

การเรียงลำดับข้อมูล

วิธีการเรียงลำดับข้อมูลมีหลายวิธี ดังกล่าวไว้ในบทที่ 1 แต่หลังจากที่ได้ศึกษาแล้วสรุปได้ว่า คิวซอร์ตเป็นวิธีการเรียงลำดับ ที่มีประสิทธิภาพและรวดเร็วที่สุดวิธีหนึ่ง เนื่องจากเหมาะกับข้อมูลจำนวนมาก เพราะใช้หลักการแบ่งข้อมูลออกเป็นกลุ่มย่อย ๆ แล้วจึงเรียงกลุ่มข้อมูลย่อยนั้น และในการเรียงลำดับใช้หลักการเรียกซ้ำ (Recursive) ซึ่งภาษาซี สามารถทำได้โดยมีประสิทธิภาพ ดังนั้น จึงได้เลือกคิวซอร์ตเป็นขั้นตอนวิธีที่ใช้ในวิทยานิพนธ์นี้

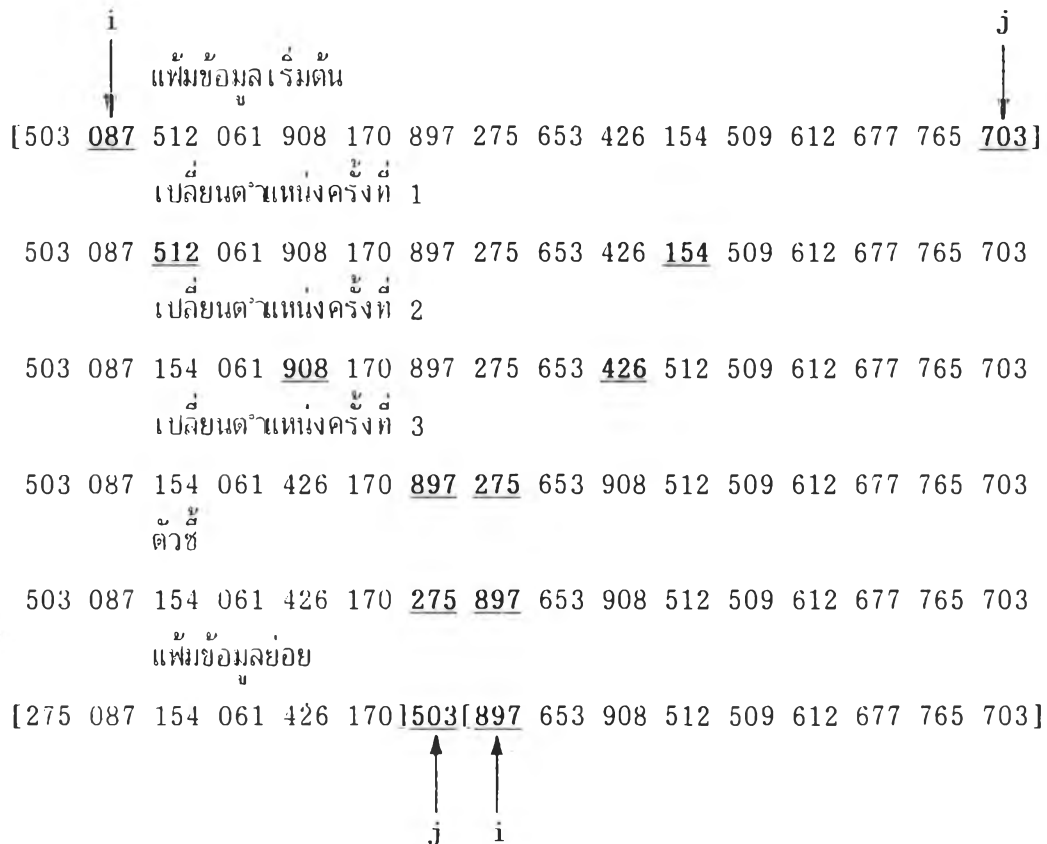
2.1 ขั้นตอนวิธีการเรียงลำดับข้อมูล

คิวซอร์ต¹ เป็นการเรียงลำดับแบบเปรียบเทียบ ที่ทำการเปรียบเทียบในแต่ละครั้งด้วยคีย์คหนึ่ง ทำเช่นนี้ไปเรื่อย ๆ ขั้นตอนขั้นแรก ก็คือนำระเบียบข้อมูลมา 1 ระเบียบ ในที่นี้สมมติว่าเป็น R_1 และเลื่อนตำแหน่งของระเบียบนั้นไปเรื่อย ๆ จนถึงตำแหน่งที่ควรจะอยู่จริงในแฟ้มข้อมูลที่เรียงลำดับแล้ว เรียกตำแหน่งนี้ว่า s ในขณะที่ทำการเรียงลำดับจนถึงตำแหน่งในขั้นสุดท้ายนั้น ระเบียบนั้นจะต้องเปลี่ยนตำแหน่งกับระเบียบก่อนเสมอ โดยจัดให้ระเบียบทางซ้ายของ s มีค่าน้อยกว่าหรือเท่ากับ s และระเบียบทางขวามีค่ามากกว่าหรือเท่ากับ s ด้วยเหตุนี้แฟ้มข้อมูลจึงถูกแบ่งออกเป็นแฟ้มข้อมูลย่อย 2 กลุ่ม คือ แฟ้มข้อมูลย่อยของระเบียบที่ $R_1 \dots R_{s-1}$ และแฟ้มข้อมูลย่อยของระเบียบที่ $R_{s+1} \dots R_N$ จากนั้น จึงใช้เทคนิคเดียวกันกับแฟ้มข้อมูลย่อยแต่ละกลุ่ม จนกระทั่งข้อมูลทั้งหมดถูกเรียงลำดับเรียบร้อยแล้ว

การแบ่งแฟ้มข้อมูลย่อยให้เป็นกลุ่มทางซ้ายและทางขวา ทำโดยเก็บตัวชี้ (Pointer) 2 ตัว คือ i และ j โดยที่ $i = 2$ และ $j = N$ เป็นค่าเริ่มต้น ถ้าสมมติให้ R_i เป็นแฟ้มข้อมูลย่อยทางซ้าย (เปรียบเทียบ K_i กับ K_1) เพิ่มค่า i ทีละ 1 ไปเรื่อย ๆ จนกระทั่งพบระเบียบ

¹D.E. Knuth, The Art of Computer Vol. 3, Sorting and Searching (Addison-Wesley Publishing Company, 1973), pp. 114-117.

R_i ซึ่งเป็นของกล่มทางขวา ในขณะที่เดียวกันลดค่า j ทีละ 1 จนกระทั่งพบระเบียบ R_j ซึ่งเป็นของกล่มทางซ้าย ถ้า $i < j$ ให้สลับที่ระหว่าง R_i กับ R_j แล้วที่ระเบียบถัดไปด้วยวิธีเดียวกันไป จนกระทั่ง $i > j$ ให้สลับ R_j กับ R_1 ดังตัวอย่างในรูปที่ 2.1 ที่เพิ่มข้อมูลประกอบด้วยตัวเลข 16 ตัว คือ



หมายเหตุ : แสดงตำแหน่งของ i , j , k_i และ k_j ด้วยการขีดเส้นใต้

รูปที่ 2.1 ตัวอย่างข้อมูลควิกซอร์ต ตัวอย่างที่ 1

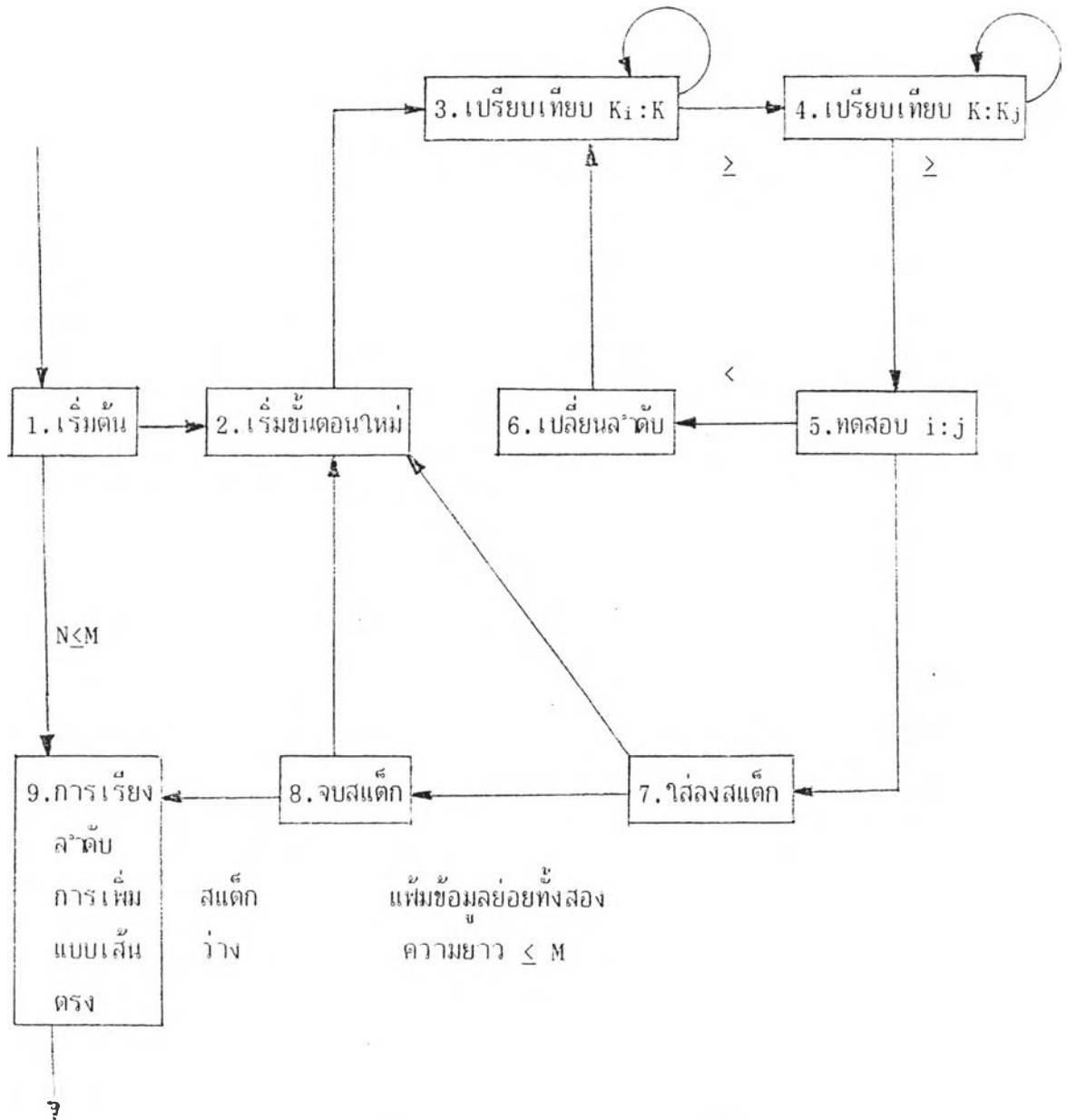
ในรูปที่ 2.2 แสดงการเรียงลำดับข้อมูลทั้งหมด เสร็จสิ้นลงใน 11 ขั้นตอน ค่าในวงเล็บ หมายถึงเพิ่มข้อมูลย่อยที่ยังต้องถูกเรียงลำดับอีก เพิ่มข้อมูลย่อยเหล่านี้จะแทนด้วยตัวแปร 2 ตัว คือ l และ r และใส่ตัวแปรทั้งคลังเก็บในสแตก คือ (l_k, r_k) ในแต่ละครั้งที่เพิ่มข้อมูลถูกแบ่ง เศษจะใส่ขอบเขตของเพิ่มข้อมูลย่อยที่มีขนาดใหญ่กว่า และทำเช่นนี้ จนกระทั่งถึงเพิ่มข้อมูลที่เล็กที่สุด

การเรียงลำดับวิธีนี้ บางทีเรียกว่า การเรียงลำดับแบบเปลี่ยนส่วน (Partition-Exchange Sorting) ซึ่ง ซี.เอ.อาร์.โฮร์ (C.A.R. Hoare) ได้ตั้งชื่อว่า "ควิกซอร์ต" เพราะการที่ผ่านเอาต์หลักการวนซ้ำ (Loop) ซึ่งคอมพิวเตอร์สามารถหาได้รวดเร็วมมาก การเปรียบเทียบทั้งหมด ที่เกิดขึ้นในแต่ละขั้นตอน จะกระทำเพียงครั้งเดียวกัน ดังนั้น คีย์จะเก็บไว้ในเรจิสเตอร์และมีเพียงดัชนีเท่านั้นที่ถูกละเปลี่ยนระหว่างการเปรียบเทียบ จากตัวอย่างตามรูปที่ 2.2 จำนวนการเคลื่อนย้ายข้อมูล ใช้เพียง 17 ครั้งเท่านั้น

	(1,r) สแตก
[503 087 512 061 908 170 897 275 653 426 154 509 612 677 765 703]	(1,16) -
[275 087 154 061 426 170]503[897 653 908 512 509 612 677 765 703]	(1,6) (8,16)
[170 087 154 061]275 426 503[897 653 908 512 509 612 677 765 703]	(1,1) (8,16)
[061 087 154]170 275 426 503[897 653 908 512 509 612 677 765 703]	(1,3) (8,16)
061[087 154]170 275 426 503[897 653 908 512 509 612 677 765 703]	(2,3) (8,16)
061 087 154 170 275 426 503[897 653 908 512 509 612 677 765 703]	(8,16) -
061 087 154 170 275 426 503[765 653 703 512 509 612 677]897 908	(8,14) -
061 087 154 170 275 426 503[677 653 703 512 509 612]765 897 908	(8,13) -
061 087 154 170 275 426 503[509 653 612 512]677 703 765 897 908	(8,11) -
061 087 154 170 275 426 503 509[653 612 512]677 703 765 897 908	(9,11) -
061 087 154 170 275 426 503 509[512 612]653 677 703 765 897 908	(9,10) -
061 087 154 170 275 426 503 509 512 612 653 677 703 765 897 908	- -

รูปที่ 2.2 ตัวอย่างข้อมูลควิกซอร์ต ตัวอย่างที่ 2

วิธีการเก็บค่าพิเศษ (Extra Keeping) ที่ใช้ควบคุม i, j และสแต็คจะไม่แตกต่างกัน แต่จะทำให้คิวซอร์ต เหมาะสำหรับข้อมูลจำนวนมาก ๆ ดังรูปที่ 2.3



รูปที่ 2.3 แสดงการทำงานของคิวซอร์ต

ขั้นตอนวิธีควิกซอร์ต

ระเบียน R_1, \dots, R_N จะถูกเรียงลำดับตำแหน่งใหม่ โดยจะเรียงตามลำดับ ของ $K_1 \leq \dots \leq K_N$ มีสแต็กขนาดลึก $N (\log N)$ ใช้เป็นเทเกบสำรอง ต่อไปนี้จะกล่าวถึงขั้นตอนวิธีควิกซอร์ต โดยมีการเปลี่ยนแปลงเล็กน้อย เพื่อประสิทธิภาพที่ดีขึ้น

1. สมมติให้ค่าคีย์ $K_0 = -\infty$ และ $K_{n+1} = +\infty$ ดังนี้

$$K_0 \leq K_i \leq K_{n+1} \text{ โดยที่ } 1 \leq i \leq N$$

2. เพิ่มขอมล้อยขนาด M ระเบียน หรือของกลุ่มที่ยังไม่ได้เรียงลำดับทางซ้ายจะถูกเรียงลำดับด้วยวิธีการเพิ่มแบบเส้นตรง (Straight Insertion) ในที่นี้เลือก $M \geq 1$ เป็นพารามิเตอร์ (ถ้าจำเป็นต้องลดเวลาการทำงานของเครื่อง อาจประยุกต์ใช้การเรียงลำดับแบบเส้นตรง กับเพิ่มขอมล้อยแต่ละกลุ่ม)

3. ระเบียนซึ่งมีคีย์เท่ากันจะถูกเปลี่ยนตำแหน่ง แม้ว่าจะไม่จำเป็น (เพื่อให้การวนซ้ำภายในหาได้รวดเร็ว และช่วยในการแบ่งเพิ่มขอมล้อยให้ใกล้เคียงกับครึ่งหนึ่ง)

สรุป ขั้นตอนการทำงาน ซึ่งกำหนดตำแหน่งคีย์ โดยค่าของ r และ l

- 1) เริ่มต้น

ถ้า $N \leq M$ ไปหาข้อที่ 9 มิเช่นนั้น หาค่า l ให้ว่าง และกำหนดให้

$$l \leftarrow 1, r \leftarrow N$$

- 2) เริ่มขั้นตอนใหม่

เมื่อต้องการเรียงลำดับเพิ่มขอมล้อย $R_1 \dots R_r$ โดยมี $r \geq l+M$ และ

$$K_{l-1} \leq K_i \leq K_{r+1} \quad \text{เมื่อ } l \leq i \leq r \quad \text{กำหนดให้ } i \leftarrow l, j \leftarrow r+1$$

และ $K \leftarrow K_l, R \leftarrow R_l$

- 3) เปรียบเทียบ $K_i : K$

เป็นขั้นตอนที่เพิ่มขอมล้อยจะถูกเรียงลำดับใหม่ ดังนี้

$$K_k \leq K \quad \text{โดย } l-1 \leq k \leq i, K \leq K_k, \quad j \leq k \leq r+1 \quad \text{และ}$$

$$l \leq i < j) \quad \text{เพิ่มค่า } i \text{ ที่ละ } 1 \quad \text{ดังนี้}$$

ถ้า $K_i < K$ หา i ขอมล้อยนอก

$$(\text{เมื่อ } K_j \geq K \text{ ต้องจับด้วย } i \leq j)$$



4) เปรียบเทียบ $K : K_j$

ลดค่า j ทีละ 1 ดังนั้น ถ้า $K < K_j$ ทำซ้ำขั้นตอนนี้อีก

(เมื่อ $K \geq K_{i-1}$ ต้องจบด้วย $j \geq i-1$)

5) ทดสอบ $i : j$

(จากข้อที่ 3) ยกเว้นให้ $k = i$ และ $k = j$ และ $K_i \geq K \geq K_j$

และ $r \geq j \geq i-1 \geq 1$ ด้วย)

ถ้า $j \leq i$ สลับเปลี่ยน $R_i \leftrightarrow R_j$ และไปทำข้อที่ 7)

6) เปลี่ยนลำดับ

สลับเปลี่ยน $R_i \leftrightarrow R_j$ และกลับไปทำข้อที่ 3) อีก

7) ไล่ลงสแต็ค

(ขณะนี้ เพิ่มข้อมูลย่อย $R_1 \dots R_i \dots R_r$ มีการแบ่งย่อย ดังนั้น

$K_k \leq K_i$ โดย $i-1 \leq k \leq i$ และ $K_j \leq K_k$ โดย $j \leq k \leq r+1$)

ถ้า $r-j \geq j-1 > M$ ให้เพิ่ม $(j+1, r)$ บนสุดของสแต็ค

กำหนดให้ $r \leftarrow j-1$ และกลับไปข้อที่ 2)

ถ้า $j-1 > r-j > M$ ให้เพิ่ม $(1, j-1)$ บนสุดของสแต็ค

กำหนดให้ $1 \leftarrow j+1$ และกลับไปข้อที่ 2)

(แต่ละจุดรับเข้า (a, b) บนสแต็ค จะถูกใช้ในการเรียงลำดับเพิ่มข้อมูลย่อย

$R_a \dots R_b$ ในบางขั้นตอนต่อไป)

มีเงื่อนไข ถ้า $r-j > M \geq j-1$, กำหนดให้ $1 \leftarrow j+1$ และกลับไปข้อที่ 2)

หรือ ถ้า $j-1 > M \geq r-j$, กำหนดให้ $r \leftarrow j-1$ และกลับไปข้อที่ 2)

8) จบสแต็ค

ถ้าสแต็คไม่ว่างนำจุดรับเข้า $(1', r')$ ออกจากสแต็ค กำหนดให้ $1 \leftarrow 1'$,

$r \leftarrow r'$ และกลับไปข้อที่ 2)

9) การเรียงลำดับการเพิ่มแบบเส้นตรง

ให้ $j = 2, 3, \dots, N$ ถ้า $K_{j-1} > K_j$ กระทำต่อไป

กำหนดให้ $K \leftarrow K_j, R \leftarrow R_j, i \leftarrow j-1$ ดังนั้น

กำหนดให้ $R_{i+1} \leftarrow R_i$ และ $i \leftarrow i-1$ ทำซ้ำหนึ่งครั้งหรือมากกว่าจนกระทั่ง $K_i \leq K$

จากนั้น ไล่ข้อมูลระเบียบ R ลงในระเบียบ R_{i+1} แทน

(ข้อที่ 9) อาจจะไม่มี ถ้า $M = 1$)

3. พยัญชนะกับสระประสมกัน สลับตามตัวพยัญชนะก่อนแล้วจึงลำดับรูปสระ ส่วน พยัญชนะที่ไม่มีสระปรากฏ เป็นรูปประสมอยู่ด้วย เอาไว้ข้างหน้า เช่น ขลา อยู่หน้า ชะช้า, กน อยู่หน้า กา

4. ไม้เอก, ไม้โท, ไม้ตรี, ไม้จัตวา, ไม้ไตศุ, และ ไม้ทศธาตุ เหล่านี้ไม่ได้จัดเข้าในลำดับ

พยัญชนะไทยทั้งหมด 44 ตัว ดังนี้

ก	ข	ช	ค	ฅ	ฆ	ง	จ	ฉ	ซ	ฌ	ญ	ฎ	ฏ
ฐ	ฑ	ฒ	ด	ต	ถ	ท	ธ	น	บ	ป	ฝ	ผ	พ
ม	ย	ร	ล	ว	ศ	ษ	ส	ห	ฬ	อ	ฮ		

สระ มีทั้งหมด 21 รูป ดังนี้

ะ	า	ิ	ึ	ุ	เ	็	็	็	'	"	◌	◌	◌
๑๑	๑	๑๑	๑	๑	๑	๑	๑	๑	๑	๑	๑	๑	๑

2.2.1 ขั้นตอนก่อนการเรียงลำดับ

2.2.1.1 การสลับตำแหน่ง

ลักษณะการวางตำแหน่งของสระหรือพยัญชนะภาษาไทยนั้น มีหลายลักษณะ แต่เมื่อนำมาเรียงลำดับต้องมีการสลับตำแหน่ง เพื่อให้อยู่ในกลุ่มพยัญชนะตัวเดียวกัน ในกรณีที่เป็นการสลับสระหน้าหน้าพยัญชนะ ให้สลับตำแหน่งพยัญชนะมาอยู่หน้าสระแทน ตัวอย่างเช่น

เก	จะสลับเป็น	กเ
แกง	จะสลับเป็น	กแก
ไก่	จะสลับเป็น	กไ

ส่วนกรณีที่เป็นวรรณยุกต์และไม้ไตศุ จะสลับตำแหน่งให้ไปอยู่ท้ายของคำแทน ตัวอย่างเช่น

ค่าง	จะสลับเป็น	ค่าง
จ๊ะ	จะสลับเป็น	จ๊ะ
บล็อก	จะสลับเป็น	บล็อก

2.2.1.2 การเพิ่มหรือลดน้ำหนักของอักขระ

เนื่องจากกรณีสลับในสำเนียงอักขระภาษาไทย ทั้งตามมาตรฐาน



สมอ. และ เกษตร จัดเรียงให้ตัวอักษรมาก่อน แล้วจึงตามด้วยสระและวรรณยุกต์ ดังนี้ ถ้าหน้า
เอาค่าของรหัสแอสกีภาษาไทย มาใช้เป็นน้ำหนักในการเรียงลำดับโดยตรง ผลที่ได้จะไม่ถูกต้อง
ตัวอย่างเช่น เรียงคำ 4 คำ คือ กา, ก่า, กาง, ก้าง ด้วยโปรแกรม เปรียบเทียบกับการ
จัดเรียงของพจนานุกรม

เขียนแบบบรรทัดเดียว	กา	ก่า	กาง	ก้าง
จัดเรียงตามรหัสแอสกีโดยตรง	กา	กาง	ก้าง	ก่า
ผลการเรียงจากโปรแกรม	กา	ก้าง	ก่า	ก้าง
ผลการเรียงจากพจนานุกรม	กา	ก่า	ก้าง	ก้าง

การแก้ปัญหาสามารถทำได้ โดยกำหนดน้ำหนักของตัวอักษร
แต่ละตัวขึ้นใหม่ ซึ่งอาจมีค่าเพิ่มขึ้นหรือลดลงจากรหัสแอสกีของตัวอักษรนั้น ในพจนานุกรมนี้ให้
น้ำหนักของอักษร โดยพยัญชนะยังคงใช้น้ำหนักตามรหัสแอสกีตามเดิม ส่วนวรรณยุกต์, ไ้มยมก
และไม้ได้ค้ำน้ำหนักที่น้อยกว่าพยัญชนะ สำหรับสระให้น้ำหนักมากกว่าพยัญชนะ รวมทั้งสระที่เกิด
จากการยบรပ်ด้วย ซึ่งการให้น้ำหนักของตัวอักษร ทั้งรหัสของสมอ. และ เกษตร แสดงไว้ใน
ภาคผนวก ข

2.2.1.3 การยบรပ်

จากคำชี้แจงการเรียงลำดับคำตามหลักพจนานุกรม ซึ่งได้
กำหนดลำดับการเรียงของสระเอาไว้ การสลับตำแหน่ง และการเพิ่มหรือลดน้ำหนักของอักษร
จะทำให้สามารถติดต่อกับสระเดี่ยวเท่านั้น กรณีที่เป็นสระประสม คือมีสระมากกว่า 1 ตัว รวมอยู่ใน
คำ ๆ นั้น การเรียงลำดับจะเรียงตามเพียงสระตัวใดตัวหนึ่งเท่านั้น จะต้องใช้การยบรပ်เข้า
ช่วย โดยยบสระประสมทั้งหมดเป็นอักษรพิเศษ ที่มีน้ำหนักที่เหมาะสม จากแจ้งนำไปเรียงลำดับ
ตัวอย่างเช่น

เก	จะสลับเป็น	กเ
กะ	ยบรပ်เป็น	กX (X หมายถึง ะ)
เกา	ยบรပ်เป็น	กY (Y หมายถึง ำ)
เกาะ	ยบรပ်เป็น	กZ (Z หมายถึง าะ)

2.2.1.4 การตัดคำ

เนื่องจากลักษณะภาษาไทย ไม่มีการใช้เครื่องหมาย หรือช่อง
ว่าง เป็นตัวกำหนดจุดสิ้นสุดของคำ ดังนั้น จึงเป็นหน้าที่ของโปรแกรมจัดเรียงลำดับ จะต้องหา
จุดสิ้นสุดของคำให้ได้ แต่ผลเพื่อ

- 1) ย้ายวรรณยุกต์และไม่ได้ของคำ ไปอยู่ท้ายคำนั้น
- 2) เพื่อตรวจสอบว่าคำนั้นสระประสมอยู่หรือไม่ และมีสระ

อะไรประสมอยู่ เพื่อทำการยกรบได้ถูกต้อง

ขั้นตอนดำเนินการตัดคำ มี 3 ขั้นตอน โดยในแต่ละขั้นตอนจะพิจารณาการตัดคำ จากองค์ประกอบของคำในแง่มุมต่าง ๆ กัน และทุกครั้งตัดคำได้จะใส่เครื่องหมายพิเศษ "|" ลงคืน ซึ่งเครื่องหมายพิเศษนี้ จะต้องไม่ตรงกับอักขระตัวใดทั้งสิ้น

ขั้นที่ 1

ตัดคำ เฉพาะสระและอักขระที่หลักเกณฑ์แน่นอน ได้แก่

- 1) สระที่เป็นตัวแรกเสมอ จะตัดคำหน้าสระเหล่านี้

เช่น

เ แ ใ ใ ใ

เช่น เท แล โภช ใน ใจ เป็นต้น

- 2) สระที่เป็นตัวท้ายเสมอ จะตัดคำหลังสระเหล่านี้

เช่น

ะ ำ

เช่น กะ ำ เป็นต้น

- 3) เครื่องหมายที่เป็นตัวบอกสิ้นสุดคำ จะตัดคำหน้า

และท้ายเครื่องหมายเหล่านี้ เช่น

ๆ ๆ

เช่น กรุงเทพฯ คำๆ แดงๆ เป็นต้น

- 4) อักขระใด ๆ นอกเหนือจากตัวภาษาไทย คืออาจเป็นตัวภาษาอังกฤษหรือตัวเลข ให้ตัดคำข้างหน้าและท้ายอักขระเหล่านี้ เช่น

เลขที่XY374 ตัดคำเป็น เลขที่|x|y|3|7|4

ขั้นที่ 2

ทำการตรวจสอบ นาวรรณยุกต์ เมื่อพบก็จะตรวจต่อไปว่ามี การตัดคำจากขั้นที่ 1 แล้วหรือไม่ ถ้ายังไม่มีการตัดคำ จะทำการวิเคราะห์ เพื่อตัดคำที่มีลักษณะที่ไม่มีวรรณยุกต์และไม่มี การตัดคำ จะผ่านเลยไป เพราะไม่มีผลต่อการเรียงลำดับ

ขั้นที่ 3

กรณีที่เป็นสระประสม ในขั้นตอนนี้จะนำข้อมูลที่ถูกตัดคำ

แล้วทำการยกรูป จากนั้น จึงทำการสลับตำแหน่งของสระ, ย้ายตำแหน่งของวรรณยุกต์และไม่ได้คไปไว้ท้ายคำ และทำการกำหนดค่ารหัสพยางค์ พร้อมกับส่งผลที่ได้ไปเตรียมจัดเรียง โดยจะตัดเครื่องหมายคั่นระหว่างคำ (" ") ทั้งหมดทิ้งไป

2.2.1.5 การสร้างตัวชี้

เมื่อทำเสร็จขั้นที่ 3 จะได้อาศัยใช้ในการเรียง ซึ่งถูกแปลงเสร็จเรียบร้อยแล้ว เก็บอยู่ในหน่วยความจำหลัก จากนั้น จะทำการสร้างตัวชี้ เพื่อใช้เชื่อมโยง ระหว่างแฟ้มข้อมูลเข้ากับแฟ้มข้อมูลออก โดยนำหมายเลขระเบียบขณะหนึ่งของแฟ้มข้อมูลเข้าเก็บเป็นเลขจำนวนเต็มบวกขนาด 2 ไบต์ ลงต่อส่วนท้ายของคีย์ ดังนั้น ขีดจำกัดของแฟ้มข้อมูลเข้า จึงอยู่ที่จำนวนระเบียบ ไม่ได้ไม่เกิน 65,535 ระเบียบ ส่วนขนาดจะมีจำนวนกี่ไบต์ก็ได้ กรณีต้องการเรียงลำดับแฟ้มข้อมูลเข้า ที่มีจำนวนระเบียบมากกว่า สามารถทำได้โดย นำชุดคำสั่งภาษาต้นฉบับ (Source Program) ของโปรแกรมเรียงลำดับมาแก้ไขการระบุประเภทของตัวชี้ จากประเภทชอร์ต (short) ซึ่งมีขนาด 2 ไบต์ เปลี่ยนเป็นประเภทลอง (long) ซึ่งมีขนาด 4 ไบต์ อันจะทำให้ใช้งานกับแฟ้มข้อมูลที่มีจำนวนระเบียบถึง 4,294,967,296 ระเบียบ อย่างไรก็ตาม การใช้ตัวชี้ขนาด 4 ไบต์ จะทำให้ประสิทธิภาพของการเรียงลำดับต่ำลง เพราะใช้เนื้อที่หน่วยความจำหลักมากขึ้น จึงต้องทำการเรียงแบบภายนอกมาครั้งหนึ่ง

2.2.2 ขั้นตอนหลังการเรียงลำดับ

ในขณะที่ทำการเรียงลำดับข้อมูล จะมีการสลับคีย์ให้บ่อยตำแหน่งที่ถูกต้อง ซึ่งตัวชี้ที่อยู่ส่วนท้ายของคีย์นั้น จะถูกสลับตามไปด้วย จนเมื่อการเรียงลำดับเสร็จสิ้น ถ้าเป็นการเรียงจากน้อยไปมาก คีย์ที่น้อยสุดจะเรียงอยู่ลำดับแรก และคีย์ที่มากกว่าจะอยู่ลำดับถัดไป จากนั้นจึงทำการเขียนขั้นตอนหลังการเรียงลำดับ

ขั้นตอนหลังการเรียงลำดับเป็นการเชื่อมโยง เอาข้อมูลเดิมของแฟ้มข้อมูลเข้ามาสืบสร้างเป็นแฟ้มข้อมูลออกที่มีการเรียงเรียบร้อยแล้ว ขั้นตอนคือ ดึงเอาตัวชี้ของคีย์ที่น้อยที่สุดมาใช้เป็นหมายเลขระเบียบของแฟ้มข้อมูลเข้า อ่านข้อมูลระเบียบนั้นแล้วบันทึกลงเป็นระเบียบแรกของแฟ้มข้อมูลออก ทำเช่นนี้กับคีย์ถัดไป จนกระทั่งครบทุกคีย์ ตัวอย่างเช่น

ในระเบียบที่ 8 ของแฟ้มข้อมูลเข้า มีคีย์ภาษาไทย เป็นคำว่า ดำมจว และเมื่อถูกเรียงลำดับแล้ว คีย์นั้นจะอยู่เป็นลำดับที่ 3 ลักษณะของคีย์จะเป็นดังนี้

คยลัดบที่ 1	กาน_ไม้_ 4	(กานไม้)
คยลัดบที่ 2	ไข_ไก่_ 6	(ไขไก่)
คยลัดบที่ 3	ตาม_จิว_ 8	(ตามจิว)
คยลัดบที่ 4	อาง_ทอง 1	(อางทอง)

จะทำการอำระ เบียนที่ 8 ของแหมขอมลเข้า แล้วบหนกลง เป็ระ เบียนที่ 3 ของแหมขอมลออก