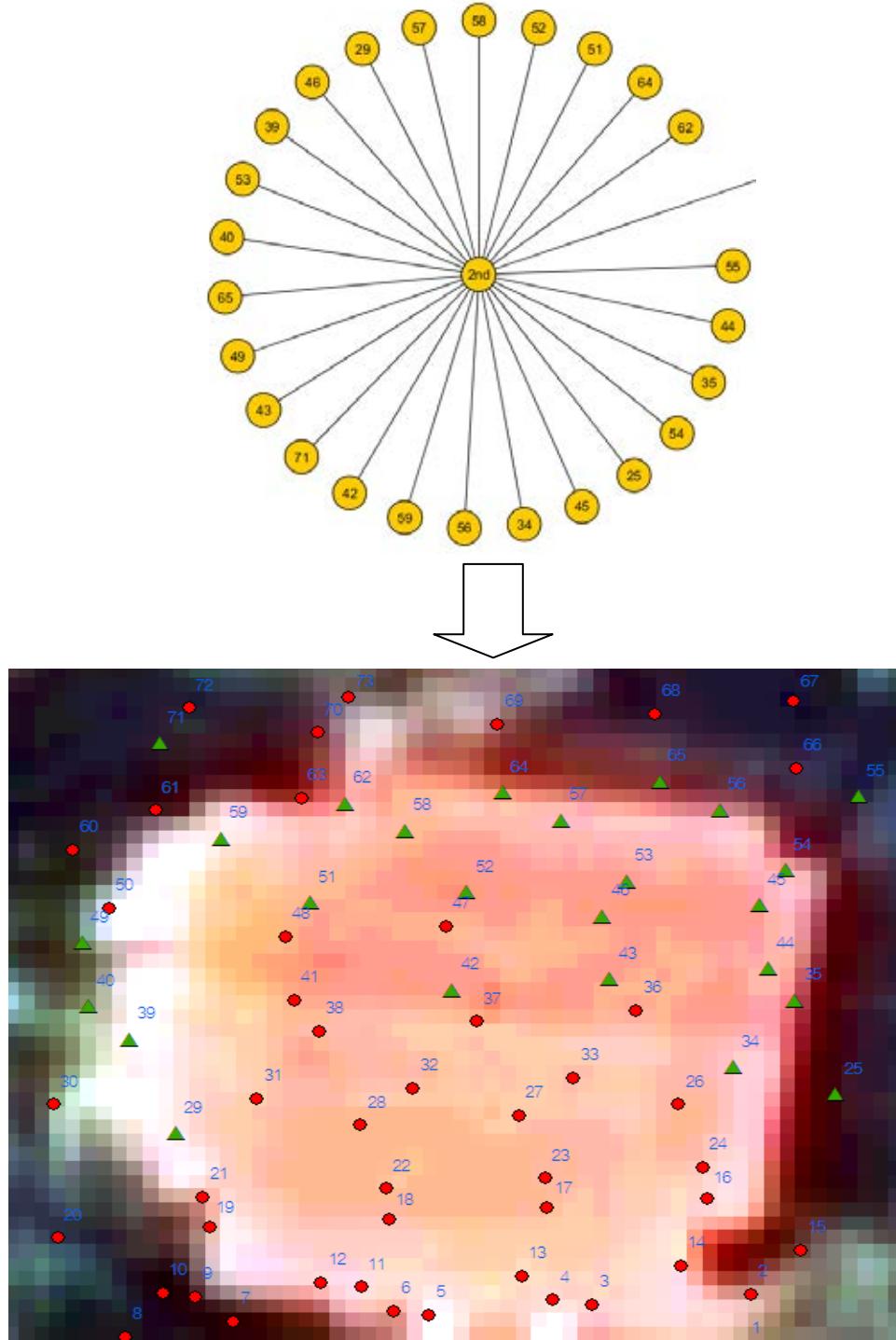
ภาพที่ 4.2 แสดง Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 1

จากการที่ 4.2 เรายังคงความสัมพันธ์ได้ 6 กลุ่ม ซึ่งกลุ่มแรกของความสัมพันธ์ คือส่วน  
ที่เป็นพื้นทราย และ ส่วนที่เป็นความสัมพันธ์ตั้งแต่ลำดับที่ 2-6 คือโหนดที่เป็นตัวแทนของจุดใน  
อาคาร จากการกลุ่มของความสัมพันธ์เมื่อนำข้อมูลได้มาไว้ใช้กับภาพถ่ายทางอากาศแสดงดัง  
ภาพที่ 4.3-4.8 โดยกำหนดสัญลักษณ์ คือ

- แทนด้วยกลุ่มของจุดที่อยู่ในพื้นที่ศึกษาแต่ไม่ได้อยู่ในความสัมพันธ์ของ cluster graph  
ในแต่ละลำดับที่แสดงตามภาพ
- ▲ แทนด้วยกลุ่มของจุดที่อยู่ในความสัมพันธ์แต่ละลำดับของ cluster graph

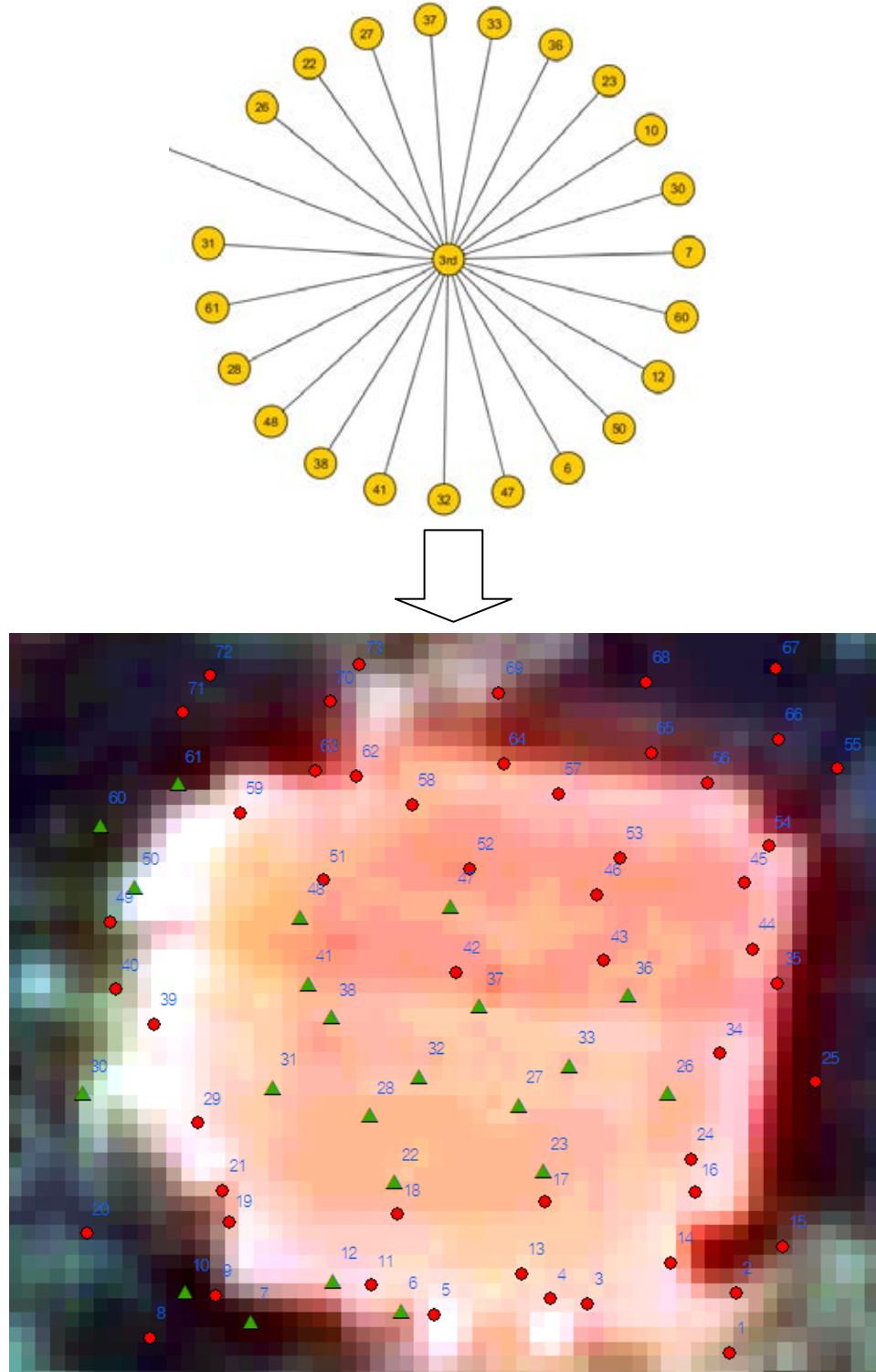


จากภาพที่ 4.3 เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศจะพบว่าข้อมูลได้รับที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph ในความสัมพันธ์ลำดับจะพบว่าจุดส่วนใหญ่อยู่บริเวณนอกอาคารจริงมีเพียงจุดเดียวคือจุดที่ 68 ซึ่งอยู่บริเวณขอบอาคาร



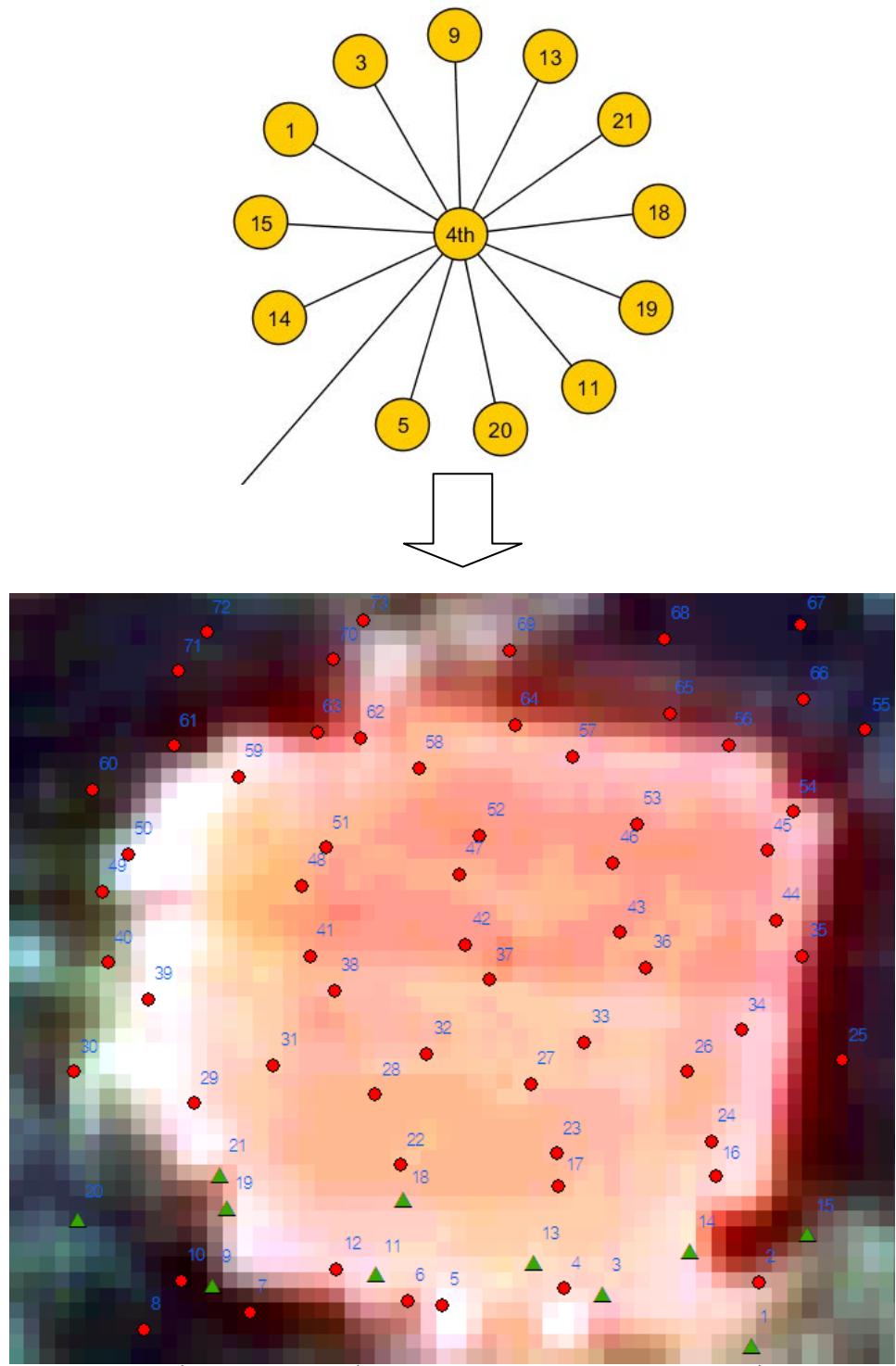
ภาพที่ 4.4 แสดงกลุ่มที่ 2 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 1

จากภาพที่ 4.4 จะพบว่าส่วนใหญ่ของจุดที่อยู่ในกลุ่มที่ 2 นี้จะอยู่ภายนอกอาคารจะพับเพียงแค่ 2 จุดที่อยู่ภายนอกอาคาร คือ จุดที่ 25 และ 71



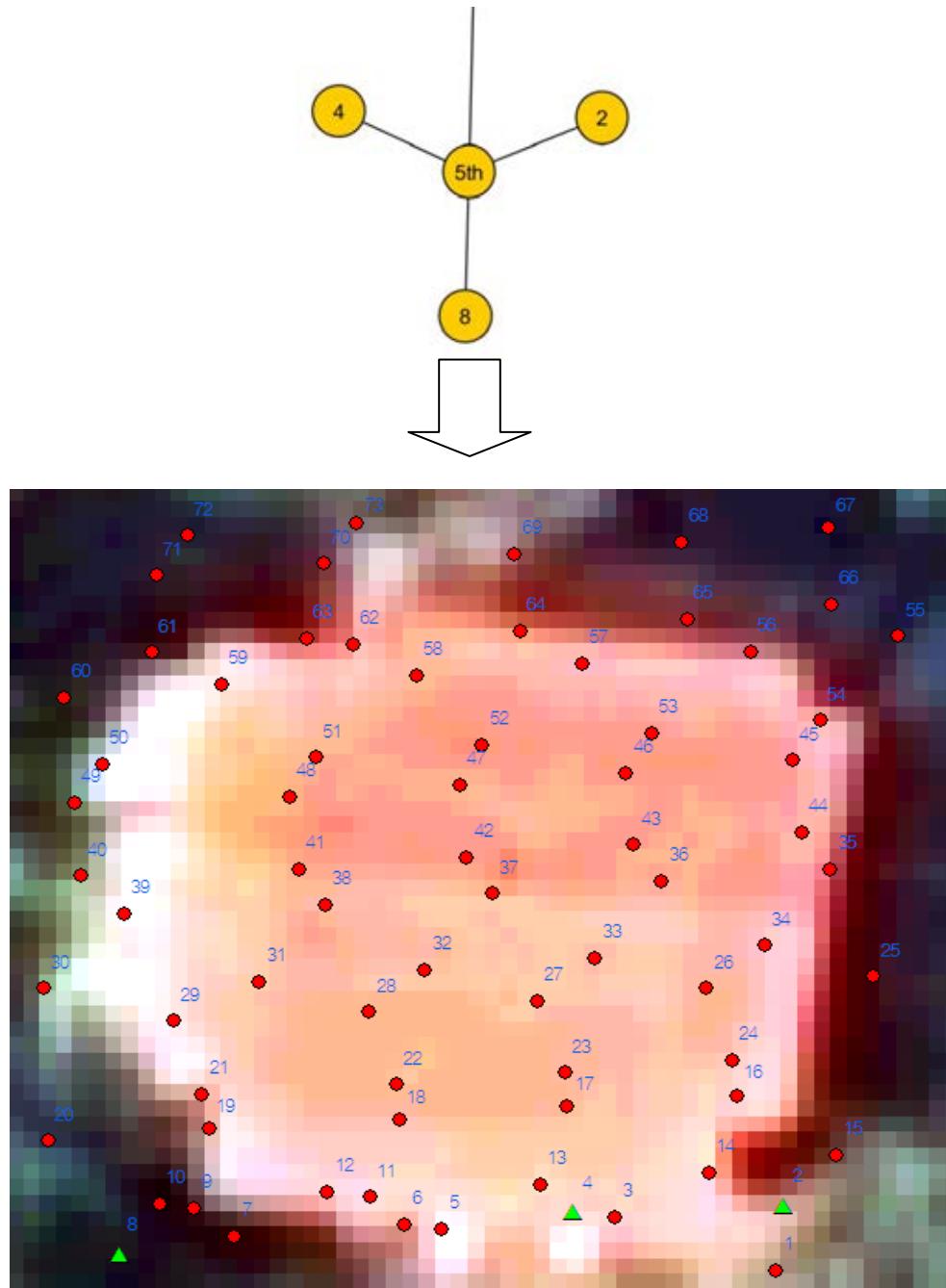
ภาพที่ 4.5 แสดงกลุ่มที่ 3 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 1

จากภาพที่ 4.5 จะพบว่าจุดส่วนใหญ่อยู่ภายนอกบริเวณอาคารและทางก่อสร้างบ้าน  
ซึ่งมีจุดที่ไม่ตรงกัน 4 จุด คือ 7 , 10 , 60 และ 61



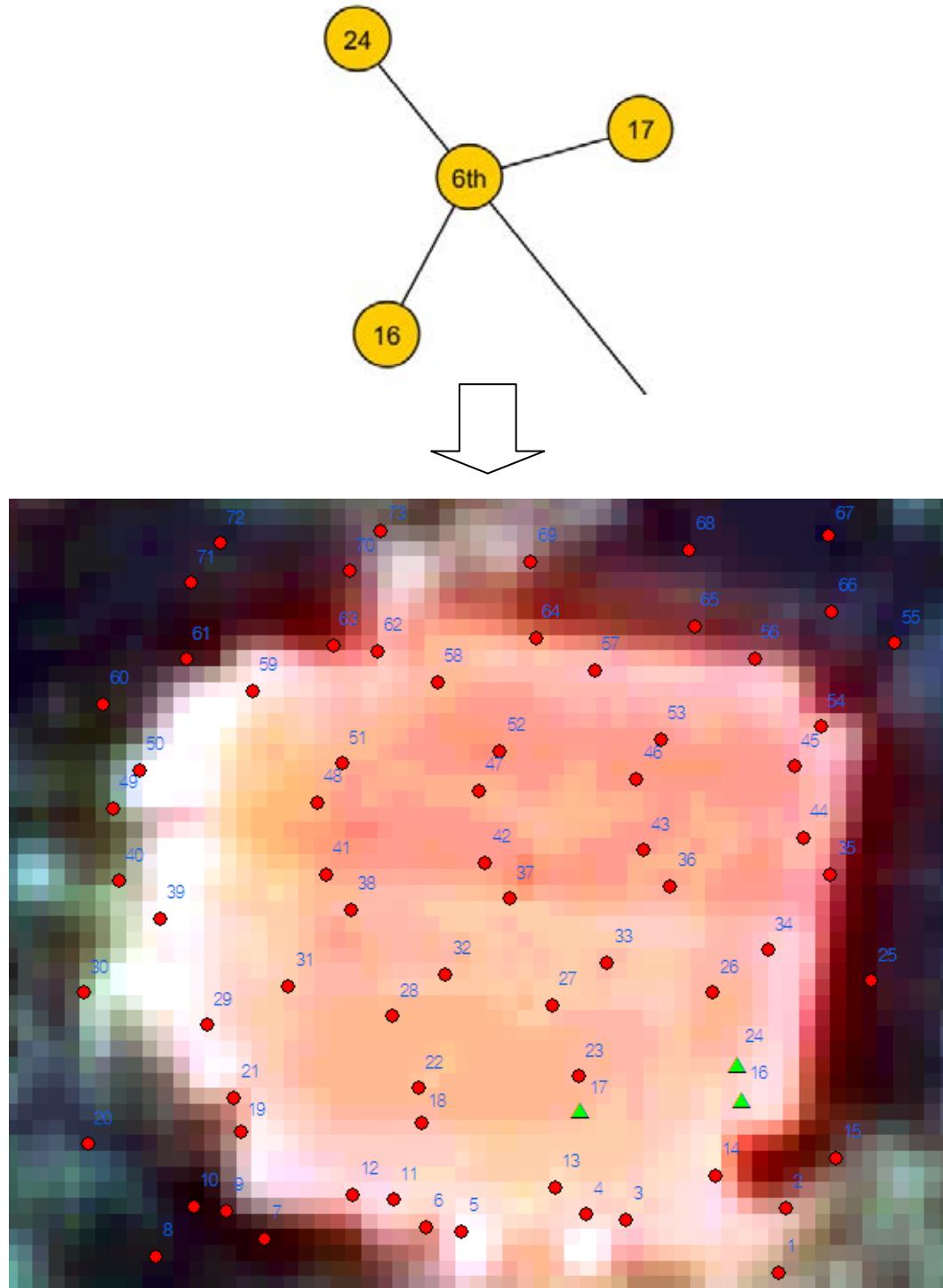
ภาพที่ 4.6 แสดงกลุ่มที่ 4 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 1

จากภาพที่ 4.6 พบว่าจุดส่วนใหญ่ในกลุ่มนี้จะอยู่บริเวณขอบอาคาร โดยมีจุดที่อยู่นอกอาคาร 4 จุด คือ 1 , 9 , 15 และ 20



ภาพที่ 4.7 แสดงกลุ่มที่ 5 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 1

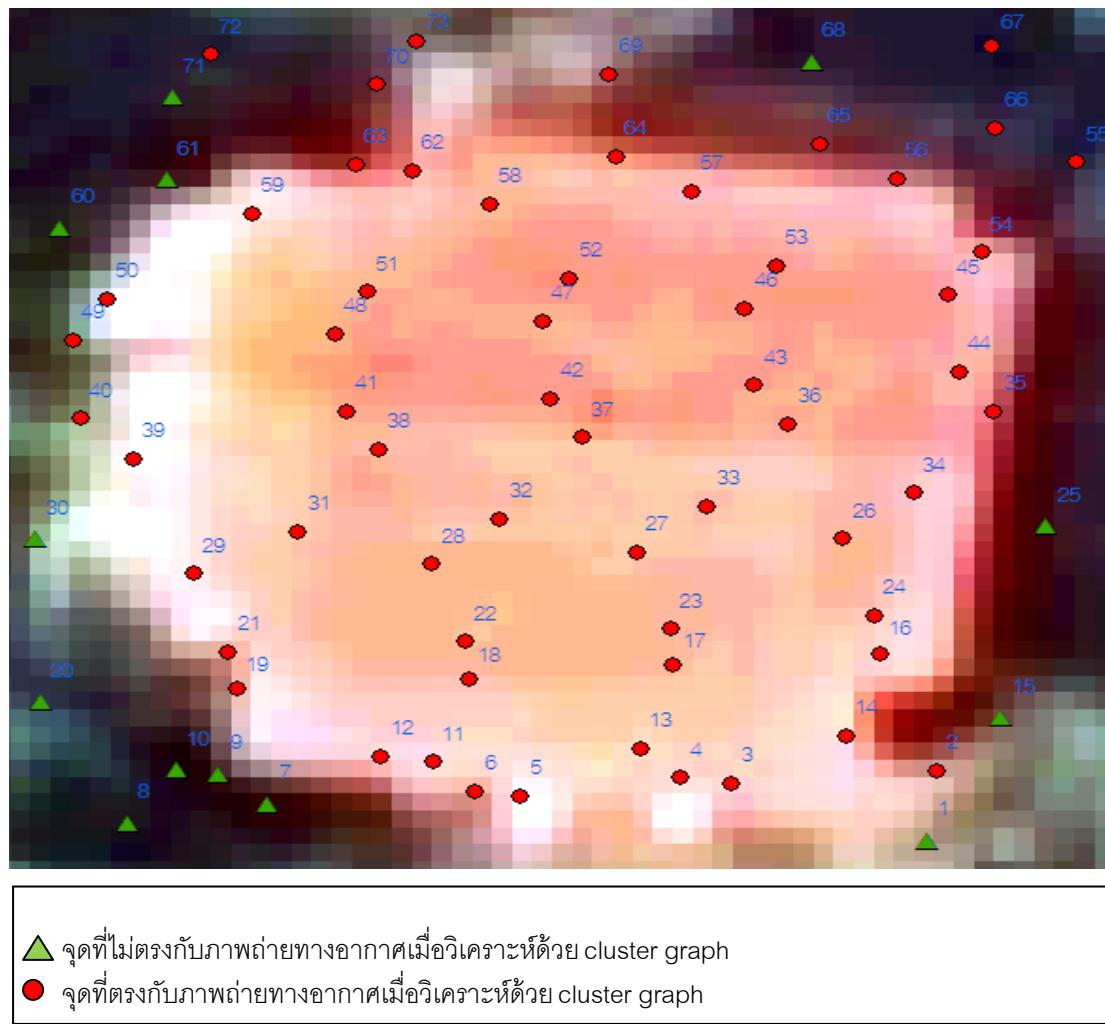
จากภาพที่ 4.7 พบว่าในกลุ่มนี้มีสมาชิกทั้งหมด 3 จุด โดยมีจุดเดียวที่ไม่ตรงกับภาพถ่ายทางอากาศคือ จุดที่ 8



ภาพที่ 4.8 แสดงกลุ่มที่ 6 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 1

จากภาพที่ 4.8 จะพบว่าจุดที่อยู่ในกลุ่มนี้จะอยู่ภายในบริเวณอาคารห้องน้ำ จากทั้ง 6 กลุ่มที่กล่าวมาสรุปจุดที่ต่างกันและไม่ต่างกันได้ตามภาพที่ 4.9

#### 4.1.3 สรุปผลของข้อมูลไอลดาร์ที่ผ่านการวิเคราะห์จาก cluster graph กับภาพถ่ายทางอากาศ



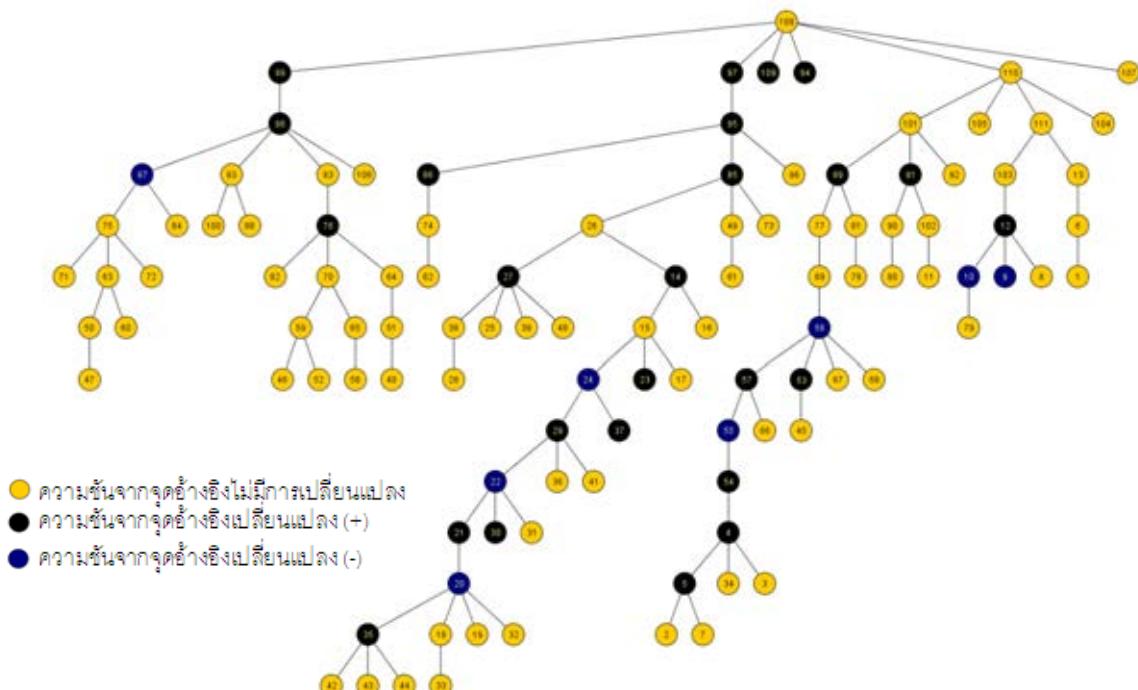
ภาพที่ 4.9 แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศในกรณีศึกษาที่ 1

จากการที่ 4.9 หลังจากการนำภาพถ่ายมาซ่อนทับจะแสดงจุดที่ไม่ตรงกัน 11 จุด ได้แก่ จุดที่ 1 , 7 , 9 , 10 , 15 , 20 , 25 , 60 , 61 , 68 และ 71 ซึ่งจุดที่ไม่ตรงกันคิดเป็น 12.32 % ส่วนที่ตรงกันคิดเป็น 87.67 % ซึ่งจุดที่ไม่ตรงกันทั้งหมดเป็นจุดที่เราคาดว่าเป็นบริเวณภายในอาคาร จากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph แต่มีเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศพบว่าจุดทั้งหมดอยู่ภายนอกอาคารซึ่งหมายความว่าจุดเหล่านี้ในบริเวณที่ใกล้อาคาร เช่น จุดที่ 7 , 8 , 9 , 10 , 25 , 30 และ 61

## 4.2 กรณีศึกษาที่ 2

ในกรณีศึกษาที่ 2 ผู้วิจัยเลือกข้อมูลไอลดาอร์บริเวณที่บ้านที่พักอาศัยซึ่งมีการต่อเติมหลังคาโดยเมืองข้อมูลไอลดาอร์ที่อยู่รوبرบริเวณบ้านและบริเวณภายนอกบ้าน

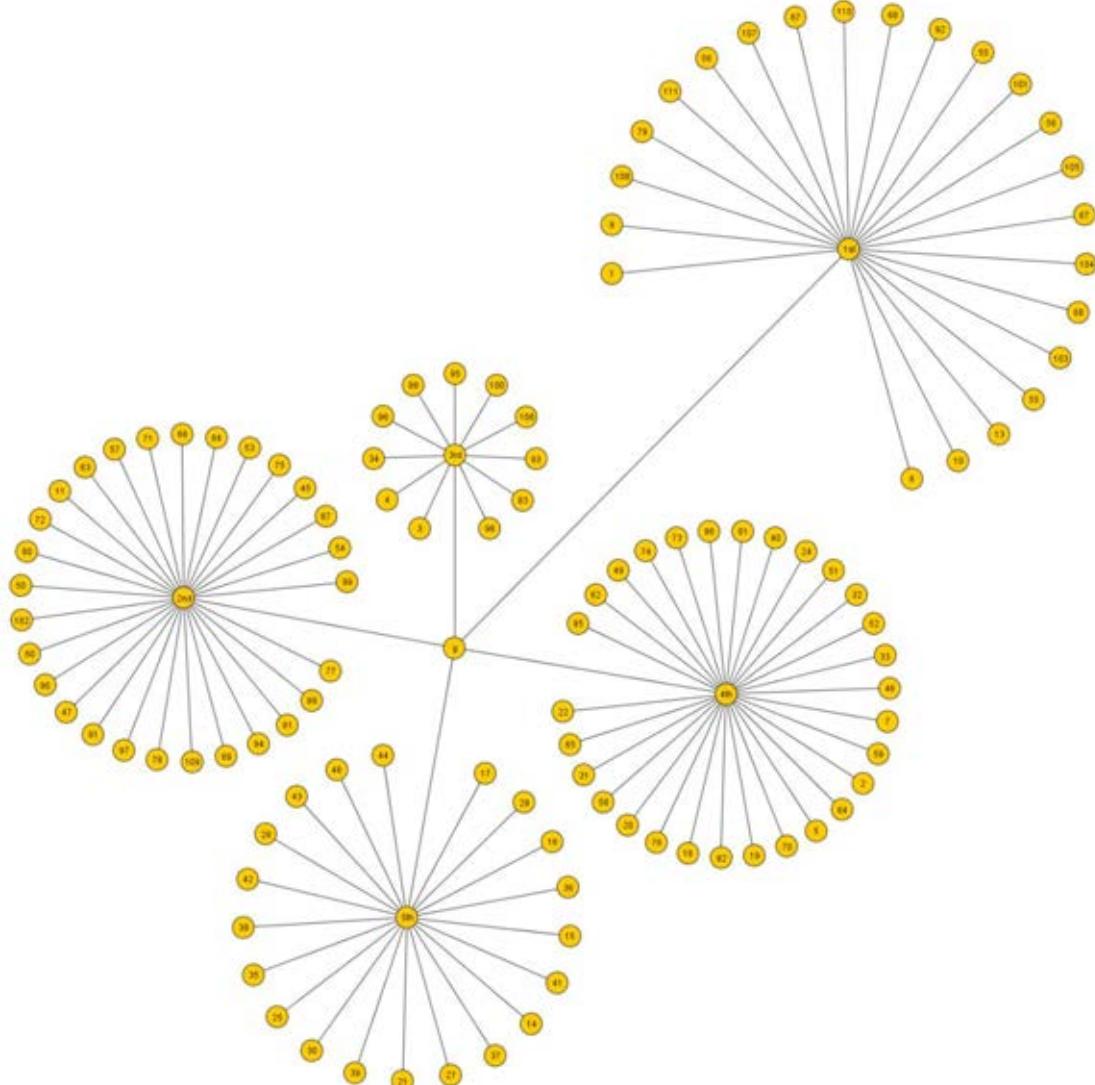
### 4.2.1 กราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 2



ภาพที่ 4.10 แสดงกราฟต้นไม้ในกรณีศึกษาที่ 2

จากการในภาพที่ 4.10 โหนดแรกของกราฟ คือ โหนดที่ 108 โดยรูปกราฟของกรณีศึกษาที่ 2 นั้นจะมีความซับซ้อนมากกว่ารูปกราฟจากกรณีศึกษาที่ 1 โดยจากลักษณะของกราฟต้นไม้มีอยู่ 2 กิ่งที่ลึกลงไป โดยโหนดสีดำและสีน้ำเงินจะปรากฏเป็นบริเวณที่ซึ่งแสดงให้เห็นถึงการเปลี่ยนแปลงของความซ้ำ

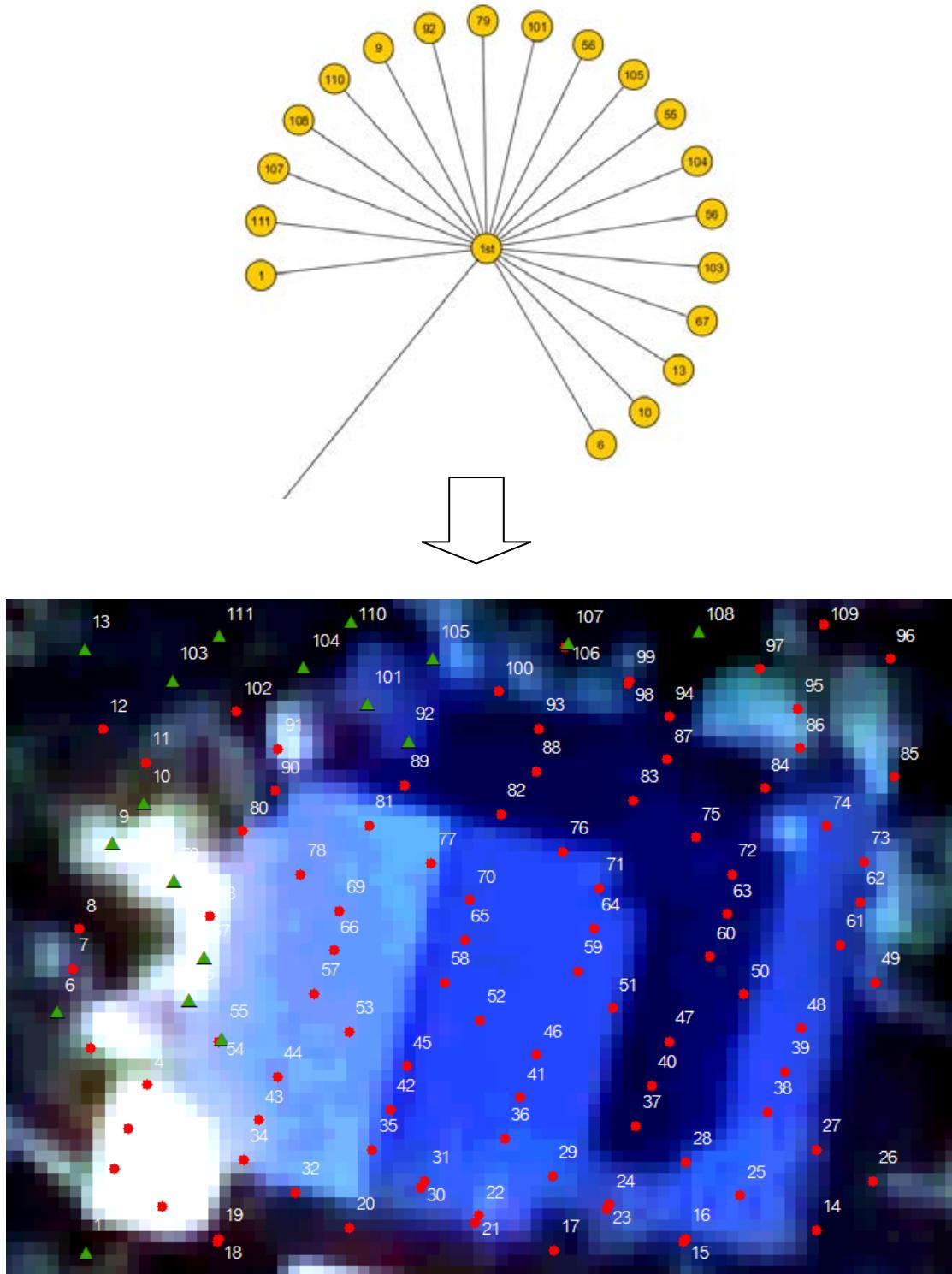
#### 4.2.2 Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 2



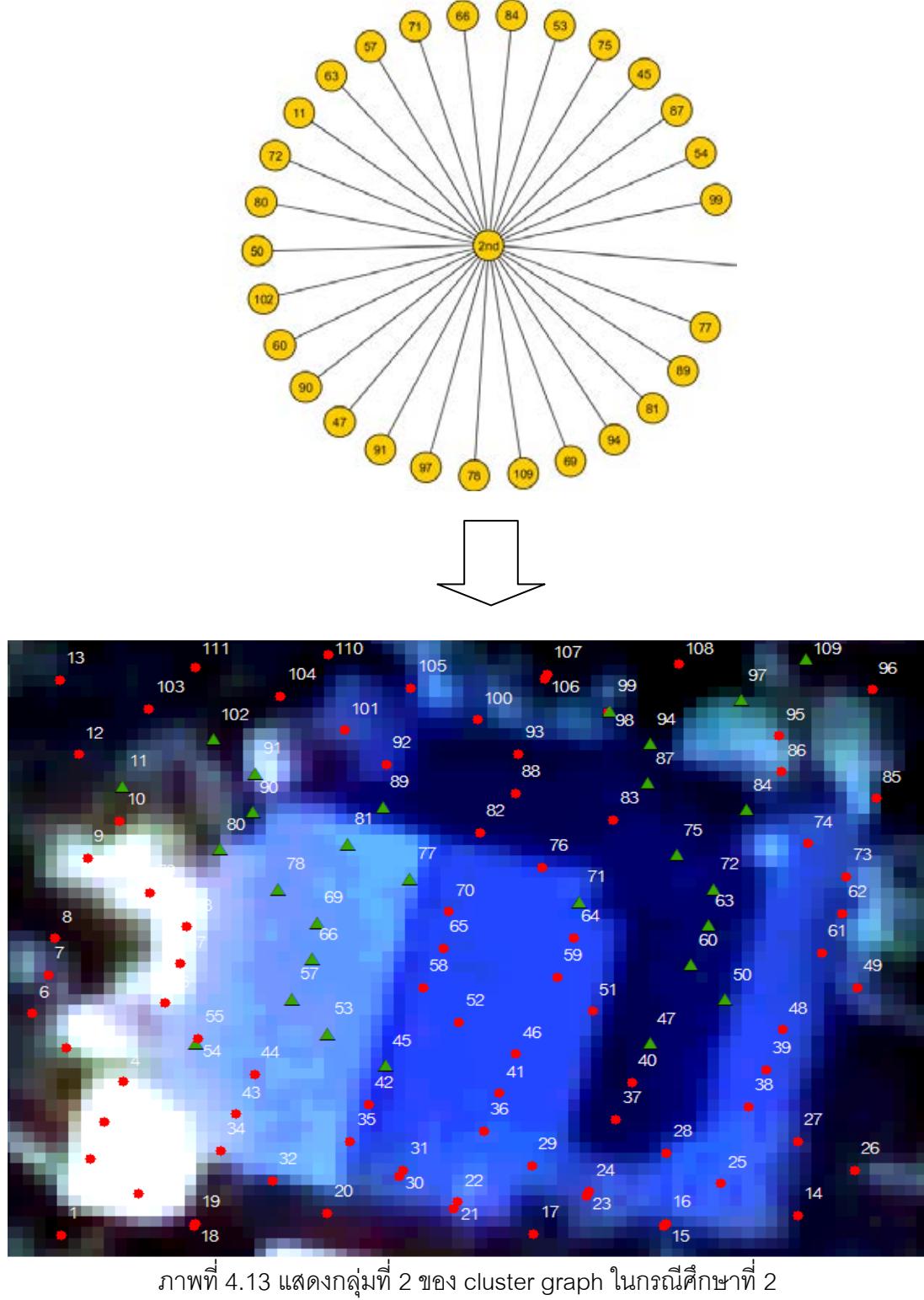
ภาพที่ 4.11 แสดง cluster graph ของกรณีศึกษาที่ 2

จากการที่ 4.11 cluster graph ของกรณีศึกษาที่ 2 แบ่งออกเป็นทั้งสิ้น 5 ลำดับของความสัมพันธ์โดยที่เมื่อนำข้อมูลไดารวบผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph แล้ว นำมาแสดงบนภาพถ่ายทางอากาศแสดงได้ตามภาพที่ 4.12-4.16 โดยกำหนดสัญลักษณ์คือ

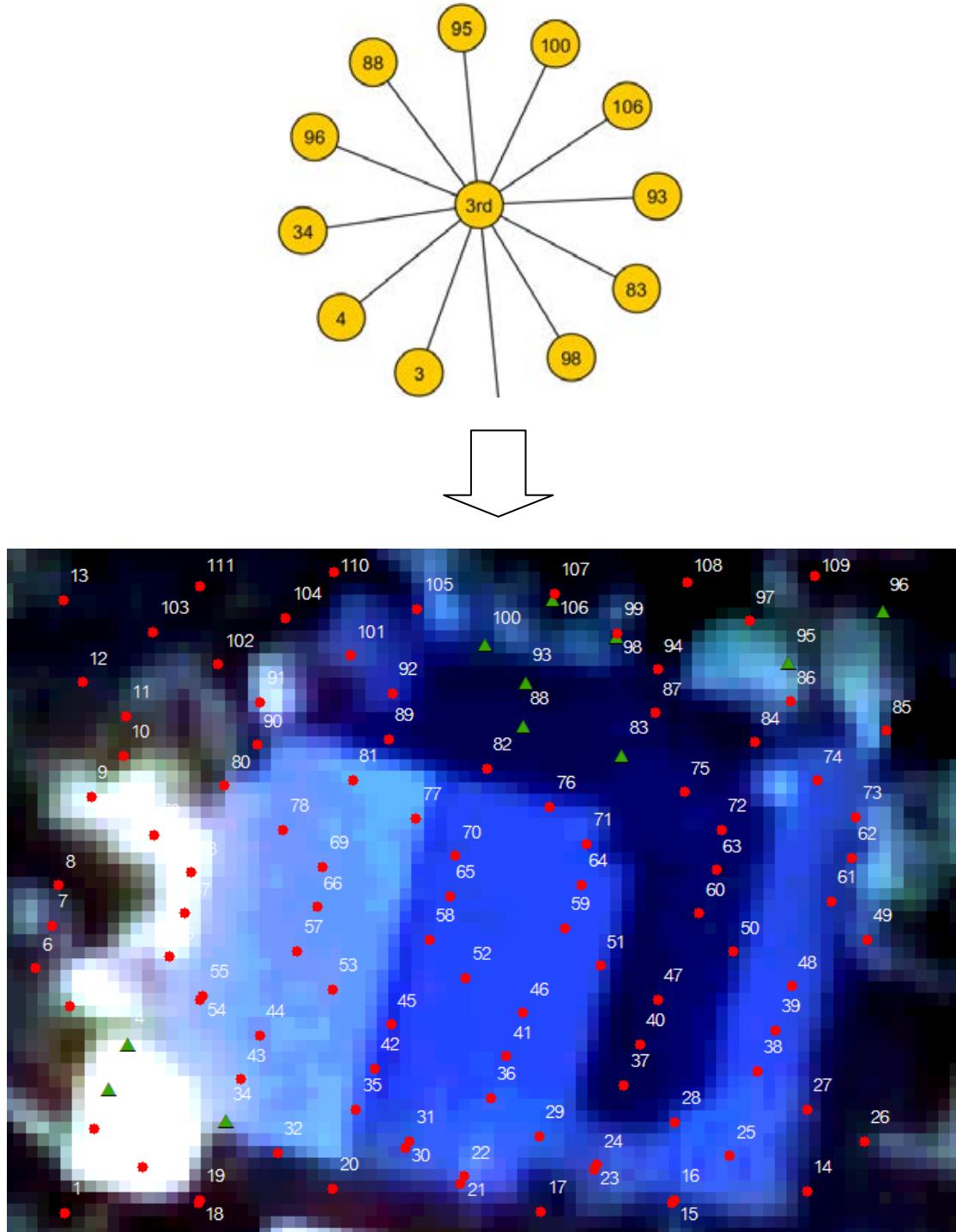
- แทนด้วยกลุ่มของจุดที่อยู่ในพื้นที่ศึกษาแต่ไม่ได้อยู่ในความสัมพันธ์ของ cluster graph ในแต่ละลำดับที่แสดงตามภาพ
- ▲ แทนด้วยกลุ่มของจุดที่อยู่ในความสัมพันธ์แต่ละลำดับของ cluster graph



จากภาพที่ 4.12 พบร่วมกันในกลุ่มที่ 1 คือ 55 , 56 , 67 และ 92

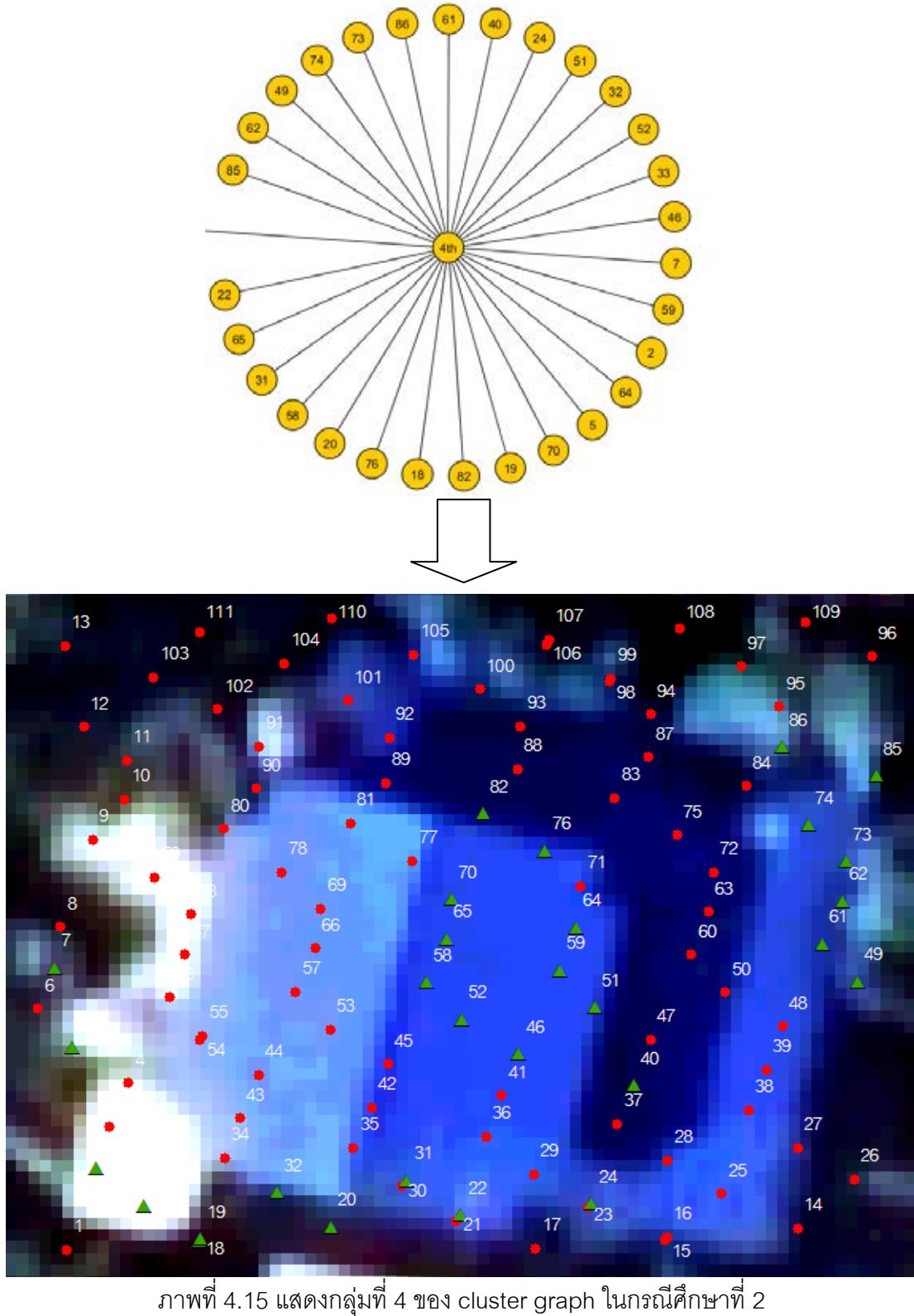


จากภาพที่ 4.13 พบร่วมกับส่วนใหญ่ในกลุ่มนี้จะอยู่ภายในบริเวณอาคารโดยจุดที่ไม่ตั้งกันคือ จุดที่ 11, 87, 91, 97, 98, 102 และ 109 ที่อยู่ภายนอกอาคาร



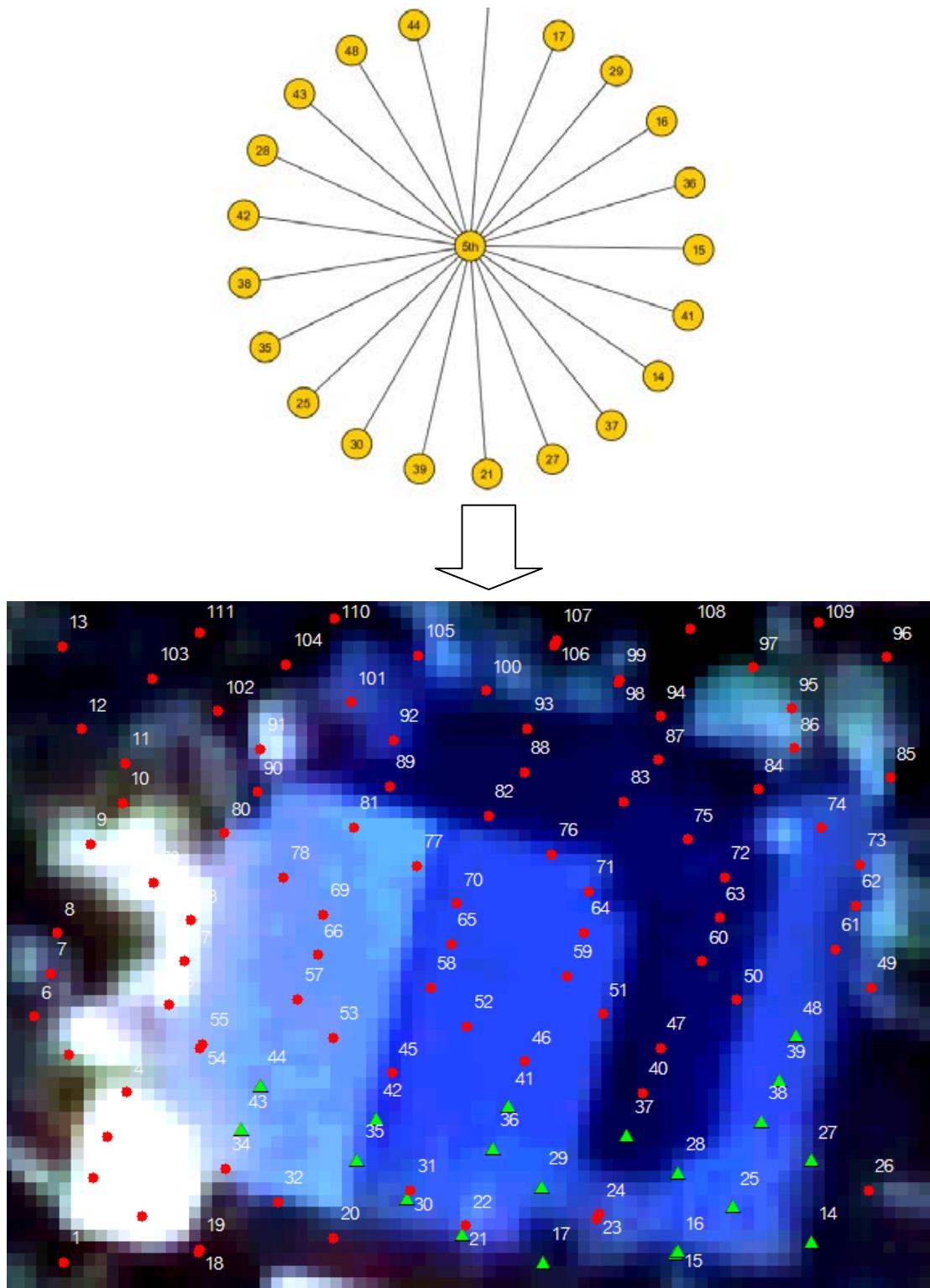
ภาพที่ 4.14 แสดงกลุ่มที่ 3 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 2

จากภาพที่ 4.14 พบร่วมกัน คือ จุดที่ 86 , 96 , 99 , 100 และ 107 เป็นจุดที่อยู่ภายนอกความ



จากภาพที่ 4.15 พบร่วมกันคือ จุดที่ 7 , 20 , 32 , 49 , 85 และ 86 ซึ่งอยู่

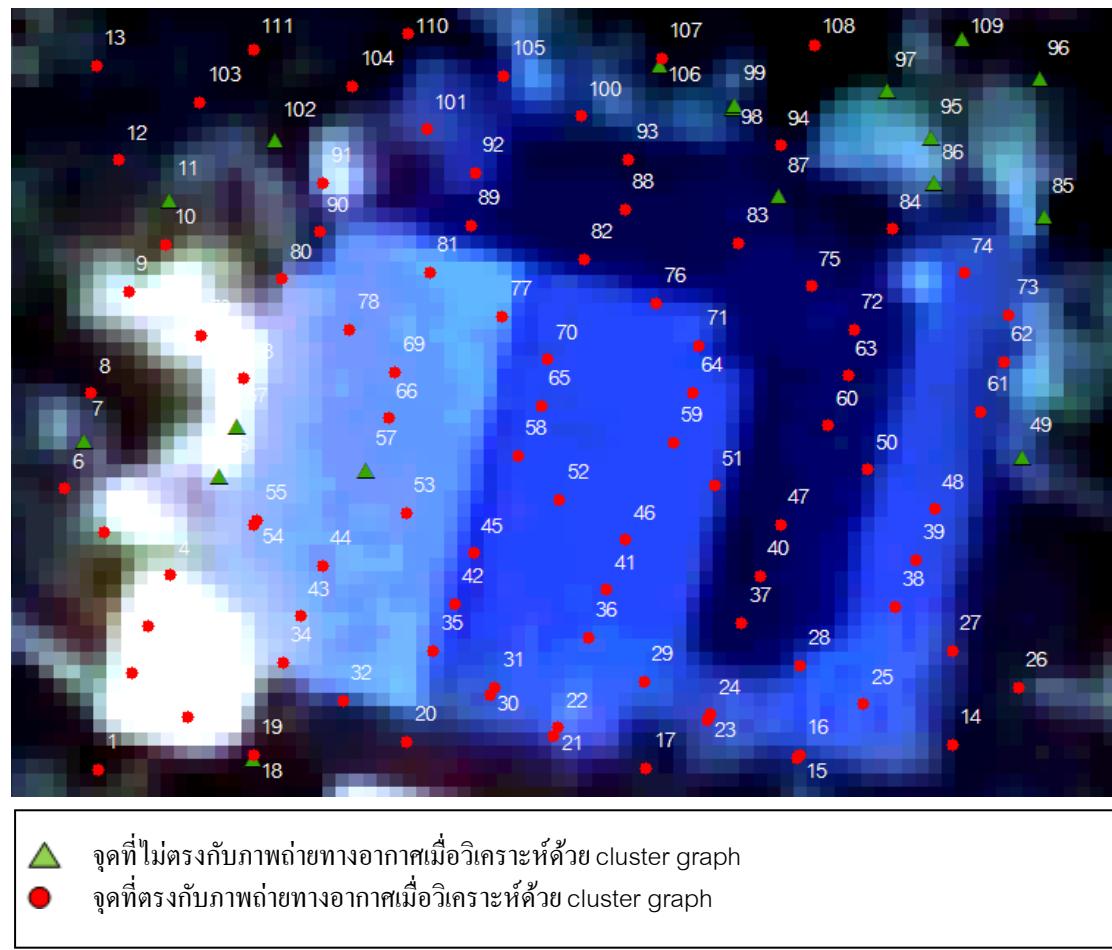
ภายใต้การตรวจสอบ



ภาพที่ 4.16 แสดงกลุ่มที่ 5 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 2

จากภาพที่ 4.16 พบว่าจุดจะเกาะกู่มิกันบริเวณขอบล่างของอาคาร และไม่มีจุดใดที่อยู่ภายในองค์อาคาร จึงถือว่าตรงกันทุกจุด

#### 4.2.3 สรุปผลของข้อมูลไอล์ดาร์ที่ผ่านการวิเคราะห์จาก cluster graph กับภาพถ่ายทางอากาศ



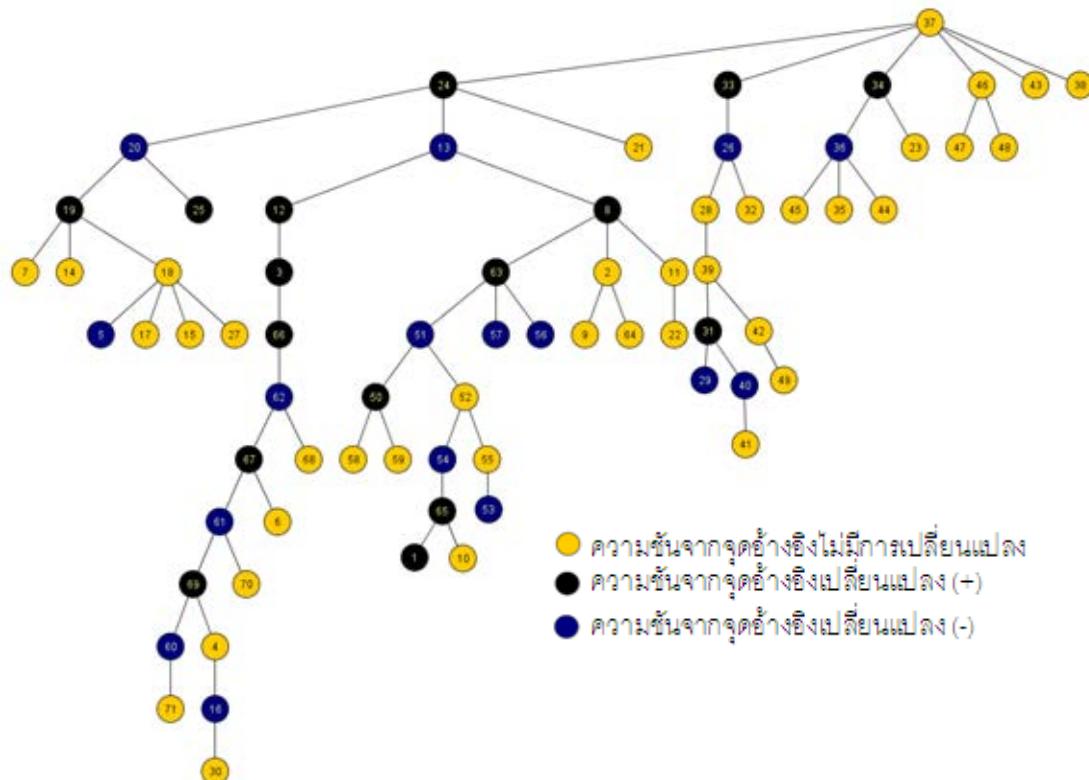
ภาพที่ 4.17 แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศในกรณีศึกษาที่ 2

จากภาพที่ 4.17 จะพบว่ามีจุดที่ไม่ตรงกันได้แก่ จุดที่ 7 , 56 , 57 , 67 , 49 , 11 , 107 , 98 97 , 95 , 86 , 96 , 109 โดยจุดที่ไม่ตรงกันคิดเป็น 11.71 % และจุดที่ตรงกันคิดเป็น 89.18 %

### 4.3 กรณีศึกษาที่ 3

กรณีศึกษาที่ 3 ผู้วิจัยเลือกข้อมูลไอลดาาร์บีโรวนที่เป็นต้นไม้และพื้นที่โดยรอบมาเป็นกรณีศึกษา

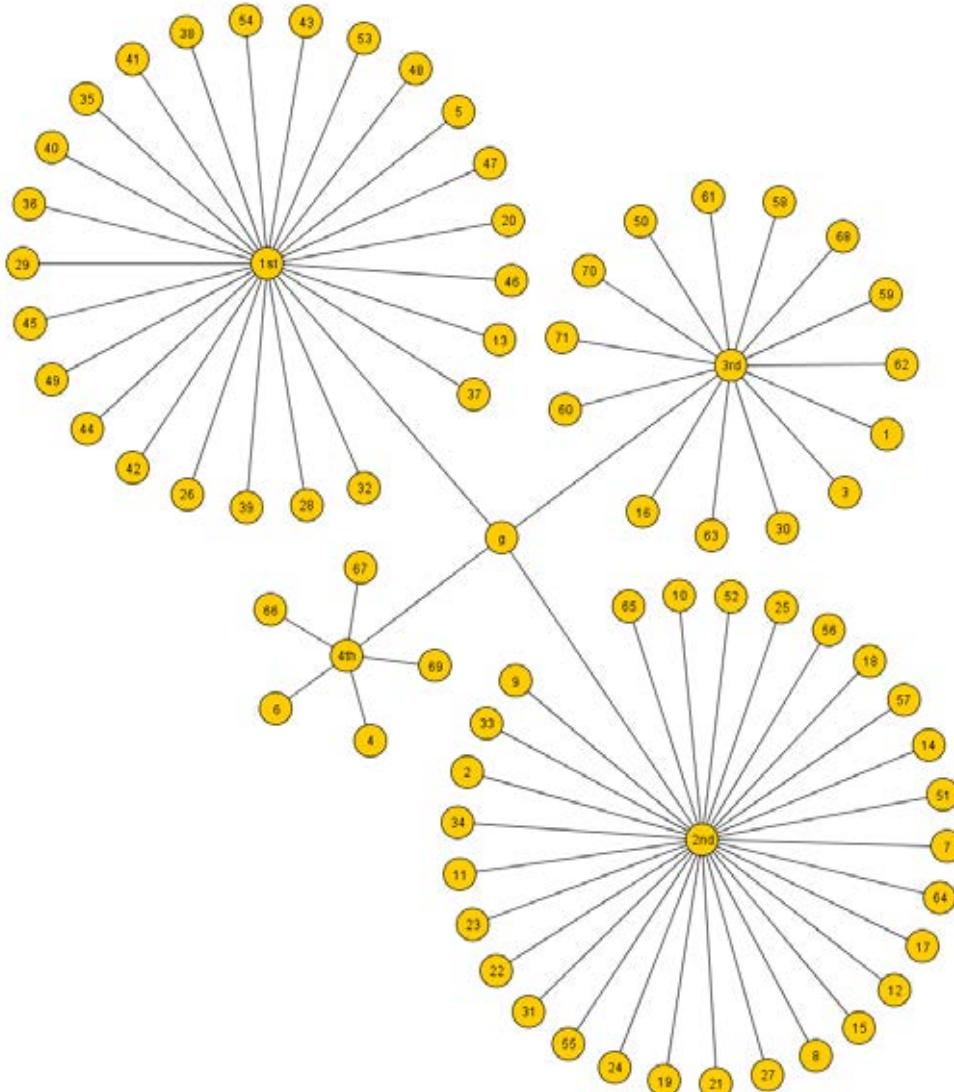
#### 4.3.1 กราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 3



ภาพที่ 4.18 แสดงกราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 3

จากการที่ 4.18 กราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 3 นั้นมีการเปลี่ยนแปลงความซันมากกว่า 2 กรณีแรกที่ผ่านมาโดยมีกิ่งที่ลีกลงมา слับกับหนดสีดำและสีน้ำเงินที่มากกว่า 2 กรณีแรกที่ผ่านมา

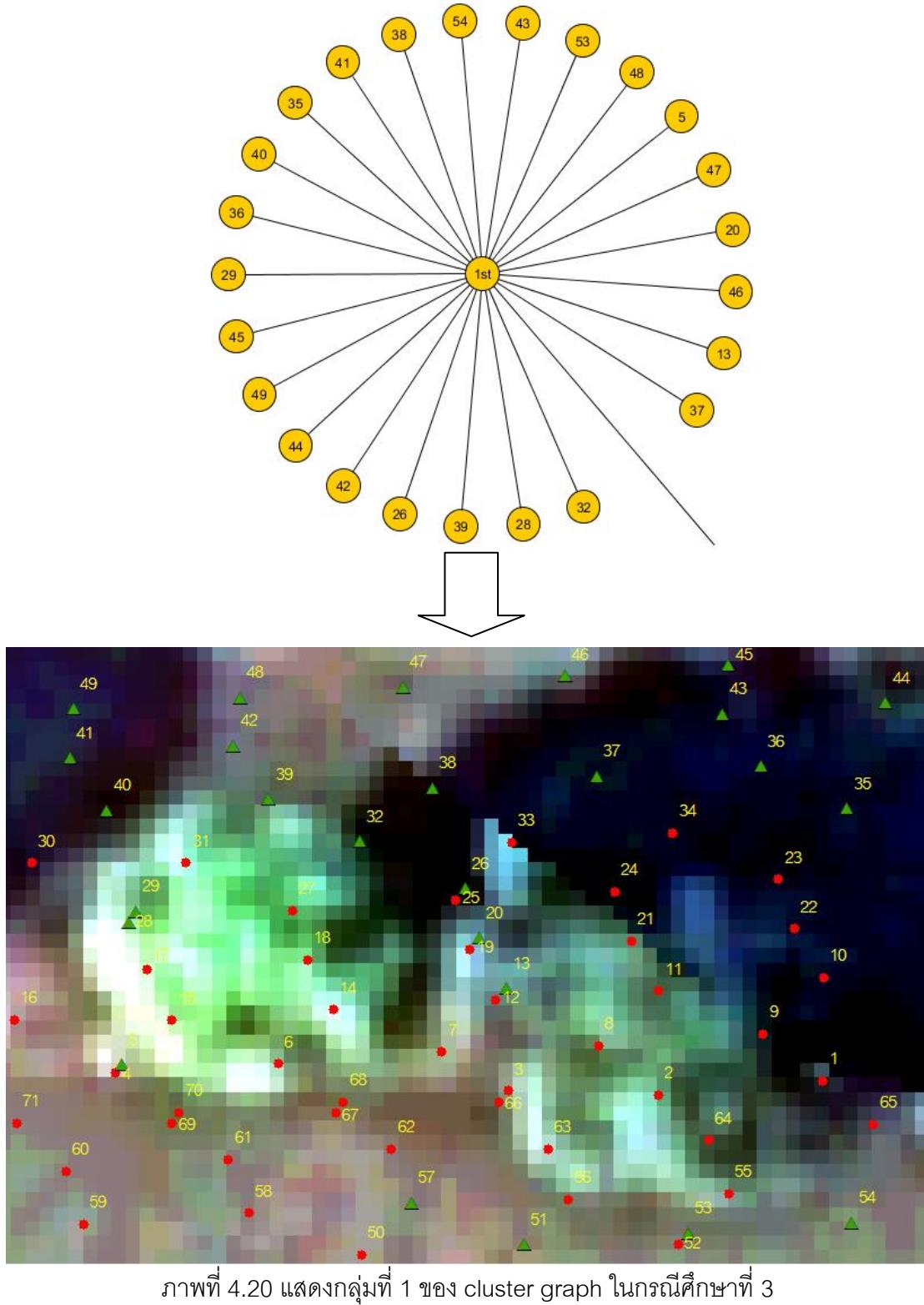
### 4.3.2 Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 3



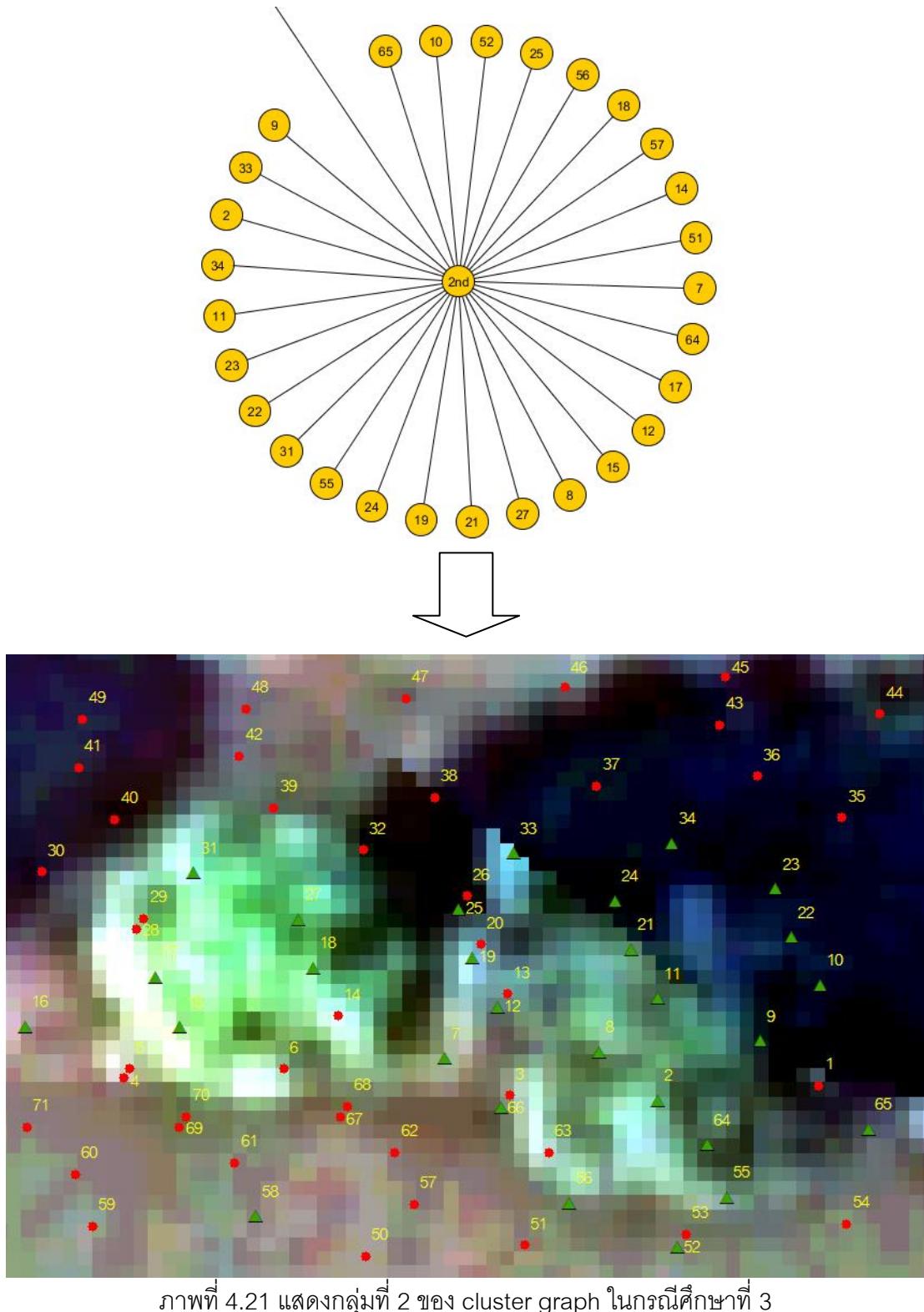
ภาพที่ 4.19 แสดง Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 3

จากภาพที่ 4.19 กราฟแบ่งกลุ่มของกรณีศึกษาที่ 3 แบ่งออกเป็นห้าสิ้น 4 ลำดับโดยลำดับ แรกคือส่วนที่เป็นพื้นราบ และลำดับขั้นที่ 2-4 คือ ส่วนที่เป็นตันไม้ เมื่อนำข้อมูลไอลดาร์ที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph มาเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศแสดงตามภาพที่ 4.20-4.23 โดยมีสัญลักษณ์ คือ

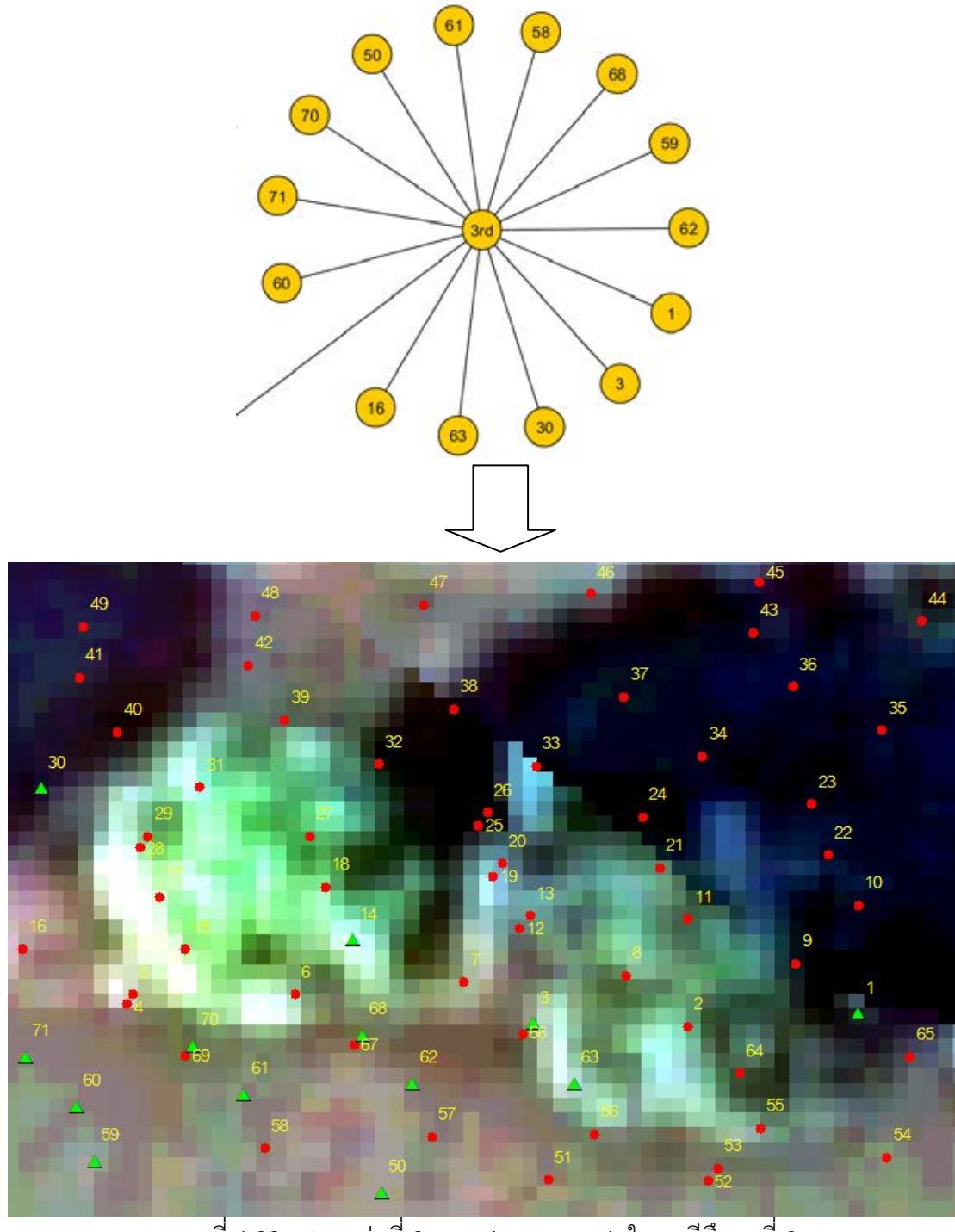
- แทนด้วยกลุ่มของจุดที่อยู่ในพื้นที่ศึกษาแต่ไม่ได้อยู่ในความสัมพันธ์ของ cluster graph ในแต่ละลำดับที่แสดงตามภาพ
- ▲ แทนด้วยกลุ่มของจุดที่อยู่ในความสัมพันธ์แต่ละลำดับของ cluster graph



จากภาพที่ 4.20 พบร่วมกันที่ไม่ต่างกันหลังจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph คือ จุดที่ 5 , 13 , 20 , 28 และ 29

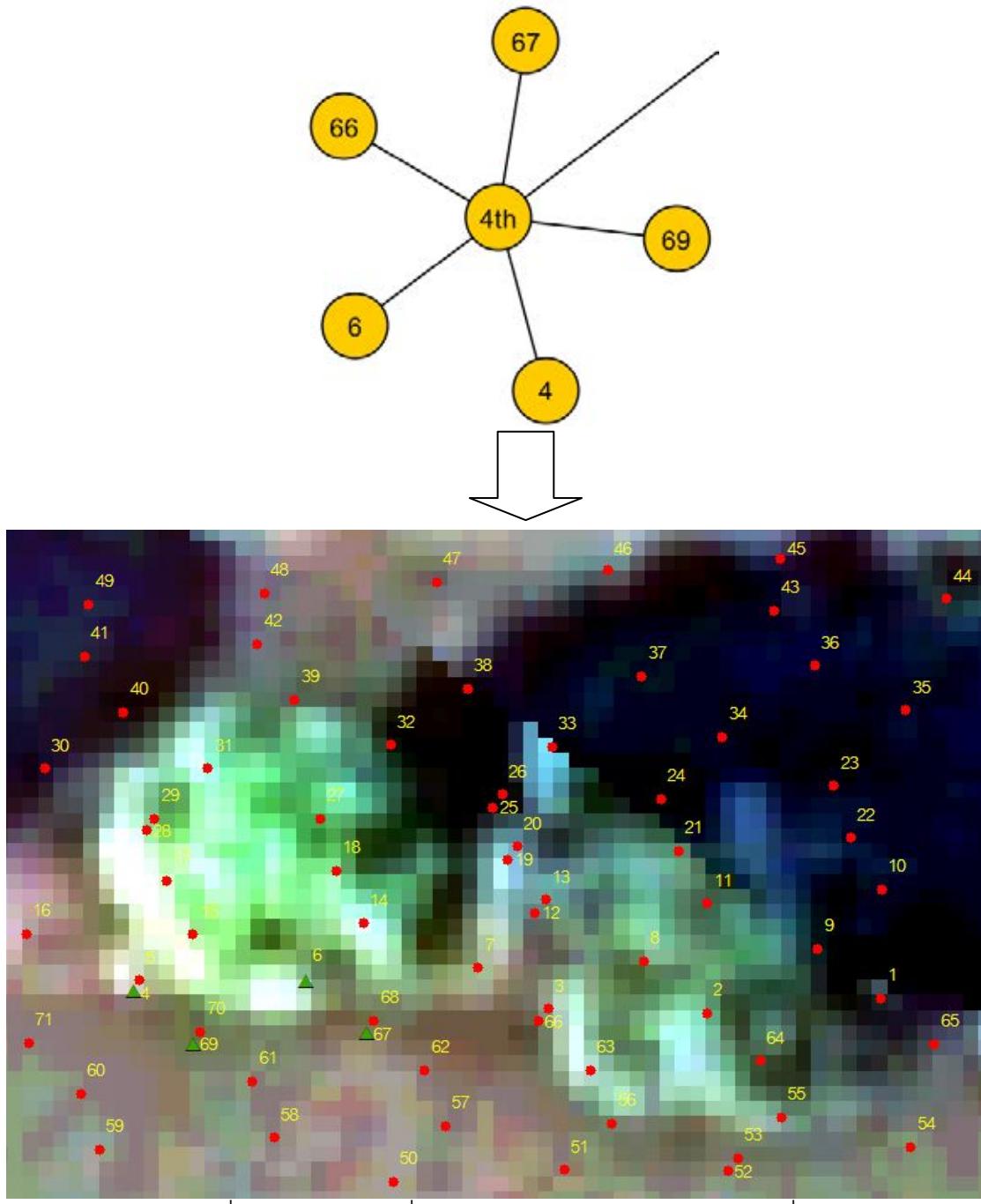


จากภาพที่ 4.21 พบร่วมกับกลุ่มที่ไม่ตรงกันเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ คือ จุดที่ 9 , 10 , 16 , 22 , 23 , 24 , 34 , 52 , 56 , 58 , 65 ซึ่งเป็นจุดที่อยู่นอกบริเวณวัตถุ



ภาพที่ 4.22 แสดงกลุ่มที่ 3 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 3

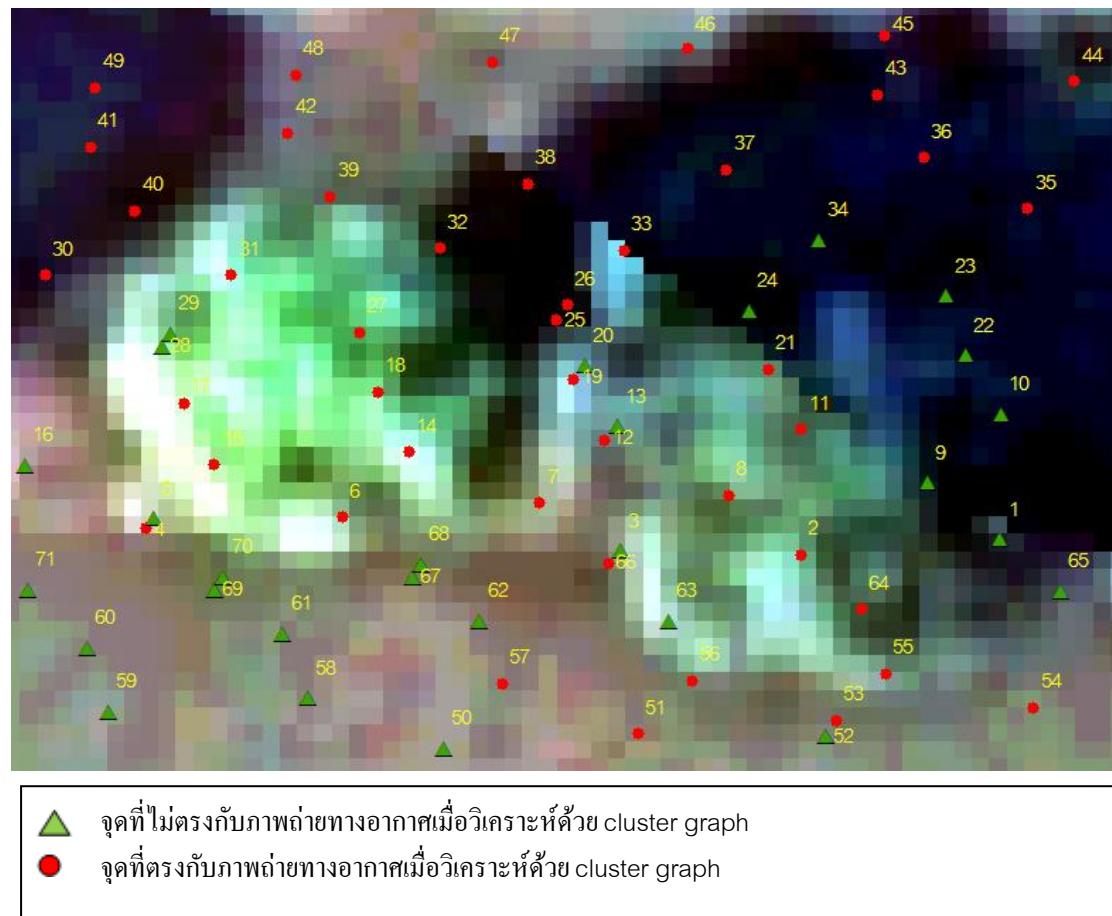
จากภาพที่ 4.22 พบจุดที่ไม่ตรงกัน คือ จุดที่ 1 , 3 , 16 , 50 , 58 , 59 , 60 , 61 , 62 , 63 , 68 , 70 และ 71 ซึ่งเป็นจุดที่อยู่นอกบริเวณวัตถุ



ภาพที่ 4.23 แสดงกลุ่มที่ 4 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 3

จากภาพที่ 4.23 พบรูดที่ไม่ตรงกัน เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ คือ จุดที่ 67 และ 69

### 4.3.3 สรุปผลของข้อมูลไอล์ดาร์ที่ผ่านการวิเคราะห์จาก cluster graph กับภาพถ่ายทางอากาศ



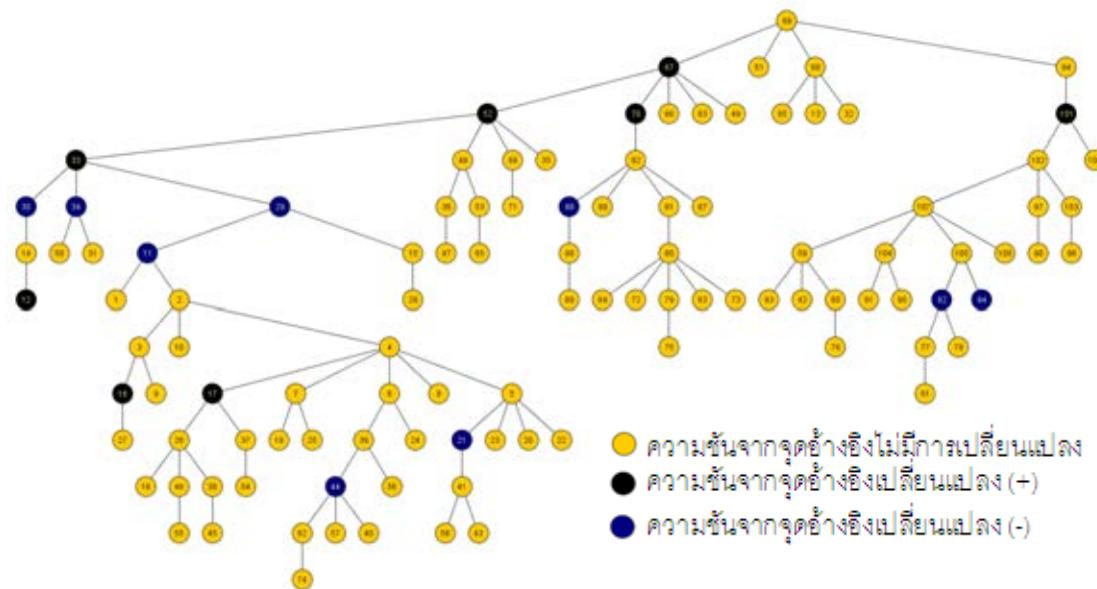
ภาพที่ 4.24 แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบ กับภาพถ่ายทางอากาศในกรณีศึกษาที่ 3

จากภาพที่ 4.24 เมื่อเปรียบเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศพบจุดที่ไม่ตรงกัน คือ จุดที่ 1 , 3 , 5 , 9 , 10 , 16 , 20 , 22 , 23 , 24 , 28 , 29 , 34 , 50 , 52 , 58 , 59 , 60 , 61 , 62 , 63 , 65 , 67 , 68 , 69 , 70 และ 71 คิดเป็น 34.43 % และ จุดที่ตรงกันคิดเป็น 60.56 % ซึ่งเมื่อเทียบกับ 2 กรณีศึกษา ก่อนหน้าพบว่ามีความไม่ตรงกันหลังจากใช้กราฟวิเคราะห์แล้วมากกว่า ซึ่งมีจุดที่ไม่ ตรงกันถึง 28 จุด โดยอยู่ในบริเวณที่วิเคราะห์จากกราฟว่าเป็นพื้นราบทมากกว่าบริเวณที่เป็นต้นไม้

#### 4.4 กรณีศึกษาที่ 4

กรณีศึกษาที่ 4 ผู้วิจัยเลือกข้อมูลไอลดา์บวีเวนอาคารที่มีลักษณะเป็นอาคารหลังคาแบบราบ โดยมีข้อมูลบวีเวนมากในอาคารและข้อมูลบวีเวนโดยรอบ

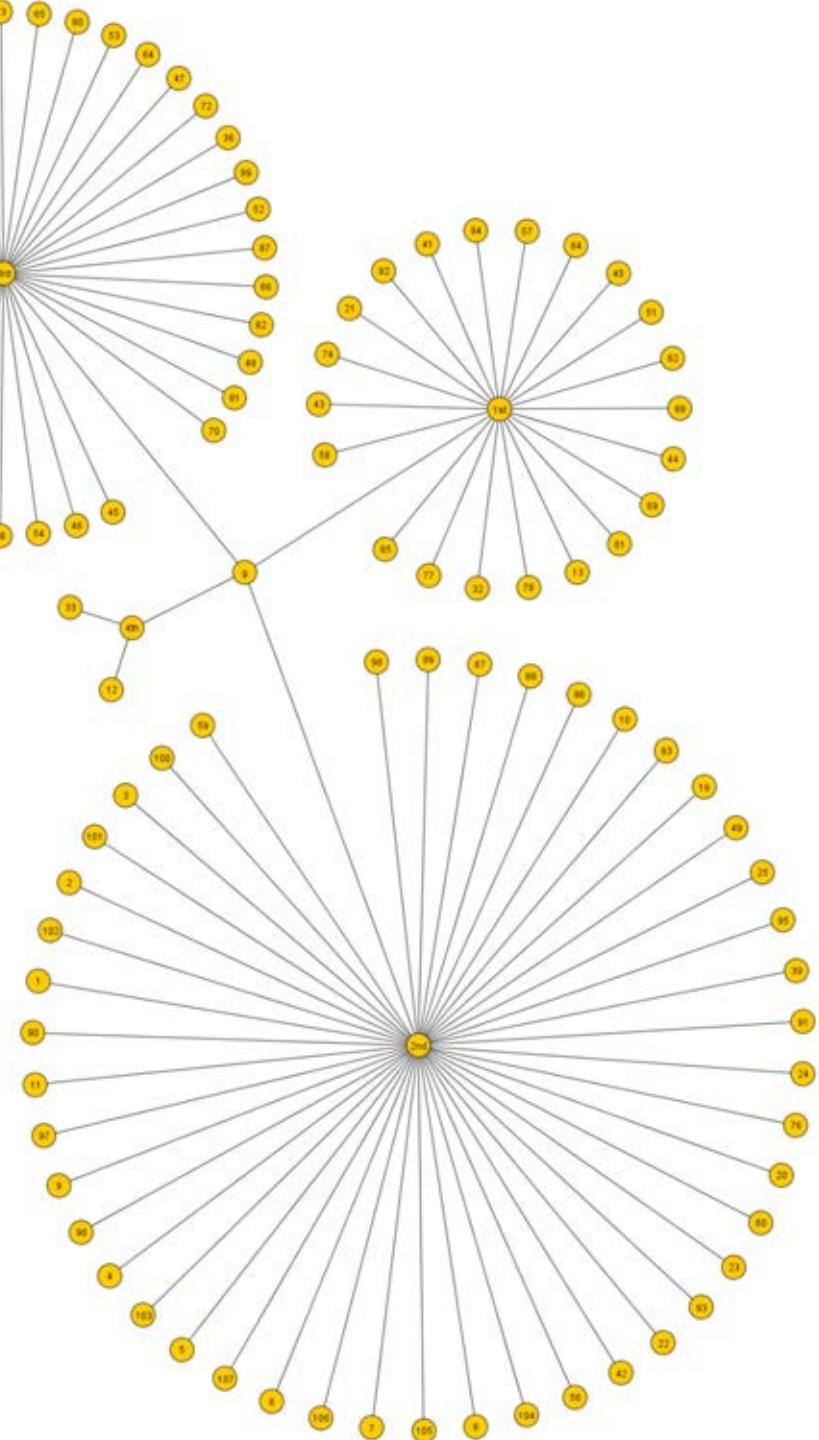
##### 4.4.1 กราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 4



ภาพที่ 4.25 แสดงกราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 4

จากภาพที่ 4.25 กราฟของกรณีศึกษาที่ 4 เป็นกราฟที่ไม่มีการเปลี่ยนแปลงความซับซ้อนมากนักโดยเฉพาะเมื่อเทียบกับกราฟต้นไม้ของกรณีที่ 3 หนนดเดิมต้นของกราฟคือ หนนดที่ 69 มีกิ่งที่กระจายออกไปในแนวกว้างไม่ลึกลงไปเหมือนใน 3 กรณีก่อนหน้านี้

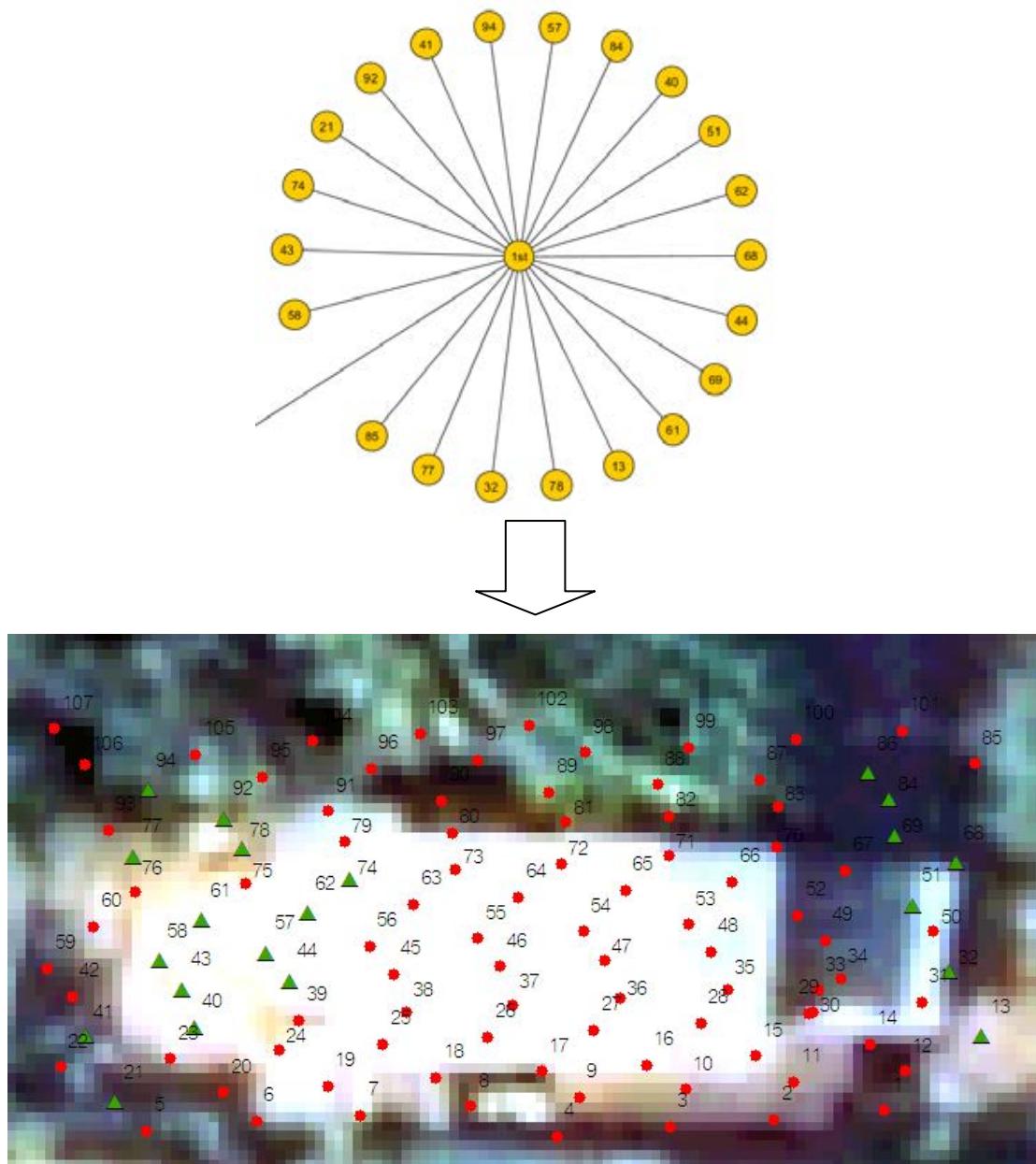
#### 4.4.2 Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 4



ภาพที่ 4.26 แสดงกราฟแบ่งกลุ่มของกรณีศึกษาที่ 4

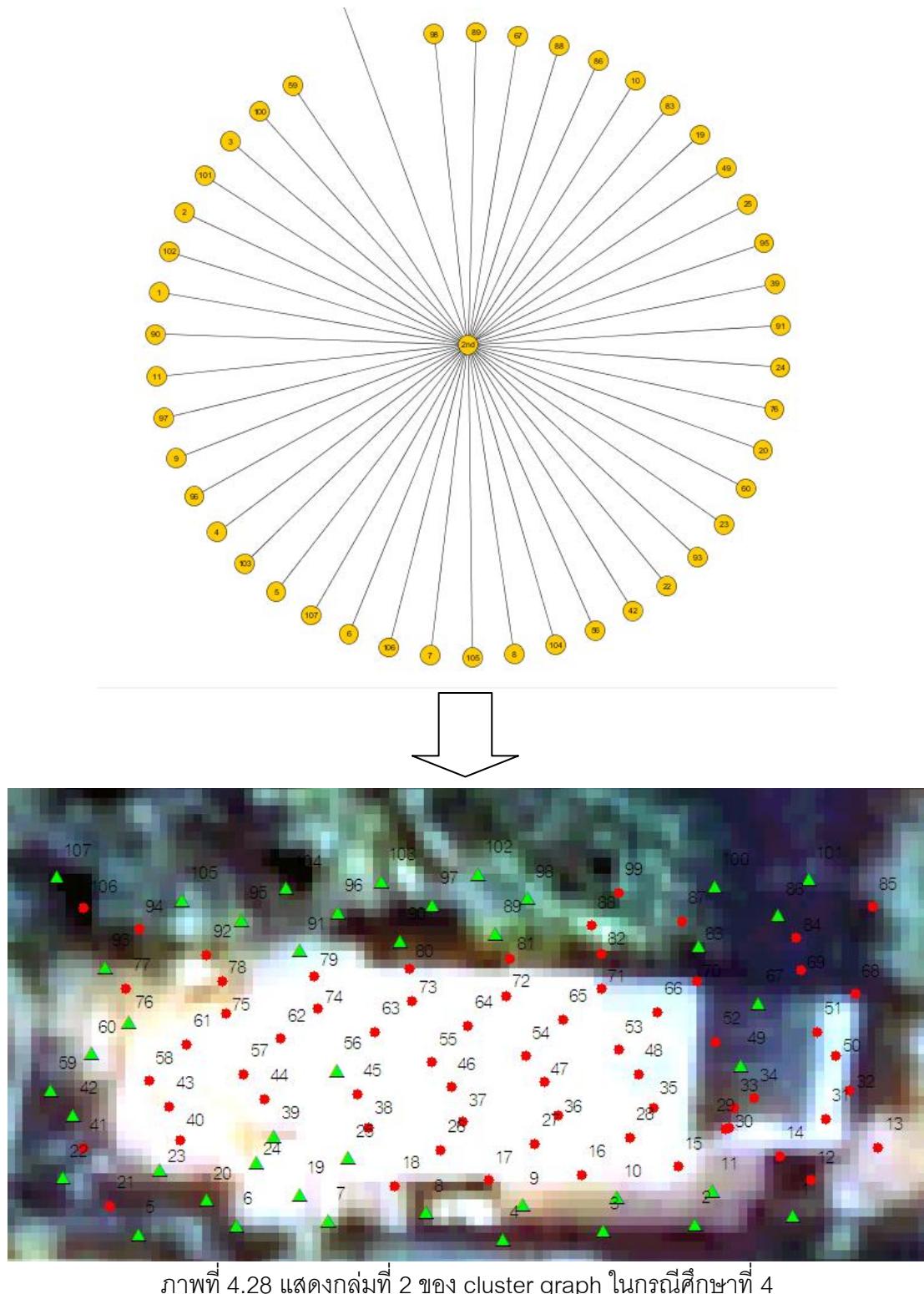
จากภาพที่ 4.26 กราฟแบ่งกลุ่มของกรณีศึกษาที่ 4 มีทั้งสิ้น 4 กลุ่ม โดยกลุ่มที่กำหนดให้เป็นพื้นทึบ คือ กลุ่มที่ 1 และกลุ่มที่เป็นบริเวณตีก คือ กลุ่มที่ 2-4 ซึ่งเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศแสดงตามภาพที่ 4.27-4.30 โดยมีสัญลักษณ์ คือ

- แทนตัวยอกลุ่มของจุดที่อยู่ในพื้นที่ศึกษาแต่ไม่ได้อยู่ในความสัมพันธ์ของ cluster graph ในแต่ละลำดับที่แสดงตามภาพ
- ▲ แทนตัวยอกลุ่มของจุดที่อยู่ในความสัมพันธ์แต่ละลำดับของ cluster graph

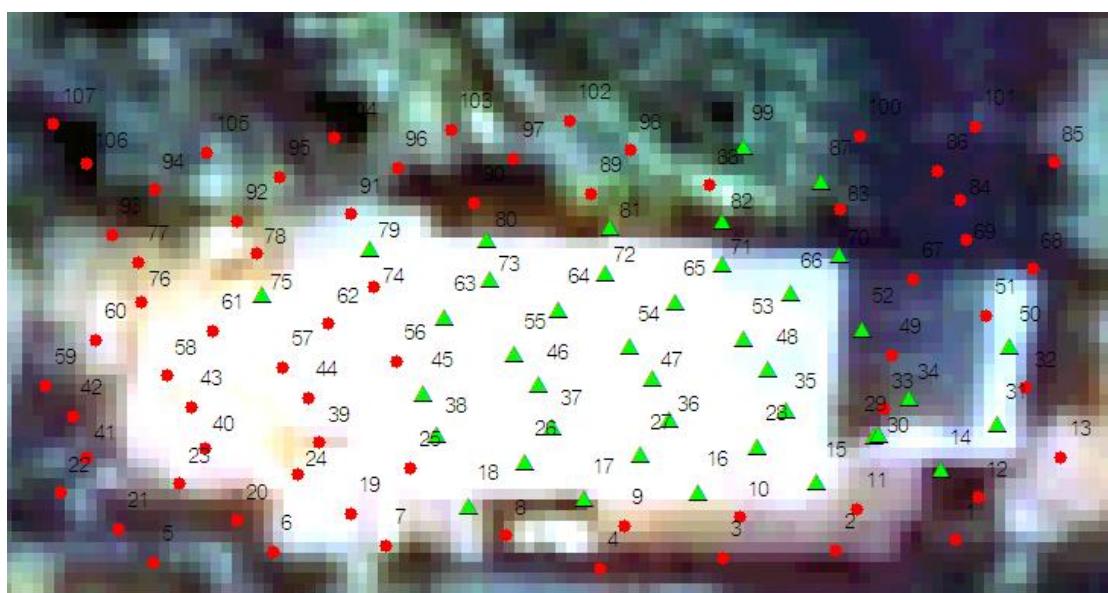
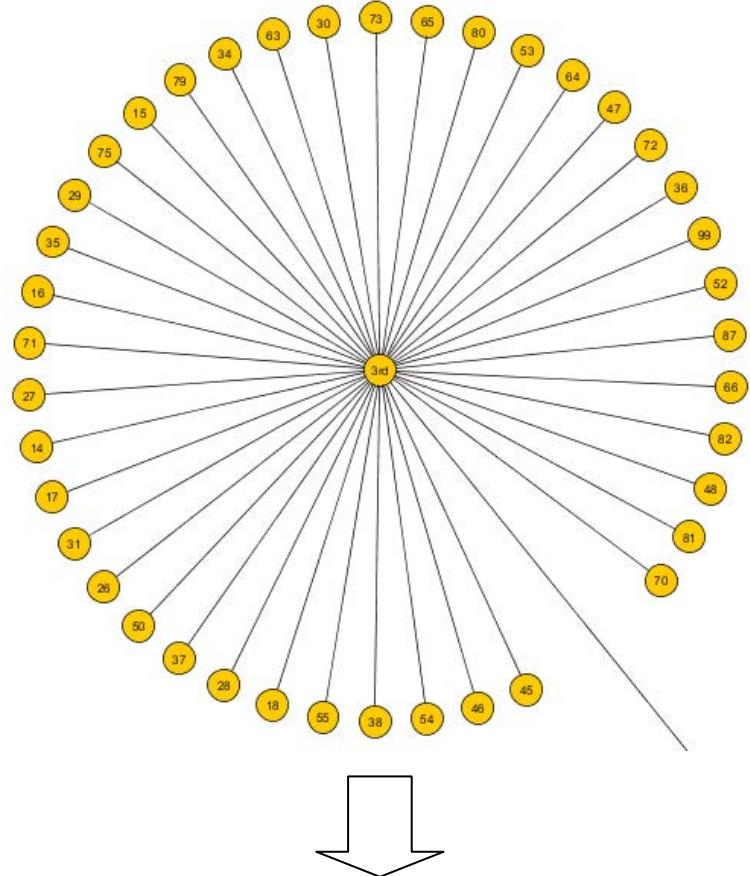


ภาพที่ 4.27 แสดงกลุ่มที่ 1 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 4

จากภาพที่ 4.27 พบร่วมกับนักเรียนที่ไม่ตรงกันเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ คือ จุดที่ 13 , 21 , 41 , 69 , 77 , 84 , 86 , 92 และ 94

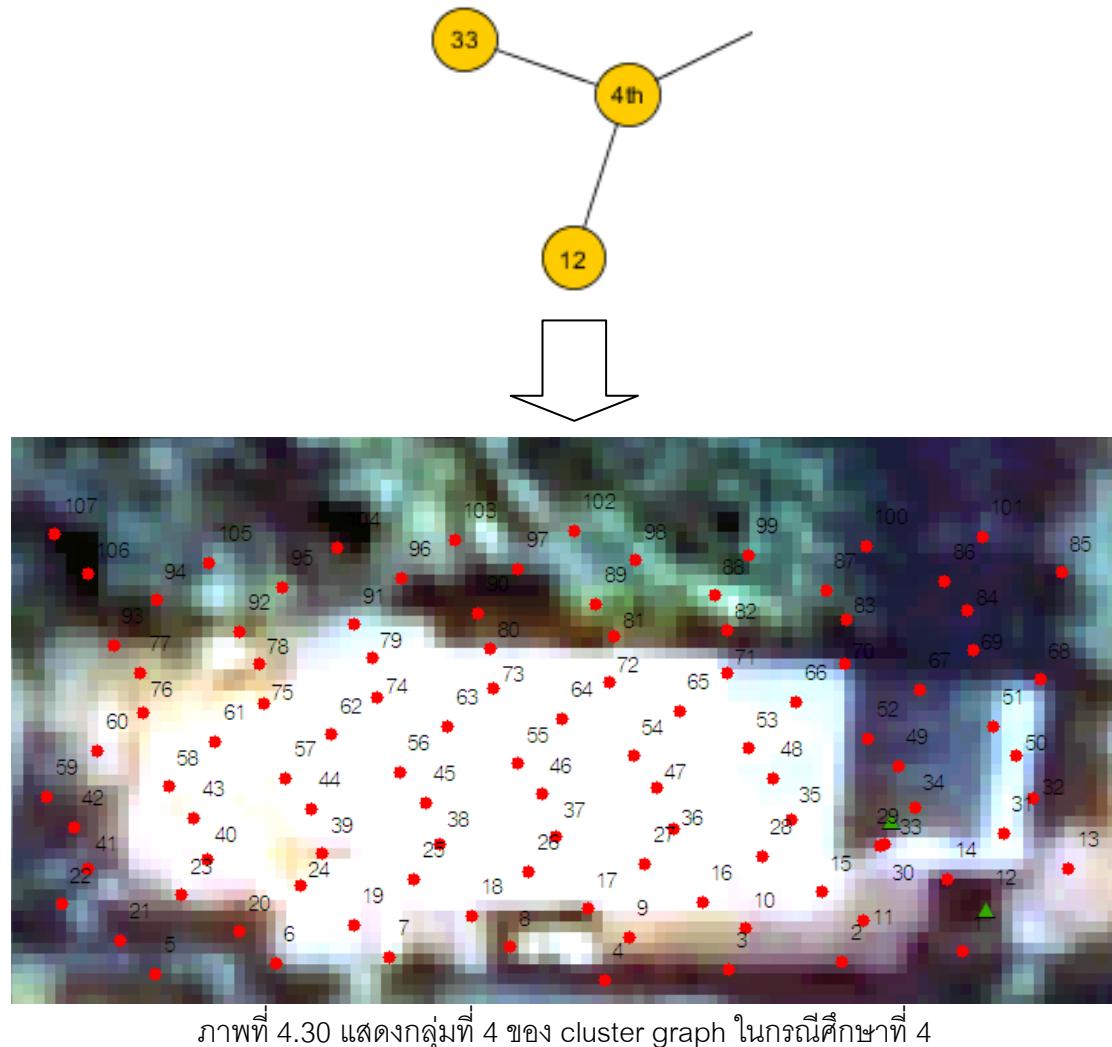


จากภาพที่ 4.28 เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศพบว่า มีจุดที่ไม่ตรงกันคือ จุดที่ 1 , 5 , 20 , 22 , 39 , 42 , 60 , 83 , 86 , 89 , 90 , 95 , 96 , 97 , 100 , 101 , 102 , 103 , 104 , 105 และ 107



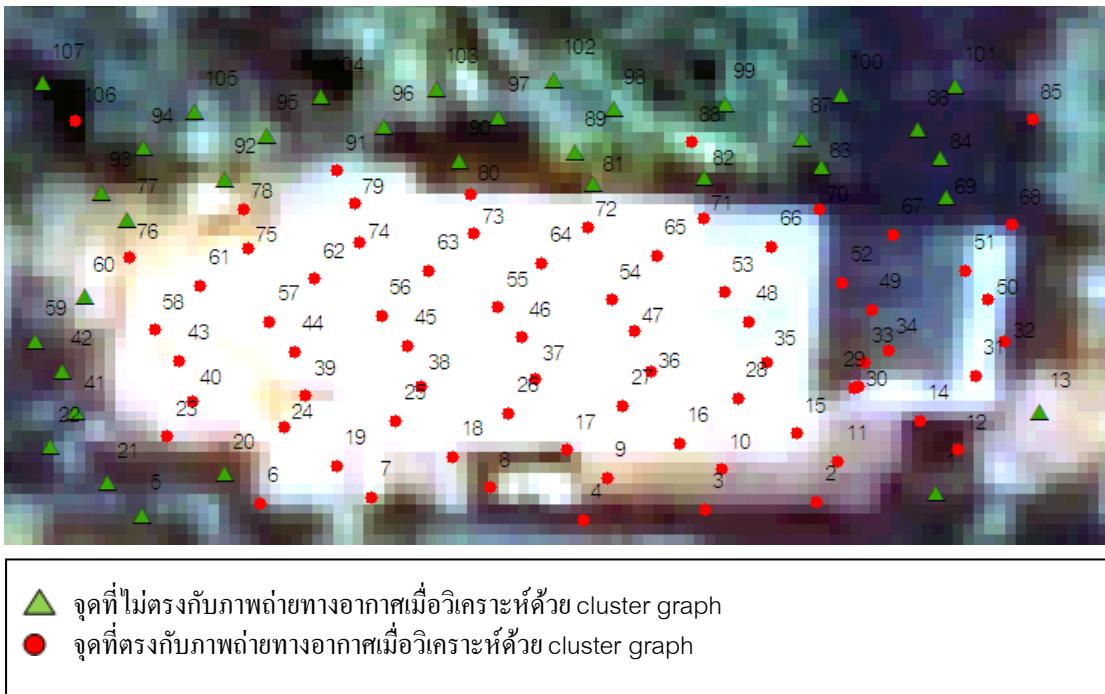
ภาพที่ 4.29 แสดงกลุ่มที่ 3 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 4

จากภาพที่ 4.29 พบร่วมกับภาพที่ 4.30 เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ คือ จุดที่ 81 , 82 , 87 และ 99



จากภาพที่ 4.30 เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศพบว่ามีจุดที่ไม่ตรงกัน คือ จุดที่ 12

#### 4.4.3 สรุปผลของข้อมูลไอลาร์ที่ผ่านการวิเคราะห์จาก cluster graph กับภาพถ่ายทางอากาศ



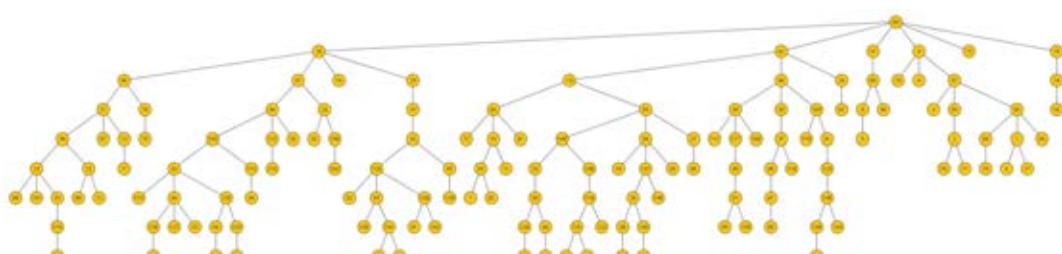
ภาพที่ 4.17 แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศในกรณีศึกษาที่ 4

จากภาพที่ 4.31 มีจุดที่ไม่ตรงกันคือ จุดที่ 1 , 5 , 13 , 20 , 21 , 22 , 41 , 42 , 59 , 60 , 77 , 81 , 82 , 83 , 86 , 87 , 89 , 90 , 93 , 95 , 96 , 97 , 98 , 99 , 100 , 101 , 102 , 103 , 105 และ 107 คิดเป็น 32.71 % และจุดที่ตรงกันคิดเป็น 67.29 %

#### 4.5 กรณีศึกษาที่ 5

ผู้จัดการเลือกข้อมูลไอลาร์ทในบริเวณที่เป็นแปลงนา โดยเป็นพื้นที่ราบทั้งหมด

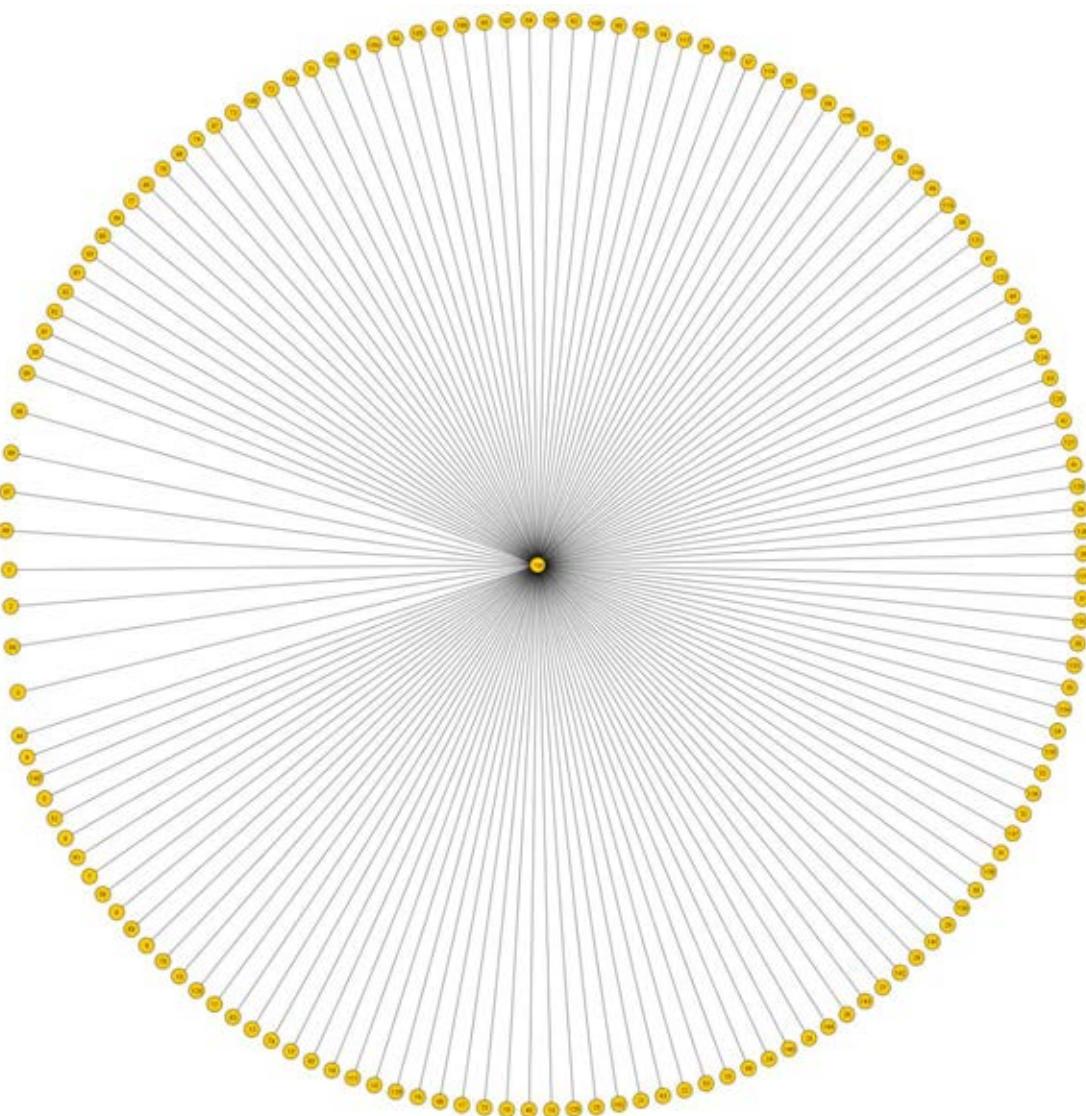
##### 4.5.1 กราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 5



ภาพที่ 4.32 กราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 5

จากภาพที่ 4.32 กราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 5 เริ่มต้นที่ โหนดที่ 85 และไม่มีโหนดใหม่  
โดยมีการเปลี่ยนแปลงความชันแสดงถึงพื้นที่ที่เป็นที่ราบหัน

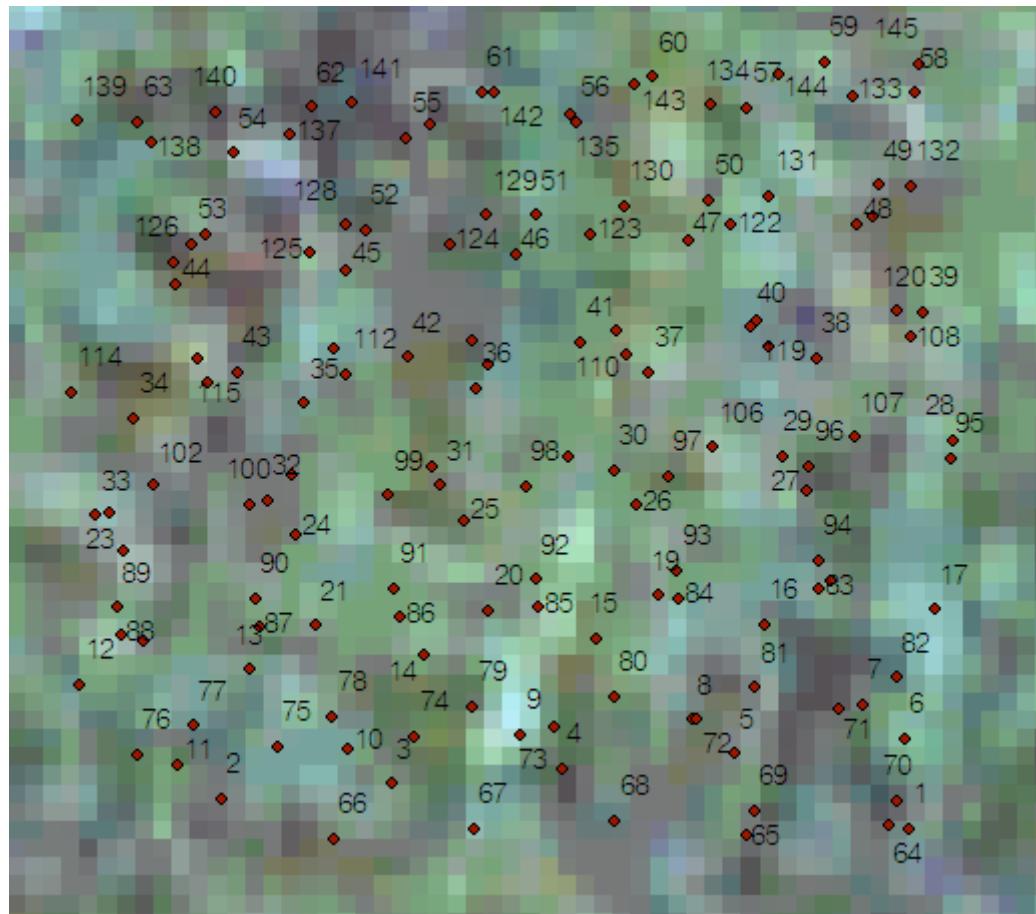
#### 4.5.2 Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 5



ภาพที่ 4.33 แสดง Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 5

จากรูปที่ 4.33 แสดงให้เห็นว่ามีแค่ลำดับเดียวเนื่องจากไม่มีการเปลี่ยนแปลงความชันเลย  
บ่งบอกว่าพื้นที่นี้เป็นพื้นที่ราบ

### 4.5.3 สรุปผลของข้อมูลไอลดาที่ผ่านการวิเคราะห์จาก cluster graph กับภาพถ่ายทางอากาศ



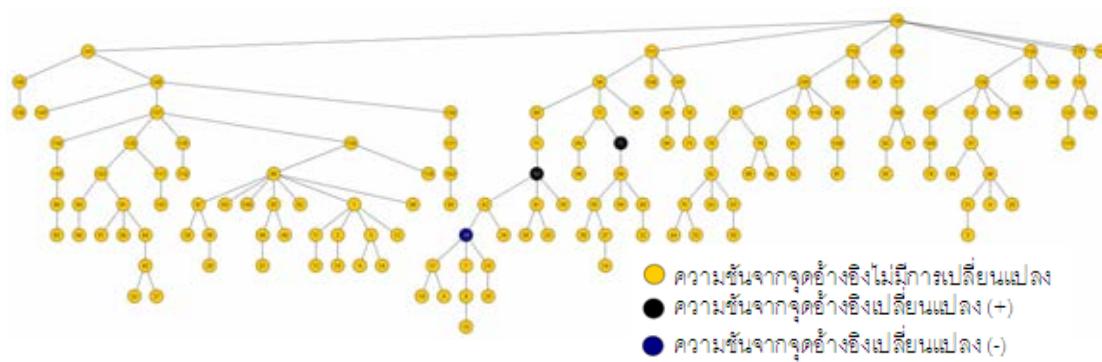
ภาพที่ 4.34 แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศในกรณีศึกษาที่ 5

จากภาพที่ 4.34 ไม่พบว่ามีจุดใดในภาพที่ไม่ตรงกันเลย ทำให้ในกรณีศึกษาที่ 5 นี้มีจุดทั้งหมดที่ตรงกัน 100 %

## 4.6 กรณีศึกษาที่ 6

ผู้วิจัยเลือกข้อมูลไอลดาร์บิเวนพื้นที่ที่กว้างกว่าทุกพื้นที่ศึกษาที่ผ่านมาและมีต้นไม้มอยู่เพียงต้นเดียว

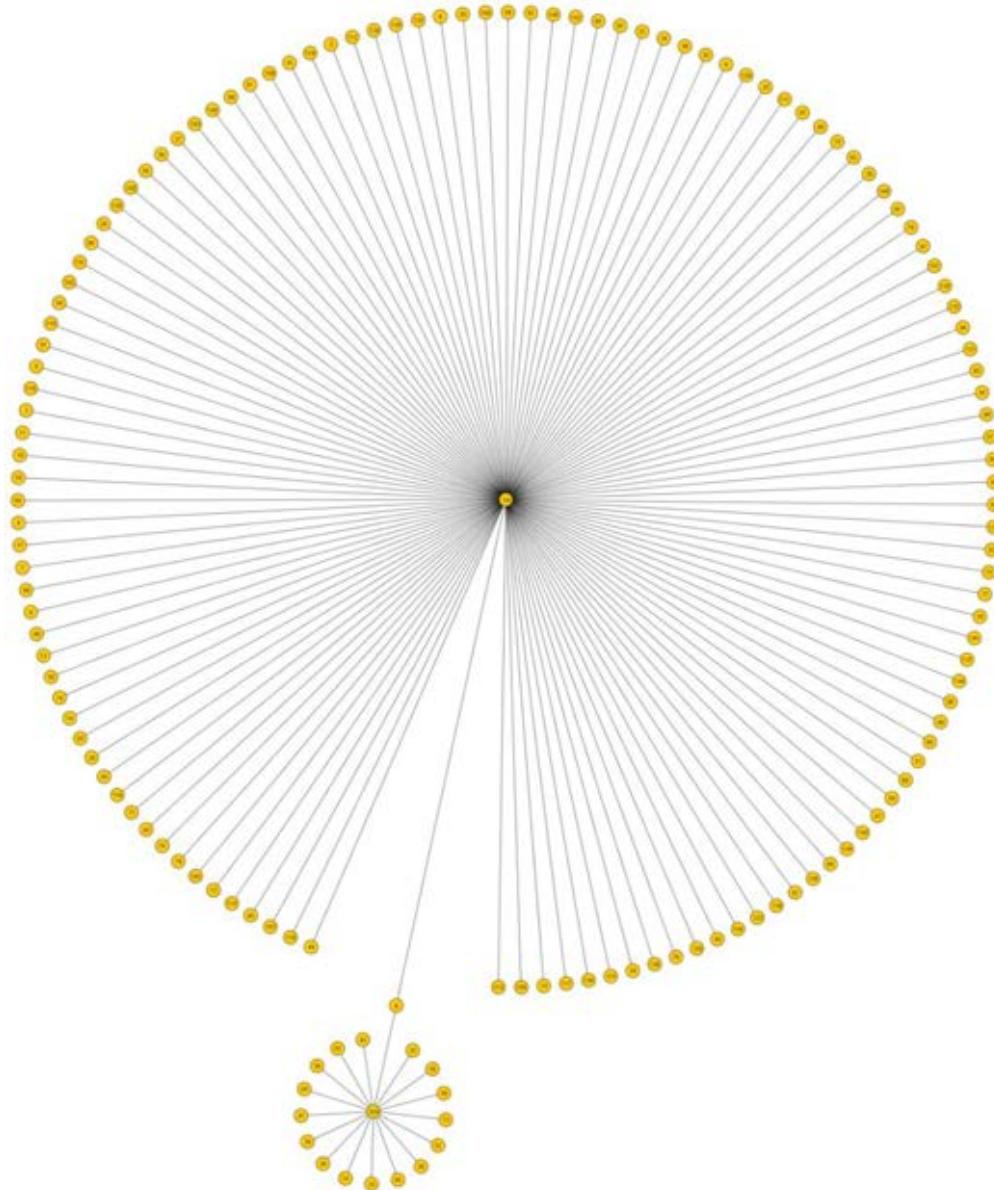
### 4.6.1 กราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 6



ภาพที่ 4.35 แสดงกราฟต้นไม้กรณีศึกษาที่ 6

จากภาพที่ 4.35 แสดงกราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 6 โดยเริ่มต้นจากโหนดที่ 130 มีการเปลี่ยนแปลงความชื้นอยู่ครั้งมากเมื่อเทียบจากกรณีที่ 1-4

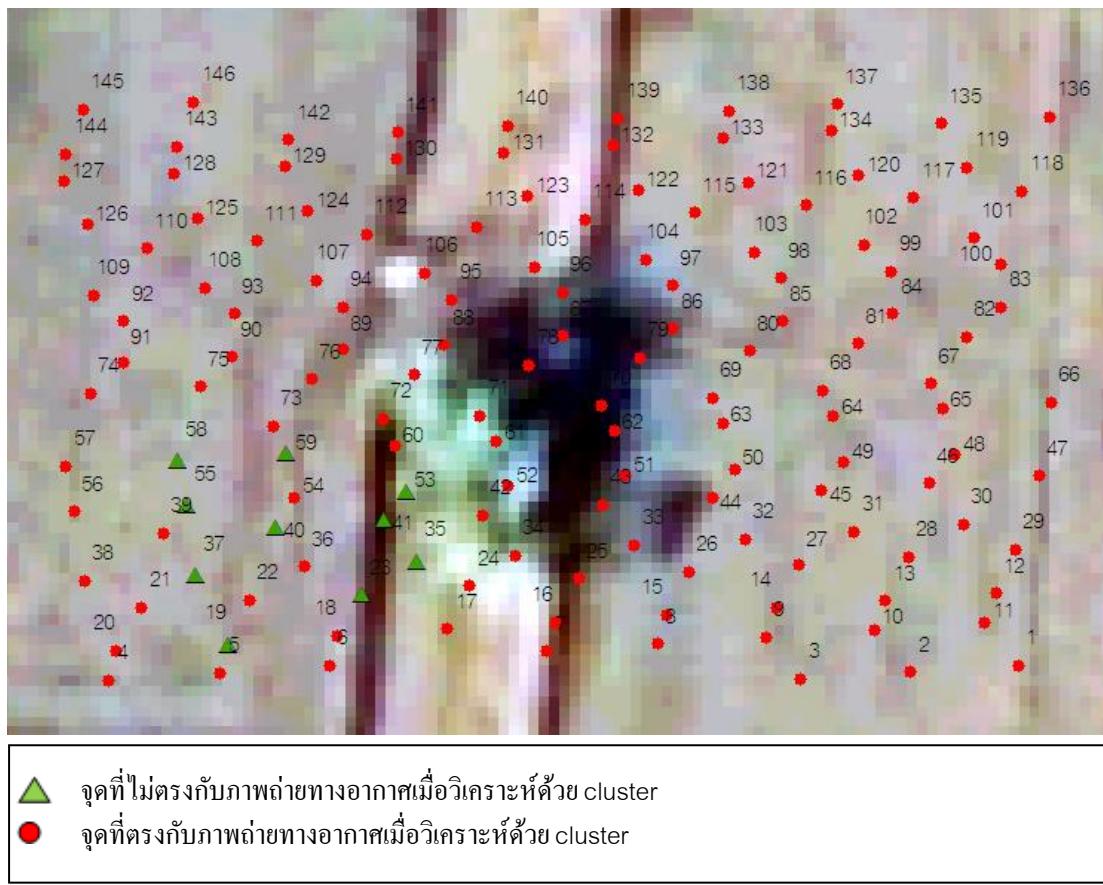
#### 4.6.2 Cluster Graph กรณีศึกษาที่ 6



ภาพที่ 4.36 แสดง Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 6

จากภาพที่ 4.36 แสดงกราฟแบ่งกลุ่มของกรณีศึกษาที่ 6 ซึ่งมี 2 ลำดับ โดยลำดับแรกมีจำนวนสมาชิกมากกว่าลำดับที่สองอย่างชัดเจน สำหรับในกรณีศึกษานี้มีสมาชิกเพียงสองกลุ่ม และในกลุ่มที่กำหนดให้เป็นบริเวณต้นไม้มีจำนวนที่น้อยจึงทำการสรุปเป็นจุดที่ตรงกันและไม่ตรงกันเพียงอย่างเดียว แสดงตามภาพที่ 4.37

#### 4.6.3 สรุปผลของข้อมูลไอลดาร์ที่ผ่านการวิเคราะห์จาก cluster graph กับภาพถ่ายทางอากาศ



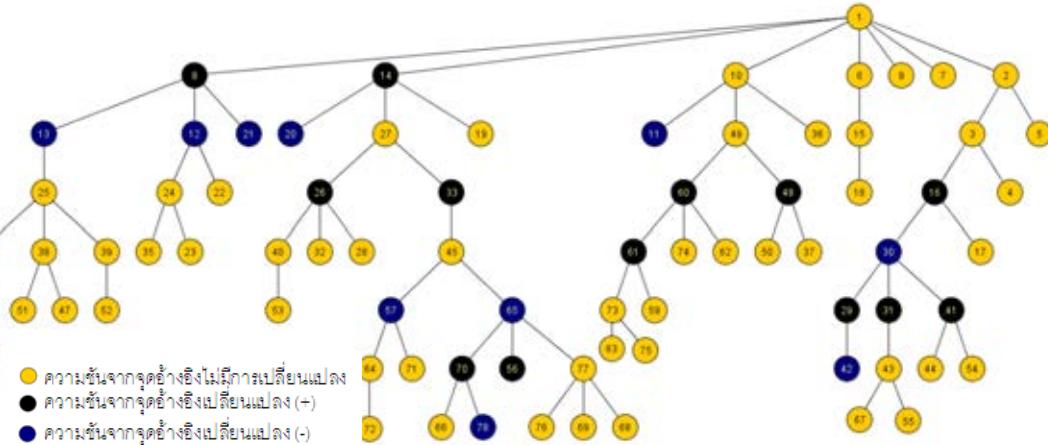
ภาพที่ 4.37 แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศในกรณีศึกษาที่ 6

จากภาพที่ 4.37 มีจุดที่ไม่ตรงกัน คือ จุดที่ 19 , 23 , 35 , 40 , 41 , 37 , 55 , 58 , 59 , 53 คิดเป็น 6.89 % มีจุดที่ตรงกันคิดเป็น 93.10 %

#### 4.7 กรณีศึกษาที่ 7

ในกรณีศึกษาที่ 7 เป็นกรณีศึกษาที่แตกต่างจากทุกกรณีเนื่องจากผู้วิจัยเลือกข้อมูลไอลดาร์จากบริเวณที่เป็นบ้านพักอาศัยอยู่ติดกัน และบริเวณโดยรอบ ต่างจากกรณีศึกษาอื่นที่มีข้อมูลที่อยู่สูงกว่าพื้นดินอย่างเด่นชัดเพียงอย่างเดียวแต่ในกรณีนี้มีลักษณะของบ้านส่วนใหญ่

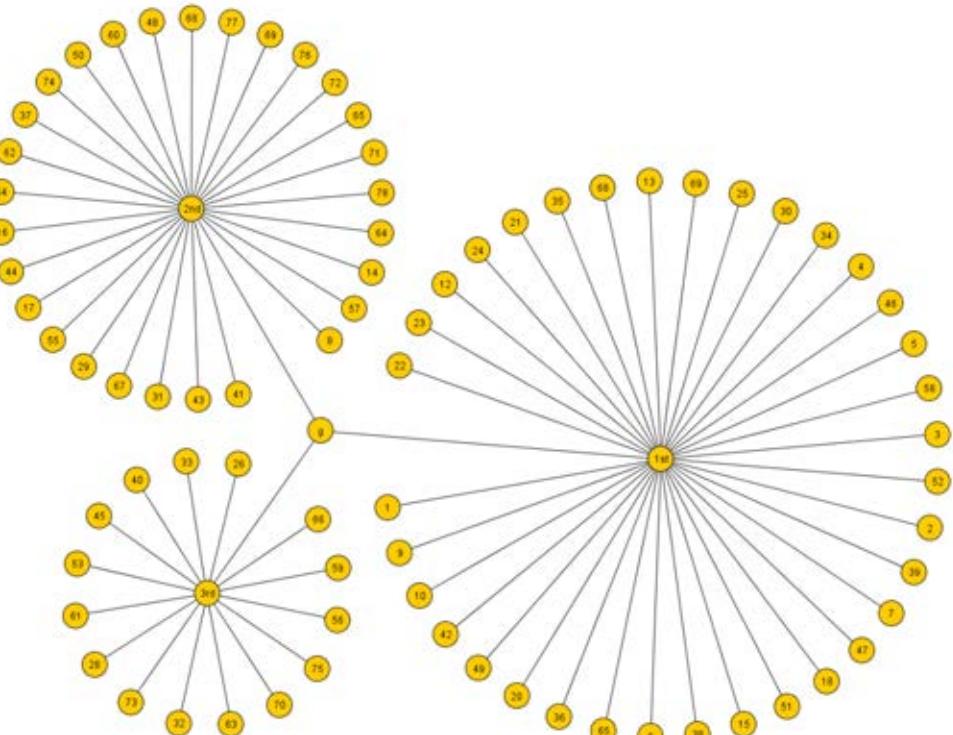
#### 4.7.1 กราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 7



ภาพที่ 4.38 แสดงกราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 7

จากภาพที่ 4.38 กราฟต้นไม้ของกรณีศึกษาที่ 7 เริ่มต้นโหนดแรกจากโหนดที่ 1 โดยมีโหนดที่กำหนดให้เป็นบริเวณขอบอาคาร คือ โหนดที่ 8 , 14 , 60 , 48 , 16 , 57 , 65 , 78 , 29 , 31 , 41

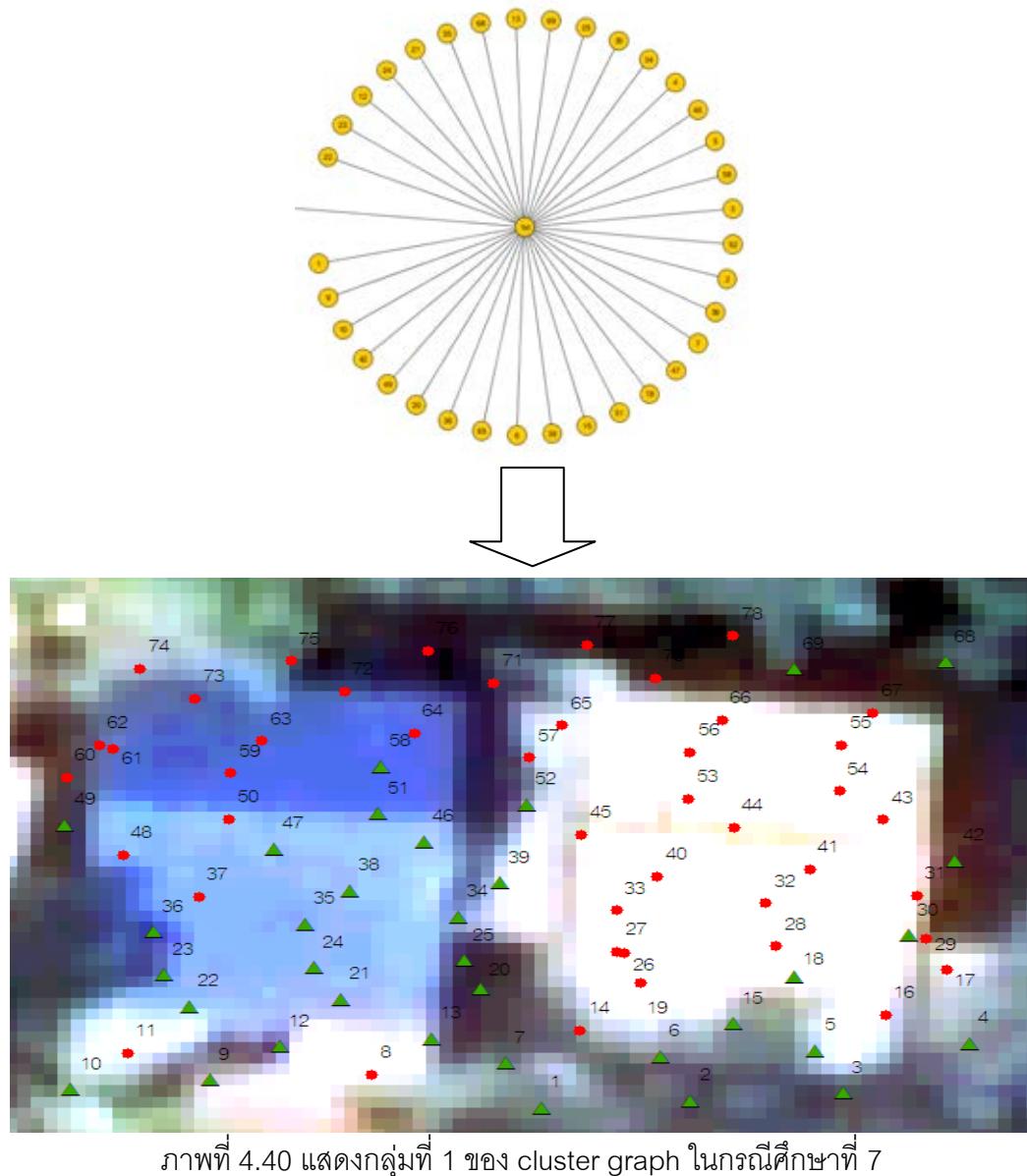
#### 4.7.2 Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 7



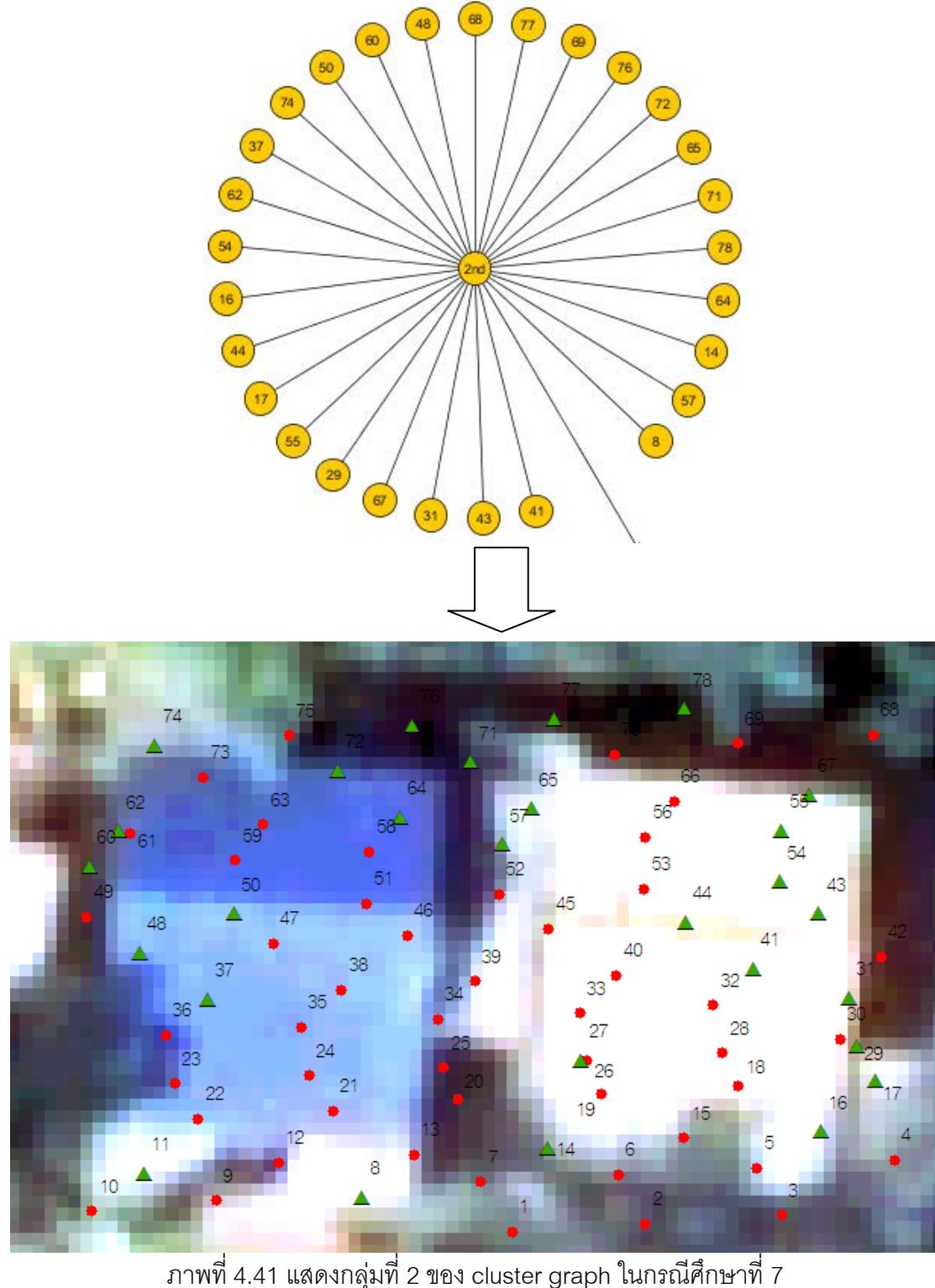
ภาพที่ 4.39 แสดง Cluster Graph ของกรณีศึกษาที่ 7

จากภาพที่ 4.39 กราฟแบ่งกลุ่มของกรณีศึกษาที่ 7 แบ่งออกเป็น 3 ลำดับ โดยลำดับที่มีจำนวนสมาชิกมากที่สุดคือ ลำดับแรก จากกราฟแบ่งกลุ่มในกรณีเราว่าแบ่ง ลำดับที่หนึ่ง คือ บริเวณพื้นราบ ลำดับที่สองและสาม คือ บ้านทั้งสองหลัง แสดงตามรูปที่ 4.40-4.42 โดยมี สัญลักษณ์ คือ

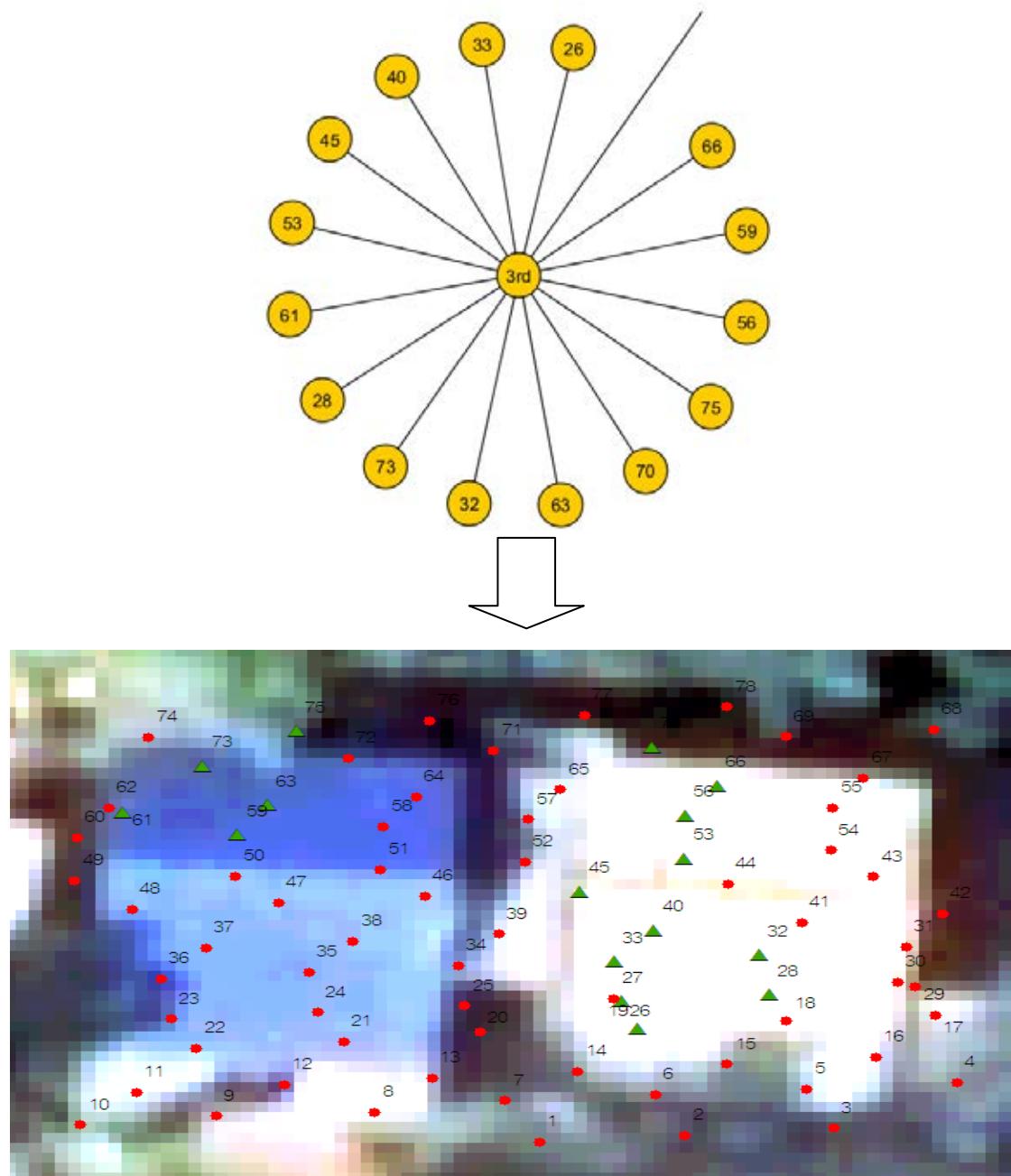
- แทนตัวยกกลุ่มของจุดที่อยู่ในพื้นที่ศึกษาแต่ไม่ได้อยู่ในความสัมพันธ์ของ cluster graph ในแต่ละลำดับที่แสดงตามภาพ
- ▲ แทนตัวยกกลุ่มของจุดที่อยู่ในความสัมพันธ์แต่ละลำดับของ cluster graph



จากภาพที่ 4.40 พบว่ามีจุดที่ไม่ตรงกันเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ คือ จุดที่ 5 , 18 , 21 , 24 , 30 , 35 , 38 , 46 , 47 , 51 , 58 และ 65



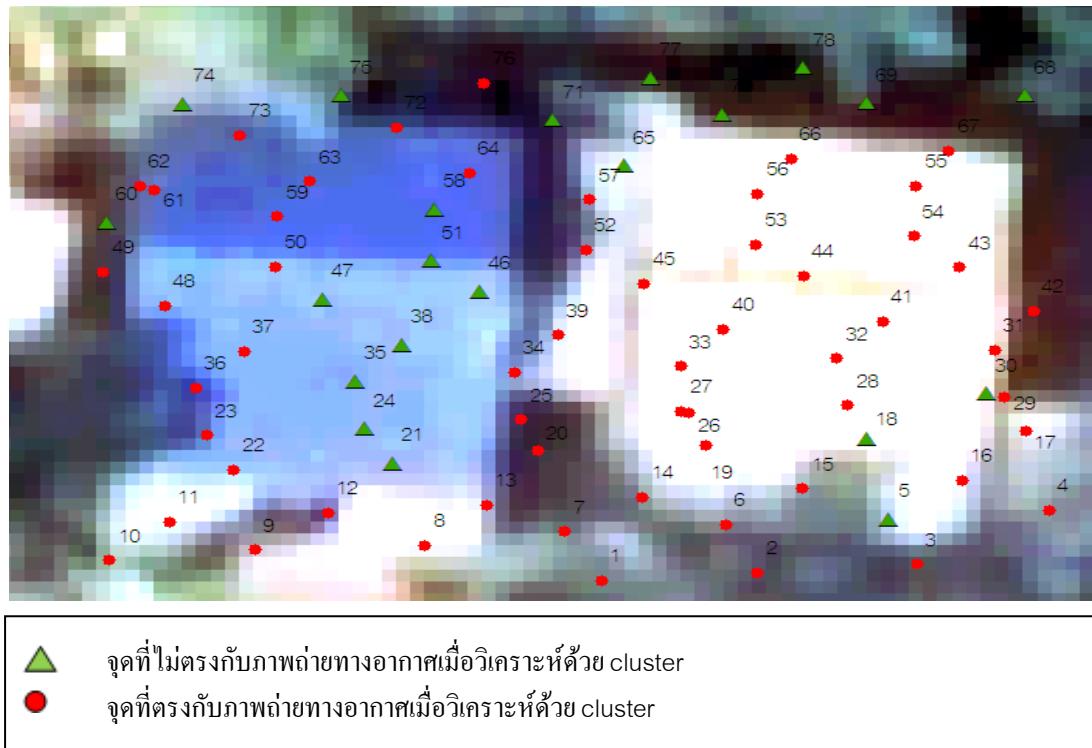
จากภาพที่ 4.41 พบว่ามีจุดที่ไม่ตรงกันเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ คือ จุดที่ 17 , 60 , 68 , 69 , 74 , 77 และ 78



ภาพที่ 4.42 แสดงกลุ่มที่ 3 ของ cluster graph ในกรณีศึกษาที่ 7

จากภาพที่ 4.42 พบว่ามีจุดที่ไม่ตรงกันเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศคือ จุดที่ 70 และ 75

#### 4.7.3 สtruปผลของข้อมูลไอลดาร์ที่ผ่านการวิเคราะห์จาก cluster graph กับภาพถ่ายทางอากาศ

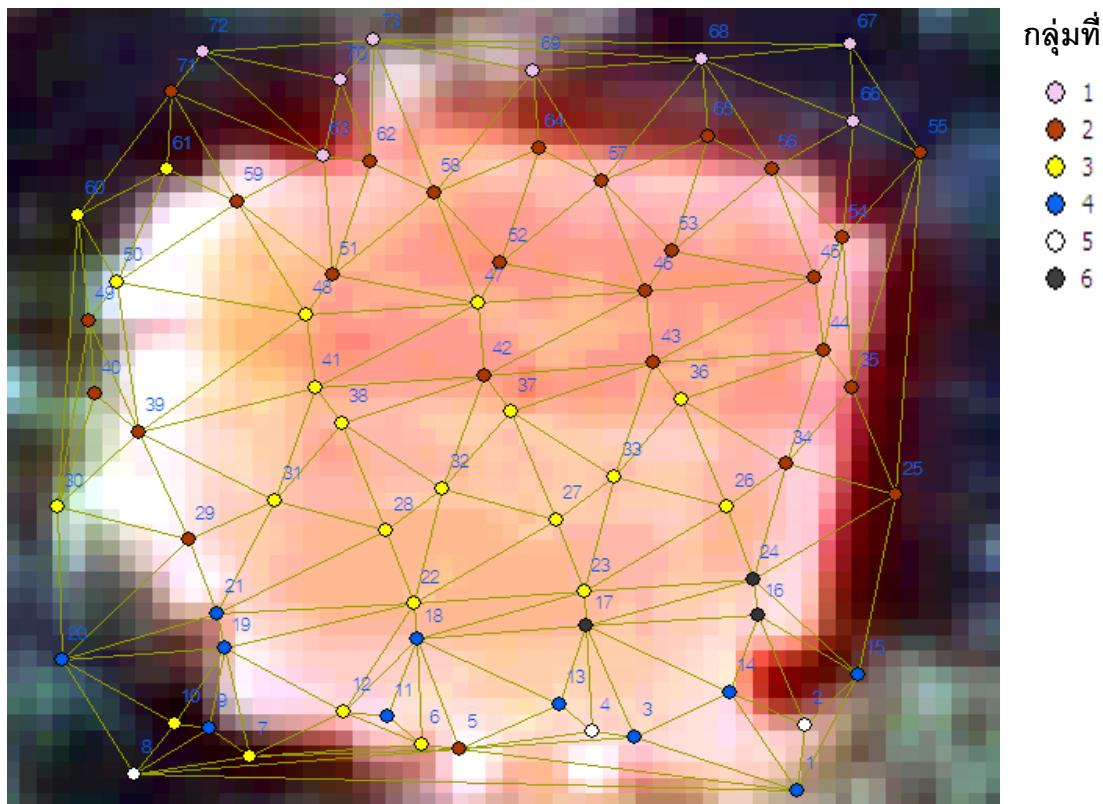


ภาพที่ 4.43 แสดงการเปรียบเทียบจุดที่ไม่ตรงกันจากการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศในกรณีศึกษาที่ 7

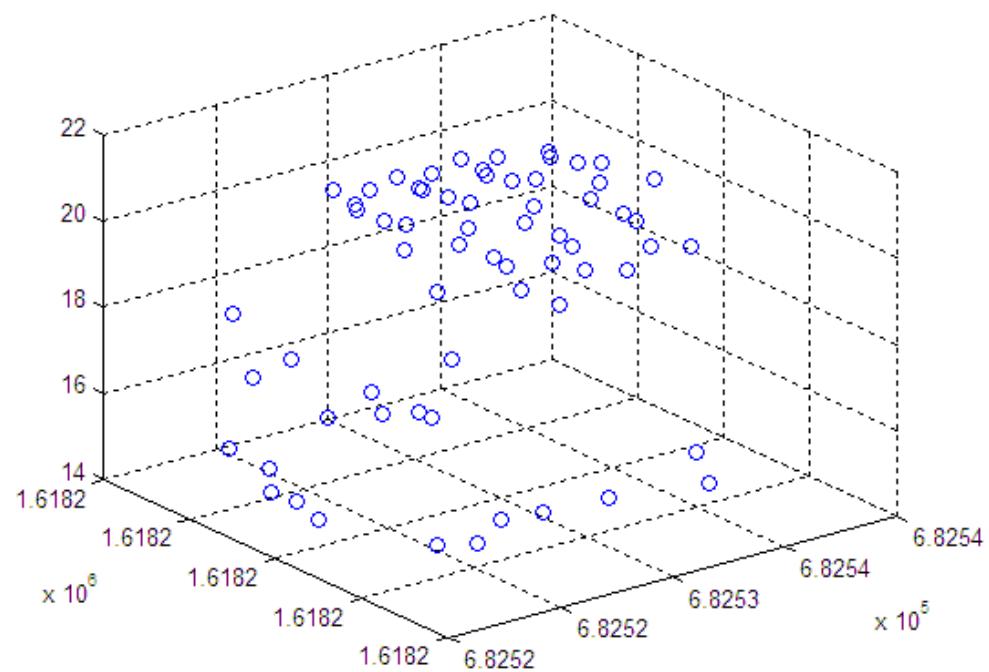
จากภาพที่ 4.43 เมื่อเปรียบเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศพบจุดที่ไม่ตรงกัน คือ จุดที่ 5 , 18 , 21 , 24 , 30 , 35 , 38 , 46 , 47 , 51 , 58 , 60 , 65 , 68 , 69 , 70 , 71 , 74 , 75 , 77 และ 78 คิดเป็น 26.92 % และจุดที่ตรงกันคิดเป็น 73.07 %

#### 4.8 ผลสtruปของกราฟ

ในกลุ่มแรกที่ทำการสร้าง cluster graph พบร่วมกับจุดส่วนใหญ่อยู่บริเวณภายนอกอาคารจริงในกลุ่มที่ 2-3 จึงมาพิจารณาจากกลุ่ม 2 และ กลุ่มที่ 3 จะเป็นตัวแทนของข้อมูลไอลดาร์จากบ้านแต่ละหลังหรือไม่ซึ่งจากการศึกษาพบว่าจุดที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศพบว่าจุดที่อยู่ในกลุ่มที่ 2 และ 3 กระจายอยู่ทั้งบ้านหลังทางซ้ายและบ้านหลังทางขวาจากกรณีนี้ทำให้เราสรุปได้ว่าเทคนิคการประยุกต์ใช้กราฟวิธีนี้ไม่สามารถแยกอาคารที่อยู่ติดกันหรือภายในบริเวณภาพเดียวกันได้ โดยเราสามารถแสดงผลสtruปของการวิเคราะห์ด้วย cluster graph และ ข้อมูลลักษณะวัตถุที่ถูกดึงออกมานำ ได้ตามภาพที่ 4.44 – 4.56



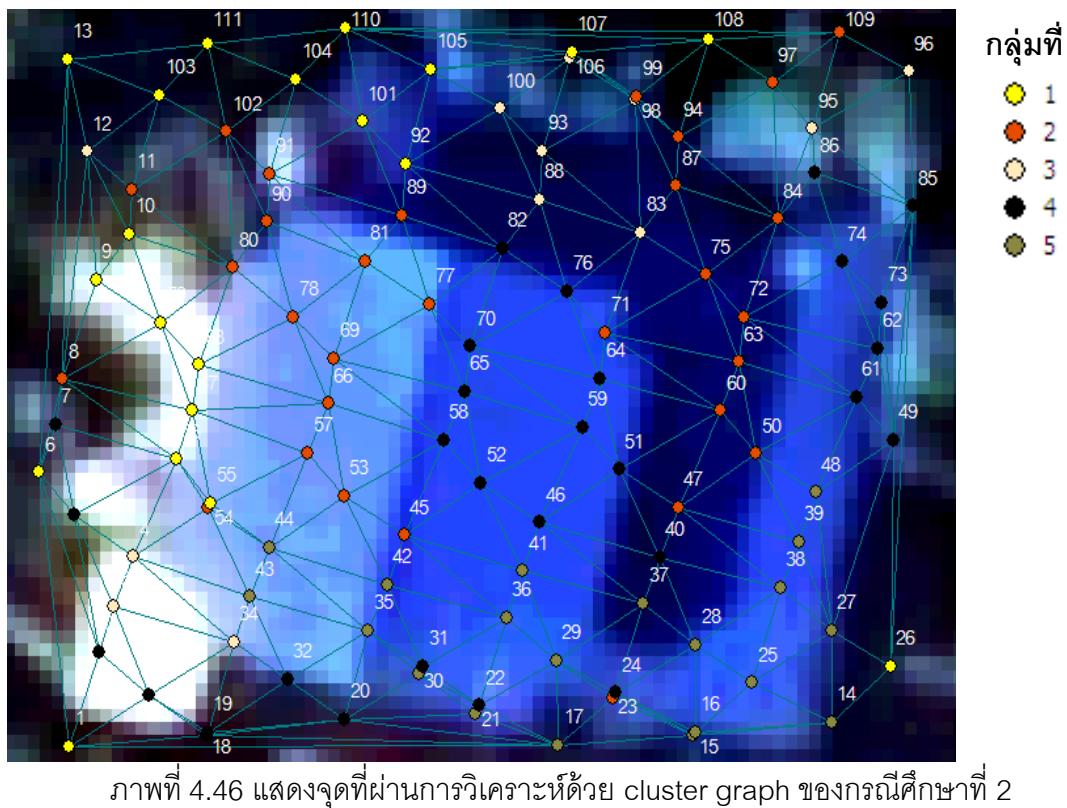
ภาพที่ 4.44 แสดงจุดที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph ของกรณีศึกษาที่ 1

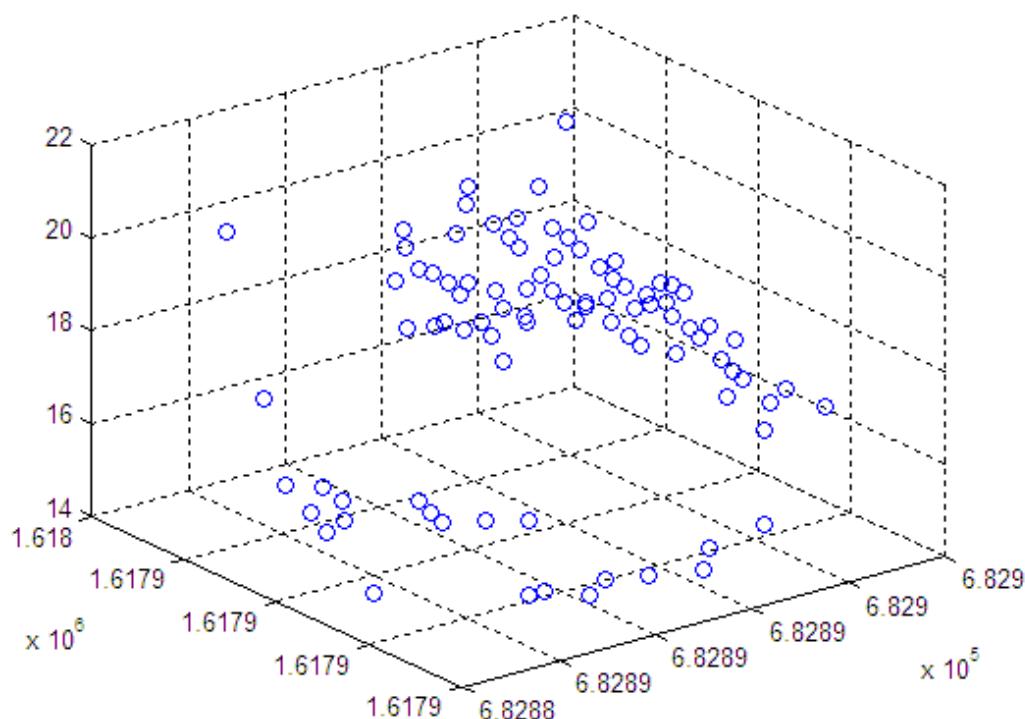


ภาพที่ 4.45 แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกมานetwork 1

จากภาพที่ 4.44 พบร้าจากจุดที่อยู่ในลำดับของความสัมพันธ์ที่ 1 จะอยู่ใกล้กับจุดที่เป็นโหนดเริ่มต้น สำหรับในความสัมพันธ์ลำดับที่ 2 จะพบว่าส่วนที่อยู่ใกล้กับโหนดแม่ของความสัมพันธ์จะอยู่บริเวณแนวขอบของอาคารแต่ก็มีจุดที่ลึกเข้าไปถึงกลางอาคาร คือ จุดที่ 42 และ 43 และพบจุดที่ไม่อยู่ภายในอาคาร คือ จุดที่ 25 , 55 และ 71 ในความสัมพันธ์ลำดับที่สามพบว่า จุดส่วนใหญ่จะอยู่ภายในอาคารและอยู่ติดกับความสัมพันธ์ลำดับที่สองเข้าไปโดยจะเกิดกลุ่มบริเวณช่วงกลางอาคารแต่ก็มีบางส่วนที่อยู่บริเวณขอบอาคาร ได้แก่ จุดที่ 6 , 12 , 30 และ 50 มีบางจุดที่อยู่ภายนอกอาคาร คือ จุดที่ 7 , 10 , 60 และ 61 ความสัมพันธ์ลำดับที่ 4 พบร้า จุดที่อยู่ในความสัมพันธ์นี้ไม่ได้ลึกเข้าไปในอาคารแต่อยู่ที่ขอบอีกด้านหนึ่งจากจุดเริ่มต้นมีจุดที่ไม่อยู่ภายในอาคาร คือ จุดที่ 1 , 15 และ 20 ในความสัมพันธ์ลำดับที่ 5 พบร้า จุดที่อยู่ในความสัมพันธ์นี้อยู่บริเวณขอบอาคารและนอกขอบอาคารได้แก่ จุดที่ 2 และ 8 ความสัมพันธ์ลำดับที่ 6 ซึ่งเป็นลำดับสุดท้ายพบว่า จุดที่อยู่ในความสัมพันธ์นี้อยู่ภายในอาคารทั้งหมดได้แก่ จุดที่ 16 , 17 และ 24

จากภาพที่ 4.45 พบร้า จุดส่วนใหญ่ที่ได้จะอยู่อยู่ใกล้กับจุดเริ่มต้น ไม่เป็นส่วนของขอบอาคารหรือวัตถุเล็กๆ ที่ไม่มีการเปลี่ยนแปลงความสูง ต่างกว่าจุดอื่นๆ ซึ่งอาจเป็นส่วนของขอบอาคารหรือวัตถุเล็กๆ ที่ไม่มีการเปลี่ยนแปลงความสูง

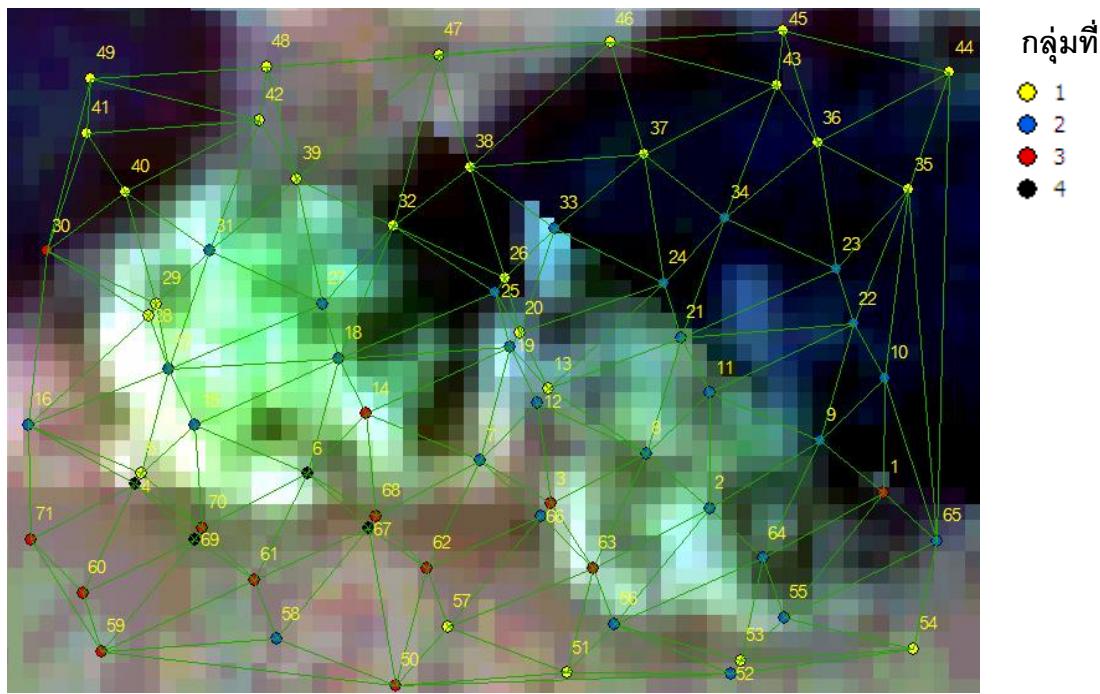




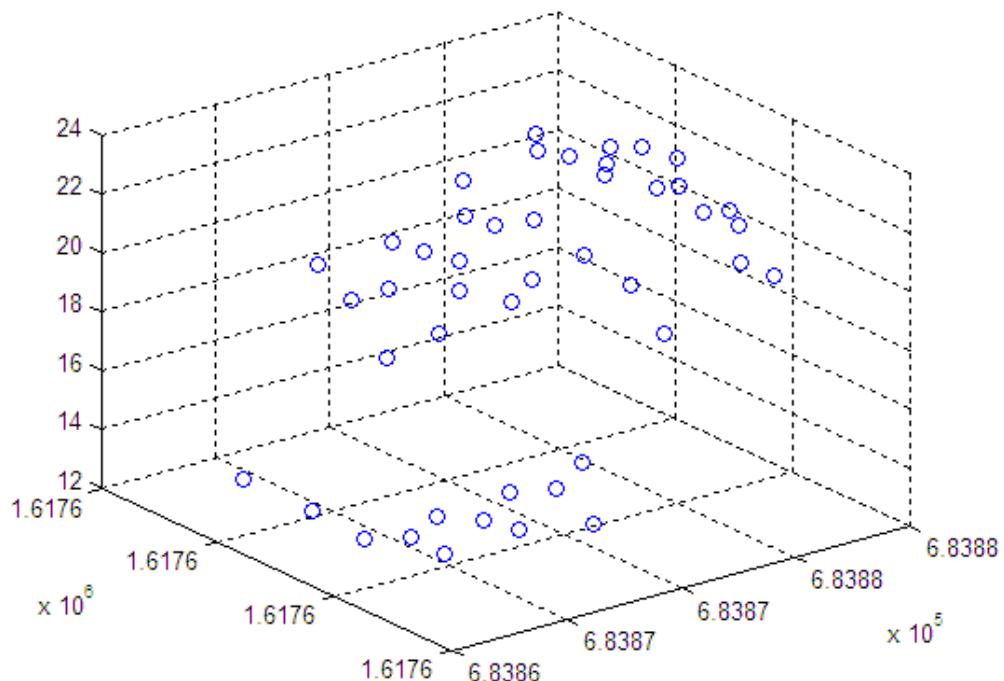
ภาพที่ 4.47 แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกแบบในกรณีศึกษาที่ 2

จากภาพที่ 4.46 พบร่วมกันโดยที่มีจุดที่ไม่เกากลุ่มกับจุดอื่นคือ จุดที่ 1 และ 25 และมีจุดที่อยู่เข้าไปในอาคารคือ จุดที่ 55 , 56 , 67 และ 68 ซึ่งอยู่บริเวณขอบอาคาร สำหรับจุดที่อยู่ในความสัมพันธ์ลำดับที่สองพบว่าจุดจะอยู่ลึกเข้ามากกว่าในอาคารมากขึ้นแต่พบจุดที่อยู่นอกอาคาร คือ จุดที่ 8 , 11 , 90 , 91 , 94 , 97 และ 99 ความสัมพันธ์ลำดับที่สามพบว่าจุดไม่ได้ลึกเข้าไปจากความสัมพันธ์ในลำดับที่สองอย่างที่ควรจะเป็นแต่กลับพบว่าจุดเกากลุ่มอยู่บริเวณขอบอาคารด้านบนของภาพและมีจุดที่อยู่นอกอาคารคือ จุดที่ 3 , 4 , 12 , 95 และ 96 ในความสัมพันธ์ลำดับที่ 4 พบร่วมกันที่เกากลุ่มลึกเข้ามาในอาคาร บริเวณขอบอาคาร และจุดที่อยู่ภายนอกอาคารคือ จุดที่ 2 , 5 , 7 , 18 , 33 , 49 , 85 และ 86 ความสัมพันธ์ลำดับที่ 5 พบร่วมกันส่วนใหญ่เกากลุ่มบริเวณขอบอาคารด้านล่างของภาพและไม่มีจุดที่อยู่นอกอาคาร

จากภาพที่ 4.47 พบร่วมกันส่วนใหญ่ที่ได้จะลดอยู่อยู่เกากลุ่มกันแต่ก็พบว่ามีบางส่วนที่อยู่ต่ำกว่าจุดอื่นๆ และมีอยู่สองจุดที่ไม่เกากลุ่มรวมทั้งอยู่สูงกว่าจุดอื่นๆ



ภาพที่ 4.48 แสดงจุดที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph ของกรณีศึกษาที่ 3

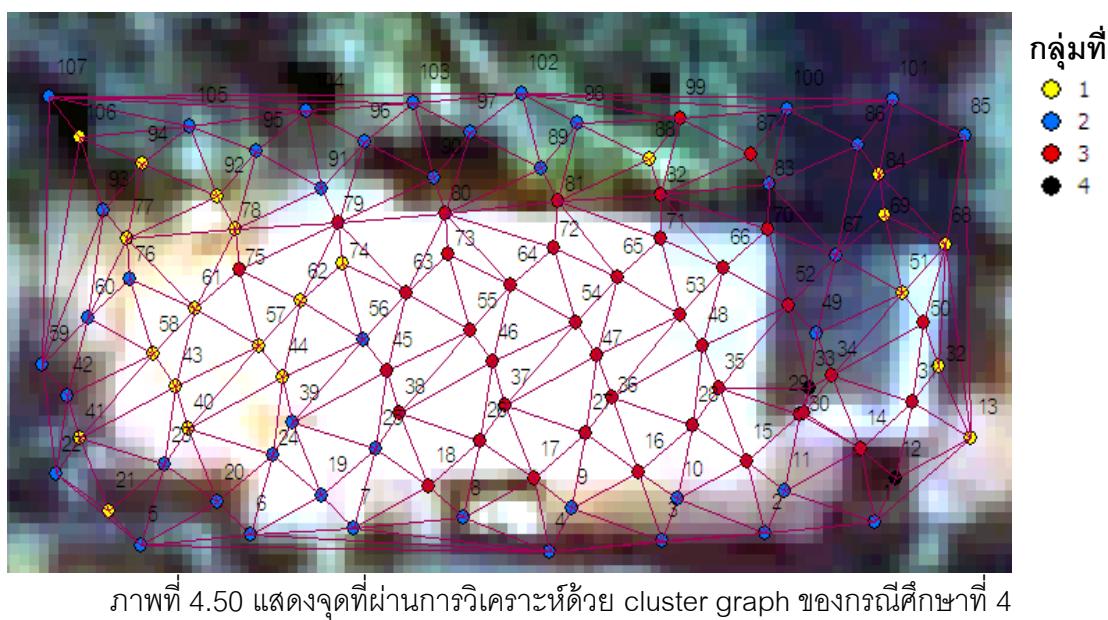


ภาพที่ 4.49 แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะตุณอกมาในกรณีศึกษาที่ 3

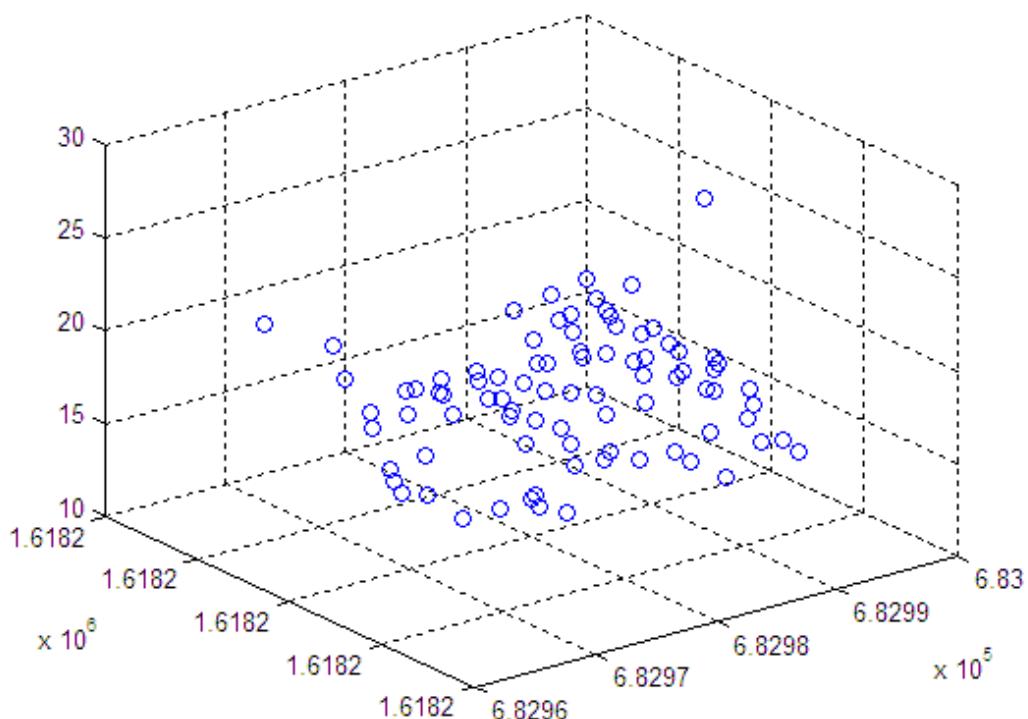
จากภาพที่ 4.48 พบร่วมกันที่อยู่ในความสัมพันธ์ลำดับที่ 1 จอยู่นอกบริเวณต้นไม้ทั้งด้านบนและด้านล่างของภาพซึ่งมีบางจุดที่อยู่บริเวณต้นไม้ คือ จุดที่ 5 , 13 , 20 , 28 และ 29

สำหรับความสัมพันธ์ลำดับที่ 2 จุดส่วนใหญ่มักจะอยู่ภายนอกบริเวณต้นไม้ แต่ก็พบว่ามีบางจุดที่ไม่อยู่ภายนอกบริเวณต้นไม้ เช่น จุดที่ 10, 12, 22, 23, 24, 34, 52 และ 58 ในความสัมพันธ์ลำดับที่ 3 พบร่วมกับจุดส่วนใหญ่อยู่ในบริเวณต้นไม้อยู่บริเวณด้านล่างของภาพโดยมีจุดที่อยู่บริเวณต้นไม้เพียงสามจุดคือ 3, 14 และ 53 ความสัมพันธ์ลำดับที่ 4 พบร่วมกับจุดที่ 3 จุดในความสัมพันธ์นี้และอยู่ภายนอกบริเวณต้นไม้ทั้ง 3 จุด

จากภาพที่ 4.49 จุดส่วนใหญ่จะเกาะกลุ่มกันด้านบนแต่มีการเปลี่ยนแปลงความสูงในช่วงตั้งแต่ 14-22 ซึ่งมีช่วงของความสูงที่ค่อนข้างกว้างกว่ากรณีอื่นทำให้มีการเปลี่ยนแปลงความชันที่ค่อนข้างมาก



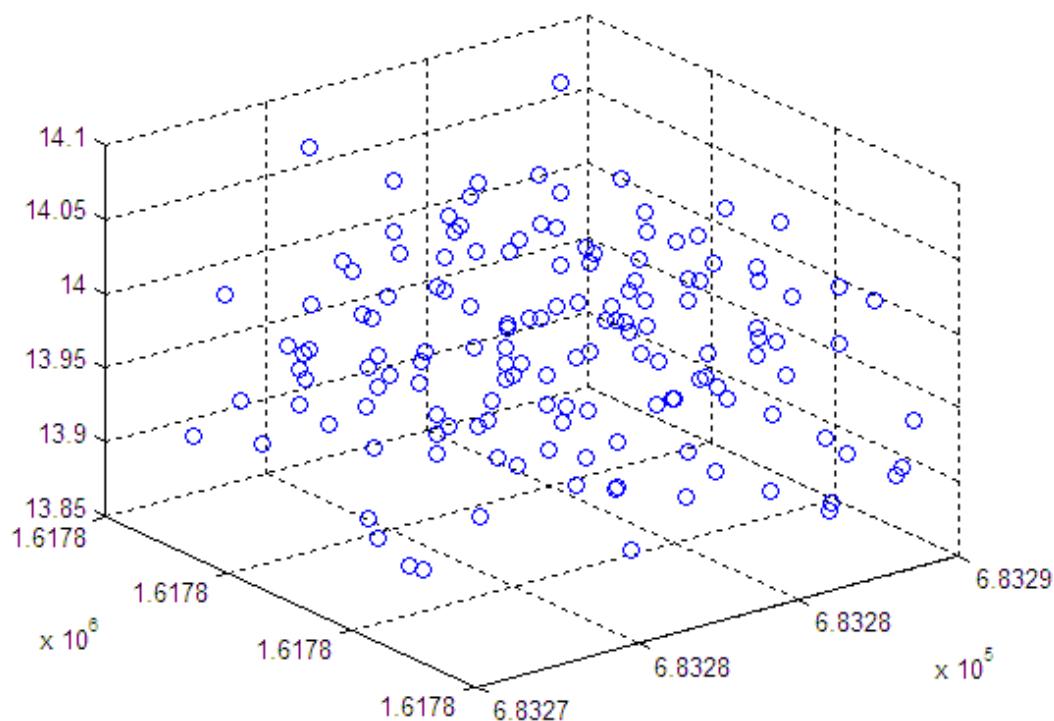
ภาพที่ 4.50 แสดงจุดที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph ของกรณีศึกษาที่ 4



ภาพที่ 4.51 แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกมานิกรณีศึกษาที่ 4

จากภาพที่ 4.50 พบร่วมกับความสัมพันธ์ลำดับที่ 1 จุดหลายจุดเข้ามาอยู่ภายในบริเวณอาคารแทนที่อยู่บริเวณด้านนอกอาคารโดยมีเพียงจุดที่ 13 , 21 , 41 , 69 , 84 , 94 และ 106 ที่อยู่นอกอาคาร ในความสัมพันธ์ลำดับที่ 2 พบร่วมกับส่วนใหญ่อยู่นอกอาคารและเกาะกลุ่มกันมาก บริเวณด้านบนของภาพ สำหรับในกลุ่มของความสัมพันธ์ลำดับที่ 3 และ 4 จะพบร่วมกับทั้งหมดอยู่ภายในบริเวณอาคาร

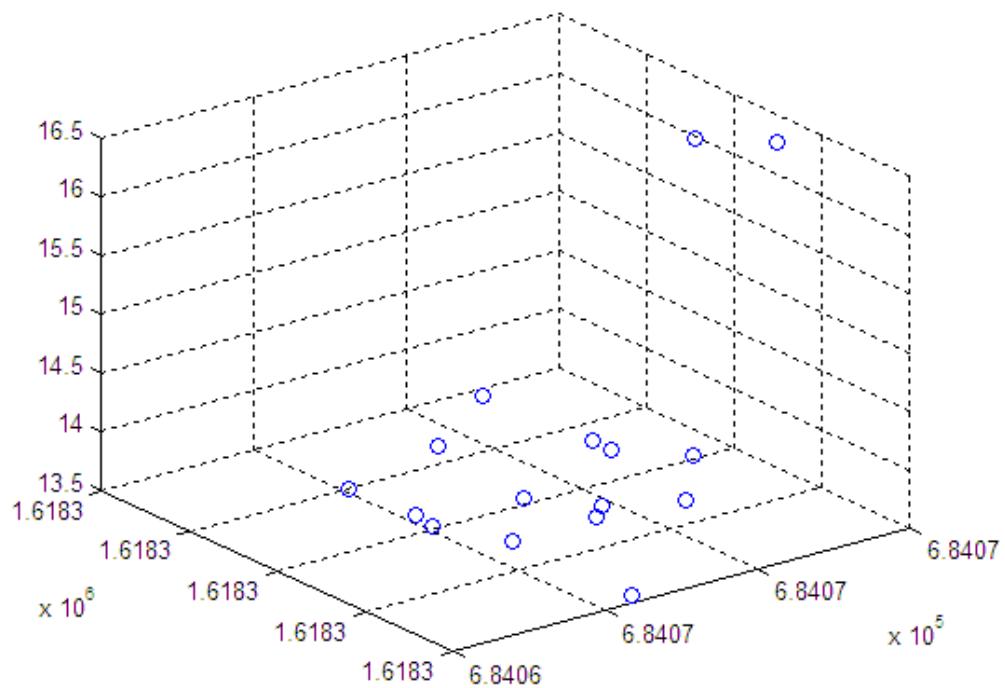
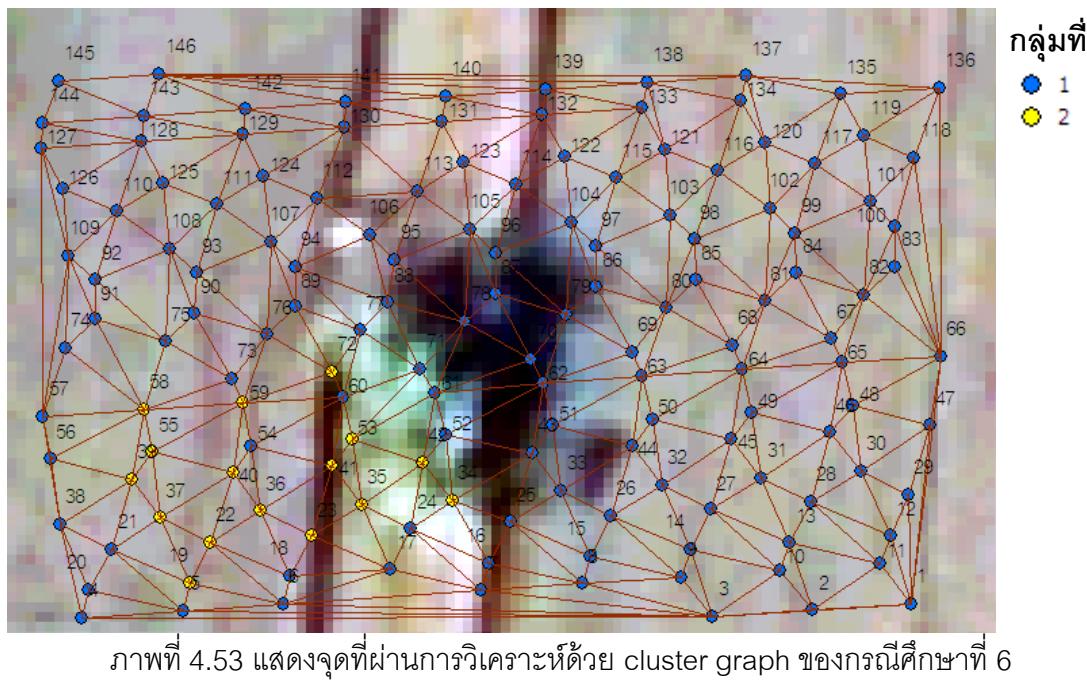
จากภาพที่ 4.51 พบร่วมกับจุดส่วนใหญ่เกาะกลุ่มกันแต่มีอยู่ 1 จุดที่อยู่สูงโดดมาจากการ



ภาพที่ 4.52 แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกมานในกรณีศึกษาที่ 5

ในกรณีศึกษาที่ 5 พบร่วมกับกราฟที่ได้ไม่มีการเปลี่ยนแปลงความสูงเลยทำให้ cluster graph มีเพียงกลุ่มเดียวผู้วิจัยจึงไม่ได้สรุปมาโดยผลแสดงตามรูปที่ 4.17

จากภาพที่ 4.52 พบร่วมกับส่วนใหญ่จะเกาะกลุ่มกันและมีช่วงห่างของความสูงที่น้อยที่สุด เมื่อเทียบกับกรณีศึกษาอื่นๆ

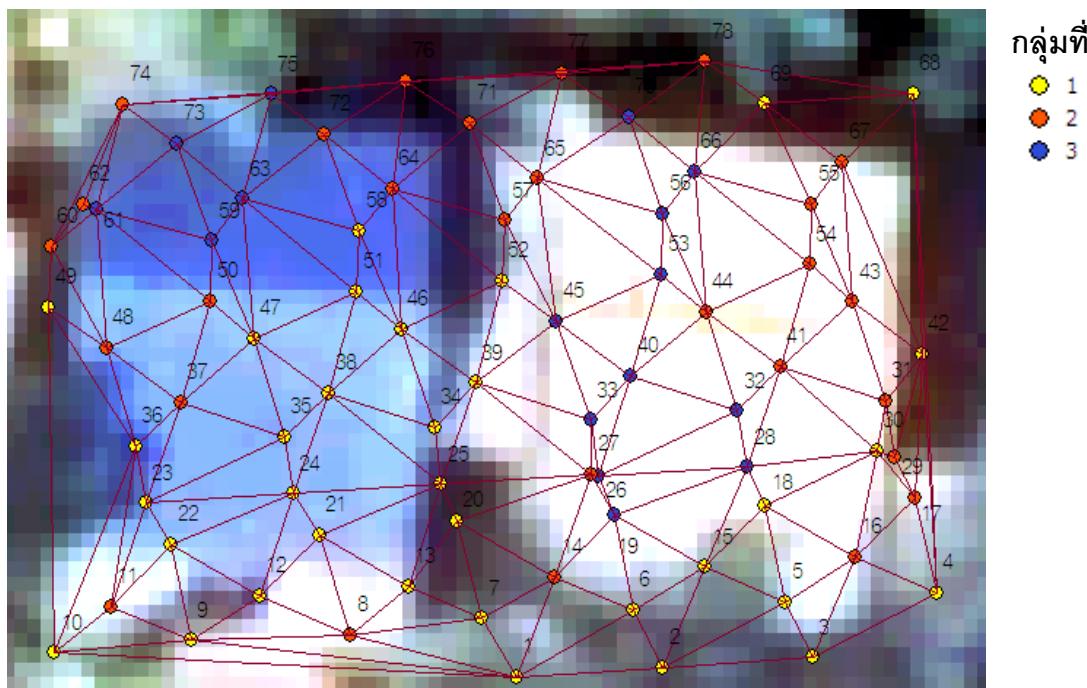


ภาพที่ 4.54 แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกมาในกรณีศึกษาที่ 6

จากภาพที่ 4.53 ในความสัมพันธ์ลำดับที่ 1 พบว่า จุดส่วนใหญ่อยู่นอกบริเวณต้นไม้และมีบางจุดที่อยู่ภายในบริเวณต้นไม้ คือ จุดที่ 52 , 61 , 77 และ 88 โดยในความสัมพันธ์ลำดับที่ 2

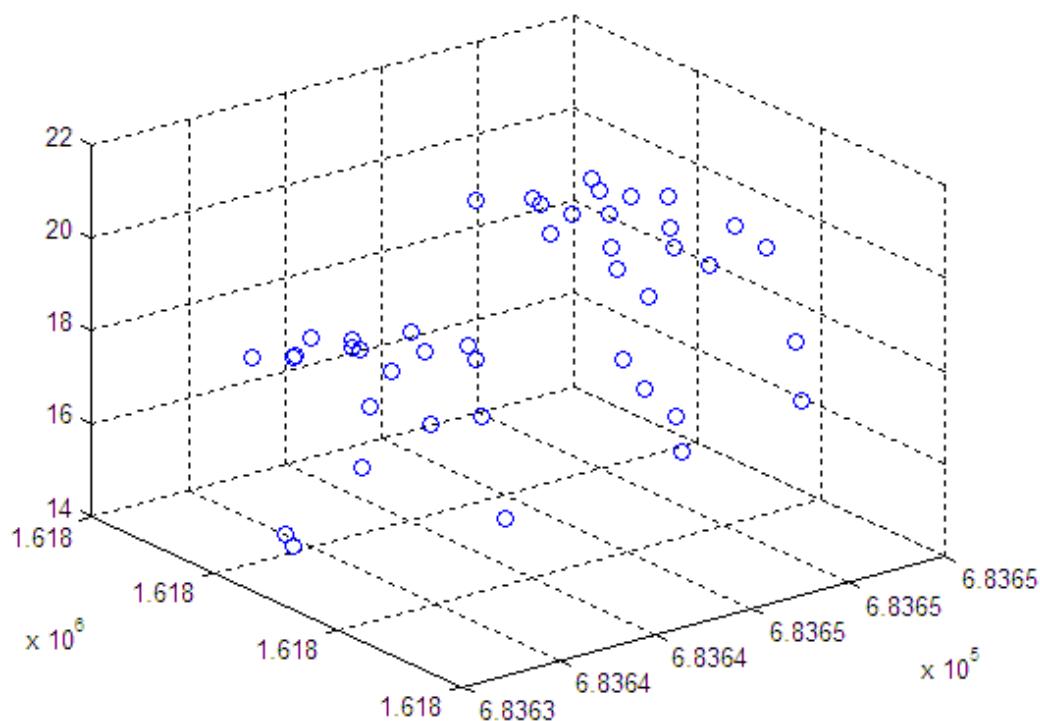
พบว่าจุดไม่ได้อยู่ภายใต้บริเวณตันไม้มีทั้งหมดซึ่งจุดที่อยู่นอกตันไม้มีภาวะกลุ่มกันอยู่บริเวณด้านซ้ายล่างของภาพ

จากภาพที่ 4.54 พบว่าจุดส่วนใหญ่ภาวะกลุ่มกันแต่มี 2 จุดที่มีความสูงต่างจากจุดอื่นมาก



ภาพที่ 4.55 แสดงจุดที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph ของกรณีศึกษาที่ 7

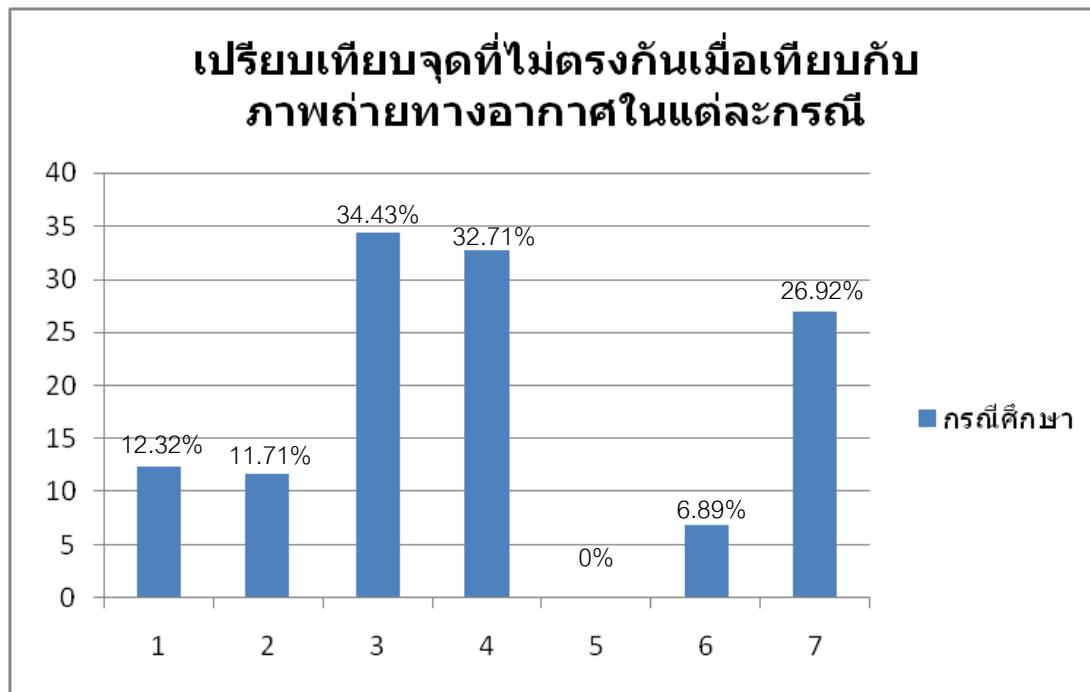
จากภาพที่ 4.55 พบว่าในกลุ่มของความสัมพันธ์ลำดับที่ 1 จุดส่วนใหญ่ไม่ได้กระจายอยู่นอกอาคารแต่มีถึงกว่าครึ่งที่อยู่ภายใต้บริเวณขอบของอาคารทางข้างวิภาควีในขณะที่ความสัมพันธ์ลำดับที่ 2 พบว่าจุดอยู่ในขอบอาคารทางซ้ายมีเฉพาะภายในอาคารชั้นบนของอาคารชั้นล่างมีจุดอยู่มากกว่าและพบบางจุดที่อยู่นอกบริเวณอาคารคือ จุดที่ 29 และ 74 สำหรับความสัมพันธ์ลำดับที่ 3 พบว่า จุดส่วนใหญ่ยังอยู่ในอาคารชั้นบนมากกว่าโดยมีจุดเดียวที่อยู่นอกอาคารคือ จุดที่ 75



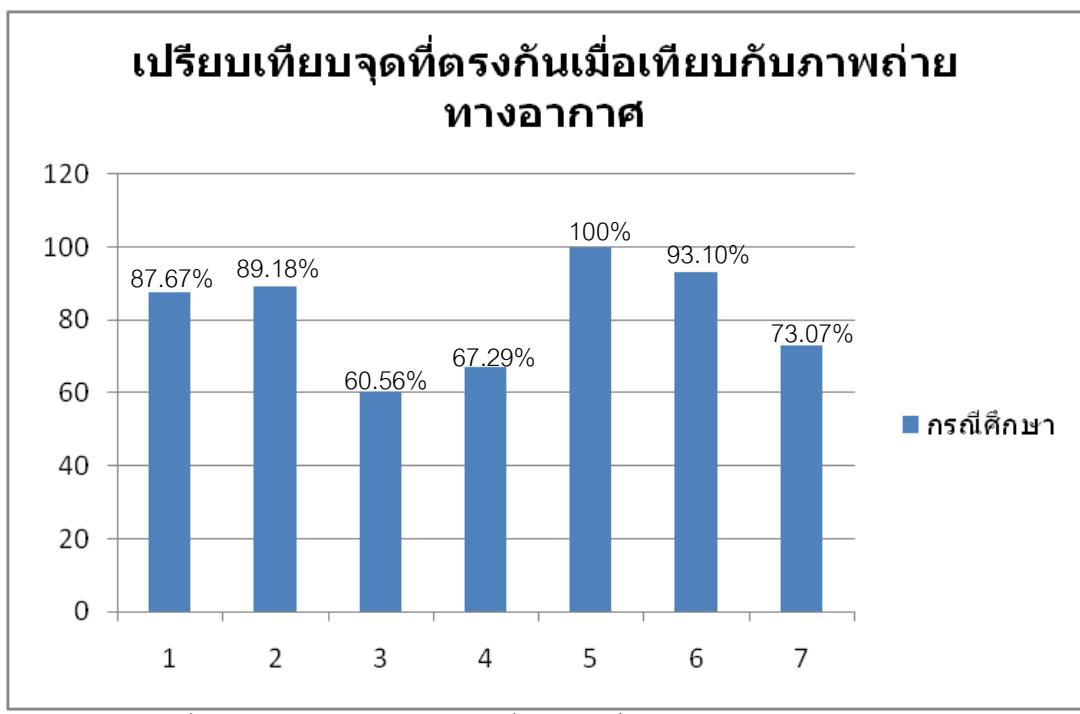
ภาพที่ 4.56 แสดงจุดที่ดึงข้อมูลลักษณะวัตถุออกมานในกรณีศึกษาที่ 7

จากภาพที่ 4.56 พบร่วมกันเป็น 2 กลุ่ม โดยกลุ่มนี้มีความสูงมากกว่าและอีกกลุ่มนี้มีความสูงน้อยกว่า

จากผลของกราฟที่ได้เราสังเกตเห็นว่ากราฟสามารถแยกข้อมูลลักษณะวัตถุที่อยู่เหนือผิวดินออกจากพื้นที่ราบได้แต่ยังไม่สามารถแยกข้อมูลลักษณะวัตถุที่อยู่เหนือผิวดินด้วยกันได้ดังกรณีศึกษาที่ 7 ที่ไม่สามารถแยกบ้านทั้งสองหลังออกจากกันได้โดยความต่างกันและไม่ต่างกันเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศแสดงตามแผนภูมิแห่งในภาพที่ 4.57-4.58



ภาพที่ 4.57 แผนภูมิแท่งแสดงจุดที่ไม่ตรงกันเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ



ภาพที่ 4.58 แผนภูมิแท่งแสดงจุดที่ตรงกันเมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ

จากภาพที่ 4.57-4.58 พบร่วຍกเว้นกรณีที่ 5 ซึ่งเป็นแปลงนามีจุดที่ตรงกันทั้งหมด 100 % ส่วนกรณีศึกษาที่ 3 ซึ่งเป็นบริเวณตันไม้พบว่ามีความไม่ตรงกันมากที่สุด

## บทที่ 5

### สรุปผลการศึกษา

จากการทำวิจัยในหัวข้อ การศึกษาการประยุกต์ใช้ทฤษฎีกราฟเพื่อใช้ในการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุจากข้อมูลได้ด้วยรูปแบบและวิธีการที่จะนำไปใช้งาน 2 แบบ คือ กราฟต้นไม้ (tree) และ cluster graph โดยกราฟแบบที่หนึ่งมีวัตถุประสงค์เพื่อหากรากเพื่อรวมต่อและความซ้ำในแต่ละจุด ส่วนกราฟแบบที่สองจะเป็นผลสืบเนื่องมาจากกราฟแบบที่หนึ่งมีวัตถุประสงค์เพื่อให้ทราบว่าจุดใดอยู่ภายในบริเวณวัตถุและจุดใดอยู่ภายนอกวัตถุเป็นกราฟที่ใช้สรุปกราฟแบบแรก โดยผู้วิจัยเลือกกรณีศึกษาที่นำใช้งานทั้งสิ้น 7 กรณี ในแต่ละกรณีจะประกอบไปด้วย กราฟต้นไม้ และกราฟแบบกลุ่ม และสุดท้ายคือการนำข้อมูลที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วยกราฟมาเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ เพื่อให้เห็นจุดที่ตรงกันและไม่ตรงกัน ซึ่งจากทั้ง 7 กรณีศึกษาและรูปแบบของกราฟในแต่ละกรณีนั้นสรุปผลได้ดังนี้

#### 5.1.1 รูปแบบของกราฟต้นไม้ในแต่ละกรณีศึกษา

จากภาพที่ 4.1 , 4.10 , 4.18 , 4.25 , 4.32 , 4.35 , 4.38 รูปแบบของกราฟต้นไม้ในแต่ละกรณีศึกษา กราฟที่ไม่มีการเปลี่ยนแปลงความซ้ำเลยคือกรณีศึกษาที่ 5 ส่วนกราฟที่มีการเปลี่ยนแปลงความซ้ำน้อยคือกราฟของกรณีศึกษาที่ 4 ซึ่งเป็นอาคารที่มีหลังแบบราบโดยกราฟของต้นไม้ในกรณีศึกษาที่ 3 เป็นกราฟที่จะมีเส้นทางเป็นแนวลีกลงไปซึ่งยาวที่สุดเมื่อเทียบกับทุกกราฟ ส่วนกราฟที่มีความซ้ำซ้อนที่สุดคือกราฟของกรณีศึกษาที่ 2 บ้านอยู่อาศัยที่มีการต่อเติมหลังคา และสำหรับกราฟในกรณีศึกษาที่ 7 หากดูจากกราฟต้นไม้จะไม่พบความแตกต่างเท่าไรเมื่อเทียบกับกราฟของบ้านอยู่อาศัยในกรณีศึกษาที่ 1 และ 2 ทำให้เราสรุปได้ว่าหากกราฟต้นไม้แห่งวิวัฒนาและมีแนวลีกลงไปจะจัดเป็นกราฟของอาคารต่างๆ หากกราฟมีแนวลีกลงไปเป็นเส้นทางยาวคือกราฟของต้นไม้ หรือสิ่งที่เกิดขึ้นตามธรรมชาติ และสุดท้ายกราฟของที่ราบจะเป็นกราฟต้นไม้ที่แห่งวิวัฒนาและไม่มีการเปลี่ยนแปลงความซ้ำเลย

#### 5.1.2 รูปแบบของ Cluster Graph ในแต่ละกรณีศึกษา

จากภาพที่ 4.2 , 4.11 , 4.19 , 4.26 , 4.33 , 4.36 และ 4.39 พบร่วงลำดับขั้นที่แบ่งเป็นกลุ่มของกราฟจะแตกต่างกันออกไปตามลำดับขั้นของความสมพันธ์ซึ่งจะข้างของกราฟ

ต้นไม้โดยกรนีที่มีกลุ่มของความสัมพันธ์เพียงกลุ่มเดียวคือ กรนีศึกษาที่ 5 ซึ่งเป็นที่รากทำให้มีกลุ่มอื่น โดยทุกграфแบบกลุ่มลำดับขั้นที่ 1 ของความสัมพันธ์คือส่วนที่เป็นพื้นราบโดย cluster graph ที่มีจำนวนความสัมพันธ์มากที่สุดคือ กรนีศึกษาที่ 1 และ 2 ซึ่งมีถึง 6 และ 5 กลุ่มโดยจากกราฟต้นไม้และ cluster graph แสดงผลสรุปแบบกรนีศึกษาได้ตามตารางที่ 5.1

ตารางที่ 5.1 แสดงผลสรุปของกราฟต้นไม้และ cluster graph ในแต่ละกรนีศึกษา

กรนีศึกษาที่	รูปแบบของกราฟต้นไม้	Cluster graph
1	กราฟขยายออกด้านข้างและมีกิ่งที่ลีกลงไป	6 กลุ่ม
2	กราฟขยายออกด้านข้างและมีกิ่งที่ลีกลงไป แต่รูปแบบของกราฟมีความซับซ้อนกว่า กรนีศึกษาที่ 1	5 กลุ่ม
3	กราฟมีกิ่งที่ลีกที่สุดเมื่อเทียบกับทุก กรนีศึกษาและมีการเปลี่ยนแปลงความชัน มาก	4 กลุ่ม
4	กราฟขยายออกด้านข้างและมีการ เปลี่ยนแปลงความชัน	4 กลุ่ม
5	กราฟขยายออกด้านข้างและไม่มีการ เปลี่ยนแปลงความชัน	1 กลุ่ม
6	กราฟขยายออกด้านข้างและมีการ เปลี่ยนแปลงความชันเพียง 3 ครั้ง	2 กลุ่ม
7	กราฟขยายออกด้านข้างและมีการ เปลี่ยนแปลงความชันคล้ายกับกรนีที่ 1	3 กลุ่ม

### 5.1.3 การเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศ

จากภาพที่ 4.9, 4.17, 4.24, 4.31 , 4.34, 4.37 และ 4.43 พบร่วnak จากกรนีศึกษาที่ 5 ซึ่งเป็นที่ราก โดยทุกกรนีศึกษาหลังจากวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศจะพบว่ามีจุดที่ไม่ตรงกันอยู่ทุกกรนีศึกษา

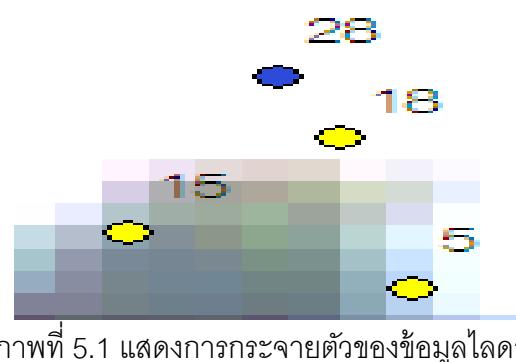
ตารางที่ 5.2 แสดงการเปรียบเทียบค่าร้อยละของจุดที่ตรงกันและไม่ตรงกันกับภาพถ่ายทางอากาศเมื่อวิเคราะห์ด้วยกราฟ

กรณีศึกษาที่	ร้อยละของจุดที่ไม่ตรงกัน	ร้อยละของจุดที่ตรงกัน
1	12.32	87.67
2	11.71	89.18
3	34.43	60.56
4	32.71	67.29
5	0	100
6	6.89	93.10
7	26.92	73.07

กรณีศึกษาที่พบว่าไม่ตรงกันมากที่สุดคือ กรณีศึกษาที่ 3 ที่เป็นต้นไม้ โดยเมื่อดูจากภาพถ่ายทางอากาศพบว่ามีจุดที่ไม่ตรงกันกระจายอยู่โดยรอบซึ่งสาเหตุที่ทำให้มีความไม่ตรงกันมากเนื่องจากข้อมูลได้มาจากที่ได้จากการสำรวจต้นไม้มากจะมีข้อมูลที่เป็นเรื่องยอดและพื้นราบซึ่งกันอยู่ (Jensen J.R., 2007)

#### 5.1.4 วิเคราะห์ผลการศึกษาเพิ่มเติม

เมื่อพิจารณาจากภาพที่ 4.44 , 4.46 , 4.48 , 4.50 , 4.52 และ 4.55 พบว่าในความสัมพันธ์ลำดับต่างๆ ในทุกกรณีศึกษา ส่วนใหญ่จะได้ระดับความสัมพันธ์ตามความใกล้ไกลจากจุดเริ่มต้นไม่ได้สัมพันธ์กับความสูงของจุดเพียงอย่างเดียวรวมทั้งจุดที่วิเคราะห์ด้วยกราฟแล้วไม่ตรงกับภาพถ่ายทางอากาศมักจะปรากฏอยู่บริเวณขอบของวัตถุทั้งที่อยู่ในวัตถุและนอกวัตถุซึ่งสาเหตุมาจากการกำหนดความชันที่ใช้ในอัลกอริทึมและระยะทางระหว่างจุดซึ่งไม่ได้นำมาใช้ในการคำนวณร่วมด้วยทำให้พบปัญหาดังกล่าว



จากภาพที่ 5.1 พบร่วมกับที่ 28 และ 18 ค่อนข้างที่จะอยู่ชิดกันมากกว่ารูปที่ 5 และ 15 ซึ่งจากรูปที่ 18 ไปยัง 28 จะมีความซับที่เปลี่ยนไปมากกว่ารูปที่ 5 และ 15

ในกรณีศึกษาที่ 4 พบว่ามีรูปที่ผ่านการวิเคราะห์ด้วย cluster graph เมื่อนำมาเทียบกับภาพถ่ายทางอากาศพบว่ามีค่าความตรงกันที่ค่อนข้างน้อยโดยเมื่อพิจารณาจากภาพที่ 4.50 ในกลุ่มของความสัมพันธ์ลำดับที่สองเมื่อข้อมูลทั้งหมดถูกตัดออกแล้วจะพบว่าในบริเวณนั้นมีความเป็นไปได้ที่จะเป็นต้นไม้ใหญ่ซึ่งมีความสูงกว่าบริเวณอื่นๆ ทำให้ส่งผลต่อการตีความทำให้เกิดความผิดพลาด

พิจารณาจากภาพที่ 4.45 , 4.47 , 4.49 , 4.51 , 4.53 , 4.54 และ 4.56 พบร่วมกับที่เป็นขั้นตอนที่ค่อนข้างชัดเจน ส่วนในกลุ่มที่เป็นต้นไม้嫩นุด ส่วนใหญ่จะเป็นรากลุ่มกันแต่ต่างกันตรงที่จะมีหลายส่วนที่มีความสูงแตกต่างกันมากกว่ารูปที่ 4.56 ซึ่งแสดงข้อมูลจากกรณีศึกษาที่ 7 ซึ่งเป็นบ้านที่อยู่ติดกันสองหลังพบว่ามีกลุ่มสองกลุ่มที่แบ่งจากกันค่อนข้างที่จะสามารถตีความได้ว่าเป็นหลังคาคนละหลังกันโดยจากการวิเคราะห์ด้วยกราฟเรียงไม่สามารถแยกหลังคาของบ้านทั้งสองหลังออกจากกันได้

## 5.2 ปัญหาและอุปสรรค

- ข้อมูลไอลดาเริ่มไม่กระจายตัวกันอย่างสม่ำเสมอของบางจุดจึงชิดและห่างกันมากทำให้การวิเคราะห์ในบางครั้งเกิดความผิดพลาดขึ้นได้
- ภาพถ่ายทางอากาศเมื่อนำมาใช้เพื่อเบรียบเทียบเน้นต้องขยายเข้าไปใกล้มากทำให้ภาพแตกประปรายกับบางส่วนก็เป็นเงาและกำหนดบริเวณที่เป็นขอบได้ยาก
- เมื่อนำมาซ้อนกับภาพถ่ายทางอากาศบริเวณต่างๆ ในภาพส่วนจะแลบลับไม่เท่ากันทำให้บางจุดมองเห็นได้ไม่ชัดทำให้เสียเวลาในการแยกแยะ

## 5.3 ข้อเสนอแนะ

- ในงานวิจัยนี้ยังไม่สามารถแยกแยะอาคารหรือวัตถุที่อยู่ติดกันได้ ดังนั้นจึงต้องศึกษาเทคนิคในด้านอื่นประกอบด้วย เช่น คุณสมบัติทางเรขาคณิตอื่นๆ และทฤษฎีทางคณิตศาสตร์
- ควรศึกษาเทคนิคในการที่จะกรองเฉพาะข้อมูลที่สนใจในการนำมาใช้เบื้องต้นก่อนเพื่อไม่ให้มีข้อมูลหรือรูปที่จะทำให้การตีความคลาดเคลื่อน

- ศึกษาอูปแบบของกราฟในกรณีอื่นๆเพิ่มเติมเพื่อให้สามารถสรุปอูปแบบของวัตถุแต่ละชนิดโดยการแต่ละแบบได้ดีขึ้นเพื่อพัฒนาเป็นอูปแบบมาตรฐานสำหรับนักเรียนในการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุ
- นำไปพัฒนาเป็นโปรแกรมประยุกต์เพื่อความรวดเร็วในการประมวลผลข้อมูล

## รายการอ้างอิง

### ภาษาไทย

สุนันท์ ตันทชูน. การระบุตัวบุคคลด้วยการใช้ลายนิ้วมือโดยใช้วิธีการสามเหลี่ยม Delaunay.

วิทยานิพนธ์ปริญญามหาบัณฑิต, สาขาวิชาวิศวกรรมอิเล็กทรอนิกส์

คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง,  
2550.

### ภาษาอังกฤษ

Baltsavias E. Introduction to Airborne LiDAR and Physical Principles of LiDAR Technology. Institute of Geodesy and Photogrammetry. (January 2008) : 18-30.

Bondy J.A. and Murty U.S.R. Graph Theory. United State of America : Springer, 2008.

De Almeida J.-P., Morley J.G. and Downman I.J. Graph theory in higher order topological analysis of urban sciences. computer and environment system science direct Elsevier. 31 (April 2007) : 426-440.

Fernandez J.C, Singhania A., Caceres J., Slatton K.C., Starek M. and Kumor R.. An Overview of Point Cloud Processing Software. Geosensing Engineering and Mapping Report University of Florida. (December, 2007) : 5-27.

Floriani L.D.. Feature Extraction From Boundary Models of Three-Dimensional Objects. IEEE Transaction on Pattern Analysis and Machine Intelligence. 11 (August 1989) : 785-798.

Jensen J.R.. Remote Sensing of the Environment an earth resource perspective. 2<sup>nd</sup> edition. United Stata of America : Pearson Education Inc., 2007.

Kaufman M. and Wagner D. Drawing Graph Method and Model. Germany : Springer-Verlag Berlin Heidelberg, 2001.

Laurini, R. Thompson D. Fundamental of Spatial Information, 5<sup>th</sup> edition. . London United Kingdom : Academic Press, 1994.

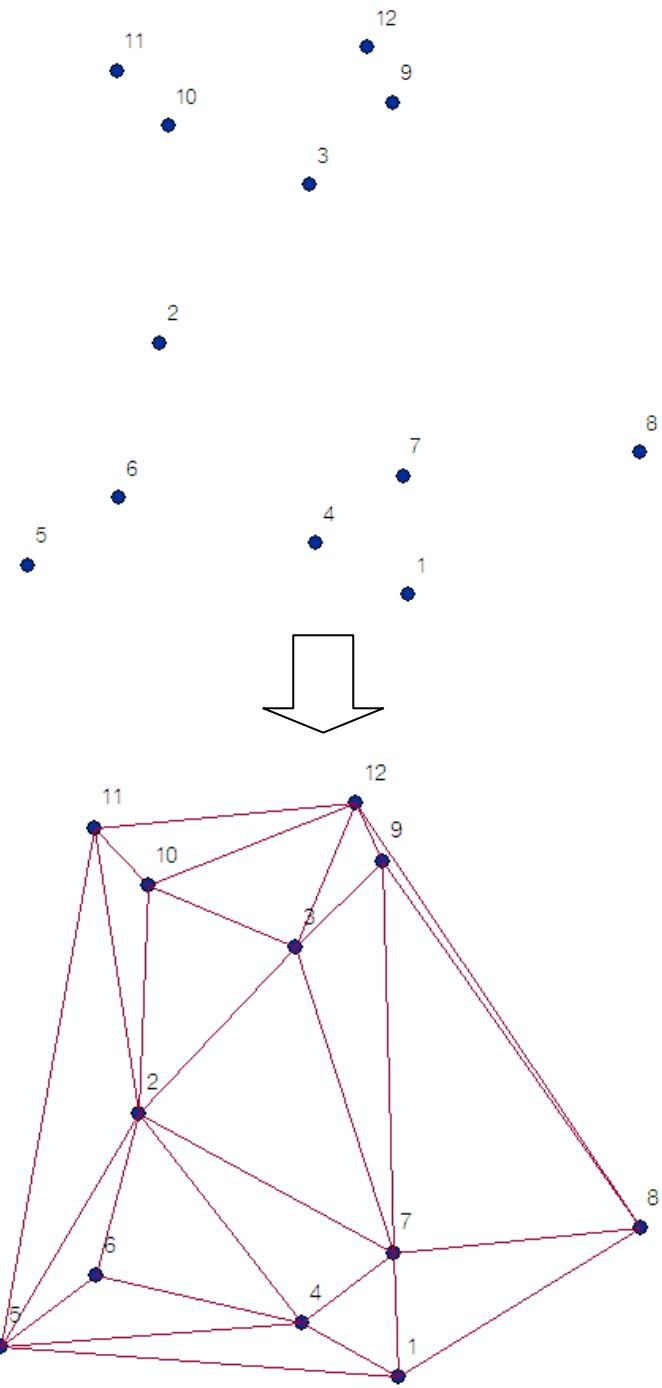
Lillesand M.D., Kiefer R.W. and Chipman J.W. Remote Sensing and Image Interpretation. 5<sup>th</sup> edition. Newyork United State of America : John Wiley and Sons, 2004.

- Michael F. W. GIS a computing Perspective, John street London Unietd Kingdom : Taylor and Francis Ltd, 1995.
- Rebecca T., Chris G. and Dave K. Using Delaunay Triangulation/ Voronoi Diagram to extract Building Information from Raw LiDAR Data. International Symposium on Voronoi Diagrams in Science and Engineering (IEEE). 4 (July 2007) : 222-229.
- Samadzadegan F. and Saeedi S. Clustering of LiDAR Data Using Practicle Swarm Optimization Algorithm in Urban Area. International Archives of Photogrammetry and Remote sensing. 38 (September, 2009) : 3-8.
- Schmid K., Waters K., Dingerson L., Hadly B., Mataosky R., Carter J., & Dare J. LiDAR, An Introduction to LiDAR Technology, Data, and Applications. National Oceanic and Atmospheric Administration (NOAA) Coastal Service Center. (December 2008) : 740-1254.
- Shan J. and Toth C. K.. Topographic Laser Ranging and Scanning : Principle and Processing. 1<sup>st</sup> edition. Boca Raton United State of America : Taylor and Francis, 2009.
- Theobald D.M. Topology Revisited : Representing spatial relations. International Journal Of Geographical Information Science. 15: (April 2001) : 689-705.

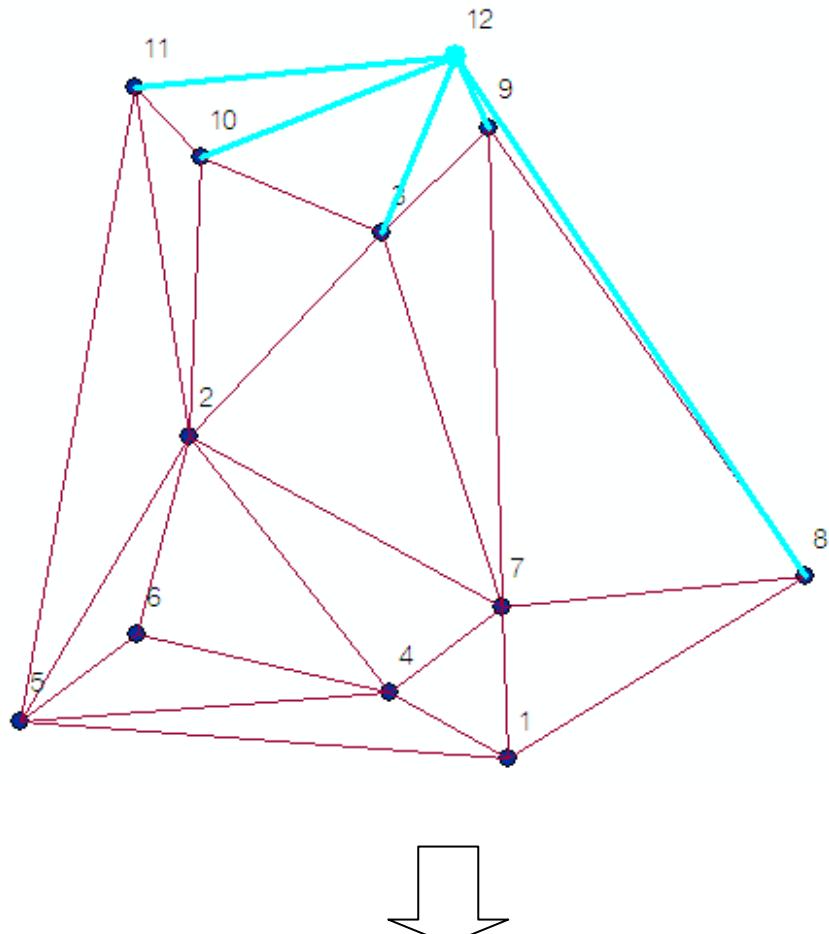
ภาคผนวก

## ขั้นตอนการสร้างกราฟโดยสังเขป

-แสดงข้อมูล point cloud และสร้างสามเหลี่ยม Delaunay



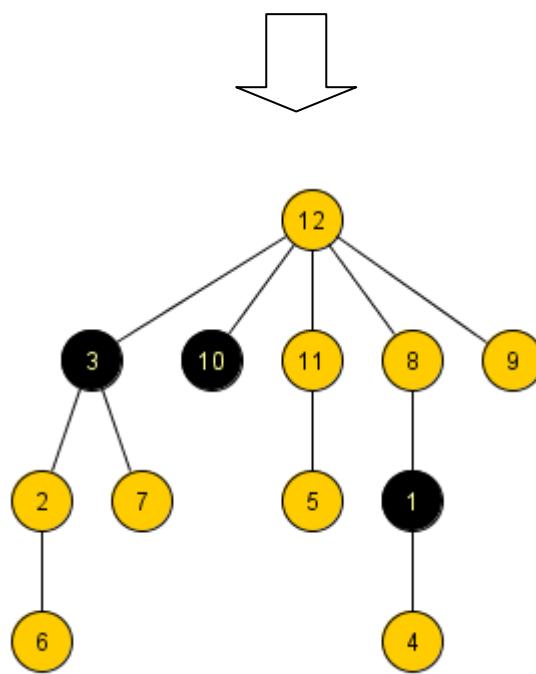
-เริ่มต้นจากจุดที่ต่ำที่สุดในภาพแล้วหาจุดข้างเคียงรวมทั้งหากความชันระหว่างจุด



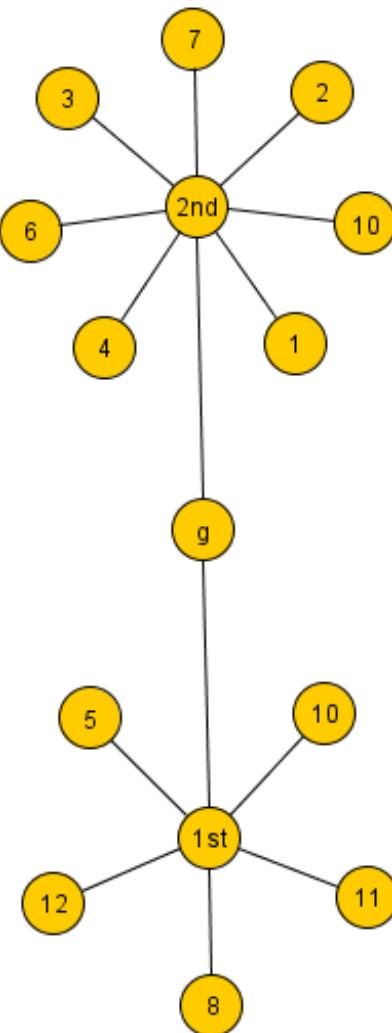
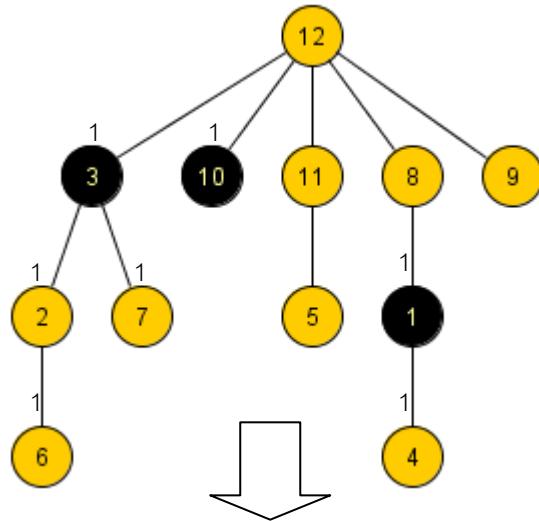
I	J	K	L	M
point link	distance x,y	elevation z	ratio	slope
12->3	0.75769387	1.8	2.37563	67.17178
12->10	1.086324077	1.62	1.491268	56.15536
12->11	1.275656694	1.23	0.964209	43.9561
12->8	2.479516082	0.38	0.153256	8.713112
12->9	0.308706981	0.02	0.064786	3.706804
3->2	1.103449138	0.03	0.027187	1.557344
3->7	1.552836115	-0.02	-0.01288	-0.73791
11->5	2.550019608	1.27	0.498035	26.47493
8->1	1.373790377	1.83	1.332081	53.10425
1->4	0.53712196	-0.19	-0.35374	-19.4806
2->6	0.817435013	0.45	0.550502	28.83289

-สร้างกราฟตามเงื่อนไขของ graph search algorithm

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0
2	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
3	0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1
4	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0
6	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
10	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
11	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1
12	0	0	1	0	0	0	1	1	1	1	1	0



-สร้าง cluster graph จากกราฟต้นที่มี



## ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

ชื่อ: นายถวัชิต แฉล้มเขตต์

วันเดือนปีเกิด: 11 มิถุนายน พ.ศ. 2528

คุณวุฒิทางการศึกษา:

พ.ศ. 2551 วิทยาศาสตรบัณฑิตสาขาวิชาเทคโนโลยีภูมิสารสนเทศ

มหาวิทยาลัยบูรพา

พ.ศ. 2555 วิทยาศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาระบบสารสนเทศปริภูมิทาง

วิศวกรรม ภาควิชาวิศวกรรมสำรวจ คณะวิศวกรรมศาสตร์

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

### ผลงานทางวิชาการ: บทความตีพิมพ์

- ถวัชิต แฉล้มเขตต์ และ คงทิศ ฉายากุล 2555. การศึกษาการประยุกต์ใช้ทฤษฎีกราฟเพื่อใช้ในการดึงข้อมูลลักษณะวัตถุจากข้อมูลไลดาร์ การประชุมวิชาการวิศวกรรมโยธาแห่งชาติ ครั้งที่ 17. โรงเรียนเซนทาราโยเทลแอนด์คอนเวนเนนชันเซ็นเตอร์ จังหวัดอุดรธานี 9-11 พฤษภาคม 2555
- Tuvachit Chalamkate and Thongthit Chayakula. 2012. A STUDY OF GRAPH THEORY APPROACH FOR FEATURE EXTRACTION FROM LiDAR DATA. 33rd Asian Conference on Remote Sensing (ACRS 2012). November 26-30, 2012 at The Ambassador City Jomtien Hotel, Pattaya, Thailand.