

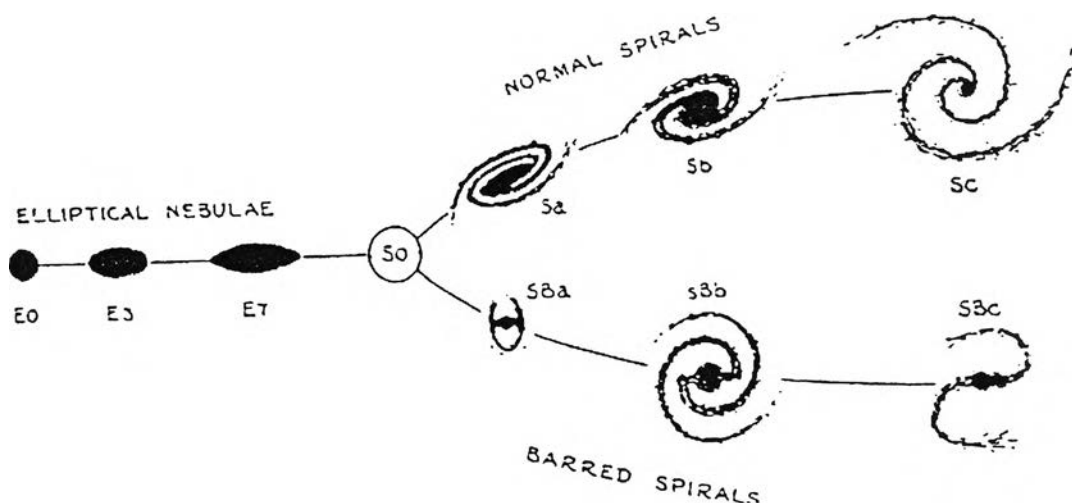
## บทที่ 2

### ดาราจักรและอันตรกิริยาระหว่างดาราจักร

#### 2.1 ดาราจักร

ระบบของวัตถุต่างๆในจักรวาลไม่ว่าจะเล็กหรือใหญ่ตั้งแต่ระบบสุริยะจนถึงดาราจักรและกระจุกดาราจักร สามารถรวมตัวกันอยู่ได้โดยอาศัยแรงโน้มถ่วง โดยแรงโน้มถ่วงนี้ทำให้วัตถุต่างๆรวมตัวกันเป็นระบบที่ใหญ่ขึ้น ในการรวมตัวกันเป็นระบบที่ใหญ่ขึ้นวัตถุต่างๆภายในระบบต่างก็ออกแรงดึงดูดโน้มถ่วงกระทำต่อกัน ทำให้เกิดแรงเหวี่ยงวัตถุเหล่านั้นให้เคลื่อนที่ไปเป็นวงโคจรรูปแบบต่างๆ

ดาราจักรเป็นระบบของดาวฤกษ์ขนาดใหญ่ นอกจากดาวฤกษ์แล้วดาราจักรยังประกอบไปด้วยฝุ่น กลุ่มก๊าซ และอนุภาคต่างๆมากมาย การจำแนกรูปร่างของดาราจักรมีหลายวิธี วิธีหนึ่งที่เป็นที่นิยมคือระบบการจำแนกแบบฮับเบิล (Hubble's classification scheme)(รูปที่ 2.1) ดาราจักรจะแบ่งออกเป็น ดาราจักรทรงรี(Ellipticals, E) ดาราจักรเลนส์(Lenticulars, S0) ดาราจักรเกลียว(Spirals, S) และดาราจักรไร้รูปทรง(Irregulars, Irr) เรียงลำดับจากซ้ายไปขวาของแผนภาพในรูปที่ 2.1



รูปที่ 2.1 แผนภาพแบบง่ามของฮับเบิล (Hubble's tuning-fork diagram)(ภาพจาก[3])

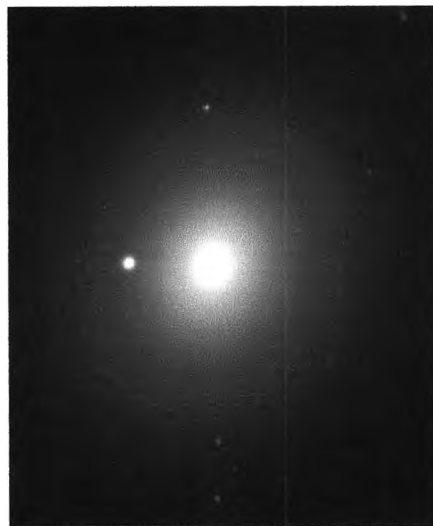
ดาราจักรทรงรี(รูปที่ 2.2) จะถูกแทนด้วยสัญลักษณ์ E0 ถึง E7 ขึ้นกับความรีของดาราจักร โดย E0 มีความรี(ellipticity)น้อยที่สุดคือจะมีลักษณะเป็นทรงกลม ส่วน E7 จะมีความรีมากที่สุด อัตราส่วนของดาราจักรทรงรีต่อดาราจักรทั้งหมดมีค่าตั้งแต่ 10% ในบริเวณที่มีความหนาแน่นของดาราจักรต่ำ ไปจนถึง 40% ในบริเวณที่มีความหนาแน่นสูงของกระจุกดาราจักร องค์ประกอบภายในของดาราจักรทรงรีมักไม่พบดาวที่มีอายุน้อย และมีองค์ประกอบที่เป็นฝุ่นและก๊าซน้อย[5]



M87 (E1)



M32 (E2)



M49 (E4)



M110 (E6)

รูปที่ 2.2 ตัวอย่างดาราจักรทรงรี[6] สัญลักษณ์นอกวงเล็บคือชื่อวัตถุตามระบบเมสสิเออร์

ดาราจักรเกลียว(รูปที่ 2.3) ประกอบด้วยส่วนที่เป็นแก่นซึ่งมีลักษณะเป็นกระเปาะวงรีที่มีความสว่างมาก ส่วนที่เป็นแผ่นจานกลม(disc)บางๆรอบแก่น และส่วนฮาโล(halo)ซึ่งอยู่บริเวณทรงกลมรอบๆดาราจักร บริเวณแก่นจะเป็นบริเวณที่มีความสว่างและความหนาแน่นของดาวมากที่สุด บริเวณแผ่นจานกลมจะมีโครงสร้างแขนเกลียว(spiral arms) ซึ่งในบริเวณนี้จะปรากฏกลุ่มก๊าซและฝุ่นจำนวนมากและดาวส่วนใหญ่ก็มีอายุไม่มากนัก ส่วนบริเวณฮาโลจะมีความหนาแน่นของดาวน้อยกว่าบริเวณอื่นมากและมักจะเป็นดาวที่มีอายุมาก พบว่า 80% ของดาราจักรในบริเวณที่มีความหนาแน่นของดาราจักรต่ำจะเป็นดาราจักรเกลียว แต่จะมีสัดส่วนเพียง 10% ในบริเวณที่มีความหนาแน่นสูงเช่นบริเวณแก่นของกระจุกดาราจักร[5] ดาราจักรเกลียวแบ่งเป็น 2 ประเภทคือ ดาราจักรเกลียวธรรมดา(normal spiral galaxies) แทนด้วยสัญลักษณ์Sa, Sb, Sc และดาราจักรเกลียวแบบแท่ง(barred spiral galaxies)(รูปที่ 2.4) ซึ่งบริเวณแก่นของดาราจักรจะมีโครงสร้างแท่งพาดอยู่ ส่วนปลายของแท่งนี้จะเชื่อมต่อกับแขนเกลียว ดาราจักรเกลียวแบบแท่งจะแทนด้วยสัญลักษณ์ SBa, SBb, SBc สัญลักษณ์อักษรตัวเล็กจาก a ถึง c จะบอกถึงอัตราส่วนของขนาดของแก่นเทียบกับขนาดของแผ่นจานกลมที่ลดลง สัดส่วนของก๊าซ ฝุ่น และดาวอายุน้อยที่เพิ่มขึ้น แขนเกลียวที่แยกออกจากกันชัดเจนมากขึ้น และความสว่างที่ลดลง[1]

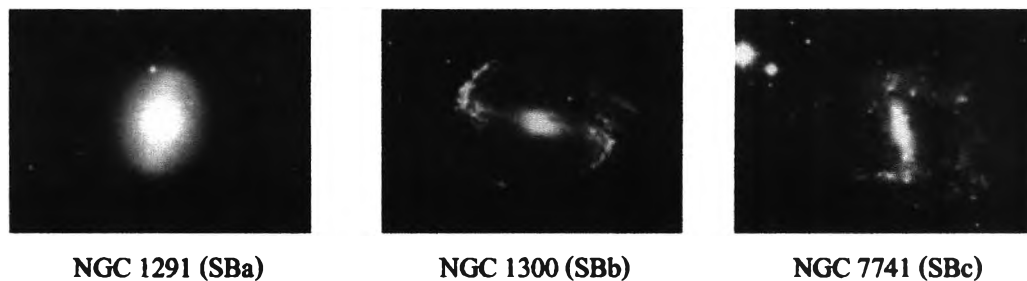


M104(Sa)



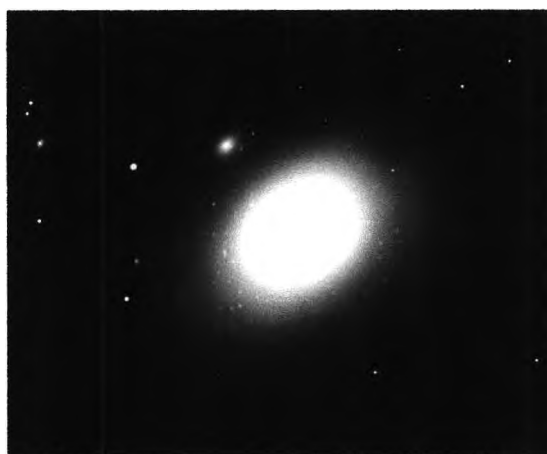
M101(Sc)

รูปที่ 2.3 ตัวอย่างดาราจักรเกลียว[6]



รูปที่ 2.4 ตัวอย่างดาราจักรเกลียวแบบแท่ง[7] สัญลักษณ์นอกวงเล็บเป็นชื่อวัตถุตามระบบรายชื่อทั่วไปแบบใหม่(New General Catalog)

ช่วงรอยต่อระหว่างดาราจักรทรงรีและดาราจักรเกลียวคือดาราจักรเลนส์(รูปที่ 2.5) ดาราจักรชนิดนี้จะมีแกนกลางขนาดใหญ่ และก็มีแผ่นจานกลมโคจรรอบเหมือนกับดาราจักรเกลียว แต่ไม่ปรากฏลักษณะของแขนเกลียว ก๊าซ ฝุ่น และดาวอายุน้อย ดาราจักรเลนส์นี้จะพบน้อยในบริเวณที่มีความหนาแน่นของดาราจักรต่ำ โดยมีอัตราส่วนเพียง 10 % ของดาราจักรทั้งหมดแต่จะมีสัดส่วนถึงครึ่งหนึ่งในบริเวณที่มีความหนาแน่นของดาราจักรสูง[5]



M86(S0)

รูปที่ 2.5 ตัวอย่างดาราจักรเลนส์[6]

ยังมีดาราจักรอีกประเภทที่ไม่สามารถจัดเข้ากับดาราจักรประเภทต่างๆข้างต้นได้ เรียกดาราจักรแบบนี้ว่าดาราจักรไร้รูปทรง(Irr) สมาชิกส่วนหนึ่งของดาราจักรไร้รูปทรงคือดาราจักรเกลียวและดาราจักรทรงรีที่เพิ่งจะผ่านการเกิดอันตรกิริยามา แต่สมาชิกส่วนใหญ่จะเป็นพวกที่มีความสว่างน้อยและประกอบด้วยก๊าซจำนวนมากดังเช่นเมฆแมกเจลแลนใหญ่(Large Magellanic

Cloud) (รูปที่ 2.6) คาราจักรไร้รูปร่างกลุ่มนี้จะใช้สัญลักษณ์ Im หรือ Sm กำลังส่องสว่าง (luminosity) ของ Im จำนวนมากมาจากความวุ่นวายที่มีอายุน้อย และกลุ่มก๊าซไฮโดรเจนขนาดใหญ่ (large HII regions) บ่อยครั้งที่จะพบสสารระหว่างดาวมีอัตราส่วนถึง 30% ของมวลสารทั้งหมด ในคาราจักรแบบนี้[5]



รูปที่ 2.6 เมฆแมกเจลแลนใหญ่[6]

## 2.2 อันตรกิริยาระหว่างคาราจักร

คาราจักรต่างๆ ไม่ได้กระจายตัวอย่างสม่ำเสมอในจักรวาล ส่วนใหญ่จะรวมตัวกันเป็น โครงสร้างขนาดใหญ่ตั้งแต่ระบบคู่ขึ้นไป ถ้าคาราจักรรวมกันเป็นกลุ่มขนาดเล็กจะเรียกว่ากลุ่ม คาราจักร(groups of galaxies) ถ้ามีจำนวนสมาชิกมากจะเรียกว่ากระจุกคาราจักร(clusters of galaxies)ซึ่งอาจมีจำนวนสมาชิกถึงหลักพัน คาราจักรทางช้างเผือกของเราเป็นคาราจักรแขนเกลียว แบบแท่งและอยู่ในกลุ่มที่เรียกว่ากลุ่มท้องถิ่น(local group) ซึ่งมีจำนวนสมาชิก 30 ถึง 40 คาราจักร ตัวอย่างของคาราจักรในกลุ่มท้องถิ่นนี้เช่น คาราจักรแอนโดรเมดา กลุ่มเมฆแมกเจลแลน เป็นต้น ซึ่งในขณะนี้คาราจักรทางช้างเผือกอยู่ในกระบวนการที่กำลังกลืนคาราจักรทรงรีแคระซาจิตทาร์อิัส (Sagittarius dwarf elliptical galaxy)

ข้อแตกต่างระหว่างคาราจักรและกระจุกคาราจักรที่สำคัญประการหนึ่งคืออัตราส่วน ปริมาตร(fractional volume) อัตราส่วนปริมาตรของคาราจักรเทียบกับกระจุกคาราจักรมี ค่าประมาณ  $10^{-3}$  ในขณะที่อัตราส่วนปริมาตรของดาวเทียบกับคาราจักรมีค่าประมาณ  $10^{-22}$  จะเห็นว่าอัตราส่วนโดยปริมาตรของกระจุกคาราจักรมีค่ามากกว่าอัตราส่วนโดยปริมาตรของคาราจักรมาก

ดังนั้นอันตรกิริยาระหว่างดาราจักรภายในกระจุกดาราจักรจึงเกิดได้มากกว่าและมีความสำคัญมากกว่าอันตรกิริยาระหว่างดาวภายในดาราจักร[5]

### 2.2.1 การจำแนกรูปประเภทของดาราจักรรูปร่างประหลาด

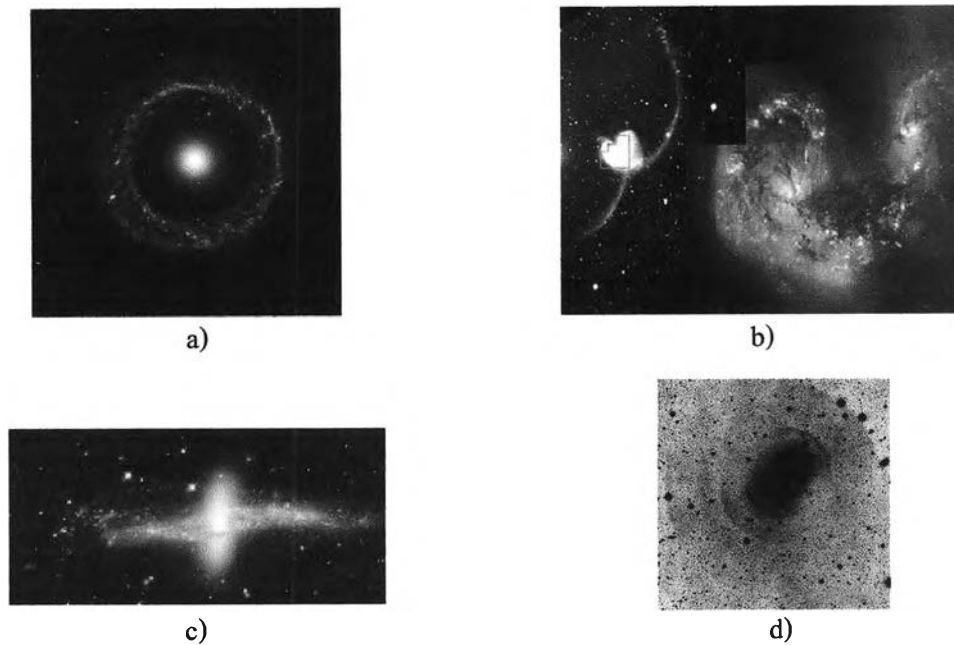
เมื่อดาราจักรเคลื่อนที่เข้าใกล้กันมากจนต่างก็ออกแรงรบกวนซึ่งกันและกัน แรงรบกวนจะทำให้รูปร่างของดาราจักรเหล่านี้เกิดการเปลี่ยนแปลงไป บางครั้งเกิดเป็นรูปร่างที่แปลกประหลาด เรียกดาราจักรเหล่านี้ว่าดาราจักรรูปร่างประหลาด รูปร่างของดาราจักรรูปร่างประหลาดจะแตกต่างกันไปขึ้นอยู่กับชนิดของดาราจักรและพารามิเตอร์ของกระบวนการเกิดอันตรกิริยา เช่นอัตราส่วนมวลระหว่างดาราจักรที่ชนกัน ทิศทางการชน ความเร็วสัมพัทธ์ ระยะเข้าใกล้ เป็นต้น เราสามารถจำแนกรูปร่างประหลาดออกเป็น 4 กลุ่มใหญ่ๆ(รูปที่ 2.9) ดังนี้

1) กลุ่มดาราจักรวงแหวน (Ring Galaxies) เป็นกลุ่มที่วิถีการชนของดาราจักรตัวรบกวนเกือบตั้งฉากกับระนาบของดาราจักรเป้าและผ่านใกล้จุดศูนย์กลางของดาราจักรเป้า ซึ่งถือเป็นการชนที่มีความเร็วสูง ผลการรบกวนจากการชนจะเกิดขึ้นเล็กน้อย โดยจะมีการสั่นของดาวในแนวรัศมีทำให้เกิดคลื่นความหนาแน่น(density wave)เคลื่อนที่ออกจากจุดศูนย์กลางของดาราจักรเป้า บริเวณชอคคลื่นนี้ก็คือโครงสร้างวงแหวนของดาราจักรนั่นเอง

2) กลุ่มดาราจักรแบบสะพานและหาง (Bridges and Tails) ความเร็วการชนจะน้อยกว่ากลุ่มแรก การรบกวนจะทำให้โครงสร้างของดาราจักรถูกยืดยาวออกโดยแรงไทดัล ส่วนโครงสร้างยืดยาวที่อยู่บริเวณเชื่อมต่อระหว่างดาราจักรที่ชนกันเรียกว่าสะพาน ส่วนด้านไกลของดาราจักรทั้งสองเรียกว่าหาง

3) กลุ่มดาราจักรวงแหวนแบบมีขั้ว (Polar Ring Galaxies) กลุ่มนี้การชนจะคล้ายกับกลุ่มที่ 2 แต่ว่าความแตกต่างของมวลของดาราจักรทั้งสองจะมีค่ามากๆ ขนาดของแรงรบกวนจากดาราจักรที่มีมวลมากกว่ามีค่ามาก จะดึงโครงสร้างของดาราจักรมวลน้อยให้ยืดออก หลังจากนั้นดาวเหล่านี้ก็จะไปโคจรรอบดาราจักรมวลมากแทน เกิดเป็นวงแหวนล้อมรอบดาราจักรจานแบนมวลมาก

4) กลุ่มดาราจักรแบบมีเปลือก (Shell Galaxies) เป็นกรณีของดาราจักรวงรีชนกับดาราจักรจานแบนที่มีมวลน้อยกว่ามากๆ วิถีการชนจะคล้ายกับกลุ่มแรกคือมีวิถีค่อนข้างตรง แรงดึงดูดของดาราจักรวงรีมวลมากจะดูดเอาดาวจากดาราจักรจานแบนมาโคจรรอบตัวมันเองทำให้เกิดชั้นของดาวคล้ายเปลือกหุ้มอยู่รอบดาราจักรวงรี



รูปที่ 2.7 ตัวอย่างดาราจักรที่เกิดอันตรกิริยาแบบต่างๆ a) วัตถุของโฮก (Hoag's object) เป็นตัวอย่างกลุ่มดาราจักรวงแหวน[9] b) ดาราจักรหนวดแมลง(Antennae) อยู่ในกลุ่มสะพานและหาง[10] c) NGC 4605 ตัวอย่างวัตถุในกลุ่มดาราจักรวงแหวนแบบมีขั้ว[11] d) NGC 3923 เป็นตัวอย่างของดาราจักรแบบมีเปลือก[12]

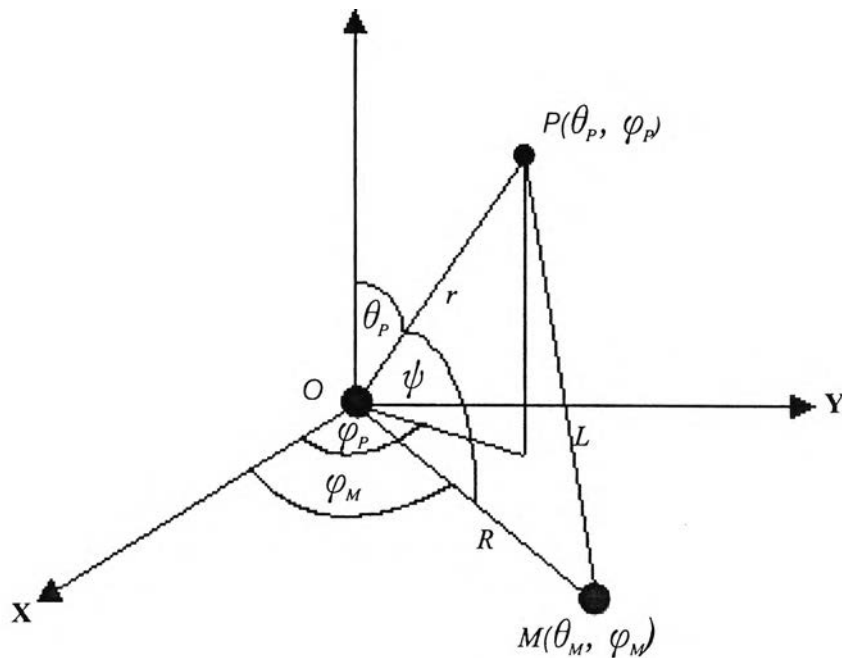
### 2.2.2 แรงไทดัล[1][8]

โครงสร้างสะพานและหางของดาราจักรเกิดขึ้นได้อย่างไรเราจะอธิบายด้วยแรงไทดัล พิจารณาดาราจักรมวล  $M$  (ดาราจักรตัวรอบวง) ที่ตำแหน่ง  $(\theta_M, \varphi_M)$  อยู่ห่างจากจุดศูนย์กลาง  $O$  ของดาราจักรที่ถูกกระทบ (ดาราจักรเป้า) ด้วยระยะทาง  $R$  (รูปที่ 2.8) ให้จุด  $P(\theta_P, \varphi_P)$  เป็นดาวที่โคจรอยู่โดยรอบแก่นของดาราจักรเป้า มีระยะห่างจากจุด  $O$  และจุด  $M$  เป็นระยะทาง  $r$  และ  $L$  ตามลำดับ

ศักย์ที่ตัวรอบวงกระทำต่อจุด  $P$  คือ

$$V = -GM(r^2 + R^2 - 2rR \cos \psi)^{-1/2} \quad (2.1)$$

เมื่อ  $\psi$  คือมุมที่วัดระหว่าง  $r$  และ  $R$   $G$  คือค่าคงที่ความโน้มถ่วงสากล ดาราจักรตัวรอบวงไม่ได้ ออกแรงกระทำต่อจุด  $P$  เท่านั้น แต่ยังออกแรงกระทำต่อแก่นของดาราจักรเป้าด้วย เพราะฉะนั้นถ้าให้จุด  $O$  เป็นจุดศูนย์กลางของกรอบอ้างอิง แรงเฉื่อยที่กระทำต่อกรอบอ้างอิงนี้คือ  $-GMu/R^2$  เมื่อ  $u$



รูปที่ 2.8

เป็นเวกเตอร์หนึ่งหน่วยที่จากจุด  $O$  ไปยัง  $M$  ดังนั้นศักย์อันเนื่องมาจากแรงเฉื่อยสำหรับอนุภาคที่จุด  $P$  คือ  $GMR^{-2}r \cos \psi$  ถึงตอนนี้เราสามารถแสดงศักย์ของแรงไทดัล ณ จุดใดๆของดาราจักรเป่าในกรอบอ้างอิงของ  $O$  เป็น

$$V_{tide} = -GM(r^2 + R^2 - 2rR \cos \psi)^{-1/2} + GMR^{-2}r \cos \psi \quad (2.2)$$

ถ้า  $R \gg r$  และวัตถุทุกชิ้นอยู่ในระนาบเดียวกันแล้ว สมการข้างต้นสามารถกระจายแบบทวินามได้

$$\begin{aligned} V_{tide} &= -\frac{GM}{R} \left( 1 + \frac{r \cos \psi}{R} + \frac{3r^2 \cos^2 \psi}{4R^2} + \frac{r^2}{4R^2} + \dots \right) + \frac{GM}{R^2} r \cos \psi \\ &= \text{constant} - \frac{GM}{R} \frac{r^2}{R^2} \left( \frac{1}{4} + \frac{3 \cos^2 \psi}{4} \right) + O\left(\frac{r^3}{R^3}\right) \end{aligned} \quad (2.3)$$

แรงไทดัล(ในวิชานิพนธ์นี้เมื่อกล่าวถึงแรงจะหมายถึงแรงต่อหนึ่งหน่วยมวล)ในแนวรัศมีของกรอบอ้างอิงของ  $O$  ที่กระทำต่อดาวที่โคจรรอบแก่นของดาราจักรเป่าคือ

$$F_r = \frac{GM}{R^3} (3 \cos^2 \psi - 1) \quad (2.4)$$

จะเห็นว่าที่ตำแหน่ง  $\psi = \pi/2, 3\pi/2$  อนุภาคจะถูกแรงไทดัลบีบเข้าสู่จุดศูนย์กลางมากที่สุด ในขณะที่ตำแหน่ง  $\psi = 0, \pi$  อนุภาคจะถูกแรงไทดัลดึงออกจากจุดศูนย์กลางมากที่สุด ทำให้ดาวที่



บริเวณนี้จะถูกขีดออกเป็นทางขาว โครงสร้างขีดขาวที่อยู่ระหว่างดาราจักร(ด้านใกล้)จะเรียกว่า สะพาน ส่วนที่อยู่ด้านไกลของดาราจักรจะเรียกว่าหาง

สมการที่ (2.4) เป็นกรณีพิเศษที่ระนาบของดาราจักรเป้าและระนาบวงโคจรของดาราจักรเองเป็นระนาบเดียวกัน แต่โดยทั่วไประนาบของดาราจักรเป้ามักจะทำมุมเอียงกับระนาบวงโคจรของดาราจักรเอง ดังนั้นแรงไทดัลในกรณีของระนาบเอียงจะต้องแสดงอยู่ในรูปของละติจูด  $\theta$  และลองจิจูด  $\varphi$  ดังแสดงในรูปที่ 2.8 และจากกฎโคชาชนจะได้ว่า

$$\cos \psi = \cos \theta_p \cos \theta_M + \sin \theta_p \sin \theta_M \cos (\varphi_p - \varphi_M) \quad (2.5)$$

เนื่องจากกำหนดให้วงโคจรของดาราจักรอยู่ในระนาบ x-y ทำให้  $\theta_M = \pi/2$  และ

$$\cos \psi = \sin \theta_p \cos (\varphi_p - \varphi_M) \quad (2.6)$$

แทนค่าสมการที่(2.6) ลงใน (2.4) จะได้

$$F_r = \frac{GMr}{R^3} [ 3 \sin^2 \theta_p \cos^2 (\varphi_p - \varphi_M) - 1 ] \quad (2.7)$$

ถ้ากำหนดให้  $\theta_p = \pi/2$  เสมอ สมการที่(2.8) ก็คือสมการที่(2.4) นั่นเอง

ความรุนแรงของแรงไทดัลนอกจากจะขึ้นกับตำแหน่งเชิงมุมและรัศมีของดาวที่ชนกับศูนย์กลางของดาราจักรเป้าแล้ว ยังมีค่าขึ้นกับพารามิเตอร์หลายตัว โดยแรงไทดัลจะแปรผันตรงกับมวลของดาราจักรตัวรับกวน และแปรผกผันกับระยะห่างระหว่างดาราจักร  $R$  ยกกำลังสาม เนื่องจากโดยทั่วไปวงโคจรของดาราจักรจะไม่เป็นวงกลม ซึ่ง  $R$  จะไม่เป็นค่าคงที่ระหว่างเกิด อันตรกิริยาดังนั้นจะใช้ระยะจุดใกล้ (pericenter) ซึ่งเป็นตำแหน่งที่แรงไทดัลมีค่ามากที่สุดเป็นตำแหน่งอ้างอิง เมื่อจะพิจารณาความรุนแรงของแรงไทดัลสำหรับการเกิดอันตรกิริยาที่มีการกำหนดชุดพารามิเตอร์หนึ่งๆ

## 2.2.2 การชนอัตราเร็วสูง

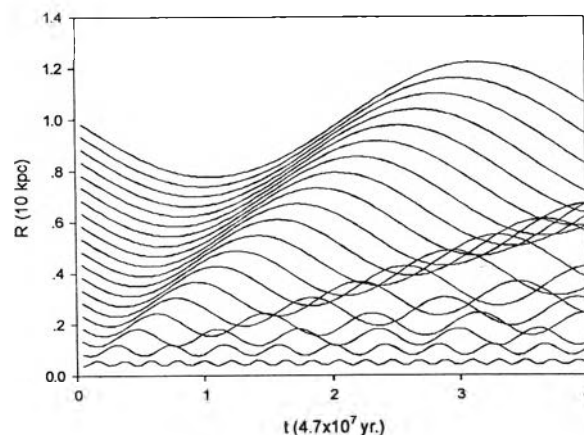
ในกรณีของการชนที่วิถีการเคลื่อนที่ของดาราจักรตัวรับกวนเกือบตั้งฉากกับระนาบดาราจักรเป้าและผ่านใกล้จุดศูนย์กลางของดาราจักรเป้ามามากๆ ทำให้อัตราเร็วสัมพัทธ์ระหว่างดาราจักรมีค่ามากส่งผลให้การรบกวนเกิดขึ้นเพียงเล็กน้อย ประกอบกับวิถีการชนวิถีตรง(head-on collisions) ที่เกือบตั้งฉากและใกล้จุดศูนย์กลางของดาราจักรเป้า แรงที่ดาราจักรตัวรับกวนกระทำต่อระบบของดาราจักรเป้าจะค่อนข้างสมมาตรทำให้เกิดโครงสร้างคล้ายวงแหวนล้อมรอบจุดศูนย์กลางของดาราจักรเป้าเรียกดาราจักรประเภทนี้ว่าดาราจักรวงแหวน ปรากฏการณ์นี้จะอธิบายด้วย

วิธีการที่เรียกว่าการประมาณแบบคัล (Impulse Approximation)[5] ซึ่งจะประมาณว่าวิถีการเคลื่อนที่ของดาราจักรตัวรวบวงตั้งฉากและพุ่งผ่านจุดศูนย์กลางของดาราจักรเป้า การรวบวงนี้จะเกิดขึ้นน้อยและถือว่าเกิดขึ้นทันทีทันใด ณ เวลาที่ ดาราจักรตัวรวบวงและดาราจักรเป้าหมายมีตำแหน่งทับกันพอดี ผลของการรวบวงจะทำให้ดาวใน ดาราจักรเป้าเกิดการสั่นเข้าออกในแนวรัศมีของดาราจักรเป้าโดยมีตำแหน่ง ณ เวลา  $t$  ใดๆเป็น[5]

$$R = R_0 \left[ 1 - \frac{\pi v_c}{\sqrt{2V}} \sin\left(\frac{\sqrt{2} v_c t}{R_0}\right) \right] \quad (2.8)$$

$R$  คือรัศมีของดาววัดจากจุดศูนย์กลางของดาราจักรเป้า ณ เวลา  $t$  ใดๆ  $R_0$  คือรัศมีของดาว ณ เวลาเริ่มต้น(ก่อนการรวบวง)  $V$  คืออัตราเร็วการชน  $v_c$  คืออัตราเร็วการหมุนรอบแก่นดาราจักรของดาวในดาราจักรเป้า โดยจะกำหนดให้เท่ากันสำหรับดาวทุกดวง

จากสมการที่ (2.8) ดาวในดาราจักรเป้าที่ตำแหน่งเริ่มต้นของดาวมีระยะห่างจากแก่นน้อยจะสั่นด้วยความถี่มากและแอมพลิจูดน้อย ส่วนดาวที่อยู่ห่างจากศูนย์กลางมากกว่าจะสั่นด้วยความถี่น้อยกว่าแต่แอมพลิจูดมากกว่า ถ้านำสมการที่ (2.8) มาพลอตกราฟสำหรับดาวหลายๆวงโคจร (รูปที่ 2.9) พบว่าความแตกต่างของความถี่และแอมพลิจูดในการสั่นของดาวแต่ละวงโคจรจะทำให้เกิดบริเวณที่มีความหนาแน่นของดาวมากกว่าปกติ บริเวณความหนาแน่นมากนี้จะเคลื่อนที่ออกจากจุดศูนย์กลางของดาราจักรเป้า เรียกลักษณะอย่างนี้ว่าคลื่นความหนาแน่น โดยคลื่นจะเกิดขึ้นหลายลูก คลื่นลูกที่สองจะมีความหนาแน่นมากที่สุดเพราะเป็นบริเวณที่ดาวแต่ละวงโคจรมีทิศทางการสั่นแบบสวนทางกัน(crossing orbit)[3] ซึ่งปรากฏให้เห็นเป็นส่วนวงแหวนของดาราจักรวงแหวนนั่นเอง



รูปที่ 2.9 กราฟของสมการที่ 2.8 แกนนอนคือเวลาและแกนตั้งคือตำแหน่งรัศมีของดาว 20 วงโคจร (การรวบวงไม่ขึ้นกับตำแหน่งเชิงมุมของดาวดังนั้นดาวที่มีระยะห่างจากศูนย์กลางดาราจักรเป้าเท่ากันจะมีการสั่นในแนวรัศมีเหมือนกัน) กำหนดให้  $v_c = 220$  km/s และ  $v_c/V = 0.1$